

# VYSOKÉ UČENÍ TECHNICKÉ V BRNĚ

**BRNO UNIVERSITY OF TECHNOLOGY** 

# FAKULTA STAVEBNÍ

FACULTY OF CIVIL ENGINEERING

# ÚSTAV BETONOVÝCH A ZDĚNÝCH KONSTRUKCÍ

INSTITUTE OF CONCRETE AND MASONRY STRUCTURES

# NÁVRH BETONOVÝCH KONSTRUKCÍ VYZTUŽENÝCH NEKOVOVOU FRP VÝZTUŽÍ

DESIGN OF CONCRETE STRUCTURES REINFORCED WITH NON-METALLIC FRP REINFORCEMENT

DIPLOMOVÁ PRÁCE DIPLOMA THESIS

AUTOR PRÁCE

Bc. Michaela Golisová

VEDOUCÍ PRÁCE SUPERVISOR Ing. VOJTĚCH KOSTIHA, Ph.D.

**BRNO 2021** 



# VYSOKÉ UČENÍ TECHNICKÉ V BRNĚ FAKULTA STAVEBNÍ

N3607 Stavební inženýrství
Navazující magisterský studijní program s prezenční formou studia
3608T001 Pozemní stavby
Ústav betonových a zděných konstrukcí

# ZADÁNÍ DIPLOMOVÉ PRÁCE

Bc. Michaela Golisová
Návrh betonových konstrukcí vyztužených nekovovou FRP výztuží
Ing. Vojtěch Kostiha, Ph.D.
31. 3. 2020
15. 1. 2021

V Brně dne 31. 3. 2020

prof. RNDr. Ing. Petr Štěpánek, CSc. Vedoucí ústavu

prof. Ing. Miroslav Bajer, CSc. Děkan Fakulty stavební VUT

### PODKLADY A LITERATURA

Platné předpisy a normy (včetně změn a oprav):

ČSN EN 1990: Zásady navrhování konstrukcí;

ČSN EN 1992-1-1: Navrhování betonových konstrukcí. Obecná pravidla a pravidla pro pozemní stavby;

fib Bulletin no. 40: FRP reinforcement in RC structures;

ACI 440.1R-15: Guide for the design and construction of concrete reinforced with FRP bars; ISIS Design Manual No. 3 – Reinforcing Concrete Structures with Fibre Reinforced Polymers (FRPs), ISIS Canada.

Další literatura dle doporučení vedoucího diplomové práce.

### ZÁSADY PRO VYPRACOVÁNÍ

Diplomová práce bude rozdělena do dvou částí - teoretické (rešeršní) a praktické. V teoretické části bude zpracována rešerše použití a návrhu FRP výztuží, v praktické části bude na jednoduchém konstrukčním prvku proveden návrh vyztužení pomocí nekovové kompozitní výztuže.

Ostatní činnosti a případná zjednodušení zadaného konstrukčního prvku provádějte v souladu s pokyny vedoucího diplomové práce. Práce bude zpracována v rozsahu znalostí posluchače magisterského studijního programu.

Požadované výstupy:

Textová část (obsahuje rešerši použití a návrhu FRP výztuží)

Praktická část (P1. Statický výpočet)

Prohlášení o shodě listinné a elektronické VŠKP (1x)

Popisný soubor závěrečné práce (1x)

Diplomová práce bude odevzdána v listinné a elektronické formě a pro ÚBZK 1x na CD nosiči.

### STRUKTURA DIPLOMOVÉ PRÁCE

VŠKP vypracujte a rozčleňte podle dále uvedené struktury:

1. Textová část závěrečné práce zpracovaná podle platné Směrnice VUT "Úprava, odevzdávání a zveřejňování závěrečných prací" a platné Směrnice děkana "Úprava, odevzdávání a zveřejňování závěrečných prací na FAST VUT" (povinná součást závěrečné práce).

2. Přílohy textové části závěrečné práce zpracované podle platné Směrnice VUT "Úprava, odevzdávání, a zveřejňování závěrečných prací" a platné Směrnice děkana "Úprava, odevzdávání a zveřejňování závěrečných prací na FAST VUT" (nepovinná součást závěrečné práce v případě, že přílohy nejsou součástí textové části závěrečné práce, ale textovou část doplňují).

> Ing. Vojtěch Kostiha, Ph.D. Vedoucí diplomové práce

### ABSTRAKT

Tato diplomová práce se zabývá návrhem betonových konstrukcí vyztužených nekovovou FRP výztuží se zaměřením na řešení únosnosti v protlačení. Práce je rozdělená na teoretickou a praktickou část. Teoretická část začíná s obeznámením FRP výztuží a popisem smykového namáhání. Následuje představení současných přístupů zabývajících se touto problematikou. V praktické části jsou v návaznosti na tyto předpisy vypracovány parametrické studie pro porovnání vlivu jednotlivých vstupních parametrů a vybraných předpisů. Poslední část je věnována návrhu a nelineární analýze provedené v programu ATENA.

# KLÍČOVÁ SLOVA

FRP, nekovová výztuž, smyk, protlačení, mezní napětí, nelineární analýza, křížem vyztužená deska, parametrická studie, posouvající síla

## ABSTRACT

This diploma thesis investigates the design of concrete structures reinforced with non-metallic FRP reinforcement with a focus on solving the bearing capacity in extrusion. The work is divided into a theoretical and a practical part. The theoretical part begins with an introduction to FRP reinforcement and a description of shear stress. The following is an introduction to current approaches dealing with this issue. In the practical part, in connection with these regulations, parametric studies are developed to compare the influence of individual input parameters and selected regulations. The last part is dedicated to the design and nonlinear analysis performed in the ATENA software.

## KEYWORDS

FRP, non-metalic Reinforcement, shear, punching shear, shear stress, non-linear analysis, two way slab, parametric study, shear force

# **BIBLIOGRAFICKÁ CITACE**

Bc. Michaela Golisová *Návrh betonových konstrukcí vyztužených nekovovou FRP výztuží.* Brno, 2020. 60 s. Diplomová práce. Vysoké učení technické v Brně, Fakulta stavební, Ústav betonových a zděných konstrukcí. Vedoucí práce Ing. Vojtěch Kostiha, Ph.D.

## PROHLÁŠENÍ O SHODĚ LISTINNÉ A ELEKTRONICKÉ FORMY ZÁVĚREČNÉ PRÁCE

Prohlašuji, že elektronická forma odevzdané diplomové práce s názvem *Návrh betonových konstrukcí vyztužených nekovovou FRP výztuží* je shodná s odevzdanou listinnou formou.

V Brně dne 15. 1. 2021

Bc. Michaela Golisová autor práce

# PROHLÁŠENÍ O PŮVODNOSTI ZÁVĚREČNÉ PRÁCE

Prohlašuji, že jsem diplomovou práci s názvem *Návrh betonových konstrukcí vyztužených nekovovou FRP výztuží* zpracoval(a) samostatně a že jsem uvedl(a) všechny použité informační zdroje.

V Brně dne 15. 1. 2021

Bc. Michaela Golisová autor práce

# Poděkování

Děkuji vedoucímu diplomové práce Ing. Vojtěchovi Kostihovi, Ph.D. za účinnou metodickou, pedagogickou a odbornou pomoc a další cenné rady při zpracování mé diplomové práce.

V Brně dne: 15. ledna 2021

podpis autora

\_\_\_\_\_

# Obsah

Úvod		.10
1. Kor	mpozitní FRP výztuž a její vlastnosti	.11
1.1.	Složení	.11
1.2.	Mechanické a fyzikální vlastnosti FRP výztuže	.13
1.3.	Postup výroby	.15
2. Sm	ykové namáhání prvku	.16
2.1.	Přístup ČSN EN 1992-1-1 k návrhu únosnosti v protlačení [8]	.18
2.1.1.	Posouzení kontrolního obvodu u0	.18
2.1.2.	Posouzení základního kontrolního obvodu u1	. 19
2.1.3.	Posouzení kontrolního obvodu uout	
3. Přís	stupy zahraničních norem k návrhu únosnosti v protlačení	22
3.1. reinforc	ACI 440.1R-15: Guide for the design and construction of structural concrete ed with fiber-reinforcemend polymer (FRP) bars [A]	22
3.2. Reinfor	CSA-S806-12: Design and Construction of Building Structures With Fibre- cemend Polymers [C]	24
3.3.	Fib Bulletin No. 40: FRP Reinforcement in RC Structures [F]	25
3.3.1.	Modifikace JSCE standardu	25
4. Par	ametrické studie	27
4.1.	Studie vlivu změny parametrů na mezní napětí v protlačení	28
4.1.1	Vstupní parametry	28
4.1.2	Vliv pevnosti betonu	29
4.1.3	Vliv účinné výšky	31
4.1.4	Vliv modulu pružnosti FRP výztuže	33
4.1.5	Vliv stupně vyztužení	35
4.2.	Studie srovnání předpisů	37
4.2.1	. Porovnání výsledků mezního napětí v protlačení bez smykové výztuže	38
4.2.2	. Porovnání výsledků mezního napětí v protlačení se smykovou výztuží	39
5. Nel	lineární analýza v programu ATENA	41
5.1.	Konstrukční model	41
5.2.	Okrajové podmínky	43
5.3.	Materiálové charakteristiky	43
5.4.	Newton-Raphsonova výpočtová metoda	44
5.5.	Výsledky nelineární analýzy	44
5.6.	Ruční výpočet	46

5.7.	Napětí při dosažení mezní únosnosti	
Závěr		53
Seznam p	ooužité literatury	54
Seznam p	ooužitých symbolů a veličin	
Seznam c	obrázků a tabulek	59

# Úvod

Tato diplomová práce se zaměřuje na problematiku návrhu betonových konstrukcí vyztužených nekovovou FRP výztuží. Práce je rozdělena na teoretickou a praktickou část.

Teoretická část je zaměřena na seznámení se s kompozitní FRP výztuží, jejími vlastnostmi, klady a zápory a také výrobou. V další části je rozebrán popis smykového namáhání prvku a přístup normy ČSN EN 1992-1-1 k řešení návrhu únosnosti v protlačení bez a se smykovou výztuží. Protože současná forma normy neumožňuje návrh s pomocí kompozitní výztuže, bude proveden také modifikovaný výpočet.

Následně budou představeny současné přístupy zahraničních norem a standardů, které se touto problematikou zabývají. Jedná se o návrhové přístupy:

CSA-S806-12: Design and Construction of Building Structures With Fibre-Reinforcemend Polymers

ACI 440.1R-15: Guide for the design and construction of structural concrete reinforced with fiber-reinforcemend polymer (FRP) bars

Fib Bulletin No. 40: FRP Reinforcement in RC Structures

V praktické části se v návaznosti na tyto předpisy se vypracovaly parametrické studie. V první části studie se porovnávají vlivy jednotlivých vstupných parametrů. Druhá část je zaměřená na vzájemné porovnání vybraných předpisů na konkrétním příkladu.

Poslední část se zabývá návrhem dvou modelů, bez a se smykovou výztuží, a následně nelineární analýzou v programu ATENA. Výsledné mezní napětí je použito pro porovnání s předpisy a zjištění procentuálního rozdílu.

# 1. Kompozitní FRP výztuž a její vlastnosti

FRP výztuž je známa jako kompozitní materiál, který je složený z nosných vláken, jejichž spojení zajišťuje polymerní matrice. Vlastnosti kompozitu jsou určeny konkrétním typem a poměrem obou materiálů. Při různých kombinacích těchto dvou složek je tedy možné pokrýt velké množství požadovaných fyzikálně-mechanických vlastností.

Její výhodné chemické a fyzikálně-mechanické vlastnosti se využívají při návrhu betonových prvků, které jsou vystaveny vysokému zatížení prostředí, případně tam, kde jsou na konstrukci kladeny speciální požadavky. Oproti běžné betonářské oceli má výhodu ve své odolnosti vůči degradačním účinkům prostředí, a tak se nabízí jako alternativa k drahým korozivzdorným ocelím. [1]

Ve stavebnictví se využívá především jako materiál pro zesilování (vnější výztuž), ale taktéž pro vyztužovaní nových betonových prvků (vnitřní výztuž). V současné době je její použití v praxi velmi ztížené z důvodu absence spolehlivých metod navrhování pro určení konečné pevnosti konstrukčních prvků, zejména plochých desek. Například, ačkoli existuje několik návrhových metod pro predikci konečné meze smykové pevnosti spojů desek a sloupů vyztužených vnitřní FRP výztuži, většina z nich je buď empiricky založená na dostupných datech z experimentů nebo na základě norem pro ocelí vyztužené desky z důvodu nižšího modulu pružnosti FRP prutů.

Tato práce je zaměřená především na přímou FRP výztuž namáhanou tahem s orientací na využití v oblastech smykového namáhání u plošných deskových konstrukcí neboli únosnost v protlačení.

### 1.1. Složení

Základem kompozitní výztuže je spojení nosné a pojivové složky. Existuje několik typů nosných vláken a polymerních matric. Nejpoužívanější typy nosných vláken jsou skelná a uhlíková, můžeme se setkat také s čedičovou, aramidovou nebo kevlarovou. Všechny typy jsou lineárně elastické, ale i křehké a lámavé. Obsah vláken je 75–80 % hmotnosti [2].



Obrázek 1: Řez FRP výztuží s viditelnou strukturou [2]

Jednotlivé skupiny vláken je možné rozdělit do dílčích podskupin dle jejich charakteristických vlastností. V Tab. 1 jsou uvedeny nejrozšířenější skupiny ve stavebnictví – skleněná a uhlíková vlákna; a méně používaná – aramidová a čedičová vlákna. Všechny jmenované skupiny se při tahovém namáhaní chovají lineárně pružně až do porušení.

Vlákna	Тур	Hustota [kg/m <sup>3</sup> ]	Modul pružnosti [GPa]	Tahová pevnost [MPa]	Max. přetvoření [%]	Teplota tavení [°C]
Skleněná	Е	2570	72,5	3400	2,5	
	А	2460	73	2760	2,5	1100 1550
	С	2460	74	2350	2,5	1100-1550
	S	2470	88	4600	3	
	SM	1700	250	3700	1,4	
I IIa 1/1a accó	HS	1800	250	4800	1,9	1200 2400
Unlikova	HM	1900	500	3000	0,6	1200-2400
	UHM	2100	800	2400	0,3	
Aramidová	-	1440	70-125	3400-4100	-	~425
Čedičová	-	2700	93-110	3000-4800	-	1450

Tabulka 1: Mechanické vlastnosti jednotlivých vláken [3]

Z Tab. 1 vyplývá, že uhlíková vlákna mají proti skleněným vláknům vyšší modul pružnosti a také tahovou pevnost. Avšak méně používaná aramidová a čedičová vlákna se vyznačují značně vyšší pevností v tahu.

Pojivová složka je tvořená polymerní matricí. Svým složením určuje výsledné vlastnosti materiálu v příčném směru. Její úlohou je zabezpečit celistvost materiálu, spojení jednotlivých nosných vláken a ochranu před vnějšími vlivy. V porovnání s vlákny je polymerní matrice zřetelně poddajnější. Matrice mají dobré izolační vlastnosti, avšak při působení dlouhodobého konstantního napětí začne docházet k dotvarování. Na výrobu se používají organické nebo anorganické polymery, nejčastěji vinylesterová, epoxidová nebo polyesterová pryskyřice. [2]

	Polymerní matrice				
Viastnosti	Polyesterová	Epoxidová	Vinylesterová		
Hustota [kg/m3]	1200-1400	1200-1400	1150-1350		
Tahová pevnost [MPa]	34,5-104	55-130	73-81		
Modul pružnosti [GPa]	2,1-3,45	2,75-4,10	3,0-3,5		
Poissonovo číslo [-]	0,35-0,39	0,38-0,4	0,36-0,39		
Součinitel tepelné roztažnosti [10-6/C]	55-100	45-65	50-75		

Tabulka 2: Mechanické vlastnosti jednotlivých polymerních matric [F]

Vhodným složením těchto materiálových složek vznikají různé typy materiálů s jedinečnými vlastnostmi. Ty jsou dané vhodným poměrem složek a jejich typem. Podstatnou fyzikální vlastností materiálu je její ortotropní chování, které způsobuje rozdílné hodnoty v směrech působení. Vlastnosti vláken v podélném směru vykazují konečné hodnoty mechanických parametrů násobně lepší než hodnoty ve směru kolmých na vlákna. Při kombinací typu vláken vznikají tzv. hybridní typy FRP výztuží.

Z grafu na Obr. 2 je zřejmé, že matrice vykazuje nelineární chování, zatímco nosná vlákna vykazují lineárně elastické chování v takové míře, že tím určují výsledné chování materiálu.



Obrázek 2: Idealizované závislosti napětí na přetvoření GFRP výztuže [2]

### 1.2. Mechanické a fyzikální vlastnosti FRP výztuže

Při návrhu betonové konstrukce vystavené agresivnímu prostředí, je v případě použití nekovové FRP výztuže možné snížit staticky neúčinnou krycí vrstvu a navrhnout ji pouze na zajištění dostatečné soudržnosti z hlediska trvanlivosti. Tím by došlo také k úspoře materiálu. Její další výhodou je velmi dobrý poměr únosnosti vůči své váze. Jsou také nevodivé, netečné k působení magnetického pole a bludným proudům a odolné vůči agresivním chemikáliím. Při určitém složení mají výrazně vyšší pevnosti v tahu než běžná betonářská ocel. [1]

Mezi nevýhody využití kompozitní výztuže patří především pokles mechanických charakteristik, které jsou v průběhu životnosti konstrukce negativně ovlivněny působením zásaditosti betonu, která se pohybuje u nových betonů v rozsahu pH 12,4 až 13,7. Matrice je navržená tak, aby chránila vlákna před působením těchto látek, ale hydrolýzou, plastifikací a bobtnáním může dojít k degradaci samotné matrice. Další nevýhodou výztuže je její nízký modul pružnosti (v porovnání s ocelí), který snižuje výslednou tuhost konstrukce. FRP výztuže mají také nižší odolnost vůči působení vysokých teplot. Velkým problémem je taktéž nedostatek podkladů pro návrh, a tak se využívají zahraniční normy a standardy jako například ACI 440.1-15, CSA S806-12 nebo Fib Bulletin 40. [1][4]

Pro návrh jsou důležité tyto fyzikální vlastnosti: hmotnost, teplotní roztažnost a reakce výztuže na působení zvýšených teplot. Objemová hmotnost je v porovnání s ocelí zhruba čtvrtinová až pětinová, což ve srovnání s běžnou výztuží usnadňuje manipulaci na stavbě, ale je nutné pamatovat na fixování výztuže proti nežádoucímu vyplavání. Oproti běžné betonářské oceli, která má teplotní součinitel roztažnosti při běžných teplotách přibližně shodný s betonem, je teplotní roztažnost FRP výztuže rozdílná v příčném a podélném směru a její hodnota závisí na objemovém podílu vláken a typu použité matrice. Z tohoto důvodu vznikají v konstrukci v podélném směru přídavné síly, jejichž velikost je závislá na vlastnostech výztuže. [2]

Z hlediska krátkodobých vlastností se zaměřujeme na charakteristiky popsané v Tab 3.

	Materiál						
Viastnosti	Ocel	GFRP	CFRP	AFRP			
Modul v podélném směru (GPa)	200	35-60	100-580	40-125			
Modul v příčném směru (GPa)	200	Cca 8-9	Cca10-12	Cca 5-6			
Tahová pevnost v směru vláken (MPa)	300-600	450-1600	600-3500	1000-2500			
Tlaková pevnost v směru vláken (MPa)	300-600	Cca ½ z tahové pevnosti	Cca ½ z tahové pevnosti	Cca ¼ z tahové pevnosti			
Příčná tahová pevnost (Mpa)	300-600	30-40	30-40	30-40			
Objemová hmotnost (kg/m3)	7850	Cca 2100	Cca 1600	Cca 1400			

Tabulka 3: Krátkodobé mechanické vlastnosti FRP výztuže v porovnání s ocelí [2]

Z Tab. 3 je zřejmé, že uhlíková výztuž dosahuje nejvyšší hodnoty tahové pevnosti a modulu pružnosti v podélném směru vláken. Z toho důvodu je výhodnější namáhat výztuž v podélném směru pouze centrickým tahem bez účinků příčných sil. V tlaku, na rozdíl od tahu, je dosahováno výrazně nižších hodnot modulů pružnosti a mezních pevností.

Z hlediska dlouhodobých vlastností se zaměřujeme na deformaci v závislosti na čase. Při dlouhodobém konstantním napětí dochází k nárůstu přetvoření, tedy k dotvarování (creep). Průběh lze rozdělit do tří fází (Obr. 3).



Obrázek 3: Idealizovaný nárůst deformace v závislosti na čase

Na Obr. 3 je znázorněno rozdělení průběhu na 3 části: primární, sekundární a terciální.

V primární fázi proběhne v poměrně krátkém časovém úseku nevratná deformace. Působením přerozdělením zatížení z matice na nosná vlákna, začne pozvolné zpomalení intenzity deformace. Průběh v sekundární fázi je téměř konstantní s velmi malým nárůstem přetvoření. V této fázi nastává strmý nárůst deformace, při kterém dojde k porušení v důsledku nečekaného křehkého selhání vláken. Je tedy zřejmé, že pokud poměr mezi dlouhodobým zatížením a jednorázovou odolnosti má klesavou tendenci, životnost výztuže se navyšuje. Proto jsou z tohoto hlediska nevyužívanější uhlíková vlákna.

## 1.3. Postup výroby

Prutové FRP výztuže jsou vyráběny pultruzí, příp. kombinací pultruze a ovíjení. Pultruze je proces kontinuální výroby vyztužených pryskyřic různých tvarů a délky tažením, při kterém musí dojít ke spojení nosných vláken a polymerní matrice.



Obrázek 4: Vyobrazení procesu výroby pomocí pultruze [3]

Vstupní materiál je směs tekuté pryskyřice a vláknové výztuže. Proces začíná srovnáním nosných vláken pro zajištění rovnoměrného rozložení vláken do průřezu. Poté se vlákna smáčí ve směsi pryskyřice, plniva, barviva a katalýzou, popř. dalších přísad pro zlepšení materiálových vlastností výsledného profilu.

Po výstupu z lázně má polotovar téměř stejný tvar jako výsledný profil. V před tvarovací formě se vytlačí přebytečné pojivo a profil se před vstupem do vytvrzovací formy vytvaruje do požadovaného tvaru. Ve vyhřívané formě se díky termostatické reakci profil vytvrdí. Po výstupu z formy se profil tahá podávacím zařízením a je dělen na požadované délky, Obr. 4.

Poslední fáze výroby souvisí s povrchovou úpravou pro zlepšení soudržnosti mezi výztuží a betonem. Dochází tedy k doplnění technologické jednotky pro aplikaci požadované povrchové úpravy (např. opískování, ovíjení apod). Povrch je běžně opatřený vrstvou křemičitého písku zalitého v pryskyřici. [2] [3]

## 2. Smykové namáhání prvku

Smykové namáhání vzniká při působení dvou stejně velkých sil opačného smyslu na společné nositelce procházející těžištěm průřezu. Pokud v prutu vznikají jenom smyková napětí, jde o prostý smyk. Tento druh namáhání vzniká jenom zřídka, ve většině případů je posouvající síla doprovázena ohybovým momentem. Za čistý smyk lze považovat případ, kdy převládá zatížení posouvající sílou tak, že může dojít k usmýknutí.



Obrázek 5: Znázornění smykového namáhání

Síly zatěžující prut usilují o posuv částic hmoty proti sobě, a tak vznikají smyková napětí ve vybrané rovině. Tato smyková napětí se rovnoměrně rozkládají po ploše průřezu. Napětí nevznikají jenom v rovinách kolmých k ose nosníku, které odpovídají směru posouvající síly, ale také ve vodorovných rovinách s osou nosníku. Takový stav popisuje zákon o vzájemnosti smykových napětí – smyková napětí působící ve vzájemně kolmých elementárních řezech kolmo k jejich průsečnici jsou stejně velká a orientovaná buď k průsečnici, nebo od ní (Obr. 6). [5]



Obrázek 6: Vzájemnost smykových napětí [6]

Pokud vyjmeme diferenciální element o hranách dx, dy, dz, který je v rovnováze, můžeme definovat na hranách elementu smyková napětí a příslušné elementární síly dQ, které vzniknou vynásobením smykových napětí plochou, na kterou působí. Za tohoto předpokladu, můžeme sestavit momentovou podmínku (2.1) rovnováhy k ose rovnoběžné s osou z. Po vydělení součinem dx, dy, dz, dostáváme podmínku vzájemnosti smykových napětí (2.2–2.4). [6]

$$\sum M_z = 0 \qquad dQ_{xy}dx - dQ_{yx}dy = \tau_{xz}dydzdx - \tau_{yx}dxdzdy = 0 \qquad (2.1)$$

$$\tau_{xy} = \tau_{yx} \tag{2.2}$$

$$\tau_{yz} = \tau_{zy} \tag{2.3}$$

$$\tau_{zx} = \tau_{xz} \tag{2.4}$$

Při zatížení nosníku rovnoměrným spojitým zatížením vyplyne z analýzy vnitřních sil, že největší posouvající síla je v místě podpory. Nulovou hodnotu nabývá v místě maximální hodnoty momentu. Z toho vyplývá, že největší smykové napětí bude taktéž v místě podpory a nulové na nezatížených koncích. Po stanovení podmínky rovnováhy pro vyňatý element z nosníku a její následné postupné úpravě dosáhneme finálního vztahu pro výpočet smykového napětí v libovolné části nosníku (2.5). [5]

$$\tau = \frac{S \cdot V}{I \cdot b} \tag{2.5}$$

kde

statický moment vyňaté části k neutrální ose [mm<sup>3</sup>]

V posouvající síla [N]

S

- I moment setrvačnosti celého průřezu k neutrální ose [mm<sup>4</sup>]
- b šířka průřezu [mm]



Obrázek 7: Napjatost prvku při postupném zatěžování [7]

Ve většině případů je posouvající síla doprovázena ohybovým momentem. Dle velikosti zatížení působícího na prvek dělíme do tří fáze. První fáze je před vznikem trhlin.

Prvek má chování odpovídající teorii pružnosti a je možné smykové napětí vypočítat dle vzorce (2.5). V momentu, kdy dojde k vyčerpání pevnosti v betonu v tahu nastává druhá situace, a to vznik trhlin. Jako první se projeví ohybové trhliny a ty následují smykové trhliny. V této fázi přenáší tahové namáhání pouze výztuž. V třetí fázi narůstá délka již vzniklých trhlin a může dojít k drcení betonu (Obr. 7). [7]

#### ČSN EN 1992-1-1 k návrhu 2.1. Přístup únosnosti v protlačení [8]

V případě lokálně podepřených desek se zabýváme problematikou protlačení v oblasti podpor. Při navrhování a posouzení desek namáhaných na protlačení se řídíme koncepcí založené na řešení napětí vznikajících v určených oblastech tzv. kontrolních obvodech. Metoda je zaměřena na určení únosnosti v betonové části průřezu v každém kontrolním obvodu. Po překročení této únosnosti je nutné navrhnou výztuž k zabránění v protlačení.

#### 2.1.1. Posouzení kontrolního obvodu u<sub>0</sub>

Kontrolní obvod popisuje tvar oblasti porušení, kde působí smyková síla, která ovlivňuje napjatost v trhlině. První obvod, kterým je potřeba se zabývat, je kontrolní obvod  $u_0$ . Jak lze vidět na Obr. 8, délka obvodu  $u_0$  je rovná délce obvodu sloupu.



Obrázek 8: Půdorysné zobrazení kontrolních obvodů

Kontrolní obvod  $u_0$  posuzujeme na smykovou odolnost těsně kolem sloupu dle rovnice (2.6)

$$V_{Ed,0} \le V_{Rd,max} \tag{2.6}$$

$$\beta \frac{V_{Ed}}{u_0 d} \le 0.4 v f_{cd} \tag{2.7}$$

kde

V<sub>Ed</sub>

V<sub>Ed,0</sub> smykové napětí v kontrolním obvodu u<sub>0</sub> [N] V<sub>Rd.max</sub> návrhová smyková únosnost tlakové diagonály [N] návrhová hodnota působící posouvající síly [N]

V

redukční součinitel pevnosti betonu při porušení smykem [-]

$$v = 0.6 \left[ 1 - \frac{f_{ck}}{250} \right] \tag{2.8}$$

β

součinitel zahrnující vliv momentů [-]

$$\beta = 1 + k \frac{M_{Ed}}{V_{Ed}} \frac{u_0}{W_0}$$
(2.9)

- W<sub>0</sub> modul odpovídající rozdělení smyku [mm<sub>2</sub>]
- k součinitel závislý na poměru délek stran sloupu [-]



Obrázek 9: Doporučené hodnoty β

Pro desková pole, která mají přibližně stejné rozpětí, rozdílná ne více než 25 %, lze přibližné hodnoty součinitele  $\beta$  určit podle polohy sloupu (Obr. 9).

#### 2.1.2. Posouzení základního kontrolního obvodu u1

Dalším kontrolním obvodem je základní kontrolní obvod  $u_1$ . Velikost kontrolního obvodu se standardně určuje ve vzdálenosti 2*d* od líce sloupu a velikosti úhlu  $\theta$  mezi tlakovou diagonálou a osou nosníku. Vliv na obvod má také tvar a umístění sloupu.

$$u_1 = u_0 + 2\pi(2d) \tag{2.10}$$

kde

d

průměr účinných výšek v obou směrech závislých na průměru výztuže





Při řešení smykového namáhání vycházíme z modelu příhradové analogie, který je tvořen z tlakového, tahového pásu a tlakových diagonál. Při řešení mohou nastat dvě situace. V první situaci se ověří, zda je prvek schopen přenést smykové namáhání sám, bez nutnosti navrhovat smykovou výztuž. Pokud platí podmínka (2.12), návrh smykové výztuže se nevyžaduje a smykovou výztuž navrhneme pouze dle konstrukčních zásad. V případě, že podmínka (2.12) neplatí, je nutno navrhnou výztuž.

$$V_{Ed,1} > V_{Rd,c} \tag{2.12}$$

Abychom mohli přejít k řešení nerovnosti (2.12) je zapotřebí, aby byla splněna podmínka, že hodnota návrhové únosnosti ve smyku  $V_{Rd,c}$  nesmí klesnout pod minimální hodnotu  $v_{min}$ .

$$V_{Rd,c} \ge v_{min} \tag{2.13}$$

$$V_{Rd,c} = C_{Rd,c} k (100\rho_l f_{ck})^{\frac{1}{3}}$$
(2.14)

$$v_{min} = 0,035 k^{\frac{3}{2}} f_{ck}^{\frac{1}{2}}$$
(2.15)

kde C<sub>Rd,c</sub> součinitel [-]

přičemž

$$C_{Rd,c} = \frac{0,18}{\gamma_c}$$
 (2.16)

k součinitel výšky

$$k = 1 + \sqrt{\frac{200}{d}} \le 2,0 \tag{2.17}$$

$$\rho_{ly} = \frac{A_{sy}}{b_y \cdot d} \qquad \qquad \rho_{lx} = \frac{A_{sz}}{b_z \cdot d} \tag{2.18}$$

$$\rho_l = \sqrt{\rho_{ly} \cdot \rho_{lz}} \le 0.02 \tag{2.19}$$

- $A_s$  plocha tahové výztuže zakotvena na kotevní délku v daném směru [mm<sup>2</sup>]
- b nejmenší šířka průřezu v tažené oblasti pro daný směr [mm]
- $f_{ck}$  charakteristická válcová pevnost betonu v tlaku [MPa]

V případě, že únosnost prvku bez smykové výztuže  $V_{Rd,c}$  je nedostačující, je nutné navrhnout smykovou výztuž. Potom se bude celková únosnost desky se smykovou výztuží rovnat:

$$V_{Rd,cs} = 0.75 V_{Rd,c} + 1.5 \frac{d}{S_r} A_{sw} f_{ywd,eff} \frac{1}{u_1 d} \sin \alpha \le k_{max} V_{Rd,c}$$
(2.20)

kde

Sr

radiální vzdálenost obvodů smykové výztuže [mm]

$$S_r \le 0,75d \tag{2.21}$$

- A<sub>sw</sub> plocha smykové výztuže na jednom obvodu kolem sloupu [mm<sup>2</sup>]
- α úhel mezi rovinou desky a smykovou výztuží [°]

fywd,eff účinná návrhová pevnost smykové výztuže v protlačení [MPa]

$$f_{ywd,eff} = 250 + 0.25d \le f_{ywd} \tag{2.22}$$

fywd návrhová mez kluzu smykové výztuže [MPa]

 $k_{max}$  součinitel omezení; hodnota je závislá na výšce desky a druhu výztuže  $k_{max} = 1,45; h = 200 mm;$ 

 $k_{max} = 1,7; h \ge 700 mm;$ 

### 2.1.3. Posouzení kontrolního obvodu uout

Posledním kontrolním obvodem je  $u_{out}$ . Délka obvodu se určí dle vztahu (2.23) tak, aby na jeho kraji celý účinek od zatížení přenesla betonová část průřezu, tj. plocha, kde není nutná smyková výztuž.

$$u_{out} = \frac{\beta V_{Ed}}{V_{Rd,c}d}$$
(2.23)

# **3.** Přístupy zahraničních norem k návrhu únosnosti v protlačení

V posledních desítkách let bylo navrženo několik objasňujících teorii a kontrastních předpokladů týkajících se odporu a přenosu smykových sil v konkrétním prvku. I když došlo k výraznému zlepšení pochopení smykového chování, složitost různých prediktivních modelů komplikuje jejích přímé začlenění do návrhových rovnic. Z tohoto důvodu je mnoho současných národních i mezinárodních norem založeno na empirickém přístupu, který vychází ze základního předpokladu, že různé mechanismy jsou plastické. Na základě tohoto přístupu lze smykovou kapacitu vyjádřit jako konkrétní příspěvek k pevnosti betonu, který poskytuje přidaná smyková výztuž.

Z experimentálních testů, které uskutečnili výzkumníci z různých koutů světa je zřejmé, že na základě přijetí klasické formulace odvozené pro ocelovou výztuž a po přihlédnutí ke snížení tuhosti pro jiný typ výztuže jako je ocelová, je možné s jistou mírou bezpečnosti předpovědět smykovou kapacitu prvků vyztužených FRP výztuží.

V následujících kapitolách budou představeny přístupy vybraných zahraničních norem, včetně popisu řešení návrhu únosnosti betonových prvků s FRP výztuží bez nutnosti návrhu smykové výztuže a také v případě nutnosti smykové výztuže.

## **3.1.** ACI 440.1R-15: Guide for the design and construction of structural concrete reinforced with fiber-reinforcemend polymer (FRP) bars [10]

Dle ACI (American Concrete Institute) je návrh prvků vyztužených FRP výztuží podobný jako u železobetonových prvků. Filozofie návrhu smykové výztuže je založená na metodě pevnostního návrhu. Různé mechanické vlastnosti FRP výztuže ovlivňují pevnost ve smyku, a to je nutné zohlednit při výpočtu.

Pro návrh smyku FRP vyztužených prvků je třeba vzít v úvahu několik činitelů. Polymer vyztužený vlákny má:

- 1. Relativně nízký modul pružnosti
- 2. Nízkou příčnou smykovou odolnost
- 3. Vysokou pevnost v tahu a žádnou mez kluzu
- 4. Pevnost v tahu ohnuté části je výrazně nižší než pevnost v přímé části

Axiální tuhost FRP výztuže (stejně jako pevnost betonu) významně ovlivňuje vnitřní příčnou smykovou odezvu křížem vyztužených desek. Výsledky zkoušek obousměrně vyztužených desek vykazují, že zvýšená tuhost horní FRP výztuže zvyšuje únosnost v protlačení a snižuje maximální průhyb desky. Také se prokázalo, že selhání desek v protlačení je náhlé a velmi křehké.

U dalších testů na protlačení bylo dokázáno, že desky vyztužené FRP mřížkami naopak nevykazují prudký pokles zatížení, místo toho po počátečním selhání pokračují ve stabilním pohlcování energie.

Využitím vysokopevnostního betonu a zvýšením poměru výztuže dochází k navýšení únosnosti v protlačení, což způsobuje významně nižší namáhání betonu a také napětí ve výztuži.

Rovnici pro výpočet únosnosti prvku bez smykové výztuže lze modifikovat součinitelem  $\left(\frac{5}{2} \text{ k}\right)$ , a dostaneme tedy rovnici (3.1)

$$V_c = \left(\frac{5}{2}k\right)\sqrt{\dot{f}_c}b_0d\tag{3.1}$$

kde

fc' válcová pevnost betonu v tlaku [MPa]

- b0 obvod kritického řezu (kontrolní obvod); počítaný ve vzdálenosti 0,5d od povrchu od vnějšího líce sloupu; tvar obvodu se shoduje s tvarem sloupu [mm]
- d účinná výška prvku [mm]
- k součinitel pro výpočet výšky tlačené oblasti průřezu [-]

$$k = \sqrt{2\rho_f n_f + \left(\rho_f n_f\right)^2} - \rho_f n_f \tag{3.2}$$

kde

 $n_{f}$ 

$$n_f = \frac{E_f}{E_c} \tag{3.3}$$

ρ<sub>f</sub> poměrné vyztužení pro podélnou FRP výztuž

$$\rho_f = \frac{A_f}{bd} \tag{3.4}$$

A<sub>f</sub> plocha podélné výztuže [mm<sup>2</sup>]

b šířka obdélníkového průřezu sloupu [mm]

Pokud je únosnost betonového prvku nedostačující, je zapotřebí využití smykové výztuže. V případě využití FRP výztuže lze použít vzorec (3.5)

$$V_f = \frac{A_{fv} f_{fv} d}{s} \tag{3.5}$$

kde

A<sub>fv</sub> plocha smykové výztuže [mm<sup>2</sup>]

f<sub>fv</sub> pevnost v tahu pro návrh ve smyku; nejmenší návrhová hodnota pevnosti v tahu [MPa]

s rozteč smykové výztuže [mm]

Celková únosnost betonového prvku je součet návrhové pevnosti betonu a smykové výztuže (3.6)

$$V_n = V_c + V_f \tag{3.6}$$

# **3.2.** CSA-S806-12: Design and Construction of Building Structures With Fibre-Reinforcemend Polymers [11]

CSA (Canadian Standards Association) určuje celkovou únosnost prvku  $V_r$  jako součet návrhové únosnosti podélné FRP výztuže  $V_c$  a smykové FRP výztuže  $V_{sF}$  (3.7)

$$V_r = V_c + V_{sF} \tag{3.7}$$

Při výpočtu návrhové únosnosti bez smykové výztuže vycházíme ze třech limitních stavů, přičemž nejnižší limitní hodnota je rozhodující. (3.8–3.10)

U všech třech vztahů se doporučuje dodržet dvě následující podmínky:

- 1. Při výpočtu návrhové únosnosti z rovnic (3.8–3.10) by hodnota pevnosti betonu v tlaku *fc'* neměla přesahovat 60 MPa.
- <sup>2.</sup> Jestli efektivní výška d přesáhne 300 mm, hodnota  $V_c$  by se měla vynásobit  $(300/d)^{0.25}$

$$V_r = V_c = \left(1 + \frac{2}{\beta_c}\right) \left[0.028\lambda\phi_c \left(E_F \rho_F f_c\right)^{\frac{1}{3}}\right]$$
(3.8)

$$V_r = V_c = \left[ \left( \frac{\alpha_s d}{b_0} \right) + 0.19 \right] 0.147 \lambda \phi_c \left( E_F \rho_F f_c \right)^{\frac{1}{3}}$$
(3.9)

$$V_r = V_c = 0.056\lambda\phi_c \left(E_F \rho_F f_c\right)^{\frac{1}{3}}$$
(3.10)

kde

f<sub>c</sub>' válcová pevnost betonu v tlaku [MPa]

ρ<sub>f</sub> poměrné vyztužení pro podélnou FRP výztuž [-]

- E<sub>f</sub> modul pružnosti FRP výztuže [GPa]
- $\phi_c$  součinitel odporu pro beton [-]
- $\lambda$  součinitel zohledňující hustotu betonu [-]
- β<sub>c</sub> poměr dlouhé strany ke krátké straně sloupu; zatěžovací oblast [-]
- α<sub>s</sub> pro vnitřní sloup 4; pro okrajový sloup 3; pro rohový sloup 2 [-]
- d účinná výška prvku [mm]
- b0 délka kontrolního obvodu ve vzdálenosti 1,5d od povrchu sloupu; tvar
   obvodu je vždy obdélníkový a nezávislý na tvaru sloupu [mm]

Výpočet návrhové smykové únosnosti  $V_{sF}$  pro prvky s příčnou výztuží kolmou k podélné ose popisuje rovnice (3.11)

$$V_{sF} = \frac{0.4\phi_F A_{F\nu} f_{fu} d_{\nu}}{s} \cot\theta$$
(3.11)

### kde $\phi_F$ součinitel odporu pro FRP výztuž [-]

- A<sub>fv</sub> plocha smykové výztuže [mm<sup>2</sup>]
- f<sub>fu</sub> maximální pevnost FRP výztuže; nesmí být větší než 0,005E<sub>f</sub> [MPa]
- s rozteč smykové výztuže [mm]

# **3.3.** Fib Bulletin No. 40: FRP Reinforcement in RC Structures [9]

Na základě úvah s cílem ulehčit rychlé zavedení nekovové FRP výztuže v konkrétních konstrukcích, se návrháři pracující v této oblasti snažili poskytnout jednoduchá pravidla pro návrh únosnosti s pomocí upravených verzí existujících prediktivních rovnic vycházejících z osvědčené filozofie pro ocelovou výztuž v konstrukcích. Fib Bulletin tedy poskytuje modifikované postupy pro návrh FRP výztuže v protlačení, které jsou převzaté z jiných norem nebo zveřejněných prací. [9]

### 3.3.1. Modifikace JSCE standardu

První soubor návrhových doporučení pro návrh betonových konstrukcí vyztužených kompozitní výztuží vydala japonská společnost stavebních inženýrů v roku 1997. Dle těchto doporučení je možné smykovou únosnost prvků s FRP výztuží odhadnout na základě zásad jako při návrhu železobetonových konstrukcí. Smyková únosnost je určená pomocí empirické rovnice (3.12), která zohledňuje rozdílné tuhosti.

$$V_{cf} = 0.2 \sqrt[4]{1/d} \sqrt[3]{100 \frac{A_f}{b_w d} \frac{E_f}{Es}} \sqrt[3]{f_c} b_w d$$
(3.12)

kde

d účinná výška prvku [mm]

- b<sub>w</sub> šířka pásu [mm]
- $A_f$  plocha podélné výztuže [mm<sup>2</sup>]
- E<sub>f</sub> modul pružnosti FRP výztuže [GPa]
- E<sub>s</sub> modul pružnosti pro ocel [GPa]
- fc' válcová pevnost betonu v tlaku [MPa]

Návrhovou únosnost smykové výztuže FRP (3.14) lze vypočítat dle klasické formulace pro ocel, při které se zohledňuje odlišná povaha smykové výztuže dosazením meze kluzu dané výztuže  $\varepsilon_{fwd}$  (3.13)

$$\varepsilon_{fwd} = \sqrt{\left(\frac{h}{0,3}\right)^{-\frac{1}{10}} \hat{f}_c \frac{\rho_f E_f}{\rho_{fw} E_{fw}} \, 10^{-4}} \tag{3.13}$$

kde h výška prvku [mm]

ρ<sub>f</sub> poměrné vyztužení pro podélnou FRP výztuž [-]

ρ<sub>fw</sub> poměrné vyztužení pro smykovou FRP výztuž [-]

E<sub>fw</sub> modul pružnosti pro smykovou FRP výztuž [GPa]

$$V_{sf} = \frac{A_{fw} E_{fw} \varepsilon_{fwd}}{s} z \tag{3.14}$$

A<sub>fw</sub> plocha smykové výztuže [mm<sup>2</sup>]

s rozteč smykové výztuže [mm]

z rameno vnitřních sil [mm]

kde

## 4. Parametrické studie

Cílem této studie je porovnání výsledných mezních napětí v protlačení, s ohledem na různé přístupy norem a směrnic. Pro porovnání budou použity již výše zmíněné přístupy, tedy ČSN EN 1992-1-1, ACI 440.1R-15, CSA-S8206-12 a Fib Bulletin No. 40. ČSN EN 1992-1-1 jediná z vybraných norem není přizpůsobena na použití nekovové FRP výztuže v praxi, bude tedy použita jako referenční podklad pro modifikaci normy. I když většina norem je přizpůsobena pro využití FRP výztuže, k svému datování nebyla připravena pro návrh FRP výztuže v protlačení, a tak budou parametrické studie vycházet z návrhu FRP výztuže na smyk.

Studie je rozdělena do dvou části. První část studie je zaměřená na porovnání vlivů jednotlivých parametrů, které vstupují do výpočtu. Parametry byly vybrány na základě předpokladu významného vlivu na smykovou únosnost. V druhé části budou vybrané předpisy porovnávány navzájem na konkrétním příkladu.

Výpočty budou provedeny na konstrukčním prvku bez a se smykovou výztuží. Podélná i smyková výztuž bude z kompozitního materiálu FRP. Hodnoty pro tuto výztuž byly převzaty z výsledků experimentů (Tab. 4 a Tab. 5). Pro lepší srovnání výsledků z různých norem byly ve výpočtu použity střední hodnoty a vliv součinitelů byl zanedbán.

Přímá FRP výztuž	Vzorek 1	Vzorek 2	Vzorek 3	Vzorek 4	Vzorek 5	
Maximální dosažená síla [kN]	110,16	107,83	105,35	108,05	105,72	
Maximální tahová pevnost [MPa]	1402,6	1372,93	1341,36	1375,74	1346,07	
Střední tahová pevnost [MPa]	1367,74					
Modul pružnosti [GPa]	52,68	52,7	52,8	53,06	52,05	
Střední hodnota modulu pružnosti [GPa]	52,66					

Tabulka 4: Experimentálně získané hodnoty přímé FRP výztuže

Obýbaná EDD výztuž	U_FRP-	U_FRP-	U_FRP-	U_FRP-	L_FRP-	L_FRP-	L_FRP-
Oliyballa FKF vyztuż	Ι	II	III	IV	Ι	II	III
Maximální dosažená síla [kN]	96,02	94,12	85,42	94,86	57,95	64,44	52,77
Maximální tahová pevnost [MPa]	611,28	599,19	543,8	603,9	737,84	820,48	671,89
Střední tahová pevnost [MPa]		589	9,54		743,40		
Podíl tahové pevnosti ohýbaného a přímého prutu	44,69 %	43,81 %	39,76 %	44,15 %	53,95 %	59,99 %	49,12 %

Tabulka 5: Experimentálně získané hodnoty ohýbané FRP výztuže

Pro vzorovou ukázku byly do výpočtů zahrnuty také dvě úpravy předpisů. První se týká ČSN EN 1992-1-1, u které byl výpočet modifikován součinitelem  $k_{FRP}$ . Tento součinitel byl zaveden z důvodu několikanásobného rozdílu mezi modulem pružnosti oceli a FRP výztuže. Součinitel  $k_{FRP}$  se zavádí do výpočtu stupně vyztužení dle (4.2).

$$k_{FRP} = \frac{E_f}{E_s} \tag{4.1}$$

$$\rho_s = k_{FRP} \cdot \rho_f \tag{4.2}$$

Druhá úprava se týká směrnice CSA-S806-12, která je v grafech znázorněna zelenou tečkovanou barvou. Tato úprava má poukázat na velký vliv, který směrnice klade na hodnotu součinitelů.

# 4.1. Studie vlivu změny parametrů na mezní napětí v protlačení

Tato část studie je zaměřena na porovnání mezního napětí v protlačení s ohledem na vliv změny vybraných parametrů. Na posouzení byly vybrány čtyři parametry:

• Střední hodnota pevnosti betonu v tlaku *f<sub>cm</sub>* 

Třída betonu	C 16/20	C 20/25	C 25/30	C 30/37	C 35/45	C 40/50	C 45/55	C 50/60
f <sub>cm</sub> [MPa]	24	28	33	38	43	48	53	58

• Účinná výška desky d

<i>d</i> [mm]	0.15	0.175	0.2	0.225	0.25	0.275	0.3	0.325	0.35	0.375	0.4
a [mm]	0,10	0,170	0,2	0,220	0,20	0,275	0,5	0,525	0,55	0,575	0,1

### • Modul pružnosti FRP výztuže *E<sub>f</sub>*

Modul pružnosti FRP výztuže	GFRP	C-GFRP	CFRP	CFRP
E <sub>f</sub> [GPa]	60	80	100	120

### • Stupeň vyztužení $\rho$

p[-] 0,005 0,0075 0,01 0,0125 0,15 0,0175 0,02 0,0225 0,025	ρ[-]	0,005	0,0075	0,01	0,0125	0,15	0,0175	0,02	0,0225	0,025
---	------	-------	--------	------	--------	------	--------	------	--------	-------

### 4.1.1. Vstupní parametry

Tloušťka desky	h = 250  mm
Rozměry sloupu	$c_1 = c_2 = 400 \text{ mm}$
Účinná výška desky	d = 209 mm
Beton	
Třída betonu	C 30/37
Střední hodnota pevnosti betonu v tlaku	$f_{cm} = 38 \text{ MPa}$
Modul pružnosti betonu	$E_{cm} = 32 \text{ Gpa}$
Podélná výztuž GFRP Ø16/150	
Plocha výztuže	$A_f = 13.4 * 10^{-4} m^2$
Modul pružnosti výztuže	$E_{f} = 52,66 \text{ GPa}$
Krytí výztuže	c = 25 mm
Smyková FRP výztuž Ø 8	
Plocha výztuže	$A_{fw} = 50,27 * 10^{-4} m^2$
Modul pružnosti výztuže	$E_{fw} = 52,66 \text{ GPa}$
Modul pružnosti výztuže	$E_{fw} = 28,96 \text{ GPa}$

### Ocel B500B (pro poměr mezi moduly pružnosti)

Modul pružnosti oceli

 $E_s = 200 \text{ GPa}$ 

V případě, že se nejedná o zkoumaný parametr, využíváme k výpočtu výše uvedené hodnoty.

#### 4.1.2. Vliv pevnosti betonu

Prvním zkoumaným parametrem je vliv pevnosti betonu. Hodnoty byly zvoleny s ohledem na běžně používané pevnosti. Jak bylo předpokládáno, vyšší pevnost betonu pozitivně ovlivňuje navýšení mezního napětí v protlačení.



Obrázek 11: Vliv pevnosti betonu na mezní napětí v protlačení – bez smykové výztuže

Na Obr. 11 je vyobrazen vliv pevnosti betonu na mezní napětí v protlačení bez smykové výztuže. Je vidět, že směrnice CSA-S806-12 (bez vlivu součinitelů) vykazuje nejvyšší nárust mezního napětí v protlačení. Naopak výpočet dle ČSN EN 1992-1-1 (součinitel  $k_{FRP}$ ) vykazuje hodnotově nejmenší nárust mezního napětí (Tab. 6).

Na Obr. 12 je zobrazení výsledného mezního napětí v protlačení se smykovou výztuží. Tak jako v předchozím grafu, směrnice CSA-S806-12 (bez vlivu součinitelů) vykazuje nejvyšší nárust mezního napětí a ČSN EN 1992-1-1 (součinitel k<sub>FRP</sub>) nejmenší.



Obrázek 12: Vliv pevnosti betonu na mezní napětí v protlačení – se smykovou výztuží

	ČSN EN 1992-1-1 [8] [MPa]	ACI 440.1R- 15 [10] [MPa]	CSA-S806-12 [11] [MPa]	CSA-S806-12 (vliv součinitelů) [MPa]	Fib Bulletin No. 40 (JSCE) [9] [MPa]	ČSN EN 1992-1-1 (součinitel k <sub>FRP</sub> ) [MPa]
V <sub>c</sub> =	0,202	0,308	0,396	0,237	0,168	0,135
$V_{cs} =$	0,151	0,308	0,396	0,237	0,300	0,101

Tabulka 6: Nárust mezního napětí vlivem změny pevnosti betomu

Při pohledu na Tab. 6 lze říct, že předpisy [10] a [11] mají stejnou hodnotu nárustu při výpočtu bez i se smykovou výztuží. Důvodem je, že pevnost betonu nemá vliv na výpočet mezního napětí smykové výztuže, tedy tato hodnota je konstantní.

### 4.1.3. Vliv účinné výšky

Dalším zkoumaným parametrem je účinná výška desky. Jak je vidět na Obr. 13, u všech předpisů dochází k snížení mezního napětí se zvyšující se účinnou výškou desky. Děje se tak z důvodu přepočtu na napětí. Z důsledku zvýšení účinné výšky, dochází k zvětšení kontrolního obvodu a rozložení síly na větší plochu, což způsobuje snížení napětí.



Obrázek 13: Vliv účinné výšky desky na mezní napětí v protlačení – bez smykové výztuže

Z grafu Obr.13 lze vyčíst, že i když směrnice CSA-S806-12 (bez vlivu součinitelů) vykazuje nejvyšší hodnotu mezního napětí v protlačení, norma ČSN EN 1992-1-1 vykazuje nejvyšší hodnotu poklesu mezního napětí (Tab. 8).

Na Obr. 14 je možné vidět u většiny norem podobné klesavé chování jako u předchozího grafu. U předpisu [11] je naopak při připočítání napětí od smykové výztuže možné pozorovat nárust mezního napětí.



Obrázek 14: Vliv účinné výšky desky na mezní napětí v protlačení – se smykovou výztuží

	ČSN EN 1992-1-1 [8] [MPa]	ACI 440.1R- 15 [10] [MPa]	CSA-S806-12 [11] [MPa]	CSA-S806-12 (vliv součinitelů) [MPa]	Fib Bulletin No. 40 (JSCE) [9] [MPa]	CSN EN 1992-1-1 (součinitel k <sub>FRP</sub> ) [MPa]
V <sub>c</sub> =	0,299	0,218	0,245	0,150	0,293	0,200
V <sub>cs</sub> =	0,225	0,470	∨ průměru - 0,171	v průměru -0,162	0,136	0,151

Tabulka 7: Nárust mezního napětí vlivem změny účinné výšky desky

Z Tab. 7 vychází, že předpisy CSA-S806-12 bez i s vlivem součinitelů vykazují nárust výsledného mezního napětí. Při CSA-S806-12 (bez vlivu součinitelů) byl zaznamenám pokles o 0,036 MPa a následný nárust o 0,197 MPa. U CSA-S806-12 (s vlivem součinitelů) byl zaznamenám pokles 0,073 MPa a následný nárust o 0,244 MPa.

### 4.1.4. Vliv modulu pružnosti FRP výztuže

Třetím zkoumaným parametrem je modul pružnosti. Vzhledem k použití FRP výztuže, byly vybrány čtyři typy a jim přislouchající hodnoty. Jedná se o GFRP (60 GPa), C-GFRP (80 GPa) a CFRP (100 a 120 GPa).



Obrázek 15: Vliv modulu pružnosti na mezní napětí v protlačení – bez smykové výztuže

Z grafu na Obr. 15, je vidět, že křivka dle ČSN EN 1992-1-1 vykazuje lineární konstantní chování, a to z důvodu, že modul pružnosti není zahrnutý do výpočtu dle normy. Ostatní předpisy s tímto parametrem počítají, a tedy jejich chování má stoupavou tendenci, nikoliv však lineární. Nejvyšší hodnoty opětovně dosahuje výpočet dle [10] bez i s vlivem součinitelů.

V případě zavedení součinitele kFRP do výpočtu dle [8] se průběh změní.

Obr. 16 vykresluje výpočet dle normy [8], u které se nepočítá s modulem pružnosti ani při výpočtu mezního napětí se smykovou výztuží, a tedy vykazuje stejný způsob chování jako na předchozím grafu.



Obrázek 16: Vliv modulu pružnosti na mezní napětí v protlačení – se smykovou výztuží

	ČSN EN 1992-1-1 [8] [MPa]	ACI 440.1R- 15 [10] [MPa]	CSA-S806-12 [11] [MPa]	CSA-S806-12 (vliv součinitelů) [MPa]	Fib Bulletin No. 40 (JSCE) [9] [MPa]	ČSN EN 1992-1-1 (součinitel k <sub>FRP</sub> ) [MPa]
$V_c =$	0,00	0,241	0,350	0,211	0,149	0,119
$V_{cs} =$	0,00	0,241	0,350	0,211	0,281	0,090

Tabulka 8: Nárůst mezního napětí vlivem změny modulu pružnosti

Z Tab. 8 je zřejmé, že u směrnic [10] a [11] dochází k stejnému nárůstu mezního napětí při výpočtu bez i se smykovou výztuží. U předpisu [9] tomu tak není, z důvodu zahrnutí modulu pružnosti do výpočtu se smykovou výztuží.

### 4.1.5. Vliv stupně vyztužení

Posledním zkoumaným parametrem je stupeň vyztužení. Z důvodu omezení stupně vyztužení normou ČSN EN 1992-1-1 lze počítat jenom do hodnoty  $\rho_s = 0,02$ . Další znázornění pro tuto normu je pouze informativní.



Obrázek 17: Vliv stupně vyztužení na mezní napětí v protlačení – bez smykové výztuže

Jak je na grafu z Obr. 17 vidět, stupeň vyztužení má velký vliv na mezní napětí téměř u všech norem. Fib Bulletin No. 40 ve výpočtu nijak nezahrnuje stupeň vyztužení, a tedy je jeho průběh konstantní. Při výpočtu mezního napětí se smykovou výztuží má stupeň vyztužení velký vliv taktéž u všech norem kromě Fib Bulletin No. 40. Avšak v tomto případě již norma zahrnuje vliv stupně vyztužení, ale navýšení napětí je nepatrné (Tab. 9).



Obrázek 18: Vliv stupně vyztužení na mezní napětí v protlačení – se smykovou výztuží

	ČSN EN 1992-1-1 [8] [MPa]	ACI 440.1R- 15 [10] [MPa]	CSA-S806-12 [11] [MPa]	CSA-S806-12 (vliv součinitelů) [MPa]	Fib Bulletin No. 40 (JSCE) [9] [MPa]	ČSN EN 1992-1-1 (součinitel k <sub>FRP</sub> ) [MPa]
V <sub>c</sub> =	0,450	0,435	0,882	0,529	0	0,301
$V_{cs} =$	0,337	0,435	0,881	0,529	0,033	0,226

Tabulka 9: Nárůst mezního napětí vlivem změny stupně vyztužení

## 4.2. Studie srovnání předpisů

V druhé části studie bude vypočten konkrétní příklad dle všech předpisů zmíněných v teoretické části práce. Půjde tedy o výpočet mezního napětí v protlačení bez a se smykovou výztuží. Následně se tyto výpočty porovnají s normou ČSN EN 1992-1-1 a vyhodnotí se rozdílnost výsledků vůči této normě.

Všechny použité parametry byly převzaté z podkapitoly 4.1.1. Tedy konstrukci bude tvořit deska o tloušťce 250 mm a čtvercový sloup o rozměrech 400x400mm (Obr. 19 a Obr. 20).



Obrázek 19: Schéma řezu konstrukce



Obrázek 20: Schéma půdorysu konstrukce

# 4.2.1. Porovnání výsledků mezního napětí v protlačení bez smykové výztuže

Tato podkapitola je věnována porovnání výsledků mezi jednotlivými normami pro výpočet bez smykové výztuže. Z grafu na Obr. 21 lze vyčíst, že i když norma ČSN EN 1992-1-1 jako jediná není uzpůsobená k práci s FRP výztuží, vykazuje srovnatelné výsledky v porovnání s ostatními normami. Zavedením součinitele k<sub>FRP</sub> do výpočtu se hodnota mezního napětí v protlačení sníží téměř o třetinu původní hodnoty.



Obrázek 21: Mezní napětí v protlačení bez smykové výztuže



Obrázek 22: Procentuální rozdělení mezního napětí v protlačení bez smykové výztuže

Na dalším grafu na Obr. 22 je vykresleno procentuální porovnání mezního napětí jednotlivých norem. Jako referenční norma byla použita [8]. Dle procentuálního rozdělení je vidět, že předpis [10] má téměř shodné výsledky s referenční hodnotou. Naopak předpis CSA-S806-12 (bez vlivu součinitelů) téměř dvojnásobně převyšuje tuto hodnotu. Lze z toho usoudit, že součinitelé mají důležité postavení ve výpočtech.

# 4.2.2. Porovnání výsledků mezního napětí v protlačení se smykovou výztuží

Následující grafy na Obr. 23 a Obr. 24 zobrazují mezní napětí v protlačení se smykovou výztuží.



Obrázek 23: Mezní napětí v protlačení se smykovou výztuží



Obrázek 24: Procentuální rozdělení mezního napětí v protlačení se smykovou výztuží

Po započítaní napětí, které poskytuje smyková výztuž, se interval rozdílu výsledných mezních napětí vycházející z jednotlivých předpisů zmenšuje. Modifikace ČSN EN 1992-1-1 se součinitelem k FRP se přiblížila k referenční hodnotě o 15 %.

## 5. Nelineární analýza v programu ATENA

Předmětem této praktické části práce je vytvoření dvou modelů stropní desky bez a se smykovou výztuží. Obě stropní konstrukce budou vyztuženy pouze nekovovou FRP výztuží. Nelineární analýzy obou modelů byly provedeny v systému programů ATENA-GID.

Pro možnost porovnat numerický výpočet s výsledným mezním napětím v protlačení, které byly zjištěny v parametrických studiích, bylo zapotřebí vytvořit dva modely. První model byl vyztužen pouze podélnou FRP výztuží, zatímco ve druhém modelu se uvažovalo i se smykovou FRP výztuží.

### 5.1. Konstrukční model

Konstrukční model je složen z části desky vyztužené podélnou FRP výztuží a sloupem. Rozměr sloupu a další parametry jsou shodné s těmi v parametrických studiích. Rozměry desky byly zvoleny s ohledem na zkrácení času a náročnosti výpočtu na 3,3 x 3,3 x 0,25 m (Obr. 19 a Obr. 20). Síť pro MKP byla rozdělená na čtvercové prvky o velikosti 0,05 m. Deska byla deformačně zatěžována zdola, v místě působení sloupu, který na desku působí předem nadefinovaným posunutím ve směru Z. Do prvního modelu byla vymodelována horní tažená FRP výztuž Ø16/150 mm.



Obrázek 25: Model bez smykové výztuže v programu ATENA

Do druhého modelu byly přidány třmínky z FRP materiálu Ø8 mm. Jak je vidět na Obr. 26, třmínky byly pro zjednodušení výpočtu vymodelovány jako přímé prutové prvky. Ve výpočtech je počítáno s únosností ohýbaného prvku.



Obrázek 26: Model se smykovou výztuží v programu ATENA



Obrázek 27: Schématické zakreslení výztuže – půdorys



Obrázek 28: Schématické zakreslení výztuže – řez

### 5.2. Okrajové podmínky

Okrajové podmínky byly zadané tak, aby co nejpřesněji simulovaly skutečnost.

Sloupu bylo v spodní části zabráněno posunu ve všech směrech (X, Y a Z) a v horní části vodorovného směru posunu (X a Y). Desce bylo zabráněno posunům a pootočením v příslušných směrech.

### 5.3. Materiálové charakteristiky

Pro chování betonových částí konstruovaného modelu byl využitý diagram pro materiálový model CC3DNonLinCementitious2 (Obr. 29). Diagram kombinuje Rankinova kritéria porušení v tahu a Menétrey-Willamové povrchové porušení v tlaku. Pro lepší porovnání s předešlými výpočty byly materiálové charakteristiky betonu zachovány.



Obrázek 29: Pracovní diagram betonu využívaný v programu ATENA [12]

Z důvodu použití pro program neznáme FRP výztuže bylo nutné materiálové charakteristiky a pracovní diagram výztuže (Obr. 30) zadat do programu ručně. Po vymodelování jednotlivých prvků výztuže jim byl přirazen materiál na základě materiálového modelu 1D Reinforcement.



Obrázek 30: Pracovní diagram FRP výztuže

### 5.4. Newton-Raphsonova výpočtová metoda

Tato výpočtová metoda patří k iteračním technikám sloužícím k numerickému řešení soustav nelineárních rovnic se stejným počtem neznámých. Newton-Raphsonova metoda neboli metoda tečen byla zvolena jako výpočtová metoda pro analýzu. Princip této metody spočívá v hledání průsečíku funkce ve směru tečny této funkce.



Obrázek 31: Grafické znázornění metody [13]

### 5.5. Výsledky nelineární analýzy

Graf z Obr. 32 zobrazuje únosnost při protlačení v případech bez a s využitím smykové výztuže.



Obrázek 32: Únosnost v protlačení

Na následujících grafech jsou zobrazeny porovnání únosností dle jednotlivých předpisů s výslednou únosností z výpočtových modelů. Nejmenší procentuální odchylku (12,28 %) od únosnosti získané nelineární analýzou dosahuje výpočet dle předpisu CSA-S806-12, pokud se uvažuje s vlivem součinitelů. V opačném případě, kdy se tento vliv zanedbává, výsledná hodnota téhož předpisu dosahuje téměř největší procentuální odchylky.



Obrázek 33: Únosnosti v protlačení bez smykové výztuže



Obrázek 34: Únosnosti v protlačení se smykovou výztuží

Při pohledu na výsledné únosnosti dle ČSN EN 1992-1-1 je vidět, že při modifikací normy součinitelem  $k_{FRP}$ , je dosaženo menšího rozdílu od únosnosti získané z nelineární analýzy. Tento rozdíl je v porovnání s ostatními předpisy srovnatelný.

Vzniklá odchylka může být také způsobená jak nepřesností výsledku samotné nelineární analýzy, protože není možnost porovnání s reálním stavem, tak řadou zjednodušení při samotném modelování konstrukce. Lze ale zhodnotit, že pro teoretické porovnání je výsledný stav modelu dostačující.

### 5.6. Ruční výpočet

Pro porovnání výsledné únosnosti z nelineární analýzy a výsledných únosností dle ČSN EN 1992-1-1 byly zpracovány dva ruční výpočty. První výpočet je dle klasické formulace uvedené v ČSN EN 1992-1-1 a druhý s použitím součinitele k<sub>FRP.</sub>

Účinná výška desky

$$d_x = h_s - c - \frac{\phi_x}{2} = 0,250 - 0,025 - \frac{0,016}{2} = 0,217 m$$
  

$$d_y = h_s - c - \phi_x - \frac{\phi_y}{2} = 0,250 - 0,025 - 0,016 - \frac{0,016}{2} = 0,201 m$$
  

$$d_{eff} = \frac{d_x + d_y}{2} = \frac{0,217 + 0,201}{2} = 0,209 m$$

#### Délka kontrolovaného obvodu

 $u_0 = 2(c_1 + c_2) = 2(0.4 + 0.4) = 1.6m$  $u_1 = u_0 + 2\pi \times 2d = 1,6 + 2\pi \times 2 \times 0,209 = 4,226 m$ 

### POSOUZENÍ DLE ČSN EN 1992-1-1

Posouzení napětí na 1. kontrolním obvodu

$$C_{Rd,c} = \frac{0,18}{\gamma_c} = \frac{0,18}{1,5} = 0,12$$

$$k = 1 + \sqrt{\frac{200}{d_{eff}}} = 1 + \sqrt{\frac{200}{209}} = 1,978 \le 2,0 \quad \sqrt{4}$$

$$A_{sx} = A_{sy} = \emptyset \mathbf{16}/\mathbf{150} \to \mathbf{13}, \mathbf{4} \times \mathbf{10^{-4}} \, \mathbf{m}^2$$

$$\rho_x = \rho_y = \frac{A_{sx}}{bd_{eff}} = \frac{13,4 \times 10^{-4}}{1 \times 0,209} = 6,411 \times 10^{-3}$$

$$\rho_l = \sqrt{6,411 \times 10^{-3} \times 6,411 \times 10^{-3}} = 6,411 \times 10^{-3} \le 0,02 \quad \sqrt{4}$$

$$V_{Rd,c} = C_{Rd,c} \times k(100 \times \rho_l \times f_{ck})^{\frac{1}{3}}$$

$$V_{Rd,c} = 0,12 \times 1,978(100 \times 6,411 \times 10^{-3} \times 38)^{\frac{1}{3}} = \mathbf{0},688 \, MPa$$

$$V_{Rd,c} \Longrightarrow 688 \times u_1 \times d_{eff} = 688 \times 4,226 \times 0,209 = \mathbf{607},\mathbf{75} \, kN$$

$$A_{sw} = \emptyset \mathbf{8} \to \mathbf{50}, \mathbf{27} \times \mathbf{10^{-4}} \, \mathbf{m}^2$$

 $\sqrt{}$ 

#### Posouzení únosnosti desky se smykovou výztuží

$$V_{Rd,cs} = 0.75 \times V_{Rd,c} + 1.5 \times A_{sw} \times n_w \times f_{ydw,eff} \frac{1}{u_1 \times d_{eff}} \sin \alpha$$

$$V_{Rd,cs} = 0.75 \times 688.1 + 1.5 \times 50.27 \times 10^{-6} \times 24 \times 151.125 \times 10^3 \frac{1}{4.226 \times 0.209} \sin 90$$

$$V_{Rd,cs} = 825.8 \ kPa$$

$$V_{Rd,cs} \Rightarrow 729.34 \ kN$$

Procentuální odchylka od výsledku z nelineární analýzy pro únosnost bez smykové výztuže je 21,23 % a se smykovou výztuží je 28,03 %.

### POSOUZENÍ DLE ČSN EN 1992-1-1 – součinitel k<sub>FRP</sub>

Posouzení napětí na 1. kontrolním obvodu

$$C_{Rd,c} = \frac{0,18}{\gamma_c} = \frac{0,18}{1,5} = 0,12$$

$$k = 1 + \sqrt{\frac{200}{d_{eff}}} = 1 + \sqrt{\frac{200}{209}} = 1,978 \le 2,0 \quad \sqrt{4}$$

$$A_{sx} = A_{sy} = \emptyset \mathbf{16}/\mathbf{150} \to \mathbf{13}, \mathbf{4} \times \mathbf{10^{-4}} \, \mathbf{m}^2$$

$$\rho_x = \rho_y = \frac{A_{sx}}{bd_{eff}} = \frac{13,4 \times 10^{-4}}{1 \times 0,209} = 6,411 \times 10^{-3}$$

$$\rho_l = \sqrt{6,411 \times 10^{-3} \times 6,411 \times 10^{-3}} = 6,411 \times 10^{-3} \le 0,02 \quad \sqrt{4}$$

$$k_{FRP} = \frac{E_f}{E_s} = \frac{60000}{200000} = 0,3$$

$$\rho_s = k_{FRP} \times \rho_l = 0,3 \times 6,411 \times 10^{-3} = 0,00192 \le 0,02 \quad \sqrt{4}$$

$$V_{Rd,c} = C_{Rd,c} \times k(100 \times \rho_s \times f_{ck})^{\frac{1}{3}}$$

$$V_{Rd,c} = 0,12 \times 1,978(100 \times 1,923 \times 10^{-3} \times 38)^{\frac{1}{3}} = \mathbf{0},461 \, MPa$$

$$V_{Rd,c} \Rightarrow 460,6 \times u_1 \times d_{eff} = 460,6 \times 4,226 \times 0,209 = \mathbf{406},9 \, kN$$

$$A_{sw} = \emptyset \mathbf{8} \to \mathbf{50}, \mathbf{27} \times \mathbf{10^{-4}} \, \mathbf{m}^2$$

### Posouzení únosnosti desky se smykovou výztuží

 $V_{Rd,cs} = 0.75 \times V_{Rd,c} + 1.5 \times A_{sw} \times n_w \times f_{ydw,eff} \frac{1}{u_1 \times d_{eff}} \sin \alpha$   $V_{Rd,cs} = 0.75 \times 460.6 + 1.5 \times 50.27 \times 10^{-6} \times 24 \times 151.125 \times 10^3 \frac{1}{4.226 \times 0.209} \sin 90$   $V_{Rd,cs} = 655.1 \ kPa$   $V_{Rd,cs} \Rightarrow 578.6 \ kN$ 

Procentuální odchylka od výsledku z nelineární analýzy pro únosnost bez smykové výztuže je 17,67 % a se smykovou výztuží je 9,28 %.

# 5.7. Napětí při dosažení mezní únosnosti

Na Obr. 35 – Obr. 37 jsou zobrazeny průběhy napětí na desce bez smykového vyztužení a na Obr. 39 – Obr. 41 jsou zobrazeny průběhy napětí na desce už se smykovou vyztuží. Obr. 38 a Obr. 42 znázorňují průběh deformací.



Obrázek 35: Průběh tlakového napětí v betonu bez smykové výztuže



Obrázek 36: Průběh tahového napětí v betonu bez smykové výztuže



Obrázek 37: Průběh tahového napětí v podélné výztuži



Obrázek 38: Průběh deformací na modelu bez smykové výztuže



Obrázek 39 Průběh tlakového napětí v betonu se smykovou výztuží



Obrázek 40: Průběh tahového napětí v betonu se smykovou výztuží





Deformation scal 9.349687

Time: 341.000 ATENA x64 V. 5.6.1.169 License 157 VUT FAST UBZŁ

Obrázek 41: Průběh tahového napětí ve výztuži



Obrázek 42: Průběh deformací na modelu se smykovou výztuží

## Závěr

V úvodu práce byla představena nekovová kompozitní FRP výztuž, včetně jejího složení, mechanických a fyzikálních vlastností, které z ní vyplývají. Následně byly popsány jak výhody, tak i nevýhody při využití této výztuže.

Další kapitola byla věnována vzniku smykovému namáhání v prvku a dále byl popsán přístup normy ČSN EN 1992-1-1 k návrhu únosnosti v protlačení bez a se smykovou výztuží. Jelikož se norma orientuje pouze na využití ocelové výztuže v návrhu, bylo nutné také provést modifikaci normy součinitelem k<sub>FRP</sub>.

Následně byly představené zahraniční normy, které jsou již přizpůsobeny na práci s FRP výztuží. Jednalo se o předpisy a standardy CSA-S806-12, ACI 440.1R-15 a Fib Bulletin No. 40, z které byl vybrán návrhový přístup modifikace JSCE standardu.

Druhá část práce se věnovala vytvoření parametrických studí. Cílem studií bylo porovnání výsledných mezních napětí v protlačení. Nejdříve se stanovili parametry, u kterých byl předpoklad, že jejich změna bude mít velký vliv na výsledné napětí. Byly vybrány parametry třída betonu, účinná výška desky, modul pružnosti a stupeň vyztužení. Následně byly vytvořeny výpočty a výsledky zpracovány do grafu pro jednodušší porovnání předpisů. Každý graf byl posouzen a vliv zkoumaného parametru byl vyhodnocen.

Další kapitola byla zaměřena na vzájemné porovnání jednotlivých předpisů a standardů. Pro možnost porovnání byl vybrán konkrétní příklad a výsledná mezní únosnost v protlačení byla procentuálně porovnána s vybranou referenční normou. Byla zvolena norma ČSN EN 1992-1-1 z důvodu toho, že jako jediná z norem není uzpůsobena pro návrh s využitím FRP výztuže, a tak bylo umožněno zkoumat chování návrhu této normy v porovnání se zahraničními předpisy.

Poslední část této práce byla věnovaná nelineární analýze v programu ATENA, kde byly vytvořeny dva modely lokálně podepřené desky. První model obsahoval pouze horní taženou FRP výztuž. Do druhého modelu byla již přidána smyková FRP výztuž. Následně proběhla nelineární analýza obou modelů. Z analýzy byly zpracovány výsledky pro mezní únosnost v protlačení a ty byly porovnány s výsledky vycházející z parametrické studie. Následně byl vytvořen ruční výpočet dle ČSN EN 1992-1-1 bez i s vlivem součinitele k<sub>FRP</sub> a ten byl porovnán s výsledky z analýzy.

Z vyhodnocení vyplývá, že i když norma není pro použití FRP výztuže připravena, zahrnutím součinitele se její výsledky značně přiblížily jak k výsledkům z analýzy, tak k výsledkům jiných předpisů, které s touto výztuží pracují.

# Seznam použité literatury

[1] GIRGLE, F.; HORÁK, D.; KOSTIHA, V.; PROKEŠ, J.; ŠTĚPÁNEK, P. Moderní kompozitní materiály jako náhrada klasické výztuže do betomu. Materiály pro stavbu, 2015, roč. 20, č. 2, s. 30-33. ISSN: 1213-0311

[2] GIRGLE, F.; PROKEŠ, J.; JANUŠ, O.; KOSTIHA, V.; ŠTĚPÁNEK, P. *Kompozitní výztuž do betonu – perspektivní materiál pro odolné a trvanlivé betonové konstrukce*. [online]. 2017, [cit. 2020-12-27]. Dostupné z: <u>https://www.betontks.cz/sites/default/files/2017-2-50\_0.pdf</u>

[3] ŠTĚPÁNEK, Petr, František GIRGLE, Mohamad MANSOUR, et al. *Seminář FRP výztuže, Sborník.* Vysoké učení technické v Brně, Fakulta stavební, 2014. ISBN 978-80-214-4925-1.

[4] Kompozitní výztuže: *PREFA Rebar, PREFA Carb* [online]. Brno: Prefa kompozity,
 2015 [cit. 2021-1-1]. Dostupné z: <u>https://www.prefa-kompozity.cz/wp-</u>content/uploads/2015/09/katalog kompozitni\_vyztuze\_cze\_m.pdf

[5] PETŘÍČKOVÁ, Monika. *Konstrukce a architektura*. Brno: VUTIUM, 2012, 298 s.: il. (převážně barev.), mapy, 1 portrét, faksim.; 25 cm. ISBN 978-80-214-4422-5

[6] Novák D., Brdečko L.: *Pružnost a pevnost modul BD02 – MO1 Základní pojmy a předpoklady*. Skripta. VUT BRNO 2004

[7] PANÁČEK, Josef. Prvky betonových konstrukcí: Dimenzování betonových prvků část1. Modul M02. Brno, 2005.

[8] ČSN EN 1992-1-1 ed. 2. *Eurokód 2: Navrhování betonových konstrukcí – Část 1-1: Obecná pravidla a pravidla pro pozemní stavby*. Praha: Úřad pro technickou normalizaci, metrologii a státní zkušebnictví, 2011. Třídící znak 73 1201.

[9] Fib Bulletin No. 40: *FRP reinforcement in RC structures: technical report prepared by a working party of Task Group 9.3, FRP (Fibre Reinforced Polymer) reinforcement for concrete structures.* Lausanne: International Federation for Structural Concrete, 2007. Bulletin Féderation internationale du béton. ISBN 978-2-88394-080-2.

[10] ACI 318-11: *Building Code Requirements for Structural Concrete*, Farmington Hills: American Concrete Institute, 2011. ISBN 978-0-87031-744-6.

[11] CAN/CSA-S806-12: *Design and construction of building structures with fibrereinforced polymers*. Farmington Hills: American Concrete Institute, 2015. ISBN 978-1-55491-931-4.

[12] ČERVENKA, Vladimír, Libor JENDELE a Jan ČERVENKA, ATENA *Program Documentation Part 1: Theory* [online]. 26. 1. 2018 [cit. 2021-1-10]. Dostupné z: <u>https://www.cervenka.cz/assets/files/atena-pdf/ATENA\_Theory.pdf</u>

[13] NĚMEC, Ivan, Nelineární mechanika, Modul 0D7-M01, Základy nelineární mechaniky. Studijní opory pro studijní programy s kombinovanou formou studia. Vysoké učení technické v Brně, Fakulta stavební, 2006.

# Seznam použitých symbolů a veličin

$A_c$	plocha betonu
$A_f$	plocha podélné FRP výztuže
$A_{fv}$	plocha smykové FRP výztuže
$A_s$	plocha tahové výztuže zakotvena na kotevní délku v daném směru
$A_{sw}$	plocha smykové výztuže na jednom obvodu kolem sloupu
b	šířka průřezu
$b_0$	obvod kritického řezu (kontrolní obvod)
$b_w$	šířka pásu
d	průměr účinných výšek v obou směrech závislých na průměru výztuže
$d_x$	účinná výška ve směru x
$d_y$	účinná výška ve směru y
$E_c$	modul pružnosti betonu
$E_f$	modul pružnosti FRP výztuže
$E_{fw}$	modul pružnosti pro smykovou FRP výztuž
$E_s$	modul pružnosti pro ocel
$f_{cd}$	návrhová válcová pevnost betonu v tlaku
$f_{cm}$	střední hodnota pevnosti betonu v tlaku
$f_{ck}$	charakteristická válcová pevnost betonu v tlaku
$f_c'$	válcová pevnost betonu v tlaku (ACI 440.1R-15)
<i>f</i> <sub>fu</sub>	maximální pevnost FRP výztuže
$f_{fv}$	pevnost v tahu pro návrh ve smyku
$f_{ywd}$	návrhová mez kluzu smykové výztuže
$f_{ywd,eff}$	účinná návrhová pevnost smykové výztuže v protlačení
h	výška prvku
Ι	moment setrvačnosti celého průřezu k neutrální ose
k	součinitel výšky
<i>k<sub>max</sub></i>	součinitel omezení
$M_{Ed}$	návrhová hodnota působícího ohybového momentu
$M_z$	moment kolem osy z

$n_f$	součinitel daný poměrem modulu pružnosti FRP výztuže k modulu pružnosti betonu
S	statický moment vyňaté části k neutrální ose
S	rozteč smykové výztuže
$S_r$	radiální vzdálenost obvodů smykové výztuže
Uout	poslední kontrolní obvod
$u_1$	základní kontrolní obvod
$u_0$	kontrolní obvod kolem sloupu
V	posouvající síla
v	redukční součinitel pevnosti betonu při porušení smykem
$V_c$	návrhová únosnost betonu s podélnou výztuží
$V_{cf}$	návrhová únosnost betonu s podélnou FRP výztuží
$V_{Ed}$	návrhová hodnota působící posouvající síly
$V_{Ed, 1}$	smykové napětí v kontrolním obvodu u1
$V_{Ed,0}$	smykové napětí v kontrolním obvodu $u_0$
$V_f$	návrhová smyková únosnost prvku (ACI 440.1R-15)
$V_n$	celková únosnost prvku se smykovou výztuží (ACI 440.1R-15)
$V_r$	celková únosnost prvku se smykovou výztuží (CSA-S806-12)
$V_{Rd,c}$	návrhová hodnota odolnosti v protlačení desky bez smykové výztuže
V <sub>Rd,cs</sub>	návrhová hodnota odolnosti v protlačení desky se smykovou výztuží
V <sub>Rd,max</sub>	návrhová smyková únosnost tlakové diagonály
Vmin	minimální hodnota únosnosti
Wo	modul odpovídající rozdělení smyku
Z	rameno vnitřních sil

$\mathcal{E}_{fwd}$	mezní přetvoření FRP výztuže
γ <sub>c</sub>	dílčí součinitel spolehlivosti betonu
$\beta_c$	poměr dlouhé strany ke krátké straně sloupu
β	součinitel zahrnující vliv momentů
$\alpha_s$	součinitel umístění sloupu
α	úhel mezi rovinou desky a smykovou výztuží

$ ho_f$	poměrné vyztužení pro podélnou FRP výztuž
$ ho_{fw}$	poměrné vyztužení pro smykovou FRP výztuž
$ ho_l$	stupeň vyztužení
$\rho_{lx}$	stupeň vyztužení v směru x
$ ho_{ly}$	stupeň vyztužení v směru y
$\phi_c$	součinitel odporu pro beton
$\phi_F$	součinitel odporu pro FRP výztuž
λ	součinitel zohledňující hustotu betonu
τ	smykové napětí
$ au_{xy}$	smykové napětí v rovině xy
$ au_{yz}$	smykové napětí v rovině yz
$ au_{zx}$	smykové napětí v rovině zx

# Seznam obrázků a tabulek

Obrázek 1: Řez FRP výztuží s viditelnou strukturou [2]11	l
Obrázek 2: Idealizované závislosti napětí na přetvoření GFRP výztuže [2]13	3
Obrázek 3: Idealizovaný nárůst deformace v závislosti na čase14	1
Obrázek 4: Vyobrazení procesu výroby pomocí pultruze [3]15	5
Obrázek 5: Znázornění smykového namáhání16	5
Obrázek 6: Vzájemnost smykových napětí [6]16	5
Obrázek 7: Napjatost prvku při postupném zatěžování [7]17	7
Obrázek 8: Půdorysné zobrazení kontrolních obvodů18	3
Obrázek 9: Doporučené hodnoty β19	9
Obrázek 10: Řez základním kontrolním obvodem19	)
Obrázek 11: Vliv pevnosti betonu na mezní napětí v protlačení – bez smykové výztuže29	9
Obrázek 12: Vliv pevnosti betonu na mezní napětí v protlačení – se smykovou výztuží30	0
Obrázek 13: Vliv účinné výšky desky na mezní napětí v protlačení – bez smykové výztuže3	1
Obrázek 14: Vliv účinné výšky desky na mezní napětí v protlačení – se smykovou výztuží32	2
Obrázek 15: Vliv modulu pružnosti na mezní napětí v protlačení – bez smykové výztuže3	3
Obrázek 16: Vliv modulu pružnosti na mezní napětí v protlačení – se smykovou výztuží34	4
Obrázek 17: Vliv stupně vyztužení na mezní napětí v protlačení – bez smykové výztuže3	5
Obrázek 18: Vliv stupně vyztužení na mezní napětí v protlačení – se smykovou výztuží30	5
Obrázek 19: Schéma řezu konstrukce3'	7
Obrázek 20: Schéma půdorysu konstrukce3'	7
Obrázek 21: Mezní napětí v protlačení bez smykové výztuže	8
Obrázek 22: Procentuální rozdělení mezního napětí v protlačení bez smykové výztuže3	8
Obrázek 23: Mezní napětí v protlačení se smykovou výztuží	9
Obrázek 24: Procentuální rozdělení mezního napětí v protlačení se smykovou výztuží	9
Obrázek 25: Model bez smykové výztuže v programu ATENA4	1
Obrázek 26: Model se smykovou výztuží v programu ATENA42	2
Obrázek 27: Schématické zakreslení výztuže – půdorys42	2
Obrázek 28: Schématické zakreslení výztuže – řez	2

Obrázek 29: Pracovní diagram betonu využívaný v programu ATENA [12]	43
Obrázek 30: Pracovní diagram FRP výztuže	43
Obrázek 31: Grafické znázornění metody [13]	44
Obrázek 32: Únosnost v protlačení	44
Obrázek 33: Únosnosti v protlačení bez smykové výztuže	45
Obrázek 34: Únosnosti v protlačení se smykovou výztuží	45
Obrázek 35: Průběh tlakového napětí v betonu bez smykové výztuže	48
Obrázek 36: Průběh tahového napětí v betonu bez smykové výztuže	49
Obrázek 37: Průběh tahového napětí v podélné výztuži	49
Obrázek 38: Průběh deformací na modelu bez smykové výztuže	50
Obrázek 39 Průběh tlakového napětí v betonu se smykovou výztuží	50
Obrázek 40: Průběh tahového napětí v betonu se smykovou výztuží	51
Obrázek 41: Průběh tahového napětí ve výztuži	51
Obrázek 42: Průběh deformací na modelu se smykovou výztuží	52

Tabulka 1: Mechanické vlastnosti jednotlivých vláken [3]	12
Tabulka 2: Mechanické vlastnosti jednotlivých polymerních matric [F]	12
Tabulka 3: Krátkodobé mechanické vlastnosti FRP výztuže v porovnání s ocelí [2]	14
Tabulka 4: Experimentálně získané hodnoty přímé FRP výztuže	27
Tabulka 5: Experimentálně získané hodnoty ohýbané FRP výztuže	27
Fabulka 6: Nárust mezního napětí vlivem změny pevnosti betonu Fabulka 7: Nárust mezního napětí vlivem změny účinné výšky desky	30
Tabulka 8: Nárůst mezního napětí vlivem změny modulu pružnosti	34
Tabulka 9: Nárůst mezního napětí vlivem změny stupně vyztužení	36