# VYSOKÉ UČENÍ TECHNICKÉ V BRNĚ

BRNO UNIVERSITY OF TECHNOLOGY

# FAKULTA STROJNÍHO INŽENÝRSTVÍ

FACULTY OF MECHANICAL ENGINEERING

# **ENERGETICKÝ ÚSTAV**

ENERGY INSTITUTE

# TERMODYNAMICKÉ TEPELNÉ ČERPADLO

THERMODYNAMIC HEAT PUMP

DIPLOMOVÁ PRÁCE MASTER'S THESIS

AUTOR PRÁCE AUTHOR Bc. Viktor Knebl

VEDOUCÍ PRÁCE SUPERVISOR

doc. Ing. Jan Fiedler, Dr.

BRNO 2020



# Zadání diplomové práce

Ústav:	Energetický ústav
Student:	Bc. Viktor Knebl
Studijní program:	Strojní inženýrství
Studijní obor:	Energetické inženýrství
Vedoucí práce:	doc. Ing. Jan Fiedler, Dr.
Akademický rok:	2019/20

Ředitel ústavu Vám v souladu se zákonem č.111/1998 o vysokých školách a se Studijním a zkušebním řádem VUT v Brně určuje následující téma diplomové práce:

### Termodynamické tepelné čerpadlo

#### Stručná charakteristika problematiky úkolu:

Diplomová práce pojednává o návrhu a konstrukčním řešení oběhu termodynamického tepelného čerpadla především pro využití v teplárenství. Teplota spalin na výstupu z teplárenských kotlů, které spalují zemní plyn, se pohybuje na úrovni 90 – 100 °C. Účelem tepelného čerpadla je proto snížit teplotu těchto spalin, a tak lépe využít tepla vznikajícího při spalování zemního plynu. Základními komponenty navrhovaného tepelného čerpadla budou turbína, kompresor a převodovka.

#### Cíle diplomové práce:

Cílem je návrh termodynamického tepelného čerpadla, které využívá teplo spalin odváděných z kotle do okolí. Čerpadlo navrhněte jako samostatný kompander s obtokovým kompresorem, který je poháněn elektromotorem.

Výkon kotle 60 MW (Hmotnostní průtok spalin soustrojím – 20 kg/s)

Teplota spalin na vstupu do kompresoru 95 °C

Teplota spalin za kompresorem 160 °C

Teplota spalin na vstupu do turbíny 95°C

Tlak před kompresorem a za turbínou – barometrický

Obsah práce:

Soustrojí navrhněte jako kompresor/turbína s integrovanou převodovkou v rozsahu:

Návrh a výpočet průtočných částí kompresoru a turbíny a zjednodušený návrh hlavních rozměrů převodovky.

Výkresová dokumentace: ideový řez kompresorem a turbínou

#### Seznam doporučené literatury:

FIEDLER, J. Parní turbíny: návrh a výpočet. Brno: Akademické nakladatelství CERM, 2004, 66 s. ISBN 80-214-2777-9.

ŠKORPÍK, J. Teorie lopatkových strojů. Brno: Akademické nakladatelství CERM, 2019, 310 s. ISBN 978-80-214-5783-6.

KRBEK, J., POLESNÝ, B. a FIEDLER, J. Strojní zařízení tepelných centrál: návrh a výpočet. Brno: PC-DIR, 1999, 217 s. ISBN 80-214-1334-4.

KADRNOŽKA, J. Tepelné turbiny a turbokompresory: základy teorie a výpočtů. Brno: CERM, 2004, 308 s. ISBN 80-720-4346-3.

ŠKOPEK, J. Parní turbína: tepelný a pevnostní výpočet. Plzeň: Západočeská univerzita, 2007, 170 s., 54 s. příl. ISBN 978-80-7043-256-3.

Termín odevzdání diplomové práce je stanoven časovým plánem akademického roku 2019/20

V Brně, dne

L. S.

doc. Ing. Jiří Pospíšil, Ph.D. doc. Ing. Jaroslav Katolický, Ph.D. ředitel ústavu děkan fakulty Fakulta strojního inženýrství, Vysoké učení technické v Brně / Technická 2896/2 / 616 69 / Brno

### ABSTRAKT

Tato diplomová práce pojednává o návrhu termodynamického tepelného čerpadla, sloužícího k využití tepelné energie spalin, které vznikají spalováním zemního plynu v teplárenském kotli. Je proveden výpočet průtočných částí kompresoru kompandéru, obtokového kompresoru a turbíny. Součástí práce je zjednodušený návrh převodovky a ekonomické zhodnocení instalace tepelného čerpadla. Příloha práce obsahuje technickou dokumentaci.

#### Klíčová slova

Termodynamické tepelné čerpadlo, kompresor, turbína

### ABSTRACT

This diploma thesis deals with the design of thermodynamic heat pump, used to utilize thermal energy of flue gases arised from the combustion of natural gas in a heat exchanger. The flow rates of the compader compressor, bypass compressor and turbine are calculated. Part of this thesis is simplified design of gearbox and economical evaluation of heat pump installation. The appendix of the thesis contains technical documentation.

#### Key words

Thermodynamic heat pump, compressor, turbine

# **BIBLIOGRAFICKÁ CITACE**

KNEBL, Viktor. Termodynamické tepelné čerpadlo [online]. Brno, 2020 [cit. 2020-04-20]. Dostupné z: <u>https://www.vutbr.cz/studenti/zav-prace/detail/124373</u>. Diplomová práce. Vysoké učení technické v Brně, Fakulta strojního inženýrství, Energetický ústav. Vedoucí práce Jan Fiedler.

# PROHLÁŠENÍ

Prohlašuji, že jsem diplomovou práci na téma Termodynamické tepelné čerpadlo vypracoval samostatně s použitím odborné literatury a pramenů, uvedených v seznamu, který tvoří přílohu této práce.

Datum

\_\_\_\_\_

Jméno a příjmení

# PODĚKOVÁNÍ

Děkuji tímto doc. Ing. Janu Fiedlerovi, Dr. a Ing. Stanislavu Kubišovi, CSc. za cenné připomínky a rady, které mi poskytli při vypracování závěrečné práce. Dále bych chtěl touto cestou poděkovat rodině a přítelkyni, kteří mi během celého studia byli velkou oporou.

# OBSAH

ÚV(	DD		13
1	VÝPOČET	ZÁKLADNÍCH VLASTNOSTÍ SPALIN	14
	1.1 S 1.2 N 1.3 N 1.4 I	Stechiometrie spalování zemního plynu Výpočet měrné tepelné kapacity spalin Výpočet Poissonovy konstanty spalin Poznámka k hodnotám fyzikálních vlastností	15 17 19 21
2	PRINCIP Č	INNOSTI TERMODYNAMICKÉHO TEPELNÉHO ČERPADLA	22
	2.1 I 2.2 0	Princip činnosti Odhad hmotnostních průtoků	22
3	NÁVRH K	OMPRESORŮ	
	3.1 3.2	Feoretický úvod Vstupní konfuzor	25
	3.2.1 3.2.2	Určení stavových veličin na vstupu do konfuzoru Výpočet průměru vstupního konfuzoru	27 28
	3.3	Oběžné kolo	
	3.3.1 3.3.2 3.3.3 3.3.4 3.3.5 3.3.6 3.3.7 3.4	Úvodní výpočty Určení stavových veličin na vstupu do oběžného kola Výpočet průměrů oběžného kola Výpočet rychlostí na vstupu do a výstupu z oběžného kola Určení ztrát v oběžném kole Určení stavových veličin na výstupu z oběžného kola Stanovení šířky lopatek oběžného kola Bezlopatkový difuzor	
	3.4.1 3.4.2 3.4.3	Kozmery BLD Výpočet rychlostí spalin na vstupu do a výstupu z BLD Určení stavových veličin na výstupu z BLD	
	3.5	Lopatkový difuzor	42
	3.5.1 3.5.2 3.5.3 3.5.4	Rozměry LD Výpočet rychlosti spalin na výstupu z LD Určení ekvivalentního difuzoru a kontrola proudění difuzorem Určení stavových veličin na výstupu z LD	43 43 45 48
	3.6	Spirální skříň	50
	3.6.1 3.6.2	Určení stavových veličin na výstupu ze spirální skříně Výpočet rozměrů spirální skříně	50 52
	3.7	Určení skutečných parametrů kompresoru	54
4	NÁVRH T	URBÍNY	55
	4.1 4.2	Teoretický úvod Oběžné kolo	55 57

4.2.1 Určení stavových veličin na vstupu do turbíny	57
4.2.2 Určení entalpického spádu turbíny	58
4.2.3 Výpočet rychlostí na vstupu do a výstupu z oběžného kola	59
4.2.4 Určení stavových veličin na vstupu do oběžného kola	62
4.2.5 Určení ztrát	64
4.2.6 Určení stavových veličin na výstupu z oběžného kola	64
4.2.7 Stanovení šířky lopatek oběžného kola	65
4.3 Lopatkový a bezlopatkový rozvaděč	66
4.4 Spirální skříň	67
4.5 Určení skutečných parametrů turbiny	69
5 VOLBA ELEKTROMOTORU A NÁVRH PŘEVODOVKY	70
5.1 Výběr elektromotoru	70
5.2 Návrh převodovky	70
5.2.1 Výpočet základních parametrů převodovky	71
5.2.2 Určení rozměrů charakteristických kružnic ozubení	72
5.2.3 Síly v ozubení a ložiscích, kontrola napětí a obvodových rychlostí	74
5.2.4 Kontrola per	78
6 ZHODNOCENÍ NAVRŽENÉHO TEPELNÉHO ČERPADLA	80
6.1 Ekonomické zhodnocení	80
6.1.1 Určení chladícího faktoru a výkonu výměníku tepla	80
6.1.2 Cena tepelné energie	80
6.1.3 Cena elektrické energie	81
6.1.4 Určení investičních nákladů na provoz tepelného čerpadla	81
6.2 Porovnání s alternativní variantou	83
7 KONSTRUKČNÍ ŘEŠENÍ	84
7.1 Kompandér	84
711 Kompresor	84
7.1.2 Turbína	84
7.1.3 Nosná skříň	85
7.1.4 Kompletace kompandéru	86
7.2 Obtokový kompresor s elektromotorem	88
7.2.1 Kompresor	88
7.2.2 Hřídel pastorku, hřídel kola	88
7.2.3 Převodovková skříň, skříň s elektromotorem	88
7.2.4 Kompletace sestavy obtokový kompresor – elektromotor	88
ZÁVĚR	91
SEZNAM POUŽITÝCH ZDROJŮ	93
SEZNAM POUŽITÝCH SYMBOLŮ A ZKRATEK	95
SEZNAM OBRÁZKŮ	. 102
SEZNAM TABULEK	. 103
SEZNAM PŘÍLOH	. 105

## ÚVOD

Tepelná pohoda je pro člověka důležitým faktorem, který ovlivňuje nejen jeho náladu, ale také jeho zdravotní stav. Vytápět domácnosti lze v současné době mnoha způsoby – ať už se jedná o vytápění pomocí vlastních kotlů, kamen, podlahového vytápění, nebo v případě větších měst centrálním zásobováním tepla. V případě centrálního zásobování teplem v Brně spaluje teplárenský kotel zemní plyn. Spaliny na výstupu z kotle mají teplotu 90-100 °C. Tepelná energie těchto spalin, které by jinak komínem odcházely do okolí, se dá využít instalací termodynamického tepelného čerpadla, což vede jak k finančním úsporám, tak k ochraně životního prostředí z důvodů snížení spotřeby primárních zdrojů. Tepelné čerpadlo je zařízení, které čerpá teplo z okolí do místa, které má být vytápěno. Podle toho, odkud je teplo bráno a do čeho akumulováno, hovoříme o tepelných čerpadlech země/voda, vzduch/voda, voda/voda, vzduch/vzduch. V případě navrhovaného termodynamického tepelného čerpadla lze hovořit a typu spaliny/voda. Návrh tohoto zařízení je předmětem této práce.

V úvodní kapitole je proveden výpočet základních vlastností spalin zemního plynu. Vychází se z objemového složení zemního plynu. Stechiometrický výpočet je proveden pro přebytek vzduchu 1. Číselně jsou pak dopočítány vlastnosti spalin pro 95 °C, neboť taková je teplota spalin na vstupu do kompresorů a na vstupu do turbíny.

V druhé kapitole je uveden princip navrženého tepelného čerpadla a odhad hmotnostních průtoků jednotlivými prvky čerpadla. Úvodní odhad těchto hodnot je pouze orientační, jak je dále uvedeno, neboť v něm jsou uvažována určitá zjednodušení, a tak je třeba po výpočtu tyto hodnoty zkontrolovat, nahradit hodnotami skutečnými a ty pak znovu použít pro výpočet.

V dalších třech kapitolách je proveden výpočet jednotlivých komponent tepelného čerpadla. Toto obsahuje dva kompresory, turbínu a převodovku. Navrhované kompresory a turbína jsou radiálně axiální. Výpočet kompresorů a turbíny je sledován na středním proudovém vlákně, kde jsou předpokládány střední hodnoty výpočtových parametrů. Výpočet obou kompresorů je stejný, a tak je zápis výsledků zvolen ve formě tabulek u příslušných kapitol. Převodovka, která slouží k přenosu kroutícího momentu z elektromotoru na kompresor, je navrhnuta jako čelní ozubení se šikmými zuby, a to z důvodů, které jsou vysvětleny v kapitole páté.

Motivací instalace termodynamického tepelného čerpadla je úspora primárních zdrojů energie, financí a ochrana životního prostředí. Kapitola šestá je věnována ekonomickému zhodnocení instalace navrhovaného zařízení.

Součástí práce je také technická dokumentace, obsahující řez kompandérem a obtokovým kompresorem s převodovkou, která tvoří samostatnou přílohu. Poslední kapitola této práce je věnována doplňujícím informacím ke konstrukčnímu řešení a technické dokumentaci.

## 1 VÝPOČET ZÁKLADNÍCH VLASTNOSTÍ SPALIN

Před samotným výpočtem a návrhem tepelného čerpadla je nutné určit základní fyzikální vlastnosti spalin, které vznikají spalováním zemního plynu v kotli. Pro výpočet je třeba znát objemové složení spalin. Toto složení je určeno zprůměrováním jednotlivých hodnot zemního plynu transitního a jihomoravského dle [1] a hodnot objemového složení dle [2], výsledky lze vidět v tabulce 1.1. Výpočet základních fyzikálních vlastností spalin je pak proveden pro teplotu spalin 95 °C, protože tato teplota je stejná na vstupu do kompresorů i na vstupu do turbíny. Značení objemových a hmotnostních zlomků je dle [3].

Složka	CH4	C2H6	C3H8	$N_2$	CO <sub>2</sub>	
ω <sub>i</sub> [%]	98,03	0,74	0,3	0,88	0,05	

Tabulka 1.1: Objemové složení zemního plynu<sup>1</sup>

Objemové složení zemního plynu udává poměr objemu dané složky vůči celkovému objemu zemního plynu (lze také používat výraz objemový zlomek či objemový poměr). Při dalších výpočtech je ovšem nutné znát také hmotnostní složení (poměr hmotnosti dané složky vůči celkové hmotnosti) zemního plynu. Pro přepočet objemového složení na hmotnostní platí následující rovnice:

$$\sigma_i = \frac{\omega_i \cdot M_i}{\Sigma \omega_i \cdot M_i} \cdot 100 \tag{1.1}$$

kde Mi je molární hmotnost složky spalin, viz tabulka 1.2.

Tabulka 1.2: Molární hmotnosti složek zemního plynu [3]

Složka	CH4	C2H6	C3H8	N2	CO <sub>2</sub>
M <sub>i</sub> [kg/kmol]	16,042	30,069	44,096	28,013	44,009

Hmotnostní složení zemního plynu dle rovnice 1.1 je uvedeno v tabulce 1.3.

Tabulka 1.3: Hmotnostní složení zemního plynu

Složka	CH4	C <sub>2</sub> H <sub>6</sub>	C3H8	N2	CO <sub>2</sub>
σ <sub>i</sub> [%]	96,19	1,36	0,81	1,51	0,13

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Kromě methanu (CH<sub>4</sub>), ethanu (C<sub>2</sub>H<sub>6</sub>) a propanu (C<sub>3</sub>H<sub>8</sub>) obsahuje zemní plyn další uhlovodíky (butan C<sub>4</sub>H<sub>10</sub>, pentan C<sub>5</sub>H<sub>10</sub> a další), jejichž objemový podíl je však velmi malý a pro zjednodušení dalších výpočtů jsou tyto podíly přičteny k objemovému podílu propanu.

(1.2)

(1.3)

#### 1.1 Stechiometrie spalování zemního plynu

Zemní plyn obsahuje hořlavé složky, jejichž spalováním dochází k uvolňování tepelné energie (uhlovodíky  $C_xH_y$ ) a nehořlavé složky  $CO_2$  a  $N_2$ . Pomocí stechiometrických výpočtů se určuje minimální množství suchého vzduchu, minimální množství vlhkého vzduchu a také množství spalin. Hmotnostní složení suchého vzduchu dle [3] je uvedeno v tabulce 1.4.

Tabulka 1.4: Hmotnostní složení suchého vzduchu [3]

Složka	<b>O</b> <sub>2</sub>	N2	Ar	CO <sub>2</sub>
σ <sub>i,vzd</sub> [%]	23,145	75,526	1,283	0,046

Pro dokonalé spalování zemního plynu s přebytkem vzduchu  $\alpha = 1$  platí následující rovnice [4]:

$$CH_4 + 2 \cdot O_2 \to CO_2 + 2 \cdot H_2O$$

 $1kg CH_4 + 3,98803kg O_2 \rightarrow 2,74336kg CO_2 + 2,24631kg H_2O$ 

$$C_2H_6 + 3.5 \cdot O_2 \rightarrow 2 \cdot CO_2 + 3 \cdot H_2O$$

$$1kg C_2H_6 + 3,72467kg O_2 \rightarrow 2,92723kg CO_2 + 1,79739kg H_2O$$

$$C_{3}H_{8} + 5 \cdot O_{2} \rightarrow 3 \cdot CO_{2} + 4 \cdot H_{2}O$$

$$(1.4)$$

$$1kg \ C_{3}H_{8} + 3,62831kg \ O_{2} \rightarrow 2,99408kg \ CO_{2} + 1,63419kg \ H_{2}O$$

#### Určení minimálního množství vzduchu

Množství kyslíku O2 potřebné pro spálení 1 kg zemního plynu lze vyčíslit z následující rovnice:

$$m_{O_2} = 3,98803 \cdot \sigma_{CH_4} + 3,72467 \cdot \sigma_{C_2H_6} + 3,62831 \cdot \sigma_{C_3H_8}$$

$$m_{O_2} = 3,917 \ kg/kg_{pal}$$
(1.5)

Minimální množství suchého vzduchu lze vyčíslit z následující rovnice:

$$m_{vz,s,min} = \frac{1}{\sigma_{O_2,vzd}} \cdot m_{O_2}$$
(1.6)

 $m_{vz,s,min} = 16,925 \ kg/kg_{pal}$ 

Množství vlhkého vzduchu lze vyčíslit pro standartní měrnou vlhkost  $x_m = 6,34 \text{ g}_{H2O}/\text{kg}_{vzd}$  [3] z následující rovnice:

$$m_{\nu z,\nu,min} = (1+x_m) \cdot m_{\nu z,s,min} \tag{1.7}$$

$$m_{vz,v,min} = 17,033 \ kg/kg_{pal}$$

#### Určení množství vzniklých spalin

Množství CO2 ve spalinách lze vyčíslit z následující rovnice:

$$m_{CO_2,spal} = \sigma_{CO_2} + 2,74336 \cdot \sigma_{CH_4} + 2,92723 \cdot \sigma_{C_2H_6} + 2,99408 \cdot \sigma_{C_3H_8} + \sigma_{CO_2,vzd} \cdot m_{vz,s,min}$$
(1.8)

 $m_{CO_2,spal} = 2,712 \ kg/kg_{pal}$ 

Množství Ar ve spalinách lze vyčíslit z následující rovnice:

$$m_{Ar,spal} = \sigma_{Ar} + \sigma_{Ar,vzd} \cdot m_{vz,s,min} \tag{1.9}$$

$$m_{Ar,spal} = 0.218 \, kg/kg_{pal}$$

Množství N<sub>2</sub> ve spalinách lze vyčíslit z následující rovnice:

$$m_{N_2,spal} = \sigma_{N_2} + \sigma_{N_2,vzd} \cdot m_{vz,s,min}$$

$$(1.10)$$

$$m_{N_2,spal} = 12,798 \, kg/kg_{pal}$$

Množství H<sub>2</sub>O ve spalinách lze vyčíslit z následující rovnice:

$$m_{H_20,spal} = \sigma_{H_{20}} + 2,24631 \cdot \sigma_{CH_4} + 1,79739 \cdot \sigma_{C_2H_6} + 1,63419 \cdot \sigma_{C_3H_8} + x_m \cdot m_{vz,s,min}$$
(1.11)

$$m_{H_2O,spal} = 2,305 \, kg/kg_{pal}$$

Celkové množství vzniklých spalin je dáno součtem jednotlivých složek spalin:

$$m_{spal} = m_{H_2O,spal} + m_{N_2,spal} + m_{Ar,spal} + m_{CO_2,spal}$$
(1.12)

$$m_{spal} = 18,032 \ kg/kg_{pal}$$

Pro další výpočty je nutné vyčíslit hmotnostní složení spalin<sup>2</sup>. Pro hmotnostní složení spalin platí následující vztah:

$$\sigma_{i,spal} = \frac{m_{i,spal}}{m_{spal}} \cdot 100 \tag{1.13}$$

Hodnoty hmotnostního složení spalin jsou uvedeny v tabulce 1.5.

Tabulka 1.5: Hmotnostní složení spalin

Složka	CO <sub>2</sub>	N2	Ar	H <sub>2</sub> O
σ <sub>i,spal</sub> [%]	15,04	70,97	1,2	12,79

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> S ohledem na další výpočty není potřeba vyčíslit objemové složení spalin.

#### 1.2 Výpočet měrné tepelné kapacity spalin

Jako první je uveden výpočet měrné tepelné kapacity spalin zemního plynu. Pro jednotlivé složky spalin je sestavena tabulka hodnot měrných tepelných kapacit v závislosti na teplotě, viz tabulka 1.6. Hodnoty z tabulky jsou následně převedeny do grafu (obrázek 1.1) a poté proloženy polynomem pátého stupně, z rovnice tohoto polynomu pak je dopočítána hodnota měrné tepelné kapacity pro jednotlivé složky při 95 °C.

Teplota	c <sub>p</sub> [kJ/kg·K]					
[°C]	CO <sub>2</sub>	N <sub>2</sub>	Ar	H <sub>2</sub> O		
0	0,8178	1,0388	0,519	-		
100	0,9152	1,0419	0,519	1,89		
200	0,9947	1,052	0,519	1,9399		
300	1,0602	1,0691	0,519	1,9994		
400	1,1143	1,0912	0,519	2,0646		
500	1,1593	1,1154	0,519	2,1329		

Tabulka 1.6: Hodnoty měrné tepelné kapacity pro jednotlivé složky spalin [3]



Obrázek 1.1: Závislost měrné tepelné kapacity jednotlivých složek spalin na teplotě

Rovnice polynomu pro měrnou tepelnou kapacitu  $CO_2$  má následující tvar a pro teplotu t = 95 °C dává výsledek:

$$c_{p_{CO_2}} = 8,333 \cdot 10^{-16} \cdot t^5 - 1,375 \cdot 10^{-12} \cdot t^4 + 1,2667 \cdot 10^{-9} \cdot t^3$$
  
- 1,1913 \cdot 10^{-6} \cdot t^2 + 1,0818 \cdot 10^{-3} \cdot t + 0,8178  
$$c_{p_{CO_2}} = 0,911 \, kJ/kg \cdot K$$
(1.14)

Argon je jednoatomový prvek, pro který platí, že hodnota měrné tepelné kapacity není závislá na teplotě a je konstantní:

$$c_{p_{Ar}} = 0.519 \ kJ/kg \cdot K \tag{1.15}$$

Rovnice polynomu pro měrnou tepelnou kapacitu  $H_2O$  má následující tvar a pro teplotu t = 95 °C dává výsledek:

$$\begin{split} c_{p_{H_2 o}} &= 5,4167 \cdot 10^{-13} \cdot t^4 - 1,1917 \cdot 10^{-9} \cdot t^3 + 1,0596 \cdot 10^{-6} \cdot t^2 \\ &+ 2,5642 \cdot 10^{-4} \cdot t + +1,8549 \\ c_{p_{H_2 o}} &= 1,888 \; kJ/kg \cdot K \end{split} \tag{1.16}$$

Rovnice polynomu pro měrnou tepelnou kapacitu  $N_2$  má následující tvar a pro teplotu t = 95 °C dává výsledek:

$$\begin{split} c_{p_{N_2}} &= 91667 \cdot 10^{-16} \cdot t^5 - 1,75 \cdot 10^{-12} \cdot t^4 + 8,2083 \cdot 10^{-10} \cdot t^3 \\ &\quad + 2,125 \cdot 10^{-7} \cdot t^2 + 3,2 \cdot 10^{-6} \cdot t + 1,0388 \\ c_{p_{N_2}} &= 1,042 \; kJ/kg \cdot K \end{split}$$

Celková měrná tepelná kapacita spalin pro danou teplotu je dána jako součet měrných tepelných kapacit jednotlivých složek spalin, vynásobených příslušným hmotnostním podílem:

$$c_{p0} = \sum \frac{\sigma_{i,spal}}{100} \cdot c_{p_i}$$

$$c_{p0} = 1,124 \, kJ/kg \cdot K$$

$$(1.18)$$

#### 1.3 Výpočet Poissonovy konstanty spalin

Pro výpočet Poissonovy konstanty složky spalin platí vztah:

$$\kappa_i = \frac{c_{p_i}}{c_{p_i} - r_i} \tag{1.19}$$

kde r<sub>i</sub> je měrná plynová konstanta jednotlivých složek spalin. Nejprve je tedy nutné vypočítat tyto hodnoty, a to na základě následujícího vztahu:

$$r_i = \frac{R_m}{M_i \, \text{smal}} \tag{1.20}$$

kde  $R_m = 8314$  J/kmol·K je univerzální plynová konstanta a  $M_{i,spal}$  je molární hmotnost složek spalin dle tabulky 1.7.

Tabulka 1.7: Molární hmotnost složek spalin [3]

Složka	CO <sub>2</sub>	$N_2$	Ar	H <sub>2</sub> O
M <sub>i,spal</sub> [kg/kmol]	44,009	28,013	39,944	18,015

Vypočtené hodnoty měrných plynových konstant složek spalin zemního plynu dle rovnice 1.20 jsou uvedeny v tabulce 1.8.

Tabulka 1.8: Hodnoty měrné plynové konstanty pro jednotlivé složky spalin

Složka	CO <sub>2</sub>	$N_2$	Ar	H <sub>2</sub> O
r <sub>i</sub> [J/kg·K]	188,916	296,791	208,141	461,497

Po dosazení hodnot z tabulky 1.8 a rovnic 1.14-1.17 do rovnice 1.19 jsou získány hodnoty Poissonovy konstanty pro jednotlivé složky spalin, viz tabulka 1.9.

Tabulka 1.9: Hodnoty Poissonovy konstanty pro jednotlivé složky spalin při 95 °C

Složka	CO <sub>2</sub>	$N_2$	Ar	H <sub>2</sub> O
κ <sub>i</sub> [-]	1,262	1,398	1,670	1,324

Celková měrná plynová konstanta spalin je dána jako součet měrných plynových konstant jednotlivých složek spalin, vynásobených příslušným hmotnostním podílem, viz rovnice níže:

$$r_0 = \sum \frac{\sigma_{i,spal}}{100} \cdot r_i$$

$$r_0 = 300,557 J/kg \cdot K$$
(1.21)

Pro celkovou Poissonovu konstantu spalin platí vztah:

$$\kappa_0 = \sum \frac{\sigma_{i,spal}}{100} \cdot \kappa_i$$

$$\kappa_0 = 1,371$$
(1.22)

Další možnost výpočtu Poissonovy konstanty spalin je stejná, jako tomu bylo při výpočtu měrné tepelné kapacity spalin. V tabulce 1.10 jsou uvedeny jednotlivé hodnoty Poissonovy konstanty pro různé teploty.<sup>3</sup>

Teplota				
[°C]	CO <sub>2</sub>	N2	Ar	H <sub>2</sub> O
0	1,3	1,4	1,67	-
100	1,26	1,398	1,67	1,323
200	1,234	1,393	1,67	1,312
300	1,217	1,384	1,67	1,3
400	1,204	1,374	1,67	1,288
500	1,195	1,362	1,67	1,276

Tabulka 1.10: Hodnoty Poissonovy konstanty pro jednotlivé složky spalin [3]



Obrázek 1.2: Závislost Poissonovy konstanty složek spalin na teplotě

Rovnice polynomu pro Poissonovu konstantu  $CO_2$  má následující tvar a pro teplotu t = 95 °C dává výsledek:

$$\kappa_{CO_2} = 4,1667 \cdot 10^{-15} \cdot t^5 - 4,1667 \cdot 10^{-12} \cdot t^4 + 6,25 \cdot 10^{-10} \cdot t^3 + 7,4167 \cdot 10^{-7} \cdot t^2 - 4,7667 \cdot 10^{-4} \cdot t + 1,3 \kappa_{CO_2} = 1,262$$
(1.23)

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Další postup je shodný s postupem v případě výpočtu měrné tepelné kapacity spalin, a proto není popis postupu uveden.

Rovnice polynomu pro Poissonovu konstantu  $N_2$  má následující tvar a pro teplotu t = 95 °C dává výsledek:

$$\begin{aligned} \kappa_{N_2} &= -6,6667 \cdot 10^{-15} \cdot t^5 + 8,3333 \cdot 10^{-12} \cdot t^4 - 3,5 \cdot 10^{-9} \cdot t^3 \\ &+ 4,1667 \cdot 10^{-7} \cdot t^2 - 3,4333 \cdot 10^{-5} \cdot t + 1,4 \\ \kappa_{N_2} &= 1,398 \end{aligned}$$
(1.24)

Argon je jednoatomový prvek, pro který platí, že Poissonova konstanta je konstantní:

$$\kappa_{Ar} = 1,67 \tag{1.25}$$

Rovnice polynomu pro Poissonovu konstantu H<sub>2</sub>O má následující tvar a pro teplotu t = 95 °C dává výsledek:

$$\kappa_{H_20} = -4,1667 \cdot 10^{-13} \cdot t^4 + 5,8333 \cdot 10^{-10} \cdot t^3 - 2,9583 \cdot 10^{-7} \cdot t^2 - 5,5833 \cdot 10^{-5} \cdot t + 1,331$$

$$\kappa_{H_20} = 1,324$$
(1.26)

Po dosazení hodnot z rovnic 1.23-1.26 do rovnice 1.22 vychází hodnota Poissonovy konstanty opět 1,371, což lze brát jako kontrolu výpočtu.

#### 1.4 Poznámka k hodnotám fyzikálních vlastností

Výše uvedené hodnoty fyzikálních vlastností jsou dopočítány pro stav na vstupu do kompresorů a turbíny. Z grafů je však patrné, že tyto hodnoty se mění v závislosti na teplotě, tudíž v průběhu komprese a expanze se také mění.

Pro měrnou tepelnou kapacitu a Poissonovu konstantu je ve výpočtech (tam, kde je uvedeno) uvažována střední hodnota mezi počátkem a koncem komprese, potažmo expanze, a to na základě vztahu:

$$c_p(\kappa) = \frac{c_{p0}(\kappa_0) + c_{x^{\circ}}(\kappa_{x^{\circ}C})}{2}$$
(1.27)

kde  $c_{p0}$  (respektive  $\kappa_0$ ) jsou hodnoty měrné tepelné kapacity (respektive Poissonovy konstanty) na počátku komprese/expanze a  $c_{x^\circ C}$  (respektive  $\kappa_{x^\circ C}$ ) jsou hodnoty na konci komprese/expanze.

Hodnota měrné plynové konstanty, vycházející z univerzální plynové konstanty a příslušných molárních hmotností, je konstantní.

# 2 PRINCIP ČINNOSTI TERMODYNAMICKÉHO TEPELNÉHO ČERPADLA

#### 2.1 Princip činnosti

Navrhované tepelné čerpadlo je instalováno za účelem využití tepelné energie spalin, které vznikají spalováním zemního plynu. Na obrázku 2.1 je uvedeno schéma tepelného čerpadla. Teplota spalin na výstupu z kotle (5) je 95 °C. Část spalin je vedena přes kompresor (1), ve kterém dochází k jejich stlačení, přičemž maximální teplota za kompresorem je dána ze zadání 160 °C. Zbylé množství spalin (výpočet tohoto množství je uveden v kapitole 2.2) je vedeno přes obtokový kompresor (2), ve kterém jsou opět stlačeny na maximální teplotu 160 °C. Důvodem rozdělení hmotnostního toku spalin je skutečnost, že výkon turbíny není dostatečný na pokrytí příkonu kompresoru 1 při stejném hmotnostním průtoku spalin. Snížením množství spalin na kompresor 1 dojde ke snížení jeho příkonu.

Stlačené spaliny dále proudí potrubím přes výměník (3), ve kterém předají teplo a ochladí se na počáteční teplotu, do turbíny (4). V turbíně, která je na společné hřídeli s kompresorem 1, který pohání, dochází k expanzi na barometrický tlak. Obtokový kompresor (2) je poháněn elektromotorem (7) s integrovanou převodovkou (8). Základní režimy tepelného čerpadla jsou uvedeny v dalším textu.



Obrázek 2.1: Schéma termodynamického tepelného čerpadla

#### Havarijní režim/režim odstávky

Tepelné čerpadlo v tomto režimu nepracuje, všechny spaliny z kotle proudí přes plně otevřený ventil  $9_a$  do komínu, ventil  $9_b$  je uzavřen. Odstávka systému může být zapříčiněna opravou nebo revizí některé z komponent. V případě havarijního režimu se ventil  $9_b$  automaticky uzavře.

#### Spouštěcí režim

V tomto případě je částečně uzavřen ventil  $9_a$  a otevřen ventil  $9_b$ . Na počátku spouštění systému proudí spaliny přes ventil  $9_c$  a ventil  $9_e$  na turbínu, ventil  $9_f$  a  $9_d$  je uzavřen. V momentě, kdy se turbína rozběhne, pomalu se otevírá ventil  $9_d$  a zároveň se přivírá ventil  $9_a$  tak, aby hmotnostní průtok spalin soustrojím byl 20 kg/s. Otevírání ventilů by mělo být pozvolné, neboť celý systém by měl pracovat bez větších dynamických změn.

#### Provozní režim

Otevřený ventil 9<sub>b</sub> je navržen na maximální průtok spalin 20 kg/s. V případě, že by kotel pracoval na vyšší výkon a množství spalin by se zvětšilo, přebytek bude veden přes částečně otevřený ventil 9<sub>a</sub> komínem do okolí. V případě provozního režimu jsou rovněž otevřeny ventily 9<sub>c</sub> a 9<sub>d</sub>. Tyto jsou navrženy na hmotnostní průtoky spalin dle tabulky 2.2 s částečnou rezervou. Dále je také otevřen ventil 9<sub>f</sub> a naopak uzavřen ventil 9<sub>e</sub> z toho důvodu, aby stlačené spaliny z kompresoru 2 odevzdaly teplo ve výměníku.

#### 2.2 Odhad hmotnostních průtoků

Pro další výpočty je nezbytné odhadnout hmotnostní průtoky jednotlivými kompresory tak, aby platila rovnost:

$$P_t = P_{k1} \tag{2.1}$$

Pro určení výkonu turbíny  $P_t$  a příkonu kompresoru kompandéru  $P_{k1}$  je třeba zvolit některé parametry, a to tak, aby teplota na výstupu z kompresorů nepřesahovala maximální dovolenou hodnotu. Zvolené hodnoty pro výpočet průtoků jsou uvedeny v tabulce 2.1. Spolu s nimi jsou uvedeny také hodnoty základních fyzikálních veličin, vypočtených v úvodní kapitole této práce.

Tabulka 2.1: Odhadnuté hodnoty pro výpočet hmotnostních průtoků prvky čerpadla

Veličina	Hodnota
Účinnost kompresoru 1	$\eta_{k1} = 0,84$
Účinnost turbíny	$\eta_t = 0,84$
Kompresní poměr kompresoru 1	$\pi_{k1} = 1,7$
Střední měrná tepelná kapacita komprese (rovnice 1.27)	$c_{pk} = 1131 \text{ J/kgK}$
Střední měrná tepelná kapacita expanze (rovnice 1.27)	$c_{pe} = 1118 \text{ J/kgK}$
Poissonova konstanta	κ = 1,371
Zadaný průtok spalin soustrojím = průtok turbínou	$\dot{m}_{sp} = \dot{m}_t = 20 \text{ kg/s}$

Pro výkon turbíny platí rovnice:

$$P_t = \dot{m}_t \cdot c_{pe} \cdot \Delta T_t \tag{2.2}$$

$$P_t = 923,2 \, kW$$

(2.2)

kde rozdíl teplot před a za turbínou se dá pro úvodní výpočet přibližně vyjádřit vztahem:

$$\Delta T_t = T_{II} \cdot \left( 1 - \frac{1}{\pi_{k1} \frac{\kappa - 1}{\kappa}} \right) \cdot \eta_t$$

$$\Delta T_t = 41.3 K$$
(2.3)

Pro příkon kompresoru 1 platí rovnice:

$$P_{k1} = \dot{m}_{k1} \cdot c_{pk} \cdot \Delta T_{k1} \tag{2.4}$$

kde pro změnu teploty při kompresi platí:

$$\Delta T_{k1} = \frac{T_0 \cdot \left(\pi_{k1} \frac{\kappa - 1}{\kappa} - 1\right)}{\eta_{k1}}$$

$$\Delta T_{k1} = 67,5 K$$
(2.5)

Hmotnostní průtok kompresorem se pak určí z rovnice 2.4, kde za příkon  $P_{k1}$  je dosazen výkon turbíny  $P_t$  dle rovnic 2.1 a 2.2:

$$\dot{m}_{k1} = \frac{P_{k1}}{c_{pk} \cdot \Delta T_{k1}}$$

$$\dot{m}_{k1} = 12.1 \ kg/s$$
(2.6)

Hmotnostní průtok obtokovým kompresorem je dán průtokem turbínou, poníženým o průtok kompresorem 1:

$$\dot{m}_{k2} = \dot{m}_t - \dot{m}_{k1}$$
  
 $\dot{m}_{k2} = 7.9 \ kg/s$ 
(2.7)

Pro prvotní výpočty byly použity tyto hodnoty hmotnostních průtoků, ovšem po dopočítání výkonu turbíny a příkonu kompresoru neplatila rovnice 2.1, a to z důvodu, že výpočet výše je pouze orientační a nezahrnuje například rychlosti spalin na vstupu a výstupu z kompresoru a turbíny či snížení tlaku ve výměníku tepla, které má vliv na tlak na vstupu do turbíny a také na výkon turbíny. Pomocí doplňku Solver v programu Excel byly optimalizací určeny hmotnostní průtoky tak, aby rovnice 2.1 platila. Tyto hodnoty jsou uvedeny v tabulce 2.2.

Tabulka 2.2: Dále používané hodnoty hmotnostních průtoků

Veličina	Hodnota
Hmotnostní průtok spalin kompresorem 1	$\dot{m}_{k1} = 10,9 \text{ kg/s}$
Hmotnostní průtok spalin kompresorem 2	$\dot{m}_{k2} = 9,1 \text{ kg/s}$
Hmotnostní průtok spalin turbínou	$\dot{m}_t = 20 \text{ kg/s}$

## **3** NÁVRH KOMPRESORŮ

#### 3.1 Teoretický úvod

Prvním navrhovaným prvkem je kompresor. Cílem kompresoru je stlačit spaliny na vyšší tlak a zvýšit jejich tepelnou energii, čehož se pak využívá ve výměníku tepla, který toto teplo odebírá. Kompresor je navrhován jako radiálně axiální. Příslušné řezy radiálně axiálním kompresorem (bez měřítka) jsou na obrázku 3.1 a 3.2.



Obrázek 3.1: Podélný řez stupněm radiálně axiálního kompresoru [vlastní]



Obrázek 3.2: Příčný řez radiálně axiálním kompresorem [vlastní]

Axiální vstupní část mezi body 0-1 je vstupní konfuzor, ve kterém dochází ke zvýšení rychlosti spalin a snížení tlaku. Následuje úsek 1-2, oběžné kolo, ve kterém dochází k přeměně mechanické energie rotačního pohybu kola na tepelnou, tlakovou a kinetickou energii spalin. Dále navazuje úsek 2-3, což je bezlopatkový difuzor, dále lopatkový difuzor, vymezený úsekem 3-4. V difuzorech dochází ke zvýšení tlakové energie spalin na úkor energie kinetické. Výstupní úsek 4-5 je spirální skříň, která slouží k odvodu spalin dále k výměníku tepla.

V následujících kapitolách jsou vypočteny termodynamické veličiny v jednotlivých částech kompresorů, je uveden výpočet rychlosti spalin v uzlových bodech kompresorů a také jsou vypočteny základní rozměry pro konstrukční návrh kompresorů. Výpočet vychází z i-s digramu komprese, který lze sledovat na obrázku 3.3.



*Obrázek 3.3: i-s diagram průběhu izoentropické a reálné komprese* [vytvořeno dle 5, strana 278]

Navrhované tepelné čerpadlo obsahuje dva kompresory, jejichž výpočet je však stejný, a tak je zvolen následující způsob řešení: u každé kapitoly jsou uvedeny jednotlivé rovnice výpočtu, které jsou očíslovány. Vypočtené hodnoty pro oba kompresory jsou uvedeny na konci každé kapitoly v tabulkách (výsledky pro kompresor 1 jsou ve sloupcích K1, pro kompresor 2 ve sloupcích K2). Poslední sloupec, značený č.r, značí číslo rovnice.

#### 3.2 Vstupní konfuzor

Jako první je uveden výpočet vstupního konfuzoru. Pro výpočet stavových veličin, ze kterých pak je dopočten průměr konfuzoru, je potřeba odhadnout rychlost spalin na vstupu do konfuzoru. Volená hodnota vstupní rychlosti  $c_0 = 75$  m/s platí pro oba kompresory.

#### 3.2.1 Určení stavových veličin na vstupu do konfuzoru

Teplota spalin na vstupu do kompresoru je z principu měření teploty v potrubí brána jako celková:

$$T_{0c} = 95 + 273,15 = 368,15 K \tag{3.1}$$

Barometrický tlak před kompresorem je uvažován jako statický na vstupu do kompresoru (statický tlak za turbínou je ze zadání také barometrický):

$$p_0 = 101325 \, Pa \tag{3.2}$$

Pro entalpii v bodě 0c platí:

$$i_{0c} = c_{p0} \cdot T_{0c} \tag{3.3}$$

Pro teplotu v bodě 0 platí následující vztah:

$$T_0 = T_{0c} - \frac{c_0^2}{2 \cdot c_{p0}} \tag{3.4}$$

Pro celkový tlak na vstupu do kompresoru pak platí rovnice:

$$p_{0c} = p_0 \cdot \left(\frac{T_{0c}}{T_0}\right)^{\frac{\kappa_0}{\kappa_0 - 1}} \tag{3.5}$$

S využitím i-s diagramu komprese z obrázku 3.3 platí pro entalpii v bodě 0 vztah:

$$i_0 = i_{0c} - \frac{c_0^2}{2} \tag{3.6}$$

Pro hustotu v bodě 0 platí:

$$\rho_0 = \frac{p_0}{r \cdot T_0} \tag{3.7}$$

Tabulka 3.1:	Vvpočtené	hodnoty	stavových	veličin na	vstupu do	konfuzoru
	1	~	~		1	

Veličina	Zkratka	K1	K2	Jednotka	č.r
Bod Oc					
Teplota	T <sub>0c</sub>	368,15	368,15	K	3.1
Tlak	p <sub>0c</sub>	103890,5	103890,5	Pa	3.5
Entalpie	i <sub>0c</sub>	413733,3	413733,3	J/kg	3.3
Bod 0					
Teplota	T <sub>0</sub>	365,7	365,7	K	3.4
Tlak	<b>p</b> 0	101325	101325	Pa	3.2
Entalpie	io	410920,8	410920,8	J/kg	3.6
Hustota	ρο	0,92	0,92	kg/m <sup>3</sup>	3.7

#### 3.2.2 Výpočet průměru vstupního konfuzoru

Pro průměr vstupního konfuzoru platí rovnice:

$$D_0 = \sqrt{\frac{4 \cdot \dot{m}_k}{\pi \cdot \rho_0 \cdot c_0}} \tag{3.8}$$

Tabulka 3.2	$V_1$	vnočtené	ho	dnotv	nrůměrů	vstu	nního	kon	fuzoru
1 <i>ubuiku</i> 5.2.	- V Y	pociene	no	unoi y	pramera	vsin	onino	non	<i>u</i> 201 u

Veličina	Zkratka	K1	K2	Jednotka	č.r
Průměr vstupního konfuzoru	$D_0$	450	410	mm	3.8

#### 3.3 Oběžné kolo

Tato kapitola pojednává o návrhu oběžného kola kompresoru. Tabulka 3.3 obsahuje hodnoty, které jsou použity pro výpočet. Tyto hodnoty bylo nutné odhadnout na základě doporučené literatury s ohledem na další výpočty, a dále pak konzultovat se školitelem.

Veličina	Volená hodnota			
důvod volby	Kompresor 1	Kompresor 2		
Kompresní poměr	_ 17	_ 17		
- dán výstupní teplotou $t_{max} = 160 \ ^{\circ}C$	$\pi_{k1} = 1,7$	$\pi_{k2} = 1,7$		
Izoentropické účinnost kompresoru celková				
- účinnost až 0,9, doporučená školitelem	$\eta_{k1,iz,c} = 0,84$	$\eta_{k2,iz,c} = 0,84$		
Poměr průměrů oběžného kola	D /D 0.57			
- $obvykle D_{1o}/D_2 = 0,45-0,65$ [5, strana 289]	$D_{10}/D_2 = 0.57$	$D_{10}/D_2 = 0,565$		
Počet lopatek oběžného kola	- 24	- 24		
- dle konzultace s školitelem a dle [8, strana 12]	$Z_{k1} = 24$	$Z_{k2} = 24$		
Průtokový součinitel	m = 0.25			
- rozsah $\varphi = 0,25-0,35$ [5, strana 289]	$\phi = 0,35$	$\varphi = 0,35$		
Rychlostní součinitel	. 0.07			
- volen dle [7, strana 328]	$\phi_{\rm r} = 0.97$	$\varphi_{\rm r}=0.97$		
Součinitel skluzu odhadovaný	0.0	0.0		
- rozsah $\mu = 0,86-0,92$ [8, strana 7]	$\mu_{odh} = 0,9$	$\mu_{odh} = 0,9$		
Součinitel ventilační ztráty	0.00	. 0.0(5		
- obvykle $\alpha = 0,04$ -0,08 [5, strana 277]	$\alpha = 0,06$	$\alpha = 0,065$		
Otáčky kompresoru	7200 min-1	n 8400 min-1		
- dány optimalizací	$n_{k1} = 7800 \text{ mm}^{-1}$	$n_{k2} = 8400 \text{ mm}^{-1}$		
Tloušťka lopatky	t 5 mm	$t_{2L} = 5 \text{ mm}$		
$- rozsah t_{2L} = 1-5 mm$	$t_{2L} = 3 \text{ mm}$			

Tabulka 3.3: Zvolené hodnoty pro návrh oběžných kol kompresorů

#### 3.3.1 Úvodní výpočty

Pro další výpočty je používána střední hodnota měrné tepelné kapacity  $c_p = 1131 \text{ J/kgK}$ a Poissonovy konstanty  $\kappa = 1,369$  dle vztahu 1.27, kdy teplota na konci komprese pro výpočet těchto parametrů byla volena  $t_{max} = 160$  °C a následně po celém výpočtu byl výpočet proveden znovu pro skutečnou teplotu na konci komprese.

Izoentropický entalpický spád při průchodu spalin kompresorem je dán vztahem:

$$\Delta i_{iz,c}^{k} = c_{p} \cdot T_{0c} \cdot (\pi_{k}^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} - 1)$$
(3.9)

Celková změna entalpie při skutečném ději je dána rovnicí:

$$\Delta i_c^k = \frac{\Delta i_{iz,c}^k}{\eta_{k,iz,c}} \tag{3.10}$$

Pro kola s axiálním vstupem s radiálními lopatkami (výstupní úhel lopatky  $\beta_{2L} = 0^{\circ}$ ) platí pro obvodovou rychlost na výstupu z oběžného kola vztah [5, strana 281]<sup>4</sup>:

$$u_2 = \sqrt{\frac{\Delta i_c^k}{\mu_{odh} + (1 - \delta) \cdot \alpha}} \tag{3.11}$$

kde  $\delta$  = 0,5 je součinitel rozdělení tepelného toku z ventilační ztráty rotoru.

Pro radiální složky absolutní a relativní rychlosti na výstupu z oběžného kola platí vztah:

$$c_{2r} = w_{2r} = u_2 \cdot \varphi \tag{3.12}$$

Pro hodnotu absolutní rychlosti na vstupu do oběžného kola platí v případě axiálního vstupu (vstupní úhel absolutní rychlosti  $\alpha_1 = 0^\circ$ ) následující rovnost:

$$c_{1a} = c_1 = c_{2r} \tag{3.13}$$

Veličina Zkratka **K2 K1** Jednotka č.r Izoentropická změna entalpie  $\Delta i^{k}_{iz,c}$ 64029,1 64029,1 J/kg 3.9 Skutečná změna entalpie  $\Delta i^k_c$ 76225,1 76225,1 J/kg 3.10 Obvodová rychlost na výstupu 286,3 285,9 3.11 m/s  $\mathbf{u}_2$ Radiální složka rychlosti c<sub>2</sub> 3.12 100,2 100,1 m/s  $c_{2r}$ Absolutní rychlost na vstupu 100,2 100.1 3.13 m/s  $c_1$ Axiální složka rychlosti c1 100,2 100,1 m/s 3.13  $c_{1a}$ 

Tabulka 3.4: Vypočtené hodnoty kapitoly úvodní výpočty

 $<sup>^4</sup>$  Odhadovaný součinitel ventilační ztráty  $\alpha$  je třeba zkontrolovat podle dále vypočtených hodnot. Pro kontrolu je uveden vzorec 3.58.

#### 3.3.2 Určení stavových veličin na vstupu do oběžného kola

Pro teplotu v bodě 1<sub>iz</sub> platí následující vztah:

$$T_{1iz} = T_{0c} - \frac{c_{1iz}^2}{2 \cdot c_p} \tag{3.14}$$

kde izoentropická rychlost na vstupu do oběžného kola se určí z rovnice:

$$c_{1iz} = \frac{c_1}{\varphi_r} \tag{3.15}$$

Pro tlaky platí:

$$p_{1iz} = p_1 = p_{0c} \cdot \left(\frac{T_{1iz}}{T_{0c}}\right)^{\frac{\kappa}{\kappa-1}}$$
(3.16)

Pro teplotu v bodě 1 platí následující vztah:

$$T_1 = T_{1c} - \frac{c_1^2}{2 \cdot c_p}; \ T_{1c} = T_{0c} \tag{3.17}$$

Pro hustotu v bodě 1 platí ze stavové rovnice:

$$\rho_1 = \frac{p_1}{r \cdot T_1} \tag{3.18}$$

Pro entalpii v bodě 1 platí:

$$i_1 = i_{1c} - \frac{c_1^2}{2}; i_{1c} = i_{0c}$$
 (3.19)

Pro tlak v bodě 1<sub>c</sub> platí:

$$p_{1c} = p_1 \cdot \left(\frac{T_{1c}}{T_1}\right)^{\frac{\kappa}{\kappa-1}}$$
 (3.20)

Tabulka 3.5: Vypočtené	hodnoty	stavových <sup>-</sup>	veličin na	vstupu de	o oběžného	kola
	~	~				

Veličina	Zkratka	K1	K2	Jednotka	č.r
Bod 1 <sub>iz</sub>					
Teplota	T <sub>1iz</sub>	363,4	363,4	K	3.14
Izoentropická rychlost vstupní	c <sub>1iz</sub>	103,3	103,2	m/s	3.15
Tlak	p <sub>1iz</sub>	99037,3	99050,1	Pa	3.16
Bod 1					
Teplota	$T_1$	363,7	363,7	K	3.17
Tlak	$\mathbf{p}_1$	99037,3	99050,1	Pa	3.16
Hustota	ρ1	0,91	0,91	kg/m <sup>3</sup>	3.18
Entalpie	$\mathbf{i}_1$	408713,1	408726,5	J/kg	3.19

Veličina	Zkratka	K1	K2	Jednotka	č.r
Bod 1 <sub>c</sub>					
Teplota	T <sub>1c</sub>	368,15	368,15	K	3.17
Entalpie	i <sub>1c</sub>	413733,3	413733,3	J/kg	3.19
Tlak	p <sub>1c</sub>	103595,4	103596,2	Pa	3.20

Tabulka 3.5: Vypočtené hodnoty stavových veličin na vstupu do oběžného kola (pokračování)

#### 3.3.3 Výpočet průměrů oběžného kola

Před výpočtem rychlostí spalin na vstupu do a výstupu z oběžného kola je třeba vyčíslit průměry oběžného kola, které jsou potřebné pro výpočet obvodových rychlostí. Průměry jsou zaokrouhleny na celá čísla tak, aby bylo snazší kolo vyrobit a dodržet rozměry.

Pro výstupní průměr platí:

$$D_2 = \frac{60 \cdot u_2}{\pi \cdot n_k} \tag{3.21}$$

Vstupní vnější průměr lze vyčíslit na základě navrhnutého poměru průměrů kol pomocí vztahu:

$$D_{1o} = D_2 \cdot \frac{D_{1o}}{D_2} \tag{3.22}$$

Pro vnitřní vstupní průměr platí:

$$D_{1i} = \sqrt{D_{1o}^2 - \frac{4 \cdot \dot{m}_k}{\pi \cdot \rho_1 \cdot c_1}}$$
(3.23)

Pro střední kvadratický vstupní průměr oběžného kola kompresoru platí následující vztah:

$$D_1 = \sqrt{\frac{D_{1o}^2 + D_{1i}^2}{2}} \tag{3.24}$$

Tabulka 3.6: Vypočtené průměry oběžného kola kompresoru

Veličina	Zkratka	K1	K2	Jednotka	č.r
Výstupní průměr	D <sub>2</sub>	700	650	mm	3.21
Vstupní průměr vnější	D <sub>10</sub>	400	370	mm	3.22
Vstupní průměr vnitřní	D <sub>1i</sub>	85	85	mm	3.23
Vstupní průměr střední	<b>D</b> <sub>1</sub>	289	268	mm	3.24

#### 3.3.4 Výpočet rychlostí na vstupu do a výstupu z oběžného kola

Pro další výpočty je třeba znát rychlosti spalin na vstupu do a výstupu z oběžného kola kompresoru, a to jak celkových, tak relativních a obvodových. Výpočet je proveden na základě rychlostních trojúhelníku, které jsou uvedeny na obrázku 3.4<sup>5</sup>.



Obrázek 3.4: Rychlostní trojúhelníky na vstupu do (a) a výstupu z (b) oběžného kola kompresoru

#### Vstupní rychlosti

Hodnoty obvodových rychlostí na vstupu do oběžného kola kompresoru lze vyčíslit z následujících rovnic (pro vnitřní, střední a vnější průměr na vstupu do oběžného kola):

$$u_{1i} = \frac{\pi \cdot D_{1i} \cdot n_k}{60} \tag{3.25}$$

$$u_1 = \frac{\pi \cdot D_1 \cdot n_k}{60} \tag{3.26}$$

$$u_{1o} = \frac{\pi \cdot D_{1o} \cdot n_k}{60} \tag{3.27}$$

Relativní rychlosti spalin v jednotlivých průměrech se určí z rychlostních trojúhelníků:

$$w_{1i} = \sqrt{c_1^2 + u_{1i}^2} \tag{3.28}$$

$$w_1 = \sqrt{c_1^2 + u_1^2} \tag{3.29}$$

$$w_{1o} = \sqrt{c_1^2 + u_{1o}^2} \tag{3.30}$$

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Jedná se o teoretické rychlostní trojúhelníky, tak jako u všech dále uvedených, a slouží především k orientaci ve značení jednotlivých veličin. Skutečné rychlostní trojúhelníky oběžných kol kompresorů a turbíny jsou uvedeny v příloze 1 této práce.

#### Výstupní rychlosti

Pro obvodovou složku absolutní rychlosti na výstupu z oběžného kola platí [5, strana 279]:

$$c_{2u} = u_2 \cdot \mu \tag{3.31}$$

kde skutečná hodnota součinitele skluzu se určí dle Stečkinova vztahu [5, strana 280]<sup>6</sup>:

$$\mu = \frac{1}{1 + \frac{2}{3} \cdot \frac{\pi}{z_k} \cdot \frac{1}{1 - \left(\frac{D_1}{D_2}\right)^2}}$$
(3.32)

Procentuální chyba odhadovaných a skutečných hodnot se spočte dle vztahu:

$$x_{er} = \frac{x - x_{odh}}{x} \cdot 100 \tag{3.33}$$

kde za x se dosadí příslušná veličina a koeficient *odh* značí odhadovanou hodnotu veličiny x (skutečná hodnota veličiny je bez indexu). Tento vzorec je používán také pro kontrolu dalších odhadovaných parametrů.

Hodnotu absolutní rychlosti na výstupu z oběžného kola kompresoru lze vyčíslit ze vztahu:

$$c_2 = \sqrt{c_{2r}^2 + c_{2u}^2} \tag{3.34}$$

Pro relativní rychlost spalin na výstupu z oběžného kola kompresoru platí z rychlostního trojúhelníku vztah:

$$w_2 = \sqrt{(u_2 - c_{2u})^2 + c_{2r}^2} \tag{3.35}$$

#### Určení úhlů rychlostí

Úhly rychlostí na vstupu do a výstupu z oběžného kola se vypočítají s využitím příslušných rychlostních trojúhelníků a základních goniometrických funkcí.

Úhel relativní rychlosti na vstupu do oběžného kola kompresoru:

$$\beta_1 = \arccos\left(\frac{c_1}{w_1}\right) \tag{3.36}$$

Úhel absolutní rychlosti na výstupu z oběžného kola kompresoru:

$$\alpha_2 = \arccos\left(\frac{c_{2r}}{c_2}\right) \tag{3.37}$$

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup> Existují také další empirické vzorce pro určení součinitele skluzu, například Pfleidererův, nebo Stodolův vztah, které ovšem platí pro lopatky ne čistě radiální ( $\beta_{2L} \neq 0$ ). Dle [8, strana 12] je možné ve výpočtu pokračovat, pokud chyba odhadované a skutečné hodnoty je menší, jak 2 %.

Úhel relativní rychlosti na výstupu z oběžného kola kompresoru:

$$\beta_2 = \arccos\left(\frac{c_{2r}}{w_2}\right) \tag{3.38}$$

#### Kontrola Machova čísla

Při výpočtu je třeba kontrolovat hodnotu Machova čísla v místě nejvyšší rychlosti, které by nemělo přesahovat hodnotu 0,8 [5]. Tuto hodnotu je třeba kontrolovat během celého výpočtu.

$$Ma_{1o} = \frac{w_{1o}}{\sqrt{\kappa \cdot r \cdot T_1}} \tag{3.39}$$

Veličina	Zkratka	K1	K2	Jednotka	č.r
Vstupní rychlosti					
Obvodová					
<ul> <li>na vnitřním průměru</li> </ul>	$\mathbf{u}_{1\mathrm{i}}$	34,5	36,2	m/s	3.25
- na středním průměru	<b>u</b> <sub>1</sub>	117,9	117	m/s	3.26
<ul> <li>na vnějším průměru</li> </ul>	u <sub>1o</sub>	163,2	161,5	m/s	3.27
Relativní					
- na vnitřním průměru	W <sub>1i</sub>	106	106,4	m/s	3.28
- na středním průměru	<b>W</b> 1	154,8	154	m/s	3.29
- na vnějším průměru	W <sub>10</sub>	191,5	190	m/s	3.30
Výstupní rychlosti					
Obvodová složka rychlosti c <sub>2</sub>	c <sub>2u</sub>	259,1	258,8	m/s	3.31
Skutečný součinitel skluzu	μ	0,905	0,905	-	3.32
Chyba odhadované hodnoty	μ <sub>er</sub>	0,55	0,55	%	3.33
Absolutní rychlost	c <sub>2</sub>	277,8	277,5	m/s	3.34
Relativní rychlost	W2	103,8	103,7	m/s	3.35
Úhly rychlostí					
Relativní na vstupu	$\beta_1$	49,65	49,47	0	3.36
Absolutní na výstupu	α2	68,85	68,86	0	3.37
Relativní na výstupu	β2	15,20	15,17	0	3.38
Machovo číslo	Ma <sub>10</sub>	0,5	0,5	-	3.39

#### 3.3.5 Určení ztrát v oběžném kole

Pro určení stavových veličin na výstupu z oběžného kola kompresoru je nutné určit energetické ztráty v oběžném kole kompresoru. Pro výpočet vstupní ztráty a ztráty při průtoku oběžným kolem kompresoru je zapotřebí zvolit součinitele ztrát, jejichž hodnoty jsou uvedeny v tabulce 3.8. Pro oba kompresory jsou součinitele zvoleny stejně.

Tabulka 3.8: Součinitele ztrát

Součinitel ztrát	Rozsah	Volená hodnota
Vstupní ξ <sub>vst</sub>	$\xi_{\rm vst} = 0,1-0,15$ [5, strana 297]	$\xi_{\rm vst} = 0,12$
Při průtoku oběžným kolem $\xi_{1-2}$	$\xi_{1-2} = 0, 1-0, 3$ [5, strana 298]	$\xi_{1-2} = 0,13$

Pro ztrátu na vstupu do oběžného kola kompresoru platí rovnice [5, strana 297]:

$$z_{vst} = \xi_{vst} \cdot \frac{c_1^2}{2} \tag{3.40}$$

Pro ztrátu při průtoku oběžným kolem kompresoru platí rovnice [5, strana 298]:

$$z_{1-2} = \xi_{1-2} \cdot \frac{w_1^2}{2} \tag{3.41}$$

Pro ventilační ztrátu platí [5, strana 302]:

$$z_{vent} = \alpha_{20} \cdot u_2^2 \tag{3.42}$$

kde součinitel  $\alpha_{20}$  lze vyčíslit z rovnice [5, strana 301]:

$$\alpha_{20} = \alpha_0 + (1 + \alpha_0) \cdot \frac{2 \cdot \gamma \cdot \delta_a}{\frac{D_1 + D_2}{2} + b_{2,odh}}$$
(3.43)

kde součinitel  $\gamma$  se volí z rozsahu 0,9-1,  $\delta_a$  je vůle mezi lopatkami a stěnou skříně oběžného kola, b<sub>2,odh</sub> je odhadnutá šířka kola na výstupu z oběžného kola (oba rozměry se musí dosazovat v m) a součinitel  $\alpha_0$  je vypočten ze vztahu [5, strana 301]:

$$\alpha_{0} = \frac{1}{\frac{b_{2,odh}}{D_{2}} \cdot \frac{c_{2r}}{u_{2}}} \cdot \left(0,000148 + 0,013 \cdot \frac{z_{k} \cdot \delta_{a}}{D_{2}}\right)$$
(3.44)

	Tabulka 3.9:	Vypočtené	hodnoty	ztrát v	oběžném	kole	kompresoru
--	--------------	-----------	---------	---------	---------	------	------------

Veličina	Zkratka	K1	K2	Jednotka	č.r
Vstupní ztráta	Zvst	602,4	600,8	J/kg	3.40
Při průtoku oběžným kolem	Z1-2	1556,7	1541,4	J/kg	3.41
Ventilační ztráta	Zvent	1582,3	1680,3	J/kg	3.42
Součinitel $\alpha_{20}$	α <sub>20</sub>	0,019	0,021	-	3.43
Součinitel Y	Ŷ	1	1	-	-
Vůle mezi lopatkami a stěnou	δ <sub>a</sub>	0,5	0,5	mm	-
Šířka kola na výstupu (odhad)	b <sub>2,odh</sub>	47	43	mm	-
Součinitel $\alpha_0$	α0	0,016	0,017	-	3.44

#### 3.3.6 Určení stavových veličin na výstupu z oběžného kola

Pro entalpii v bodě 2 platí vztah:

$$i_2 = i_1 + \frac{w_1^2}{2} + \frac{u_2^2 - u_1^2}{2} - \frac{w_2^2}{2}$$
(3.45)

Pro teplotu v bodě 2 pak platí vztah:

$$T_2 = \frac{i_2}{c_p} \tag{3.46}$$

Pro tlaky v bodě 2<sub>iz</sub> a 2 platí:

$$p_{2,iz} = p_2 = p_1 \cdot \left(\frac{T_{2,iz}}{T_1}\right)^{\frac{\kappa}{\kappa-1}}$$
(3.47)

kde pro teplotu v bodě 2<sub>iz</sub> platí vztah:

$$T_{2iz} = T_2 - \frac{z_{vst} + z_{1-2} + z_{vent}}{c_p}$$
(3.48)

Pro hustotu v bodě 2 platí ze stavové rovnice:

$$\rho_2 = \frac{p_2}{r \cdot T_2} \tag{3.49}$$

Pro teplotu v bodě 2<sub>c</sub> platí:

$$T_{2c} = T_2 + \frac{c_2^2}{2 \cdot c_p} \tag{3.50}$$

Pro entalpii v bodě 2<sub>c</sub> platí:

$$i_{2c} = i_2 + \frac{c_2^2}{2} \tag{3.51}$$

Pro tlak v bodě 2<sub>c</sub> platí:

$$p_{2c} = p_2 \cdot \left(\frac{T_{2c}}{T_2}\right)^{\frac{\kappa}{\kappa-1}}$$
 (3.52)

#### Kontrola Machova čísla

$$Ma_2 = \frac{c_2}{\sqrt{\kappa \cdot r \cdot T_2}} \tag{3.53}$$
Veličina	Zkratka	K1	K2	Jednotka	č.r
Bod 2					
Entalpie	i <sub>2</sub>	449323,6	449229,9	J/kg	3.45
Teplota	T <sub>2</sub>	397,1	397	K	3.46
Tlak	p <sub>2</sub>	132994	132801,5	Pa	3.47
Hustota	ρ <sub>2</sub>	1,11	1,11	kg/m <sup>3</sup>	3.49
Bod 2 <sub>iz</sub>					
Tlak	p <sub>2iz</sub>	132994	132801,5	Pa	3.47
Teplota	T <sub>2iz</sub>	393,8	393,6	K	3.48
Bod 2 <sub>c</sub>					
Teplota	T <sub>2c</sub>	431,2	431	K	3.50
Entalpie	i <sub>2c</sub>	487900,6	487719,4	J/kg	3.51
Tlak	p <sub>2c</sub>	180548,1	180177,8	Pa	3.52
Machovo číslo	Ma <sub>2</sub>	0,69	0,69	-	3.53

Tabulka 3.10: Vypočtené hodnoty stavových veličin na výstupu z oběžného kola

## 3.3.7 Stanovení šířky lopatek oběžného kola

Šířka lopatek na vstupu do oběžného kola kompresoru se určí z vnitřního a vnějšího průměru kola dle vztahu:

$$b_1 = \frac{D_{1o} - D_{1i}}{2} \tag{3.54}$$

Z rovnice kontinuity [5, strana 291]:

$$\dot{m}_k = \pi \cdot D_2 \cdot b_2 \cdot \sigma_{2L} \cdot \rho_2 \cdot c_{2r} \tag{3.55}$$

lze vyjádřit rovnice pro šířku lopatek na výstupu z oběžného kola kompresoru ve tvaru:

$$b_2 = \frac{\dot{m}_k}{\pi \cdot D_2 \cdot \sigma_{2L} \cdot \rho_2 \cdot c_{2r}} \tag{3.56}$$

kde člen  $\sigma_{2L}$  je poměrná plocha lopatek a pro jeho výpočet platí vztah [5, strana 291]:

$$\sigma_{2L} = 1 - \frac{z_k \cdot t_{2L}}{\pi \cdot D_2 \cdot \cos(\beta_{2L})}$$
(3.57)

## Kontrola zvoleného součinitele ventilační ztráty

V úvodním výpočtu je uvedeno, že je potřeba zkontrolovat hodnotu součinitele ventilační ztráty, odhadnuté z uvedené literatury. Součinitel by měl ležet v intervalu, který je dán rovnicí [5, strana 277]:

$$\alpha = \frac{0,735 \cdot 10^{-3} \cdot \beta}{\pi} \cdot \frac{1}{\frac{b_2}{D_2}} \cdot \frac{1}{\frac{c_{2r}}{u_2}}$$
(3.58)

kde za součinitel  $\beta$  se dosazuje pro kola bez krycího kotouče hodnota 6-8 [5, strana 277].

veninaem zirary						
Veličina	Zkratka	K1	K2	Jednotka	č.r	
Šířka lopatek na vstupu	$b_1$	157,5	142,5	mm	3.54	
Šířka lopatek na výstupu	<b>b</b> <sub>2</sub>	47	43	mm	3.56	
Poměrná plocha lopatek	$\sigma_{2L}$	0,946	0,941	-	3.57	
Interval součinitele vent. ztrát	α	0,059-0,08	0,061-0,08	-	3.58	

Tabulka 3.11: Vypočtené šířky lopatek oběžných kol kompresorů, kontrola součinitele ventilační ztráty

# 3.4 Bezlopatkový difuzor

Bezlopatkový difuzor (BLD) je umístěn mezi oběžným kolem kompresoru a lopatkovým difuzorem (LD). Konstrukčně se jedná o prostor mezi dvěma rovnoběžnými kruhovými deskami, viz kapitola 7. Tabulka 3.12 zobrazuje zvolené hodnoty pro návrh BLD, které byly vyhledány dle uvedené literatury. Pro oba kompresory jsou zvoleny stejné parametry.

Tabulka 3.12: Zvolené parametry pro návrh BLD

Veličina	Rozsah	Volená hodnota
Poměr průměrů	$D_3/D_2^* = 1,05-1,15$ [8, strana 16]	$D_3/D_2^*=1,1$
Poměr hustot	$\rho_3/\rho_2^* = 1,07-1,09$ [8, strana 17]	$\rho_3/\rho_2^* = 1,06$

# 3.4.1 Rozměry BLD

Obrázek 3.5 zobrazuje rozměry BLD pro snadnější orientaci v dalších výpočtech. Pro vstupní rozměry BLD je značení doplněno pravým horním indexem formou hvězdičky.



Obrázek 3.5: Rozměry BLD [vlastní]

Pro vstupní šířku BLD platí následující vztah, přičemž hodnota  $\Delta b_2$  značí rozšíření vstupní části difuzoru. Hodnota rozšíření se volí 0,6-0,8 mm [8, strana 15]. Zvolená hodnota  $\Delta b_2 = 0,8$  mm:

	$b_2^* = b_2 + \Delta b_2$	(3.59)
Pro výstupní šířku platí:		
	$b_3 = b_2^*$	(3.60)

Průměr BLD na vstupu odpovídá výstupnímu průměru oběžného kola. Pro výstupní průměr pak platí rovnice:

$$D_3 = D_2 \cdot \frac{D_3}{D_2^*} \tag{3.61}$$

Tabulka 3.13: Rozměry BLD

Veličina	Zkratka	K1	K2	Jednotka	č.r
Vstupní šířka BLD	$b_2^*$	48	44	mm	3.59
Šířka BLD na výstupu	b3	48	44	mm	3.60
Výstupní průměr BLD	D3	770	715	mm	3.61

#### 3.4.2 Výpočet rychlostí spalin na vstupu do a výstupu z BLD

Na obrázku 3.6 jsou zobrazeny rychlostní trojúhelníky na vstupu do a výstupu z BLD, pomocí kterých jsou vypočítány rychlosti spalin.



Obrázek 3.6: Rychlostní trojúhelníky na vstupu do (a) a výstupu z (b) BLD

#### Rychlost na vstupu

Pro obvodovou složku absolutní rychlosti spalin na vstupu do BLD platí z věty o zachování momentu hybnosti a rovnosti průměrů vztah [5, strana 291]:

$$c_{2u}^* = c_{2u} \tag{3.62}$$

Pro radiální složku absolutní rychlosti spalin na vstupu do BLD platí z rovnice kontinuity:

$$\dot{m}_{k} = \pi \cdot D_{2} \cdot \sigma_{2L} \cdot \rho_{2} \cdot c_{2r} \cdot b_{2} = \pi \cdot D_{2}^{*} \cdot \rho_{2}^{*} \cdot c_{2r}^{*} \cdot b_{2}^{*}$$
(3.63)

následující vzorec (platí, že hustota na vstupu do BLD je stejná jako na výstupu z rotoru):

$$c_{2r}^* = c_{2r} \cdot \sigma_{2L} \cdot \frac{b_2}{b_2^*} \tag{3.64}$$

Hodnotu absolutní rychlosti na vstupu do BLD lze vypočítat s využitím rychlostního trojúhelníku:

$$c_2^* = \sqrt{c_{2r}^* + c_{2u}^*}^2 \tag{3.65}$$

## Rychlost na výstupu

Z rovnice kontinuity pro BLD:

$$\dot{m}_{k} = \pi \cdot D_{2}^{*} \cdot \rho_{2}^{*} \cdot c_{2r}^{*} \cdot b_{2}^{*} = \pi \cdot D_{3} \cdot \rho_{3} \cdot c_{3r} \cdot b_{3}$$
(3.66)

platí pro radiální složku absolutní rychlosti spalin na výstupu z BLD následující vzorec:

$$c_{3r} = c_{2r}^* \cdot \frac{1}{\frac{D_3}{D_2^*}} \cdot \frac{1}{\frac{\rho_3}{\rho_2^*}}$$
(3.67)

Pro absolutní rychlost platí:

$$c_3 = \frac{c_{3r}}{\sin\left(\alpha_3\right)} \tag{3.68}$$

kde úhel absolutní rychlosti spalin na výstupu z BLD  $\alpha_3$  se určí ze vztahu 3.71.

Obvodová složka absolutní rychlosti se vypočte ze vztahu:

$$c_{3u} = \sqrt{c_3^2 - c_{3r}^2} \tag{3.69}$$

## Určení úhlů rychlostí

Úhel absolutní rychlosti spalin na vstupu do BLD:

$$\alpha_2^* = \operatorname{arctg}\left(\frac{c_{2r}^*}{c_{2u}^*}\right) \tag{3.70}$$

Úhel absolutní rychlosti spalin na výstupu z BLD se vlivem tření dle [8, strana 39] změní dle vztahu:

$$\alpha_3 = \operatorname{arctg}\left(tg(\alpha_2^*) + \frac{\xi_{2-3}}{b_3} \cdot \frac{(D_3 - D_2^*)}{2}\right)$$
(3.71)

kde  $\xi_{2-3}$  je součinitel měrné třecí práce v BLD dle [8, strana 16] o hodnotě 0,008.

Tabulka 3.14: Vypočtené hodnoty rychlostí v BLD, určení úhlů rychlostí

Veličina	Zkratka	K1	K2	Jednotka	č.r
Vstupní rychlosti					
Obvodová složka rychlosti $c_2^*$	$c_{2u}^*$	259,1	258,8	m/s	3.62
Radiální složka rychlosti $c_2^*$	$c_{2r}^{*}$	93,2	92,5	m/s	3.64
Absolutní rychlost	$c_2^*$	275,3	274,8	m/s	3.65
Výstupní rychlosti					
Radiální složka rychlosti c <sub>3</sub>	c <sub>3r</sub>	79,9	79,3	m/s	3.67
Absolutní rychlost	C3	232,8	232,3	m/s	3.68
Obvodová složka rychlosti c <sub>3</sub>	C <sub>3u</sub>	218,7	218,3	m/s	3.69
Úhly rychlostí					
Absolutní na vstupu	$\alpha_2^*$	19,78	19,66	0	3.70
Absolutní na výstupu	α3	20,08	19,96	0	3.71

#### 3.4.3 Určení stavových veličin na výstupu z BLD

Pro teplotu v bodě 3 platí:

$$T_3 = T_{3c} - \frac{c_3^2}{2 \cdot c_p}$$
;  $T_{3c} = T_{2c}$  (3.72)

Pro entalpii v bodě 3 platí:

$$i_3 = i_{3c} - \frac{c_3^2}{2}; i_{3c} = i_{2c}$$
 (3.73)

Pro tlaky platí rovnice:

$$p_{3iz}^* = p_3 = p_{3iz} = p_2 \cdot \left(\frac{T_{3^*iz}}{T_2}\right)^{\frac{\kappa}{\kappa-1}}$$
(3.74)

kde teplota v bodě  $T^*_{3iz}$  je dána vztahem:

$$T_{3_{iz}^*} = T_3 - \frac{a_{f2-3}}{c_p} \tag{3.75}$$

kde af2-3 je třecí práce v BLD, jejíž hodnota se určí ze vztahu [8, strana 40]:

$$a_{f2-3} = \frac{\xi_{2-3} \cdot (c_2^* + c_3)^2}{4 \cdot b_3 \cdot \sin \alpha_{st\check{r}}} \cdot \frac{(D_3 - D_2^*)}{2}$$
(3.76)

kde  $\alpha_{str}$  je střední úhel absolutní rychlosti spalin v BLD dle vztahu:

$$\alpha_{st\check{r}} = \frac{\alpha_2^* + \alpha_3}{2} \tag{3.77}$$

Pro hustotu v bodě 3 platí <sup>7</sup>:

$$\rho_3 = \frac{p_3}{r \cdot T_3} \tag{3.78}$$

Pro tlak v bodě 3<sub>c</sub> platí:

$$p_{3c} = p_3 \cdot \left(\frac{T_{3c}}{T_3}\right)^{\frac{\kappa}{\kappa-1}} \tag{3.79}$$

Pro teplotu v bodě 3<sub>iz</sub> platí následující rovnice:

$$T_{3iz} = T_3 - \frac{z_{vst} + z_{1-2} + z_{vent} + a_{f2-3}}{c_p}$$
(3.80)

#### Kontrola Machova čísla

$$Ma_3 = \frac{c_3}{\sqrt{\kappa \cdot r \cdot T_3}} \tag{3.81}$$

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup> Vypočtená hodnota hustoty ze stavové rovnice by měla odpovídat s přesností 1 % s hodnotou odhadnutou. Kontrola je provedena dle vzorce 3.33.

Veličina	Zkratka	K1	K2	Jednotka	č.r
Bod 3					
Teplota	T <sub>3</sub>	407,2	407,2	K	3.72
Entalpie	i3	460804,1	460743,8	J/kg	3.73
Tlak	p <sub>3</sub>	144739,8	144549	Pa	3.74
Hustota	ρ3	1,18	1,18	kg/m <sup>3</sup>	3.78
Chyba odhadu hustoty	ρ <sub>3er</sub>	0,12	0,13	%	3.33
Bod 3 <sub>iz</sub> *					
Tlak	p <sub>3iz</sub> *	144739,8	144549	Pa	3.74
Teplota	T <sub>3iz</sub> *	406,3	406,2	K	3.75
Třecí práce v BLD	a <sub>f2-3</sub>	1116,3	1135,8	J/kg	3.76
Střední úhel	α <sub>stř</sub>	19,93	19,81	0	3.77
Bod 3 <sub>iz</sub>					
Teplota	T <sub>3iz</sub>	402,9	402,8	K	3.80
Tlak	p <sub>3iz</sub>	144739,8	144549	Pa	3.74
Bod 3 <sub>c</sub>					
Teplota	T <sub>3c</sub>	431,2	431	K	3.72
Entalpie	i <sub>3c</sub>	487900,6	487719,4	J/kg	3.73
Tlak	p <sub>3c</sub>	178930,2	178535	Pa	3.79
Machovo číslo	Ma <sub>3</sub>	0,57	0,57	-	3.81

Tabulka 3.15: Vypočtené hodnoty stavových veličin na výstupu z LD

# 3.5 Lopatkový difuzor

Za BLD následuje lopatkový difuzor LD, tvořený radiálně kruhovou lopatkovou řadou.<sup>8</sup> Lopatky LD mohou být buďto přímé, nebo zahnuté, dále pak pevné, nebo natáčivé, jimiž lze regulovat průtok pracovní látky difuzorem. V případě této práce jsou zvoleny lopatky mírně zahnuté. Zvolené hodnoty pro výpočet LD jsou uvedeny v tabulce 3.16. Pro oba kompresory jsou zvoleny stejné hodnoty.

Tabulka 3.16: Zvolené parametry pro návrh LD

Veličina	Rozsah	Volená hodnota
Úhel náběhu lopatky	$i = \pm 1^{\circ}$ [8, strana 19]	i = 1°
Změna výstupního úhlu proudu spalin	$\Delta \alpha_4 = 12-20^{\circ}$ [8, strana 19]	$\Delta \alpha_4 = 12^{\circ}$
Změna výstupního úhlu lopatky	$\Delta \alpha_{4LD} = 2-4^{\circ} [8, \text{ strana } 19]$	$\Delta \alpha_{4LD} = 2^{\circ}$
Poměr hustot	dle optimalizace	$\rho_4 / \rho_3 = 1,105$
Poměr průměrů	D <sub>4</sub> /D <sub>3</sub> = 1,25-1,35 [8, strana 19]	$D_4/D_3 = 1,3$
Tloušťka lopatek LD	t <sub>LD</sub> = 2,5-5 mm [8, strana 21]	$t_{LD} = 4 \text{ mm}$
Počet lopatek v LD	dle optimalizace	$z_{\rm LD} = 30$

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup>U kompresorů s velkým stlačením pracovní látky se místo LD používá kanálových difuzorů.[5]

## 3.5.1 Rozměry LD

Obrázek 3.7 zobrazuje rozměry LD v příčném řezu s vyznačením jednotlivých veličin, které jsou dále vypočteny.



*Obrázek 3.7: Rozměry LD [vlastní]* 

Průměr na vstupu do LD odpovídá výstupnímu průměru BLD. Výstupní průměr LD se určí s pomocí odhadovaného poměru průměrů jako:

$$D_4 = D_3 \cdot \frac{D_4}{D_3} \tag{3.82}$$

Vstupní šířka LD je stejná jako výstupní BLD. Šířka LD je konstantní, takže platí:

$$b_4 = b_3$$
 (3.83)

Tabulka 3.17: Rozměry LD

Veličina	Zkratka	K1	K2	Jednotka	č.r
Průměr LD na výstupu	D4	1000	930	mm	3.82
Šířka LD	<b>b</b> 4	48	44	mm	3.83

#### 3.5.2 Výpočet rychlosti spalin na výstupu z LD

Na obrázku 3.8 je zobrazen rychlostní trojúhelník spalin na výstupu z LD. Rychlostní trojúhelník vstupních rychlostí není uveden, neboť odpovídá trojúhelníku na výstupu z BLD.



Obrázek 3.8: Rychlostní trojúhelník spalin na výstupu z LD

Pro radiální složku absolutní rychlosti na výstupu z LD platí z rovnice kontinuity vztah:

$$c_{4r} = \frac{\dot{m}_k}{\pi \cdot D_4 \cdot \rho_{4odh} \cdot b_4 \cdot \sigma_{4L}} \tag{3.84}$$

kde poměrná plocha lopatek  $\sigma_{4L}$  LD lze vyčíslit z rovnice:

$$\sigma_{4L} = 1 - \frac{z_{LD} \cdot t_{LD}}{\pi \cdot D_4} \tag{3.85}$$

a kde pro hustotu spalin na výstupu z LD kompresoru platí s využitím odhadu poměrů hustot:

$$\rho_{4odh} = \rho_3 \cdot \frac{\rho_4}{\rho_3} \tag{3.86}$$

Absolutní rychlost spalin na výstupu z LD se určí tak, že se zvolí poměr rychlostí na vstupu a na výstupu z LD. Rychlost  $c_4$  je pak dána vztahem <sup>9</sup>:

$$c_{4odh} = c_3 \cdot \left(\frac{c_3}{c_4}\right)^{-1}$$
 (3.87)

Pro obvodovou složku absolutní rychlosti spalin platí z rychlostního trojúhelníku vztah:

$$c_{4u} = \sqrt{c_4^2 - c_{4r}^2} \tag{3.88}$$

Tabulka 3.18:	Vvpočtené	hodnoty i	rvchlostí n	a výstupu :	z LD
	~ 1	~	~		

Veličina	Zkratka	<b>K</b> 1	K2	Jednotka	č.r
Radiální složka rychlosti c4	C4r	57,8	57,5	m/s	3.84
Poměrná plocha lopatek	σ <sub>4L</sub>	0,962	0,959	-	3.85
Hustota spalin z odhadu	ρ4 <sub>odh</sub>	1,31	1,30	kg/m <sup>3</sup>	3.86
Rychlostní poměr	$c_3 / c_4$	2,14	2,14	-	-
Absolutní rychlost odhad	C4odh	108,8	108,6	m/s	3.87
Obvodová složka rychlosti c4	C4u	92,2	92,1	m/s	3.88

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup> Po vypočtení skutečných hodnot stavových veličin je třeba odhad absolutní výstupní rychlosti zkontrolovat, viz rovnice 3.109.

### 3.5.3 Určení ekvivalentního difuzoru a kontrola proudění difuzorem

Je potřeba zkontrolovat, zda proudění v navrhovaném difuzoru je stabilní a nedochází k odtržení mezní vrstvy od profilu. K tomu slouží diagram na obrázku 3.9. Stabilní proudění je reprezentováno křivkou *a*, respektive plochou pod touto křivkou. Pro určení hodnot AR a N/w<sub>1</sub> je vhodné určit ekvivalentní difuzor. Výpočet je prováděn dle [8, strana 43].



Obrázek 3.9: Diagram pro určení proudění v difuzoru [9]

### Určení ekvivalentního difuzoru

Obrázek 3.10 naznačuje princip transformace kanálu LD (a) na ekvivalentní přímý difuzor (b). Modré úsečky v obrázku (a) znázorňují průtočné plochy, kterými proudí spaliny v LD. Průtočné plochy na vstupu do a výstupu z LD jsou převedeny na ekvivalentní plochy. Z těchto ploch a ekvivalentní délky je vytvořen ekvivalentní difuzor, pomocí kterého je určeno, zda proudění v difuzoru je stabilní. Čerchovaná čára znázorňuje střednici kanálu (znázorněné průtočné plochy jsou kolmé na střednici).



Obrázek 3.10: Transformace LD na ekvivalentní difuzor [vlastní]

Pro ekvivalentní plochu na vstupu do difuzoru platí:

$$S_{3,ekv} = \pi \cdot b_3 \cdot D_3 \cdot \sin(\alpha_{3LD}) \tag{3.89}$$

kde α<sub>3LD</sub> je vstupní úhel střední křivky lopatky, pro který platí:

$$\alpha_{3LD} = \alpha_3 + i \tag{3.90}$$

Pro ekvivalentní plochu na výstupu z difuzoru platí:

$$S_{4,ekv} = \pi \cdot b_4 \cdot D_4 \cdot \sin(\alpha_{4LD}) \tag{3.91}$$

kde α<sub>4LD</sub> je výstupní úhel střední křivky lopatky, pro který platí:

$$\alpha_{4LD} = \alpha_4 + \Delta \alpha_{4LD} \tag{3.92}$$

kde  $\alpha_4$  je výstupní úhel proudu, pro který platí:

$$\alpha_4 = \alpha_3 + \Delta \alpha_4 \tag{3.93}$$

Ekvivalentní průměr na vstupu do difuzoru se určí dle vztahu:

$$D_{3,ekv} = 2 \cdot \sqrt{\frac{S_{3,ekv}}{z_{LD} \cdot \pi}}$$
(3.94)

Ekvivalentní průměr na výstupu z difuzoru se určí dle vztahu:

$$D_{4,ekv} = 2 \cdot \sqrt{\frac{S_{4,ekv}}{z_{LD} \cdot \pi}} \tag{3.95}$$

Ekvivalentní délka difuzoru se určí dle vztahu:

$$L_{ekv} = \frac{r_4^2 - r_3^2}{\sqrt{r_4^2 + r_3^2 - 2 \cdot r_4^2 \cdot r_3^2 \cdot \cos(\alpha_{3LD} + \alpha_{4LD})}}$$
(3.96)

Pro poměr charakteristického rozměru a vstupní šířky difuzoru platí:

$$\frac{N}{w_1} = \frac{L_{ekv}}{\frac{D_{3,ekv}}{2}} \tag{3.97}$$

Charakteristický rozměr AR:

$$AR = \frac{S_{4,ek\nu}}{S_{3,ek\nu}} \tag{3.98}$$

Po vynesení hodnot do grafu na obrázku 3.9 je třeba zkontrolovat, zda bod o těchto souřadnicích leží pod křivkou *a*.

#### Určení úhlu rozšíření ekvivalentního difuzoru

Úhel rozšíření ekvivalentního difuzoru lze v grafu na obrázku 3.9 vyhledat, ale pro přesnější určení je možné použít vztah:

$$\omega = 2 \cdot \operatorname{arctg}\left(\frac{D_{4,ekv} - D_{3,ekv}}{2 \cdot L_{ekv}}\right)$$
(3.99)

Veličina	Zkratka	K1	K2	Jednotka	č.r
Ekvivalentní plocha vstup	S <sub>3,ekv</sub>	0,042	0,035	m <sup>2</sup>	3.89
Vstupní úhel lopatky	a <sub>3LD</sub>	21,08	20,96	0	3.90
Ekvivalentní plocha výstup	S4,ekv	0,084	0,070	m <sup>2</sup>	3.91
Výstupní úhel lopatky	α <sub>4LD</sub>	34,08	33,96	0	3.92
Výstupní úhel proudu	α4	32,08	31,96	0	3.93
Ekvivalentní vstupní průměr	D <sub>3,ek</sub>	0,42	0,038	m	3.94
Ekvivalentní výstupní průměr	D <sub>4,ekv</sub>	0,060	0,055	m	3.95
Ekvivalentní délka difuzoru	Lekv	0,242	0,226	m	3.96
Poměr N/w1	N/w <sub>1</sub>	11,59	11,68	-	3.97
Charakteristický rozměr AR	AR	2	2	-	3.98
Úhel rozšíření ekv. difuzoru	ω	4,2	4,2	0	3.99

Tabulka 3.19: Vypočtené hodnoty ekvivalentních difuzorů

## 3.5.4 Určení stavových veličin na výstupu z LD

Pro statickou teplotu na výstupu z LD platí následující rovnice:

$$T_4 = T_{4c} - \frac{c_4^2}{2 \cdot c_p}; T_{4c} = T_{2c}$$
(3.100)

Pro entalpii v bodě 4 platí:

$$i_4 = i_{4c} - \frac{c_4^2}{2}; i_{4c} = i_{2c}$$
 (3.101)

Pro tlaky platí:

$$p_{4_{iz}^*} = p_{4iz} = p_4 = p_3 \cdot \left(\frac{T_{4_{iz}^*}}{T_3}\right)^{\frac{\kappa}{\kappa-1}}$$
(3.102)

kde pro teplotu v bodě 4<sub>iz</sub>\* platí následující vztah:

$$T_{4_{iz}^*} = T_4 - \frac{a_{f^{3-4}}}{c_p} \tag{3.103}$$

kde veličina a<sub>f3-4</sub> je třecí práce v LD, daná vztahem [5, strana 300]<sup>10</sup>:

$$a_{f3-4} = \xi_{3-4} \cdot \left(\frac{c_3^2 - c_4^2}{2}\right) \tag{3.104}$$

Pro hustotu spalin na výstupu z LD platí ze stavové rovnice:

$$\rho_4 = \frac{p_4}{r \cdot T_4} \tag{3.105}$$

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup> Poměrná ztráta třením v lopatkovém difuzoru  $\xi_{3.4}$  je určena dle tabulky [5, strana 300], viz příloha 2, kde je třeba interpolovat hodnotu pro úhel rozšíření ekvivalentního difuzoru a hodnotu Machova čísla Ma<sub>3</sub>.

Pro tlak v bodě 4<sub>c</sub> platí:

$$p_{4c} = p_4 \cdot \left(\frac{T_{4c}}{T_4}\right)^{\frac{\kappa}{\kappa-1}}$$
(3.106)

Pro teplotu v bodě 4<sub>iz</sub> platí:

$$T_{4iz} = T_4 - \frac{a_{f3-4} + a_{f2-3} + z_{vst} + z_{1-2} + z_{vent}}{c_p}$$
(3.107)

#### Kontrola Machova čísla

$$Ma_4 = \frac{c_4}{\sqrt{\kappa \cdot r \cdot T_4}} \tag{3.108}$$

#### Kontrola odhadované výstupní rychlosti

Pro kontrolu odhadované a skutečné rychlosti na výstupu z LD je použita rovnice kontinuity, ze které je vyjádřena absolutní rychlost na výstupu <sup>11</sup>:

$$c_4 = \frac{\dot{m}_k}{\pi \cdot D_4 \cdot \rho_4 \cdot b_4 \cdot \sigma_{4L} \cdot \sin(\alpha_4)}$$
(3.109)

Veličina	Zkratka	K1	K2	Jednotka	č.r
Bod 4					
Teplota	<b>T</b> 4	426	425,8	K	3.100
Entalpie	i4	481983,9	481829,1	J/kg	3.101
Tlak	$p_4$	167170,9	166848,4	Ра	3.102
Hustota	ρ4	1,31	1,30	kg/m <sup>3</sup>	3.105
Chyba hustoty	ρ <sub>4er</sub>	0,08	0,13	%	3.33
Bod 4 <sub>iz</sub> *					
Teplota	${T_{4iz}}^*$	423,4	423,2	К	3.103
Třecí práce v LD	<b>a</b> f3-4	2938,7	2925,6	J/kg	3.104
Součinitel třecí práce LD	ξ3-4	0,13875	0,13875	-	-
Tlak	$p_{4iz}^*$	167170,9	166848,4	Ра	3.102
Bod 4 <sub>iz</sub>					
Teplota	T <sub>4iz</sub>	419,1	418,8	K	3.107
Tlak	p <sub>4iz</sub>	167170,9	166848,4	Pa	3.102

Tabulka 3.20: Vypočtené hodnoty stavových veličin na výstupu z LD

<sup>&</sup>lt;sup>11</sup> Ve výpočtu [8, strana 44-45] je chyba vypočtené a odhadované hodnoty na úrovni zhruba 3 %, což je bráno pro tuto práci jako maximální možná chyba, se kterou lze ještě ve výpočtu pokračovat bez změny parametrů. Kontrola chyby je prováděna dle vztahu 3.33.

Bod 4c					
Teplota	T <sub>4c</sub>	431,2	431	К	3.100
Entalpie	i <sub>4c</sub>	487900,6	487719,4	J/kg	3.101
Tlak	p <sub>4c</sub>	174914,7	174544,8	Pa	3.106
Machovo číslo	Ma <sub>4</sub>	0,26	0,26	-	3.108
Rychlost c4 skutečná	<b>C</b> 4	108,8	108,7	m/s	3.109
Chyba odhadovaného poměru	C4er	0,06	0,18	%	3.33

Tabulka 3.20: Vypočtené hodnoty stavových veličin na výstupu z LD (pokračování)

# 3.6 Spirální skříň

Spirální skříň je posledním konstrukčním prvkem v navrhovaném kompresoru. Je umístěna za LD (pokud LD není součástí kompresoru, lze ji umístit za BLD). Spirální skříň (krátce spirála) slouží k převedení proudu spalin do potrubí, které je na spirálu připojeno. Pro návrh spirální skříně je třeba určit výstupní rychlost spalin ze spirály  $c_5$ . Volená hodnota výstupní rychlosti  $c_5 = 50$  m/s platí pro oba kompresory.

# 3.6.1 Určení stavových veličin na výstupu ze spirální skříně

V této podkapitole je uveden výpočet stavových veličin na výstupu ze spirální skříně, které jsou potřebné pro určení rozměrů spirály.

Pro statickou teplotu na výstupu ze spirální skříně kompresoru platí:

$$T_5 = T_{5c} - \frac{c_5^2}{2}; T_{5c} = T_{2c}$$
 (3.110)

Pro entalpii v bodě 5 platí:

$$i_5 = i_{5c} - \frac{c_5^2}{2}; i_{5c} = i_{2c}$$
 (3.111)

Pro tlaky platí:

$$p_{5_{iz}^*} = p_{5iz} = p_5 = p_4 \cdot \left(\frac{T_{5_{iz}^*}}{T_4}\right)^{\frac{\kappa}{\kappa-1}}$$
(3.112)

kde pro teplotu v bodě 5<sub>iz</sub>\* platí:

$$T_{5_{iz}^*} = T_5 - \frac{a_{f4-5}}{c_p} \tag{3.113}$$

kde af4-5 je třecí práce ve spirální skříni daná vztahem [8]:

$$a_{f4-5} = \xi_{4-5} \cdot \frac{c_4^2}{2} \tag{3.114}$$

kde  $\xi_{4-5}$  je součinitel měrné třecí práce spirály o volené hodnotě  $\xi_{4-5} = 0,1$  pro oba kompresory.

Pro hustotu spalin na výstupu ze spirální skříně platí:

$$\rho_5 = \frac{p_5}{r \cdot T_5} \tag{3.115}$$

Pro teplotu v bodě 5<sub>iz</sub> platí:

$$T_{5iz} = T_5 - \frac{a_{f2-3} + a_{f3-4} + a_{f4-5} + z_{vst} + z_{1-2} + z_{vent}}{c_p}$$
(3.116)

Pro tlak v bodě 5<sub>c</sub> platí:

$$p_{5c} = p_5 \cdot \left(\frac{T_{5c}}{T_5}\right)^{\frac{\kappa}{\kappa-1}}$$
(3.117)

## Kontrola Machova čísla

$$Ma_5 = \frac{c_5}{\sqrt{\kappa \cdot r \cdot T_5}} \tag{3.118}$$

Tabulka 3.21: Vypočtené hodnoty stavových veličin na výstupu ze spirální skříně

Veličina	Zkratka	K1	K2	Jednotka	č.r
Bod 5					
Teplota	T <sub>5</sub>	430,1	429,9	K	3.110
Entalpie	i5	486650,6	486469,4	J/kg	3.111
Tlak	<b>p</b> 5	172476,9	172114,7	Pa	3.112
Hustota	ρ5	1,34	1,33	kg/m <sup>3</sup>	3.115
Bod 5 <sub>iz</sub> *					
Teplota	${T_{5iz}}^*$	429,6	429,4	K	3.113
Třecí práce ve spirále	a <sub>f</sub> 4-5	591,7	589	J/kg	3.114
Tlak	p <sub>5iz</sub> *	172476,9	172114,7	Pa	3.112
Bod 5 <sub>iz</sub>					
Teplota	T <sub>5iz</sub>	423,7	423,4	K	3.116
Tlak	p <sub>5iz</sub>	172476,9	172114,7	Pa	3.112
Bod 5 <sub>c</sub>					
Teplota	T <sub>5c</sub>	431,2	431	K	3.110
Entalpie	i <sub>5c</sub>	487900,6	487719,4	J/kg	3.111
Tlak	p <sub>5c</sub>	174126,8	173761,7	Pa	3.117
Machovo číslo	Ma <sub>5</sub>	0,12	0,12	_	3.118

# 3.6.2 Výpočet rozměrů spirální skříně

Spirální skříň je navrhnutá jako tangenciální s kruhovým průřezem. Pro výpočet základních rozměrů je vhodné spirálu rozdělit na několik částí, ve kterých se vypočítají příslušné hodnoty nutné pro výrobu skříně. Pro zjednodušený výpočet stačí spirálu rozdělit na relativně malý počet úseků, které jsou dané velikostí úhlu  $\theta$ , a v těchto uzlových bodech pak určit základní rozměry (pro podrobnější návrh spirální skříně je vhodné provádět výpočet ve větším počtu úseků), dalším zjednodušením je předpoklad konstantní hustoty spalin ve spirále. Kótování úhlu  $\theta$  je ve směru hodinových ručiček, jak lze sledovat na obrázku 3.11, na kterém jsou také uvedeny základní rozměry, které jsou dále vypočítány.



Obrázek 3.11: K návrhu spirální skříně kompresoru [vlastní]

## Plocha spirální skříně

Pro plochu spirální skříně v jednotlivých průřezech platí vztah:

$$S_{\theta} = S_{360^{\circ}} \cdot \frac{\theta}{360^{\circ}} \tag{3.119}$$

kde S<sub>360°</sub> je výstupní plocha spirály daná vztahem:

$$S_{360^{\circ}} = \frac{\dot{m}_k}{\rho_5 \cdot c_5} \tag{3.120}$$

Vypočtené hodnoty jsou uvedeny v tabulce 3.22.

Tabulka 3.22: Plochy spirální skříně pro uzlové úhly v mm<sup>2</sup>

θ [°]	60	120	180	240	300	360
K1	27169	54337	81506	108674	135843	163011
K2	22834	45668	68503	91337	114171	137005

# Hmotnostní průtoky

Pro hmotnostní průtok spalin spirální skříní v závislosti na úhlu platí:

$$\dot{m}_{\theta} = \dot{m}_k \cdot \frac{\theta}{360^{\circ}} \tag{3.121}$$

Vypočtené hodnoty jsou uvedeny v tabulce 3.23.

Tabulka 3.23: Hmotnostní průtoky spirální skříní pro uzlové úhly v kg/s

θ [°]	60	120	180	240	300	360
K1	1,81	3,63	5,44	7,26	9,08	10,9
K2	1,52	3,04	4,56	6,08	7,59	9,1

#### Průměr spirální skříně

Pro konstrukci je důležité znát průměr spirální skříně, který je v závislosti na úhlu dán vztahem:

$$D_{\theta} = \sqrt{\frac{4 \cdot S_{\theta}}{\pi}} \tag{3.122}$$

Vypočtené hodnoty jsou uvedeny v tabulce 3.24.

Tabulka 3.24: Průměry spirální skříně pro uzlové úhly v mm

θ [°]	60	120	180	240	300	360
K1	186	263	322	372	416	456
K2	171	241	295	341	381	418

#### Vzdálenost od osy kompresoru

Vzdálenost osy průřezu od osy kompresoru je dána z obrázku 3.11 vztahem:

$$x_{\theta} = \frac{D_{\theta}}{2} + \frac{D_4}{2} \tag{3.123}$$

Vypočtené hodnoty jsou uvedeny v tabulce 3.25.

Tabulka 3.25: Vzdálenosti osy průřezu od osy rotace pro uzlové úhly v mm

θ [°]	60	120	180	240	300	360
K1	594	633	662	687	709	729
K2	550	585	612	635	655	674

# 3.7 Určení skutečných parametrů kompresoru

Pro celkovou účinnost kompresoru platí:

$$\eta_{k,c,skut} = \frac{i_{5iz,c} - i_{0c}}{i_{5c} - i_{0c}} \tag{3.124}$$

Pro příkon kompresoru platí následující vztah:

$$P_k = \dot{m}_k \cdot (i_{5c} - i_{0c}) \tag{3.125}$$

Celkový skutečný tlakový poměr kompresoru je dán vztahem:

$$\pi_{k,c,skut} = \frac{p_{5c}}{p_{0c}}$$
(3.126)

# Tabulka 3.26: Vypočtené hodnoty skutečných parametrů kompresorů

Veličina	Zkratka	K1	K2	Jednotka	č.r
Celková účinnost	$\eta_{k,c,skut}$	0,863	0,865	-	3.124
Příkon kompresoru	P <sub>k</sub>	806,6	675,1	kW	3.125
Celkový tlakový poměr	$\pi_{k,c,skut}$	1,676	1,673	-	3.126

# 4 NÁVRH TURBÍNY

## 4.1 Teoretický úvod

Turbína v celku termodynamického tepelného čerpadla zaujímá důležitou roli, protože práce turbíny, převedená na hřídel, kterou je spojena s kompresorem, slouží k pohonu tohoto kompresoru. Úkolem turbíny je přeměna tlakové a kinetické energie spalin na mechanickou práci. Turbína je navrhnuta jako radiálně axiální jednostupňová, k popisu jednotlivých částí turbíny jsou uvedeny obrázky 4.1 a 4.2 (bez měřítka).



Obrázek 4.1: Podélný řez stupněm radiálně axiální turbíny [vlastní]



Obrázek 4.2: Příčný řez radiálně axiální turbínou [vlastní]

Spaliny, ochlazené ve výměníku tepla, vstupují do spirální skříně v tangenciálním směru a ve spirální skříni dochází ke stáčení spalin ke statoru do přibližně radiálního směru. Následuje stator turbíny mezi body 0-1, tvořený lopatkovým rozvaděčem mezi body 0-1' (v dalším textu je používána zkratka LR) a bezlopatkovým rozvaděčem mezi body 1'-1 (v dalším textu je používána zkratka BLR). Rozvaděče u turbín plní opačnou funkci, jako je tomu u BLD a LD v kompresoru, místo pojmu rozvaděč lze tedy použít termín konfuzor. Lopatkový rozvaděč je tvořen buďto přímými, či aerodynamickými prohnutými profily, a slouží k urychlení a usměrnění pracovní látky do oběžného kola turbíny. Lopatky v LR zkracují dráhu spalin, v případě použití natáčivých lopatek lze měnit výstupní úhel proudu spalin a lze tak měnit hmotnostní průtok spalin. V LR a BLR dochází k expanzi, část tlakové energie spalin se mění na energii kinetickou a roste rychlost spalin. Rotor turbíny je tvořen oběžným kolem s lopatkami, na obrázku úsek 1-2. V oběžném kole s lopatkami předávají spaliny energii do rotačního pohybu rotoru, kinetická a tlaková energie se tak mění na mechanickou práci.

K výpočtu stavových veličin v jednotlivých bodech, potřebných pro výpočet rychlostí, rozměrů a dalších veličin nutných pro návrh turbíny, je použit i-s diagram expanze, který lze sledovat na obrázku 4.3.



*Obrázek 4.3: i-s diagram průběhu reálné a izoentropické expanze* [vytvořeno dle 5, strana 226]

# 4.2 Oběžné kolo

Jako první je proveden návrh oběžného kola turbíny. V tabulce 4.1 jsou uvedeny hodnoty, použité pro další výpočty. Některé z těchto hodnot bylo třeba odhadnout dle uvedené literatury, případně zvolit po konzultaci se školitelem, a poté optimalizovat.

Tabulka 4.1: Zvolené hodnoty pro návrh turbíny

Veličina	Volená hodnota	
Stupeň reakce	- 07	
- dle optimalizace	$\rho_k = 0, 7$	
Poměr obvodové a izoentropické rychlosti		
- dle [5, strana 231] optimálně 0,7, určeno dle optimalizace	$u_1/c_{0iz} = 0, /1$	
Poměr průměrů oběžného kola	D/D 0555	
- obvyklý poměr D <sub>2</sub> /D <sub>1</sub> = 0,53-0,68 [5, strana 225]	$D_2/D_1 = 0,555$	
Počet lopatek oběžného kola	- 16	
- obvyklý počet lopatek $z_t = 10-18$ [5, strana 228]	$Z_t = 10$	
Průtokový součinitel	0.07	
-dle [5][6] a konzultace se školitelem	$\phi = 0.9 /$	
Tlakový součinitel	.1. 0.02	
-dle [5][6] a konzultace se školitelem	$\Psi = 0,93$	
Vstupní úhel absolutní rychlosti	04.0	
- $rozsah \alpha_1 = 14-25^{\circ} [6, strana 126]$	$\alpha_1 = 24$	
Výstupní úhel relativní rychlosti	0 10 0	
$- rozsah \beta_2 = 28-45 \circ [6, strana 126]$	$\beta_2 = 40^{\circ}$	
Otáčky turbíny	7000 : -1	
- dány otáčkami kompresoru 1	$n_t = 7800 \text{ min}^2$	
Tloušťka lopatky	t 0	
$-rozsah t_L = 1-5 mm$	$t_L = 2 mm$	
Rychlost spalin na vstupu do turbíny	50 /	
- dle optimalizace a dalšího výpočtu	$c_0 = 50 \text{ m/s}$	

# 4.2.1 Určení stavových veličin na vstupu do turbíny

Pro výpočet oběžného kola turbíny je třeba určit entalpický spád turbíny. Ještě před tím je ale uveden výpočet stavových veličin na vstupu do turbíny, nutných pro určení entalpického spádu.

Pro teplotu v bodě 0 platí z i-s diagramu a odhadnuté vstupní rychlosti vztah:

$$T_{0} = T_{0c} - \frac{c_{0}^{2}}{2 \cdot c_{p0}}$$

$$T_{0} = 367 K$$
(4.1)

kde teplota  $T_{0c}$  = 368,15 K je stejná jako na vstupu do kompresorů.

Pro entalpii v bodě 0 platí:

$$i_0 = i_{0c} - \frac{c_0^2}{2}$$

$$i_0 = 412483.3 J/kg$$
(4.2)

kde celková entalpie na vstupu do turbíny  $i_{0c} = 413733,3$  J/kg je stejná jako na vstupu do kompresorů.

Celkový tlak na vstupu do turbíny je dopočítán dle vztahu:

$$p_{0c} = p_{c,v \circ stup} \cdot (1 - \xi_{\Delta p})$$

$$p_{0c} = 165247 \ Pa$$
(4.3)

kde  $\xi_{\Delta p} = 0,05$  je tlaková ztráta, způsobená prouděním spalin ve výměníku a potrubní trase mezi kompresorem a turbínou a tlak  $p_{c,výstup}$  je pro zjednodušení brán jako prostý průměr tlaků na výstupu z obou kompresorů:

$$p_{c,výstup} = \frac{p_{5c}^{k1} + p_{5c}^{k2}}{2}$$
(4.4)

$$p_{c,vystup} = 173944,2 Pa$$

Pro tlak v bodě 0 platí:

$$p_0 = p_{0c} \cdot \left(\frac{T_0}{T_{0c}}\right)^{\frac{\kappa_0}{\kappa_0 - 1}}$$
(4.5)

$$p_0 = 163410,8 Pa$$

Pro hustotu v bodě 0 platí:

$$\rho_0 = \frac{p_0}{r \cdot T_0}$$

$$\rho_0 = 1,48 \ kg/m^3$$
(4.6)

#### 4.2.2 Určení entalpického spádu turbíny

Pro celkový spád h<sub>0</sub> platí:

$$h_0 = i_{0c} - i_{2iz}$$

$$h_0 = 54790.8 J/kg$$
(4.7)

kde entalpie v bodě 2<sub>iz</sub> se určí ze vztahu:

$$i_{2iz} = T_{2iz} \cdot c_{p2iz}$$
  
 $i_{2iz} = 358942,5 J/kg$ 
  
(4.8)

kde hodnota měrné tepelné kapacity  $c_{p2iz}$  je pro přesnější výpočet určena z rovnic 1.14-1.18 pro t =  $T_{2iz}$  a má hodnotu  $c_{p2iz}$  = 1113,5 kJ/kgK.

Pro izoentropickou teplotu na konci ideální expanze platí:

$$T_{2iz} = T_{0c} \cdot \left(\frac{p_{2iz}}{p_{0c}}\right)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}}$$

$$T_{2iz} = 322.3 K$$

$$(4.9)$$

kde tlak p<sub>2iz</sub> je stejný, jako tlak na vstupu do kompresoru p<sub>2iz</sub> = 101325 Pa a  $\kappa$  = 1,373 je pro přesnější výpočet určena z rovnice 1.27 pro střední teplotu mezi T<sub>0c</sub> a T<sub>2iz</sub>.

Izoentropický entalpický spád stupně  $\Delta i_{iz}$ <sup>st</sup> je dán vztahem:

$$\Delta i_{iz}^{st} = i_0 - i_{2iz}$$

$$\Delta i_{iz}^{st} = 53540.8 J/kg$$
(4.10)

#### 4.2.3 Výpočet rychlostí na vstupu do a výstupu z oběžného kola

Pro určení rozměrů oběžného kola turbíny je nutné znát rychlosti spalin na vstupu do a výstupu z rotoru. Obrázek 4.4 zobrazuje teoretické rychlostní trojúhelníky spalin vstupních (a) a výstupních (b) rychlostí. Skutečné rychlostní trojúhelníky jsou uvedeny v příloze 1.



Obrázek 4.4: Rychlostní trojúhelník na vstupu do (a) a výstupu z (b) oběžného kola turbíny

#### Vstupní rychlosti

Pro vstupní izoentropickou rychlost platí:

$$c_{0iz} = \sqrt{2 \cdot h_0}$$

$$c_{0iz} = 331 \, m/s$$

$$(4.11)$$

Pro obvodovou rychlost na vstupu do oběžného kola platí na základě zvoleného rychlostního poměru vztah:

$$u_{1} = c_{0iz} \cdot \frac{u_{1}}{c_{0iz}}$$

$$u_{1} = 235 \ m/s$$
(4.12)

Pro absolutní izoentropickou rychlost c<sub>1iz</sub> platí:

$$c_{1iz} = \sqrt{2 \cdot \left(\Delta i_{iz}^{st} \cdot (1 - \rho_k) + \frac{c_0^2}{2}\right)}$$
(4.13)

 $c_{1iz} = 186,1 m/s$ 

Mezi absolutní izoentropickou rychlostí c<sub>1iz</sub> a absolutní rychlostí na vstupu do kola c<sub>1</sub> platí vztah [6, strana 96]:

$$c_1 = c_{1iz} \cdot \varphi \tag{4.14}$$

$$c_1 = 180,5 \, m/s$$

Pro radiální složku absolutní rychlosti platí:

$$c_{1r} = c_1 \cdot \sin(\alpha_1)$$
  
 $c_{1r} = 73.4 \text{ m/s}$ 
(4.15)

Pro obvodovou složku absolutní rychlosti platí:

$$c_{1u} = c_1 \cdot \cos(\alpha_1)$$
  
 $c_{1u} = 164.9 \, m/s$ 
(4.16)

Pro relativní rychlost platí:

$$w_{1} = \sqrt{c_{1r}^{2} + \Delta w_{1u}^{2}}$$

$$w_{1} = 101,5 \ m/s$$
(4.17)

kde člen  $\Delta w_{1u}$  je dán vztahem:

$$\Delta w_{1u} = u_1 - c_{1u}$$

$$\Delta w_{1u} = 70,1 \ m/s$$
(4.18)

#### Výpočet průměrů oběžného kola

Pro vstupní průměr oběžného kola turbíny platí:

$$D_1 = \frac{60 \cdot u_1}{\pi \cdot n_t}$$

$$D_1 = 575 \ mm$$
(4.19)

Pro střední výstupní průměr oběžného kola turbíny platí vztah:

$$D_2 = D_1 \cdot \frac{D_2}{D_1} \tag{4.20}$$
$$D_2 = 319 \ mm$$

#### Výstupní rychlosti

Pro obvodovou rychlost na výstupu z rotoru platí:

$$u_{2} = \frac{\pi \cdot D_{2} \cdot n_{t}}{60}$$

$$u_{2} = 130.4 \text{ m/s}$$
(4.21)

Pro izoentropickou relativní rychlost na výstupu z rotoru platí:

$$w_{2iz} = \sqrt{2 \cdot \left(\Delta i_{iz}^{st} \cdot \rho_k + \frac{w_1^2}{2} + \frac{u_2^2}{2} - \frac{u_1^2}{2}\right)}$$
(4.22)

 $w_{2iz} = 216,9 m/s$ 

Relativní rychlost spalin na výstupu z oběžného kola turbíny je dána vztahem [6, strana 96]:

$$w_2 = w_{2iz} \cdot \psi$$
 (4.23)  
 $w_2 = 201,7 m/s$ 

Pro axiální složku relativní rychlosti platí z rychlostního trojúhelníku vztah:

$$w_{2a} = w_2 \cdot \sin(\beta_2)$$
  
 $w_{2a} = 129,7 \text{ m/s}$ 
(4.24)

Pro obvodovou složku relativní rychlosti platí z rychlostního trojúhelníku vztah:

$$w_{2u} = w_2 \cdot \cos(\beta_2)$$
  
 $w_{2u} = 154.5 m/s$ 
(4.25)

Absolutní rychlost spalin na výstupu z oběžného kola se určí z rovnice:

$$c_{2} = \sqrt{w_{2a}^{2} + (w_{2u} - u_{2})^{2}}$$

$$c_{2} = 131,9 \text{ m/s}$$
(4.26)

#### Určení úhlů rychlostí

Úhel relativní rychlosti na vstupu do oběžného kola turbíny:

$$\beta_1 = \arccos\left(\frac{c_{1r}}{w_1}\right)$$

$$\beta_1 = 43,69^{\circ}$$
(4.27)

Úhel absolutní rychlosti na výstupu z oběžného kola turbíny:

$$\alpha_2 = \arcsin\left(\frac{w_{2a}}{c_2}\right)$$

$$\alpha_2 = 79,48^{\circ}$$
(4.28)

#### 4.2.4 Určení stavových veličin na vstupu do oběžného kola

Pro další výpočty je třeba určit hodnoty stavových veličin na vstupu do oběžného kola. V dalších výpočtech je uvažována střední hodnota měrné tepelné kapacity  $c_p = 1118$  J/kgK a Poissonovy konstanty  $\kappa = 1,373$  dle vztahu 1.27 pro střední teplotu spalin v turbíně.

Pro entalpii v bodě 1<sub>iz</sub> platí:

$$i_{1iz} = i_{1c} - \frac{c_{1iz}^2}{2}; i_{1c} = i_{0c}$$

$$i_{1iz} = 396421 J/kg$$
(4.29)

Pro teplotu v bodě 1<sub>iz</sub> platí:

$$T_{1iz} = \frac{i_{1iz}}{c_p}$$
(4.30)  
$$T_{1iz} = 354,5 K$$

Pro tlak v bodě 1<sub>iz</sub> platí:

$$p_{1iz} = p_{0c} \cdot \left(\frac{T_{1iz}}{T_{0c}}\right)^{\frac{\kappa}{\kappa-1}}$$
(4.31)  

$$p_{1iz} = 143742,1 Pa$$
Pro entalpii v bodě 1 platí:  

$$i_1 = i_{1c} - \frac{c_1^2}{2}$$
(4.32)  

$$i_1 = 397444,2 J/kg$$
(4.32)  
Pro teplotu v bodě 1 platí:  

$$T_1 = \frac{i_1}{c_p}$$
(4.33)  

$$T_1 = 355,4 K$$
Pro tlak v bodě 1 platí rovnost:  

$$p_1 = p_{1iz} = 143742,1 Pa$$
(4.34)  
Pro hustotu v bodě 1 platí:  

$$p_1 = \frac{p_1}{r \cdot T_1}$$
(4.35)  

$$p_1 = 1,35 kg/m^3$$
Pro tlak v bodě 1\_c platí:  

$$p_{1c} = p_1 \cdot \left(\frac{T_{1c}}{T_1}\right)^{\frac{\kappa}{\kappa-1}}; T_{1c} = T_{0c}$$
(4.36)  

$$p_{1c} = 163688,3 Pa$$

Kontrola Machova čísla

$$Ma_{1} = \frac{c_{1}}{\sqrt{\kappa \cdot r \cdot T_{1}}}$$

$$Ma_{1} = 0.47$$

$$(4.37)$$

## 4.2.5 Určení ztrát

Pro výpočet stavových veličin na výstupu z oběžného kola turbíny je třeba určit ztráty, které vznikají při průtoku spalin turbínou.

Pro ztrátu ve statoru platí [6, strana 93]:

$$z^{S} = \frac{c_{1iz}^{2}}{2} \cdot (1 - \varphi^{2})$$

$$z^{S} = 1023.2 \, I/ka$$
(4.38)

Pro ztrátu v rotoru platí [6, strana 93]:

$$z^{R} = \frac{w_{2iz}^{2}}{2} \cdot (1 - \psi^{2})$$

$$z^{R} = 3177,7 J/kg$$
(4.39)

## 4.2.6 Určení stavových veličin na výstupu z oběžného kola

Pro entalpii v bodě 2 platí:

$$i_2 = i_{2iz} + z^S + z^R$$
  
 $i_2 = 363143,3 J/kg$  (4.40)

Pro statickou teplotu na výstupu z oběžného kola turbíny platí:

$$T_2 = T_{2iz} + \frac{z^S}{c_p} + \frac{z^R}{c_p}$$
(4.41)

$$T_2 = 326,1 K$$

Pro hustotu v bodě 2 platí:

$$\rho_2 = \frac{p_2}{r \cdot T_2}; p_2 = p_{2iz}$$
(4.42)

$$\rho_2 = 1,03 \ kg/m^3$$

Pro teplotu v bodě 2<sub>c</sub> platí:

$$T_{2c} = T_2 + \frac{c_2^2}{2 \cdot c_p} \tag{4.43}$$

$$T_{2c} = 333,9 K$$

Pro entalpii v bodě 2<sub>c</sub> platí:

$$i_{2c} = T_{2c} \cdot c_p$$
  
 $i_{2c} = 373402,4 J/kg$ 
  
(4.44)

Pro tlak v bodě 2c platí:

$$p_{2c} = p_2 \cdot \left(\frac{T_{2c}}{T_2}\right)^{\frac{\kappa}{\kappa-1}}$$

$$p_{2c} = 110494.4 Pa$$
(4.45)

Kontrola Machova čísla

$$Ma_{2w} = \frac{w_2}{\sqrt{\kappa \cdot r \cdot T_2}}$$

$$Ma_{2w} = 0.55$$
(4.46)

#### 4.2.7 Stanovení šířky lopatek oběžného kola

Pro šířku lopatek na vstupu do oběžného kola turbíny platí:

$$b_{1} = \frac{\dot{m}_{t}}{\pi \cdot D_{1} \cdot \sigma_{1L} \cdot c_{1r} \cdot \rho_{1}}$$

$$b_{1} = 114 \ mm$$

$$(4.47)$$

kde člen  $\sigma_{1L}$  je poměrná plocha lopatek a pro jeho výpočet platí vztah:

$$\sigma_{1L} = 1 - \frac{z_t \cdot t_L}{\pi \cdot D_1}$$

$$\sigma_{1L} = 0.982$$
(4.48)

Pro šířku lopatek na výstupu z oběžného kola turbíny platí:

$$b_2 = \frac{D_{2o} - D_{2i}}{2} = 181 \, mm \tag{4.49}$$

kde pro vnější výstupní průměr oběžného kola turbíny D<sub>20</sub> platí z rovnice kontinuity:

$$\dot{m}_t = \pi \cdot \frac{D_{2o}^2 - D_{2i}^2}{4} \cdot c_{2a} \cdot \rho_2 \tag{4.50}$$

následující vztah:

$$D_{2o} = \sqrt{\frac{4 \cdot \dot{m}_t}{\pi \cdot c_{2a} \cdot \rho_2} + D_{2i}^2}$$
(4.51)

 $D_{2o} = 445 \, mm$ 

Vnitřní výstupní průměr oběžného kola turbíny  $D_{2i}$  je třeba správně odhadnout a poté pro kontrolu je třeba vypočítat skutečnou hodnotu. Odhadovaná hodnota pro výpočet rovnice 4.51 je  $D_{2i} = 83$  mm. Z rovnice pro střední kvadratický průměr na výstupu z oběžného kola:

$$D_2 = \sqrt{\frac{D_{2i}^2 + D_{2o}^2}{2}} \tag{4.52}$$

platí pro vnitřní výstupní průměr oběžného kola turbíny vztah:

$$D_{2i} = \sqrt{2 \cdot D_2^2 - D_{2o}^2}$$

$$D_{2i} = 83 mm$$
(4.53)

Odhadnutá hodnota se shoduje s hodnotou vypočtenou.

## 4.3 Lopatkový a bezlopatkový rozvaděč

Pro šířku lopatkového a bezlopatkového rozvaděče platí dle obrázku 4.5 rovnost:

$$b_0 = b_1 = b_{1'} = 114 \, mm \tag{4.54}$$



Obrázek 4.5: Rozměry LR a BLR [vlastní]

Vnější průměr LR, tvořeného přímými lopatkami, lze vyjádřit ze vstupního průměru oběžného kola D<sub>1</sub>, kdy se doporučuje zvětšení průměru 1,3 krát, takže platí:

$$D_0 = D_1 \cdot 1,3 = 750 \ mm \tag{4.55}$$

Na začátku výpočtu byla odhadnuta rychlost  $c_0$  na vstupu do statoru turbíny. Pro kontrolu je nyní proveden výpočet této rychlosti z již vypočítaných hodnot:

$$c_0 = \frac{\dot{m_t}}{\pi \cdot D_0 \cdot \rho_0 \cdot b_0}$$

$$c_0 = 50 \ m/s$$
(4.56)

Hodnota, která byla odhadnuta na počátku výpočtu, se shoduje s hodnotou vypočtenou.

Vnější průměr BLR je zvolen:

$$D_{1'} = 650 \ mm \tag{4.57}$$

#### 4.4 Spirální skříň

Výpočet spirální skříně je stejný, jako tomu je u výpočtu spirály kompresoru. Pro výpočet je třeba odhadnout hodnotu rychlosti na vstupu do spirály, která je pro zjednodušení zvolena stejně jako rychlost na vstupu do statoru. Kótování úhlu  $\theta$  je proti směru pohybu hodinových ručiček, jak lze vidět na obrázku 4.6.



Obrázek 4.6: K výpočtu spirální skříně turbíny [vlastní]

#### Plocha spirální skříně

Pro plochu spirální skříně v jednotlivých průřezech platí vztah:

$$S_{\theta} = S_{0^{\circ}} \cdot \left(1 - \frac{\theta}{360^{\circ}}\right) \tag{4.58}$$

kde S<sub>0°</sub> je vstupní plocha spirály daná vztahem:

$$S_{0^{\circ}} = \frac{\dot{m}_{t}}{\rho_{0} \cdot c_{0}}$$

$$S_{0^{\circ}} = 270030 \ mm^{2}$$
(4.59)

Vypočtené hodnoty jsou uvedeny v tabulce 4.2.

Tabulka 4.2: Plochy spirální skříně pro uzlové úhly

θ [°]	0	60	120	180	240	300
$S_{\theta} [mm^2]$	270030	225024	180019	135015	90001	45005

### Hmotnostní průtoky

Pro hmotnostní průtok spalin spirální skříní v závislosti na úhlu platí:

$$\dot{m}_{\theta} = \dot{m}_t \cdot \left( 1 - \frac{\theta}{360^{\circ}} \right) \tag{4.60}$$

Vypočtené hodnoty jsou uvedeny v tabulce 4.3.

Tabulka 4.3: Hmotnostní průtoky spirální skříní pro uzlové úhly

θ[°]	0	60	120	180	240	300
ṁθ [kg/s]	20	16,67	13,33	10	6,67	3,33

#### Průměr spirální skříně

Pro průměr spirální skříně v závislosti na úhlu platí:

$$D_{\theta} = \sqrt{\frac{4 \cdot S_{\theta}}{\pi}} \tag{4.61}$$

Vypočtené hodnoty jsou uvedeny v tabulce 4.4.

Tabulka 4.4: Průměry spirální skříně pro uzlové úhly

θ [°]	0	60	120	180	240	300
$D_{\theta}$ [mm]	586	535	479	415	339	239

## Vzdálenost od osy rotace

Vzdálenost osy průřezu od osy turbíny je dána vztahem:

$$x_{\theta} = \frac{D_{\theta}}{2} + \frac{D_{0}}{2}$$
(4.62)

Vypočtené hodnoty jsou uvedeny v tabulce 4.5.

Tabulka 4.5: Vzdálenosti osy průřezu od osy rotace pro uzlové úhly

θ [°]	0	60	120	180	240	300
x <sub>θ</sub> [mm]	667	642	613	581	543	494

# 4.5 Určení skutečných parametrů turbíny

Pro celkovou účinnost turbíny platí:

$$\eta_{t,iz,c} = \frac{i_{0c} - i_{2c}}{i_{0c} - i_{2izc}}$$

$$\eta_{t,iz,c} = 0.87$$
(4.63)

Pro výkon turbíny platí vztah:

$$P_t = \dot{m}_t \cdot (i_{0c} - i_{2c}) = 806,6 \ kW \tag{4.64}$$

Výkon turbíny je dostatečný pro pohon kompresoru 1, hmotnostní průtok spalin kompresorem 1 tak byl dopočten doplňkem Solver vhodně.

# 5 VOLBA ELEKTROMOTORU A NÁVRH PŘEVODOVKY

Obtokový kompresor, značený jako kompresor 2, je poháněn elektromotorem. Vzhledem k tomu, že otáčky kompresoru neodpovídají standartním otáčkám elektromotorů, je třeba použít pro přenos kroutícího momentu z hřídele elektromotoru na hřídel kompresoru převodovku, která je navrhnuta v této kapitole. Ke kompresoru je na společné hřídeli uložen pastorek, hřídel s kolem je pak spojena spojkou s elektromotorem. Přenos momentu mezi hřídelí a kolem, respektive pastorkem a hřídelí, je zajištěn těsnými pery.

Existuje několik druhů převodovek podle převodového mechanismu (ozubená kola: s kuželovým, šnekovým, šípovým či čelním soukolím; s řetězovým převodem; speciální převodovky a další). Převodovka, navržená v této práci, je s čelním soukolím se šikmými zuby. Výhodou tohoto ozubení je pozvolný záběr a rovnoměrnější zatížení zubů, tišší chod při vyšších otáčkách v porovnání s přímými zuby a oproti přímým zubům lze přenášet větší výkony. Nevýhodou je pak vznik axiálních sil, které je třeba zachytávat v axiálních ložiscích.

# 5.1 Výběr elektromotoru

Pro pohon obtokového kompresoru je zvolen elektromotor od firmy Siemens. Jedná se o asynchronní vysokonapěťový motor se dvěma póly, typ ARN 560W-4. Základní parametry tohoto motoru, potřebné pro další výpočty, jsou uvedeny v tabulce 5.1. Hlavním parametrem pro výběr elektromotoru je výkon, který musí pokrýt příkon obtokového kompresoru s částečnou rezervou.

Veličina	Hodnota
Výkon	$P_m = 800 \text{ kW}$
Otáčky bez skluzu	$n_{\rm m}=1500~{\rm min}^{-1}$

Tabulka 5.1: Základní vlastnosti elektromotoru ARN 560W-4 [10]

# 5.2 Návrh převodovky

Pro výpočet převodovky je třeba zvolit některé parametry. Zvolené hodnoty jsou uspořádány v tabulce 5.2. Výpočet převodovky tak, jak je uvedený v této práci, je poměrně zjednodušený, avšak pro potřeby práce dostačující, a vychází ze skutečností uvedených v [11].

Tabulka 5.2: Zvolené hodnoty pro výpočet převodovky [11]

Veličina	Hodnota
Normálový modul	$m_n = 8 mm$
Úhel záběru v normálném řezu	$\alpha_n = 20^{\circ}$
Šířka ozubení	$b_{01} = 100 \text{ mm}$
Počet zubů pastorku	z <sub>1</sub> = 25
Průměr čepu pastorku	$D_1 = 100 \text{ mm}$
Průměr čepu kola	$D_0 = 220 \text{ mm}$
Osová délka ložiska pastorku	$a_{11} = 75 \text{ mm}$
Osová délka ložiska kola	$a_{10} = 100 \text{ mm}$
Mechanická účinnost převodovky	$\eta_{\rm m} = 0.96$

# 5.2.1 Výpočet základních parametrů převodovky

Pro převodový poměr platí:

$$i = \frac{n_{k2}}{n_m} \tag{5.1}$$
$$i = 5.6$$

Počet zubů kola se dopočítá dle vztahu:

$$z_0 = z_1 \cdot i \tag{5.2}$$
$$z_0 = 140$$

Pro úhel sklonu zubu platí:

$$\beta_z = \arcsin\left(\frac{\pi \cdot m_n}{b_{01}}\right)$$

$$\beta_z = 14,56^{\circ}$$
(5.3)

Tečný modul se určí dle vztahu:

$$m_t = \frac{m_n}{\cos\left(\beta_z\right)} \tag{5.4}$$

$$m_t = 8,3 mm$$

Pro normálnou rozteč platí:

$$p_n = \pi \cdot m_n \tag{5.5}$$

 $p_n = 25,1 mm$ 

Pro čelní rozteč se vychází z tečného modulu a platí:

$$p_t = \pi \cdot m_t \tag{5.6}$$

$$p_t = 26 mm$$

Pro čelní úhel záběru platí vztah:

$$\alpha_{t} = \operatorname{arctg}\left(\frac{tg(\alpha_{n})}{\cos(\beta_{z})}\right)$$

$$\alpha_{t} = 20,61^{\circ}$$
(5.7)

## 5.2.2 Určení rozměrů charakteristických kružnic ozubení

Obrázek 5.1 zobrazuje výkres čelního ozubení s vyznačením jednotlivých základních rozměrů, které jsou v této kapitole vypočítány.



*Obrázek 5.1: Výkres čelního soukolí s vyznačením základních rozměrů [vlastní]* **Roztečné kružnice** 

Pro průměr roztečné kružnice pastorku platí:

$$D_{ro1} = z_1 \cdot m_t \tag{5.8}$$
$$D_{ro1} = 207 \ mm$$

Pro průměr roztečné kružnice kola platí:

$$D_{ro0} = z_0 \cdot m_t \tag{5.9}$$
$$D_{ro0} = 1157 \ mm$$

## Hlavové kružnice

Pro průměr hlavové kružnice pastorku platí:

$$D_{a1} = D_{ro1} + 2 \cdot m_n$$
  
 $D_{a1} = 223 \ mm$ 
(5.10)
Pro průměr hlavové kružnice kola platí:

$$D_{a0} = D_{ro0} + 2 \cdot m_n$$
  
 $D_{a0} = 1173 \ mm$ 
(5.11)

#### Patní kružnice

Pro průměr patní kružnice pastorku platí:

$$D_{f1} = D_{ro1} - 2.5 \cdot m_n$$
  
 $D_{f1} = 187 mm$ 
(5.12)

Pro průměr patní kružnice kola platí:

$$D_{f0} = D_{ro0} - 2.5 \cdot m_n$$
  
 $D_{f0} = 1137 \ mm$ 
(5.13)

#### Roztečná osová vzdálenost

Vzdálenost mezi osou kola a osou pastorku se určí dle vztahu:

$$a_{01} = \frac{D_{ro0} + D_{ro1}}{2}$$

$$a_{01} = 682 mm$$
(5.14)

#### 5.2.3 Síly v ozubení a ložiscích, kontrola napětí a obvodových rychlostí

Zuby pastorku a kola, které jsou v kontaktu, na sebe vzájemně silově působí. Jak již bylo psáno dříve, v ozubení vznikají axiální síly, které zatěžují ložiska pastorku a kola. Výpočet těchto a dalších sil je obsahem této kapitoly. Na obrázku 5.2 níže je zobrazen rozklad sil, působících v ozubení.



Obrázek 5.2: Rozklad sil působících v ozubení [11]

#### Síly v zubech

Pro celkovou

Pro tečnou sílu v ozubení platí vztah:

$$F_t = \frac{P_{p\check{r}}}{u_{01}} = 7737,8 \, N \tag{5.15}$$

kde obvodová rychlost v ozubení u<sub>01</sub> se vypočte dle vztahu 5.26 a přenášený výkon je dán příkonem kompresoru 2 a účinností ozubení dle vztahu:

$$P_{p\bar{r}} = \frac{P_{k2}}{\eta_m}$$
(5.16)  

$$P_{p\bar{r}} = 703,2 \, kW$$
Pro axiální sílu v ozubení platí:  

$$F_a = F_t \cdot tg(\beta_z)$$
(5.17)  

$$F_a = 2009,2 \, N$$
Pro radiální sílu v ozubení platí:  

$$F_r = F_t \cdot tg(\alpha_t)$$
(5.18)  

$$F_r = 2909,8 \, N$$
Pro celkovou sílu v ozubení platí:  

$$F_n = \frac{F_t}{\cos(\alpha_t) \cdot \cos(\beta_z)}$$
(5.19)  

$$F_n = 8540,9 \, N$$

#### Reakční síly v ložiscích

Pro tečnou složku platí:

$$F_{t,re} = \frac{F_t}{2} \tag{5.20}$$

$$F_{t,re} = 3868,9 N$$

Pro radiální složku platí:

$$F_{r,re} = \frac{F_r}{2}$$
(5.21)
 $F_{r,re} = 1454.9 N$ 

Axiální síla v zubech je celá zachycena ložisky, proto platí rovnost:

$$F_{a,re} = F_a = 2009,2 \, N \tag{5.22}$$

Celková reakční složka v ložisku je pak dána vztahem:

$$F_{re} = \sqrt{F_{t,re}^{2} + F_{r,re}^{2}}$$

$$F_{re} = 4133,4 N$$
(5.23)

#### Tlaky v ložiscích

Tlak, působící na ložisko pastorku, je dán vztahem:

$$p_{1} = \frac{F_{re}}{D_{1} \cdot a_{l1}}$$

$$p_{1} = 0,55 MPa$$
(5.24)

Tlak, působící na ložisko kola, je dán vztahem:

$$p_{0} = \frac{F_{re}}{D_{0} \cdot a_{l0}}$$

$$p_{0} = 0,19 MPa$$
(5.25)

#### Kontrola obvodových rychlostí.

Pro obvodovou rychlost v ozubení platí:

$$u_{01} = \frac{\pi \cdot D_{ro1} \cdot n_{k2}}{60} = 90.9 \, m/s \tag{5.26}$$

Pro obvodovou rychlost čepu pastorku platí:

$$u_1 = \frac{\pi \cdot D_1 \cdot n_{k2}}{60} = 44 \, m/s \tag{5.27}$$

Pro obvodovou rychlost čepu kola platí:

$$u_0 = \frac{\pi \cdot D_0 \cdot n_m}{60} = 17,3 \ m/s \tag{5.28}$$

Obecná charakteristika převodovky na obrázku 5.3 odpovídá maximálnímu tlaku v ložisku 2 MPa, maximální obvodové rychlosti v ozubení 120 m/s, maximální obvodové rychlosti čepu 80 m/s a poměru délky ložiska ku průměru ložiska l/D = 1. S ohledem na nízký přenášený výkon a relativně nízké otáčky lze volit nižší hodnotu poměru l/D (v případě snížení tohoto poměru by se charakteristika posunula vlevo). Důležité je, aby pracovní bod, daný otáčkami a přenášeným výkonem, ležel vlevo od obecné charakteristiky.



Obrázek 5.3: Obecná charakteristika převodovky [vytvořeno dle 9]

#### Kontrola napětí

Ozubená kola jsou namáhána především na ohyb, kdy je potřeba kontrolovat, zda ohybové napětí v patě zubu nepřekračuje hodnotu meze kluzu zvoleného materiálu. Před volbou materiálu je tedy nejdříve uveden výpočet napětí v ohybu v patě zubu, pro které platí dle [11] Lewisova rovnice:

$$\sigma_F = \frac{F_t}{\frac{s_{01}^2 \cdot b_{01}}{6 \cdot h_{01}}}$$
(5.29)

$$\sigma_F = 49,6 MPa$$

kde s<sub>01</sub> je tloušťka zubu daná vztahem:

$$s_{01} = \frac{p_t}{2}$$
(5.30)

$$s_{01} = 13 mm$$

a h<sub>01</sub> je výška zubu daná vztahem:

$$h_{01} = 2,25 \cdot m_n \tag{5.31}$$

$$h_{01} = 18 \, mm$$

Podle hodnoty ohybového napětí v patě zubu je nyní třeba vybrat materiál ozubení. Obecně se používají na výrobu ozubených kol o nízkých přenášených výkonech oceli třídy 11 a 12. V případech ozubení se volí bezpečnost k = 3. Zvolený materiál by měl tedy splňovat skutečnost, že maximální dovolené napětí je vyšší než vypočtené, zároveň však by neměl být z důvodu ekonomického předimenzován (materiály o vyšší mezi kluzu jsou zpravidla kvalitnější a tím pádem dražší). S ohledem na tyto skutečnosti je volen materiál 11 375, který má minimální mez kluzu R<sub>e</sub> = 196 MPa. Maximální dovolené napětí je pak:

$$\sigma_{D,max} = \frac{R_e}{k}$$

$$\sigma_{D,max} = 65,3 MPa$$
(5.32)

Tato hodnota splňuje podmínku  $\sigma_{D,max} > \sigma_F$  s částečnou rezervou, a současně se jedná o dostupný materiál, který má vhodné vlastnosti pro výrobu ozubených kol.

#### 5.2.4 Kontrola per

Pera, která slouží k přenosu kroutícího momentu z hřídele na kolo, respektive z pastorku na hřídel, jsou namáhána na střih a na otlačení. Kontrolní výpočet těchto parametrů vychází jednak z přenášeného výkonu, jednak z rozměrů per, které jsou normalizovány <sup>12</sup>. V tabulce 5.3 níže jsou uvedeny základní rozměry per. Značení jednotlivých rozměrů odpovídá obrázku 5.4.

Tabulka 5.3: Rozměrv per []	2	2	2	2	)	)	)	,															1	1		1																,	)	)	)	)	)	)	)	)	2	2				2	2	2	2	2	2	2	2	2	2		2	2	2	2			2		2	<u>_</u>						'	l	l	į				•			I	I	1	1				•	2	ł	Ì	i		,	2	6	6	1	,	)	)	Ċ	ľ	Ì				,	i	۱	,	•	r	1	1	5	è	é	6	(	1	ļ	ļ	l	ı	ı	1	1	1	1	1	1	1	1	ı
-----------------------------	---	---	---	---	---	---	---	---	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	---	---	--	---	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	--	--	--	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	--	---	---	---	---	--	--	---	--	---	----------	--	--	--	--	--	---	---	---	---	--	--	--	---	--	--	---	---	---	---	--	--	--	---	---	---	---	---	--	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	--	--	--	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Rozměry [mm]	Délka l <sub>p</sub>	Šířka b <sub>p</sub>	Výška h <sub>p</sub>	Výška drážky v náboji t1
Pero pastorku	80	28	16	6,1
Pero kola	80	50	28	11



Obrázek 5.4: Rozměry těsného pera [vlastní]

Pro obě pera je samozřejmě výpočet stejný a pro interpretaci výsledků tak je použito stejného přístupu, jako u výpočtu kompresorů. V dalším textu jsou uvedeny rovnice pro výpočet jednotlivých veličin a tabulka 5.4 pak shrnuje výsledky.

#### Kontrola pera na střih

Pro napětí ve střihu musí platit:

$$\tau_s = \frac{F}{b_p \cdot l_p} \le \tau_{s,max} \tag{5.33}$$

kde síla F působící na pero je dána vztahem:

$$F = \frac{M_k}{\frac{D}{2}} = \frac{P_{p\check{r}} \cdot 60}{n \cdot \pi \cdot D}$$
(5.34)

<sup>&</sup>lt;sup>12</sup> Ve strojních tabulkách jsou uvedeny šířky a výšky per spolu s rozměry drážek v náboji a v hřídeli. Délka pera se volí právě na základě kontrolních výpočtů tak, aby hodnoty napětí byly menší než maximální dovolené.

kde za D se dosazuje průměr čepu pastorku, respektive kola a za otáčky n se u kola dosazují otáčky elektromotoru a u pastorku otáčky kompresoru (jednotka otáčky/min). Maximální dovolené napětí ve střihu se dá přibližně vyjádřit jako:

$$\tau_{s,max} \approx 0.6 \cdot R_e \tag{5.35}$$

kde hodnota meze kluzu je dána materiálem. Pro zvolený materiál 11 375 je  $R_e = 196$  MPa.

#### Kontrola pera na otlačení

Pro kontrolu pera na otlačení musí platit:

$$p_o = \frac{F}{t_1 \cdot l_p} \le p_{o,max} \tag{5.36}$$

kde síla F je dána rovnicí 5.34. Maximální dovolená hodnota tlaku na pero je určena na základě konzultace pro daný materiál  $p_{o,max} = 90$  MPa.

Veličina	Zkratka	Kolo	Pastorek	Jednotka	č.r
Napětí ve střihu	$\tau_{\rm s}$	13,6	7,1	MPa	5.33
Působící síla	F	40699	15988,8	N	5.34
Maximální napětí ve střihu	$\tau_{s,max}$	117,6	117,6	MPa	5.35
Tlak na otlačení pera	po	61,7	32,8	MPa	5.36

Jak lze sledovat v tabulce 5.4, hodnoty vypočtených napětí ve střihu a tlaků na otlačení per jsou menší než maximální dovolené, délka těsných per pro přenos kroutících momentů tak byla zvolena vhodně.

## 6 ZHODNOCENÍ NAVRŽENÉHO TEPELNÉHO ČERPADLA

#### 6.1 Ekonomické zhodnocení

Tato kapitola je věnována ekonomickému zhodnocení instalace tepelného čerpadla. <sup>13</sup> V případě jakékoli investice je pro investora důležité vědět, zda a kdy se mu investice vrátí, jaké si může dovolit investiční náklady a v neposlední řadě musí počítat s určitými jevy, kterých se nejde vyvarovat (náklady na údržbu, náklady na opravy a další).

Pro výpočet investičních nákladů je třeba vhodně určit některé parametry. V první řadě je důležité odhadnout dobu návratnosti investice. Ta se pohybuje v případě tepelných čerpadel zhruba mezi 6-8 lety, pokud je čerpadlo v provozu větší část roku, lze uvažovat návratnost investice již za 5 let. Pro jednoduchost výpočtu je uvažována doba návratnosti 6 let při uvažování 5000 provozních hodin čerpadla za rok, jedná se o hodnoty doporučené školitelem. Dále je pro výpočet investičních nákladů důležité znát ceny tepelné a elektrické energie.

#### 6.1.1 Určení chladícího faktoru a výkonu výměníku tepla

Pro chladící faktor tepelného čerpadla (COP<sub>c</sub>, anglicky coefficient of performace cooling) platí následující rovnice:

$$COP_{c} = \frac{P_{v}}{P_{p\check{r}}}$$

$$COP_{c} = 2,11$$
(6.1)

kde Pv je výkon výměníku tepla, daný vztahem:

$$P_{\nu} = P_{k1} + P_{k2}$$
  
 $P_{\nu} = 1481.7 \ kW$ 
(6.2)

a  $P_{p\check{r}}$  je potřebný výkon elektromotoru, který je dán výkonem přenášeným převodovkou dle vztahu 5.16.

#### 6.1.2 Cena tepelné energie

Výpočet návratnosti investice je pro názornost prováděn pro teplárny v Brně. Na internetových stránkách brněnských tepláren je uvedena prodejní cena tepla v Brně z roku 2019, která má hodnotu 552 Kč/GJ (jedná se o hodnotu bez DPH, tak jako u dalších cen, uvedených v následujícím textu). Tato cena je neměnná od roku 2017, kdy došlo k jejímu poklesu o 5 % oproti roku 2016. [13] Pro další výpočty je tato hodnota přepočtena na Kč/kWh:

$$N_{t} = \frac{N_{t(K\check{c}/GJ)}}{\frac{1}{3600 \cdot 10^{-6}}}$$

$$N_{t} = 1,99 \, K\check{c}/kWh$$
(6.3)

<sup>&</sup>lt;sup>13</sup> V cílech diplomové práce ekonomické zhodnocení tepelného čerpadla není požadováno, ale s ohledem na samotný důvod instalace tepelného čerpadla je vhodné toto zhodnocení, byť na základní úrovni, uvést.

#### 6.1.3 Cena elektrické energie

Tabulka 6.1 zobrazuje cenu silové elektřiny dodavatele E.ON v jednotlivých měsících roku 2019, a to vždy pro první kalendářní den daného měsíce.

Období [měsíc]	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Cena	1,5	1,52	1,52	1,52	1,52	1,52	1,53	1,53	1,53	1,53	1,53	1,54
[Kč/kWh]												

Tabulka 6.1: Ceny silové elektřiny v jednotlivých měsících roku 2019 [14]

Cena silové elektřiny v průběhu roku 2019 rostla poměrně stabilním tempem. Zajímavé je však porovnání s cenami elektřiny z roku 2018, které jsou uvedeny v tabulce 6.2.

14041144 0.2.	Ceny			y v jeu	ionivy	ch mes		<i>ma</i> 201				
Období	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
[měsíc]												
Cena	1,16	1,16	1,17	1,17	1,17	1,17	1,19	1,19	1,22	1,22	1,22	1,23
[Kč/kWh]												

Tabulka 6.2: Ceny silové elektřiny v jednotlivých měsících roku 2018 [14]

Při porovnání dat z tabulek 6.1 a 6.2 lze sledovat značné rozdíly v cenách elektrických energií. Tyto rozdíly jsou v případě uvažování investice do podobného zařízení zásadním faktorem, neboť se zvyšující se cenou elektřiny rostou náklady na provoz zařízení a zároveň se prodlužuje doba návratnosti investice. Pro investiční záměr by bylo potřeba podrobněji analyzovat predikce vývoje cen elektrické energie. Pro zjednodušení dalších výpočtů je nicméně uvažováno, že v budoucích letech nebude docházet k podobným výkyvům cen elektrické energie, jako tomu bylo na přelomu let 2018/2019, a že průměrná cena elektřiny bude odpovídat průměrné ceně z roku 2019, pro kterou platí:

$$N_{e} = \frac{\sum_{1.1.2019}^{1.12.2019} cena \ elekt\check{r}iny}{12}$$

$$N_{e} = 1,52 \ K\check{c}/kWh$$
(6.4)

#### 6.1.4 Určení investičních nákladů na provoz tepelného čerpadla

Pro prostou návratnost platí vztah:

$$n = \frac{N_i}{Z_c} \tag{6.5}$$

kde N<sub>i</sub> jsou investiční náklady a Z<sub>c</sub> je roční čistý zisk z investice.

Pro roční čistý zisk platí vztah:

$$Z_{c} = N_{t} \cdot t_{pr} \cdot P_{v} - N_{e} \cdot t_{pr} \cdot P_{p\check{r}} - N_{ost} \cdot t_{pr} \cdot P_{v}$$

$$Z_{c} = 8\ 624\ 024\ K\check{c}/rok$$
(6.6)

kde provozní doba  $t_{pr} = 5000$  hodin/rok. První člen je hrubý zisk (zisk z prodeje tepla) bez uvažování nákladů na pohon elektromotoru (člen druhý) a bez ostatních nákladů, které jsou spojeny s údržbou a provozem tepelného čerpadla (člen třetí). Hodnota ostatních nákladů N<sub>ost</sub> je dle doporučení volena 0,1 Kč/kWh.

Investiční náklady jsou při uvažování doby návratnosti n = 6 let dány vztahem:

$$N_i = Z_c \cdot n$$
  
 $N_i = 51\ 744\ 146\ Kč$ 
(6.7)

což v přepočtu na tepelný výkon navrhovaného čerpadla (výkon výměníku) dává hodnotu:

$$N_{i,kWh} = \frac{N_i}{P_v} \tag{6.8}$$

$$N_{i,kWh} = 34922,3 \ K \check{c}/kWh$$

Grafické znázornění výše vypočtených hodnot je uvedeno na obrázku 6.1. Jedná se o kumulativní hodnoty nákladů a zisků v průběhu úvodních 6 let provozu, během této doby je očekáváno navrácení investice.



Obrázek 6.1: Náklady na provoz a zisk z provozu tepelného čerpadla

Červená úsečka znázorňuje náklady na elektřinu pro pohon elektromotoru, žlutá pak ostatní náklady. Modrou úsečkou je znázorněn hrubý zisk (člen první z rovnice 6.6). Fialová úsečka je dána součtem zisků a nákladů a vyjadřuje čistý zisk v průběhu prvních 6 let provozu navrhovaného čerpadla. Zelená úsečka pak odpovídá čistému zisku při uvažování počáteční investice a protíná nulovou hodnotu na ose y v čase 6 let, což odpovídá navrhované návratnosti.

Výpočet investičních nákladů je zjednodušený a platí pro předpoklad neměnných cen tepelné a elektrické energie, což v případě především cen elektrické energie představuje odchylku od skutečnosti, nicméně přesné prognózy vývoje cen elektřiny nejsou známy, což je hlavní důvod pro toto zjednodušení. U podobných zařízení je dále možné žádat o dotace v rámci zelených bonusů, které ve výpočtu nejsou zahrnuty, a které by částečně kompenzovaly náklady na provoz čerpadla. Uvažování ceny silové elektřiny platí pro předpoklad, že by teplárna, která by podobné zařízení využívala, měla vlastní zdroj elektrické energie a tuto energii by používala na pohon elektromotoru. Teplárny v Brně, například provozy Špitálka nebo Červený mlýn, mimo tepelnou energii vyrábí a prodávají také elektrickou energii, a to právě za cenu elektřiny silové. V takovém případě je instalace tepelného čerpadla výhodná, jelikož teplárna výhodněji prodá teplo než elektřinu, jak lze pozorovat při porovnání modré a červené úsečky v grafu na obrázku 6.1. V případě, že by teplárna neměla vlastní zdroj elektrické energie, nebo by nebyl dostatečný na pohon elektromotoru, musela by elektrickou energii nakupovat, ovšem již za cenu mnohem vyšší, jelikož k ceně silové elektrické energie by se přičetla cena za distribuci elektřiny a další poplatky, což by znatelně zvyšovalo náklady na provoz zařízení.

#### 6.2 Porovnání s alternativní variantou

Podobná práce byla již dříve na Energetickém ústavu Fakulty strojního inženýrství řešena. Jedná se o práci [15], která se zabývá stejnou problematikou, ale je řešena odlišným způsobem. Ve zmiňované práci je celé termodynamické tepelné čerpadlo řešeno jako celek, to znamená, že jak kompresor, tak turbína, tak převodovka, jsou na jednom společném rámu, narozdíl od řešení, uvedeného v této práci.<sup>14</sup>

Řešení dle [15] se na první pohled jeví jako přijatelnější varianta, a to z několika důvodů. Jednak se jedná o rozměry tepelného čerpadla. V případě práce [15], kdy jsou jak turbína, tak kompresor, umístěny na společném rámu, odpadá místo ve strojovně pro usazení kompandéru. Další výhoda plyne z počtu kompresorů, kdy v případě práce [15] čerpadlo obsahuje pouze jeden. Více kompresorů zvyšuje jednak náklady na výrobu, dále pak se jedná o systém, ve kterém může docházet k určitým chybám (poruchy těsnění, poruchy lopatek a další), které by mohly zvyšovat náklady na opravy a zvyšují náklady na údržbu. V neposlední řadě je pak také vhodné zdůraznit, že z obou kompresorů by spaliny do výměníku musely proudit samostatným potrubím (v potrubí by samozřejmě docházelo ke ztrátám), které by se buďto spojovalo před tepelným výměníkem, nebo by výměník musel obsahovat dva vstupy spalin, které mají lehce odlišné teploty, což by mohlo vést k nepřesnostem při návrhu výměníku.

Předložená varianta má také určité výhody. Rozdělení hmotnostního toku spalin mezi dva kompresory zmenšuje rozměry průtočných částí jednotlivých kompresorů, v případě použití varianty dle [15] by byly rozměry kompresoru znatelně větší, což by se projevilo na ceně. Určitá výhoda plyne také z rozdělení jednoho složitějšího a rozměrnějšího zařízení na dvě relativně menší, a to z hlediska oprav jednotlivých komponent, kdy v případě poruchy některé z komponent jednoho soustrojí není nutné rozebírat soustrojí druhé.

<sup>&</sup>lt;sup>14</sup> Samotný princip výpočtu je u obou prací (s ohledem na obdobnou problematiku) podobný. Práce [15] obsahuje mimo konstrukčního řešení také odlišnosti v zadaných parametrech spalin na vstupu do kompresoru a turbíny. Tyto rozdíly ovšem nejsou předmětem kapitoly 6.2, která je zaměřena spíše na posouzení právě z hlediska konstrukčního a ekonomického. Je vhodné zdůraznit, že obě práce byly zadány firmou Siemens, a v případě této práce se jedná pravděpodobně o porovnání obou variant (jedná se o požadavek školitele práce).

## 7 KONSTRUKČNÍ ŘEŠENÍ

#### 7.1 Kompandér

Jako první je uvedeno konstrukční řešení kompandéru. V kapitolách níže je uveden popis jednotlivých součástí, jejich způsob výroby a poté popis kompletace jednotlivých součástí v celek. Popis níže odpovídá výkresům A2-02-04-2020/01 a A2-02-04-2020/02.

#### 7.1.1 Kompresor

#### Skříň kompresoru

Skříň kompresoru (pozice 4) je vyrobena jako odlitek. Na vstupní části je vyvrtáno 8 otvorů pro připojení potrubí (pozice 32), stejně tak na výstupní části ze spirály jsou otvory pro připojení potrubí, které vede k výměníku tepla. Dále jsou ve skříni vyvrtány závitové otvory pro zachycení záchytného disku kompresoru pomocí 8 závrtných šroubů (pozice 3). Tlak ve spirále vyvozuje poměrně velké síly, a tak je skříň ze spodní strany opatřena žebry, které zvyšují tuhost. Žebra jsou ke skříni po obvodu navařena po 15 °, jedná se o hodnotu doporučenou ze zkušeností školitele. Skříň kompresoru je vyrobena tak, že plní jak funkci vstupního konfuzoru, tak funkci spirální skříně.

#### Bezlopatkový a lopatkový difuzor

BLD a LD jsou tvořeny jednak skříní kompresoru, z druhé strany jsou pak ohraničeny prstencem (pozice 12), na kterém jsou připevněny lopatky LD. Prstenec je spojen se záchytným diskem kompresoru pomocí 8 šroubů (pozice 5).

#### Oběžné kolo

Oběžné kolo kompresoru s lopatkami (pozice 8) je opatřeno otvorem pro centrální šroub (pozice 10), kterým je kolo připojeno k hřídeli (pozice 17). Pro přenos kroutícího momentu z hřídele na oběžné kolo je použito Hirthovo ozubení. Pro přesné uložení oběžného kola a hřídele je použito centrovacího kolíku (pozice 27, označena u turbíny). Z důvodu rotace oběžného kola je nutností uvažovat s vůlí mezi kolem a vymezovacím diskem (pozice 11). Touto mezerou proudí část spalin z pracovního prostoru kompresoru do okolí. Pro redukci množství spalin, které takto unikají, je třeba kompresor opatřit kartáčovou ucpávkou. Kotouč s kartáčovou ucpávkou (pozice 7) je vložen do drážky v záchytném disku (pozice 13) a ze druhé strany je zajištěn vymezovacím diskem, který je k záchytnému disku kompresoru přišroubován 8 šrouby (pozice 6).

#### 7.1.2 Turbína

#### Skříň turbíny

Konstrukční řešení turbíny je obdobné, jako je tomu u kompresoru. Skříň turbíny (pozice 1) je vyrobena jako odlitek. Na výstupní části ze skříně je vyvrtáno 8 děr pro připojení potrubí (pozice 36), kterým spaliny odcházejí do komína, stejně tak na vstupní části do spirály jsou otvory pro připojení potrubí, které vede ochlazené spaliny z výměníku tepla. Dále jsou ve skříni vyvrtány závitové otvory pro zachycení záchytného disku turbíny pomocí 8 závrtných šroubů (pozice 18). Tak jako u skříně kompresoru, i u turbíny je pro zpevnění skříně použito žeber.

#### Bezlopatkový a lopatkový rozvaděč

Prstenec, opatřený lopatkami (pozice 21), je připojen k záchytnému disku turbíny pomocí 8 šroubů (pozice 20) a spolu se stěnou skříně tvoří BLR a LR.

#### Oběžné kolo

Konstrukční řešení oběžného kola je stejné, jako je tomu u kompresoru. Kolo s lopatkami (pozice 24) je opatřeno otvorem pro centrální šroub turbíny (pozice 26), kterým je spojeno s hřídelí. Pro přenos kroutícího momentu na hřídel je opět použito Hirthovo ozubení. Kotouč s kartáčovou ucpávkou (pozice 28) je zajištěn opět mezi záchytným diskem turbíny (pozice 19) a vymezovacím diskem turbíny (pozice 23), které jsou spojeny 8 šrouby (pozice 22).

#### 7.1.3 Nosná skříň

Nosná skříň je ve výkresové dokumentaci označena pozičním číslem 2. Jedná se o svarek jednotlivých částí, jak lze sledovat na obrázku 7.1. Značení položek je netradiční pomocí velkých písmen, a to z toho důvodu, aby se nepletlo se značením ve výkresové dokumentaci. Podobně tomu je u dalších nákresů v textu níže, kdy je použito jednak velkých, či malých písmen, či římských čísel.



Obrázek 7.1: Sestava nosné skříně [vlastní]

Základová deska nosné skříně (pozice D) je opatřena 24 otvory pro šrouby (pozice E), jimiž je nosná skříň připojena k podlaze strojovny. K základové desce jsou přivařeny 4 tlustostěnné desky, které dohromady tvoří střední část nosné skříně (pozice C). Pro zvýšení tuhosti konstrukce jsou navařena žebra. Horní část nosné skříně (pozice A) obsahuje vyfrézované drážky pro zasunutí (ve směru od oběžných kol) olejových ucpávek (pozice 14, slouží k zamezení výtoku oleje ze skříně), kluzných radiálních ložisek (pozice 16,

zachycují radiální síly), axiální ložisko (pozice 35, slouží spolu s přidruženým radiálním ložiskem k zachycení axiálních sil) a dále 12 závitových otvorů pro připojení krytu kompandéru (pozice 29). Odvod oleje do vany je řešen potrubím, které je napojeno na spodní část pozice A, která má vyfrézovanou drážku pro volný odtok oleje. Ve střední části nosné skříně jsou navařeny dvě desky s otvory (pozice B), ke kterým je přichycen kompresor na jedné a turbína na druhé straně. Další desky jsou navařené na horní části nosné skříně, vždy po dvou na každé straně, a slouží pro stejný účel, jako je tomu u desek na střední části.

#### 7.1.4 Kompletace kompandéru

Do nosné skříně kompandéru jsou umístěny spodní poloviny ložisek, olejová ucpávka a hřídel, na které jsou umístěny odstřikovací kroužky (pozice 15) a axiální opěrný kroužek (pozice 34, ze stran je kroužek opatřen kluznými plochami <sup>15</sup>). Provede se kontrola ustavení hřídele, ložisek a ucpávek. K nosné skříni jsou pak připojeny kompresor a turbína, a to pomocí záchytných disků. Zadní pohled (pohled od nosné skříně) na záchytný disk lze sledovat na obrázku 7.2.





Spojení záchytného disku ke skříni kompresoru, respektive turbíny, bylo uvedeno v textu výše (otvory pro šrouby, pozice a). Spojení k nosné skříni je realizováno pomocí šroubů. Jak bylo již uvedeno, nosná skříň obsahuje celkem 6 navařených desek s otvory, z každé strany 3 (pro doplnění, pozice B na obrázku 7.1). Na záchytné disky je navařeno 6 desek s otvory (pozice c). Kompresor, respektive turbína, se nasune na nosnou skříň kompandéru a obě části se spojí šrouby, čímž je zaručena souosost turbíny a kompresoru. Oběžná kola se

<sup>&</sup>lt;sup>15</sup> Další možností by bylo opatřit hřídel dvojicí axiálních kroužků, mezi kterými by bylo umístěno axiální ložisko, což by však přineslo obtíže při montáži. Z toho důvodu se využívá přidruženého radiálního kluzného ložiska, které z druhé strany kroužku pracuje jako axiální ložisko a lze tak hovořit o radiálně axiálním ložisku.

připojí k hřídeli pomocí centrálních šroubů, které jsou zajištěny válcovou maticí s otvorem pro otáčení (pozice 9 pro kompresor, pro turbínu pozice 25). Mezi oběžnými koly a maticemi jsou podložky (pozice 33 pro kompresor, respektive pozice 37 pro turbínu). V horní části záchytných disků jsou vyvrtány závitové díry (pozice b) pro připojení pojistné desky (pozice 40).

V dalším kroku se namontuje horní polovina ložisek, opět se zkontroluje celkové ustavení hřídele a pokračuje se položením krytu kompandéru (pozice 31), který se přišroubuje na nosnou skříň. Horní pohled na kryt kompandéru je uveden na obrázku 7.3



Obrázek 7.3: Horní pohled na kryt kompandéru [vlastní]

Kryt kompandéru je vyráběn jako svarek. Pozice II je horní polovina ložiskové skříně, skládající se ze dvou dílů, ve které jsou vyvrtány závitové otvory (pozice IIa) pro připojení pojistné desky. Dále jsou ve spodní části vyfrézovány drážky pro ložiska, stejně jako tomu je ve spodní polovině ložiskové skříně, a otvory pro přívod oleje k ložiskům (pozice IIb). Mezi oběma díly horní poloviny ložiskové skříně jsou navařeny desky (pozice III), které doléhají až na desku (pozice I) s otvory pro přichycení k nosné skříni (pozice Ia) a kryjí přístup ke hřídeli z bočních stran.

Na závěr se ke krytu kompandéru připevní pojistná deska (pozice 40) pomocí závrtných šroubů (pozice 39), na kterou jsou navařeny dva hranoly se závitovým otvorem pro olejovou maznici (pozice 30). Hranoly s otvorem pro maznici jsou opatřeny drážkami pro vložení těsnění (pozice 41), aby se olej nedostal mezi pojistnou desku a kryt kompandéru. Pojistná deska se pak připojí 6 šrouby (pozice 38) k záchytným diskům kompresoru/turbíny – tři na každý disk, jak lze vidět na obrázku 7.2 a výkresu A2-02-04-2020/02. Pro zvýšení tuhosti pojistné desky jsou opět přivařena žebra. Pojistná deska pak kryje přístup k hřídeli kompandéru z horní strany.

#### 7.2 Obtokový kompresor s elektromotorem

Tato kapitola doplňuje výkresovou dokumentaci sestavy obtokového kompresoru s elektromotorem, konkrétně se jedná o sestavový výkres A2-02-04-2020/03. Obsah následujícího textu je podobný, jako v předchozí kapitole, která je věnována konstrukčnímu řešení kompandéru. S ohledem na podobnost obou sestav je tato kapitola stručnější.

#### 7.2.1 Kompresor

Obtokový kompresor je z konstrukčního hlediska řešen stejným způsobem, jako je tomu u kompresoru kompandéru. Z tohoto důvodu je tedy celý kompresor ve výkresové dokumentaci označen pozičním číslem 1 a jednotlivé komponenty obtokového kompresoru odpovídají příslušným komponentám kompresoru kompandéru z kapitoly 7.1.1.

#### 7.2.2 Hřídel pastorku, hřídel kola

Hřídel pastorku je opatřena (ve směru od oběžného kola) odstřikovacím kroužkem (pozice 11), axiálním opěrným kroužkem (pozice 2) pro axiální ložisko (pozice 3) a dvojicí opěrných kroužků pastorku (pozice 7). Pro zachycení radiálních silových účinků je použitou dvou radiálních kluzných ložisek (pozice 9). Přenos kroutícího momentu z pastorku (pozice 6) na hřídel je realizován pomocí pera (pero pastorku není ve výkresu zaznačeno, pro ilustraci lze pozorovat pero u kola, pozice 24), hřídel má tedy vyfrézovanou drážku pro vložení pera.

Hřídel kola (pozice 19) je řešena stejným způsobem jako hřídel pastorku, poziční čísla odpovídají kusovníku z přílohy 4. Hřídel je přírubou připojena ke spojce (pozice 14).

#### 7.2.3 Převodovková skříň, skříň s elektromotorem

Převodovková skříň (pozice 4) je řešena podobným způsobem, jako je tomu u nosné skříně kompandéru. Jedná se opět o svarek, který obsahuje horní část s vyfrézovanými drážkami pro ložiska a olejové ucpávky a vyvrtanými otvory pro přichycení krytu převodovkové skříně (pozice 5), střední nosnou část, ke které je navařena spodní deska s otvory pro zachycení k základové desce ve strojovně (pozice 13). Rozdíl oproti nosné skříni kompandéru je jednak v rozměrech, jednak ve skutečnosti, že v horní části skříně je nutné vytvořit otvor pro ozubená kola. Na straně skříně, kde končí hřídel (u hřídele pastorku na straně elektromotoru, u hřídele kola na straně kompresoru) jsou z bezpečnostních důvodů přišroubovány ochranné plechy (pozice 12, respektive 28).

Elektromotor (pozice 15) je uložen na skříni elektromotoru (pozice 16) pomocí 4 šroubů (otvory pro šrouby pozice 18). Celá sestava je pak přichycena k základové desce 8 šrouby (otvory pro šrouby pozice 17).

#### 7.2.4 Kompletace sestavy obtokový kompresor – elektromotor

Princip přichycení obtokového kompresoru k převodovkové skříni je stejný, jako v případě kompresoru kompandéru. Stejně tak je tomu i u vkládání obou hřídelí a nutnosti kontrolovat jejich ustavení, tak jako ustavení ložisek a olejových ucpávek. Dále je připojen kryt převodovkové skříně. Horní pohled na kryt převodovkové skříně lze sledovat na obrázku 7.4.



Obrázek 7.4: Horní pohled na kryt převodovkové skříně [vlastní]

Kryt převodovkové skříně je opět vyráběn jako svarek. Horní polovina ložiskové skříně (pozice A1 pro ložiska hřídele pastorku, pozice A2 pro ložiska hřídele kola) je opatřena drážkami pro ložiska a ucpávky. K nim jsou přivařeny desky s otvory pro přichycení k převodovkové skříni (pozice C) a desky, které kryjí přístup ke kolu a pastorku z bočních stran (pozice B).

Na závěr je připojena pojistná deska. Na obrázku 7.5 lze sledovat sestavu pojistné desky (pozice II) s přivařenými plechy pro krytí ozubených kol (pozice I), hranoly s otvory pro olejovou maznici (pozice III) a deskou pro přichycení kompresoru (pozice IV, stejný princip jako u kompresoru kompandéru) z horního pohledu a v řezu. Tato sestava je přišroubována na horní polovinu ložiskové skříně. Pro co nejmenší počet připojovaných olejových maznic jsou tyto připojeny pouze na straně hřídele pastorku a olej je přiváděn přes otvory v horní polovině ložiskové skříně hřídele pastorku potrubím (pozice D na obrázku 7.4) k ložiskám kola. Pro zajištění těsnosti mezi krycími plechy pojistné desky (pozice I) a deskami krytu převodovkové skříně (pozice B na obrázku 7.4) je možno použít buďto těsnění, nebo kolem spoje připevnit tenký plech.



Obrázek 7.5: Sestava pojistné desky s plechy pro krytí ozubených kol [vlastní]

## ZÁVĚR

Tato diplomová práce pojednává o návrhu termodynamického tepelného čerpadla pro použití v teplárně za účelem využití tepelné energie spalin, opouštějících spalovací zařízení. Termodynamické tepelné čerpadlo je navrhováno jako samostatný kompandér s obtokovým kompresorem, který je poháněn elektromotorem.

Převážná část samotné práce je věnována výpočtům. V první řadě se jedná o určení základních fyzikálních vlastností spalin, které jsou potřebné pro výpočty jednotlivých komponent tepelného čerpadla, a jejichž výpočet je uveden v první kapitole. V další kapitole je pak uvedeno schéma termodynamického tepelného čerpadla s popisem jednotlivých provozních režimů a dále pak odhad hmotnostních průtoků jednotlivými kompresory tak, aby platila rovnost výkonu turbíny a příkonu kompresoru kompandéru.

Ve třetí kapitole jsou navrhnuty dva radiálně axiální kompresory. Výpočet obou kompresorů je proveden v postupných krocích a výsledky jsou uvedeny na konci příslušných kapitol přehledně v tabulkách. Obsahem výpočtu je vyčíslení termodynamických a stavových veličin v jednotlivých bodech kompresorů podle uvedeného i-s diagramu a dále pak rychlostí spalin v těchto bodech. Nejvyšší vypočtené rychlosti jsou kontrolovány na hodnotu Machova čísla tak, aby nepřesahovalo hodnotu 0,8. Součástí výpočtu je také určení základních rozměrů, potřebných pro vytvoření technické dokumentace. Omezujícím parametrem při výpočtu kompresorů je teplota na konci komprese, která by neměla přesahovat hodnotu 160 °C. Tomu odpovídá kompresní poměr 1,7 při odhadované účinnosti kompresoru 84 %. Skutečné hodnoty kompresního poměru a účinnosti kompresoru se nepatrně liší od hodnot odhadovaných, což lze zdůvodnit nepřesnostmi v odhadu některých parametrů, především v odhadu ztrátových součinitelů. Chyba ovšem není zásadní pro prvotní návrh soustrojí.

Kapitola čtvrtá pojednává o návrhu radiálně axiální turbíny. Výstupem výpočtu turbíny jsou opět stavové a termodynamické veličiny a rozměry jednotlivých prvků, potřebné pro konstrukční návrh. Výpočet je prováděn za použití uvedené literatury a s využitím i-s diagramu expanze. Odhadovaná účinnost turbíny se opět nepatrně liší od hodnoty skutečné, což lze vysvětlit obdobně, jako je tomu u kompresorů.

K pohonu obtokového kompresoru slouží elektromotor s integrovanou převodovkou. Volba typu elektromotoru a návrh převodovky je obsahem páté kapitoly. Je zvolen asynchronní vysokonapěťový motor se dvěma póly, typ ARN 560W-4, od firmy Siemens, která je zadavatelem této práce. Převodovka je navrhnuta jako čelní soukolí s šikmými zuby. Výhodou tohoto ozubení je pozvolný záběr a rovnoměrnější zatížení zubů a tišší chod při vyšších rychlostech v porovnání s přímými zuby. Návrh převodovky je zjednodušený, ale pro potřeby práce dostatečný, a obsahuje také jednoduchý pevnostní výpočet ozubení a kontrolní výpočet těsných per, použitých pro přenos kroutícího momentu.

Pro zvážení instalace termodynamického tepelného čerpadla je v kapitole šesté uvedeno ekonomické zhodnocení případné instalace. Při současném rostoucím trendu cen elektřiny a stagnující výkupní ceně tepelné energie lze očekávat, že návratnost případné investice se bude do budoucna prodlužovat. Dále je v této kapitole uvedeno porovnání s dříve řešenou variantou této problematiky z hlediska výhod a nevýhod, daných konstrukčními rozdíly obou řešení.

Závěrečná kapitola je věnována doplnění technické dokumentace, která tvoří samostatnou přílohu této práce. Obsahem této kapitoly je rozbor jednotlivých komponent navrhovaného čerpadla z konstrukčního a výrobního hlediska, a také popis kompletace jednotlivých prvků v celek. Technická dokumentace, kterou tvoří tři výkresy s vyznačením základních rozměrů, vychází z podkladů firmy Siemens. Důvodem je osvědčení konstrukcí v praxi.

Přestože práce tak, jak je provedena, obsahuje řadu zjednodušení, mohla by být podkladem pro další úvahy nad výrobou a instalací podobného zařízení, neboť se jedná o zajímavou možnost úspor primárních energetických zdrojů.

### SEZNAM POUŽITÝCH ZDROJŮ

- [1] Zemní plyn fyzikální vlastnosti. *Tzbinfo*. [online] [Citace: 17. 2. 2020.] Dostupné z: https://vytapeni.tzb-info.cz/vytapime-plynem/1921-zakladni-fyzikalni-vlastnosti-zp-i
- [2] BUDAJ, Florian. *Parní kotle: podklady pro tepelný výpočet.* 4. přeprac. vyd. Brno: Nakladatelství VUT Brno, 1992, 200 s. ISBN 80-214-0426-4.
- [3] POLESNÝ, Bohumil. *Termodynamická data pro výpočet tepelných a jaderných energetických zařízení*. Brno: Ediční středisko VUT, 1990, 213 s. ISBN 80-214-0160-5.
- [4] BALÁŠ, Marek. *Kotle a výměníky tepla*. Vydání druhé. Brno: Akademické nakladatelství CERM, 2013, 119 s. ISBN 978-80-214-4770-7.
- [5] KADRNOŽKA, Jaroslav. *Tepelné turbiny a turbokompresory: základy teorie a výpočtů*. Brno: CERM, 2004, 308 s. ISBN 80-720-4346-3
- [6] KADRNOŽKA, Jaroslav. Lopatkové stroje. Vyd. 1., upr. Brno: CERM, 2003, 177 s. ISBN 80-7204-297-1
- [7] DEJČ, Michail. *Technická dynamika plym*<sup>1</sup>. Praha: Státní nakladatelství technické literatury, 1967, 660 s.
- [8] HOCKO, Marián. Približný výpočet odstredivého kompresora. Letecké motory. [Online] 2009. [Citace: 17. 2. 2020.] Dostupné z http://www.leteckemotory.cz/teorie/PRIBLIZNY\_VYPOCET\_ODSTREDIVEHO\_ KOMPRESORA.pdf. ISBN 978-80-553-0163-1
- [9] Siemens Industrial Turbomachinery. Firemní literatura, Brno 2020
- [10] Asynchronní vysokonapěťové a nízkonapěťové elektromotory Technické údaje. Siemens. Firemní literatura, Brno 2020.
- [11] SHIGLEY, Joseph Edward, Charles R. MISCHKE a Richard G. BUDYNAS, VLK, Miloš, ed. Konstruování strojních součástí. Přeložil Martin HARTL. V Brně: VUTIUM, 2010, 1159 s. ISBN 978-80-214
- [12] SVOBODA, Pavel a Jan BRANDEJS. Výběry z norem: pro konstrukční cvičení. Vydání šesté, přepracované a doplněné. Brno: Akademické nakladatelství CERM, 2019, 236 s. ISBN 978-80-7623-010-1.
- [13] Cena tepla: Vývoj prodejní ceny tepla v Brně. *Teplárny Brno*. [Online] 2020.
   [Citace: 17. 2. 2020.] Dostupné z: <u>https://www.teplarny.cz/cena-tepla</u>

- [14] Vývoj cen silové elektřiny. Kalkulátor cen energií. [Online] 2020. [Citace: 17. 2. 2020.] Dostupné z: <u>https://kalkulator.tzb-info.cz/cz/vyvoj-cen-silove-elektriny</u>
- [15] KADLEC, Stanislav. *Termodynamické tepelné čerpadlo*. Brno 2017. 80 s, 3 výkresy,
   8 příloh. Diplomová práce. Vysoké učení technické v Brně, Fakulta strojního inženýrství. Energetická ústav. Vedoucí práce doc. Ing. Jan Fielder, Dr

# SEZNAM POUŽITÝCH SYMBOLŮ A ZKRATEK

Symbol	Veličina	Jednotka
сp	Hodnota měrné tepelné kapacity střední	kJ/kgK
Cp0	Měrná tepelná kapacita spalin při 95 °C	kJ/kgK
Срі	Měrná tepelná kapacita složky i spalin	kJ/kgK
Mi	Molární hmotnost složky i zemního plynu	kg/kmol
<b>m</b> i,spal	Hmotnost složky i ve spalinách	kg/kg <sub>pal</sub>
Mi,spal	Molární hmotnost složky i spalin	kg/kmol
m <sub>O2</sub>	Množství kyslíku pro spálení 1 kg plynu	kg/kg <sub>pal</sub>
<b>m</b> <sub>spal</sub>	Celková hmotnost spalin	kg/kg <sub>pal</sub>
mvz,s,min	Minimální množství suchého vzduchu	kg/kg <sub>pal</sub>
mvz,v,min	Minimální množství vlhkého vzduchu	kg/kg <sub>pal</sub>
ro	Měrná plynová kapacita spalin při 95 °C	J/kgK
ri	Měrná plynová konstanta složky i spalin	J/kgK
Rm	Univerzální plynová konstanta	J/kmolK
Xm	Měrná vlhkost vzduchu	g <sub>H2O</sub> /kg <sub>vzd</sub>
к	Hodnota Poissonovy konstanty střední	-
ко	Poissonova konstanta spalin při 95 °C	-
Кі	Poissonova konstanta složky i spalin	-
σι	Hmotnostní podíl složky i v zemním plynu	%
<b>σ</b> i,spal	Hmotnostní podíl složky i ve spalinách	%
<b>σ</b> i,vzd	Hmotnostní podíl složky i v suchém vzduchu	%
ωi	Objemový podíl složky i v zemním plynu	%

#### Kapitola 1: Výpočet základních vlastností spalin

#### Kapitola 2: Princip činnosti termodynamického tepelného čerpadla

Symbol	Veličina	Jednotka
$\Delta T_{k1}$	Změna teploty v kompresoru při skutečném ději	K
$\Delta T_t$	Změna teploty v turbíně při skutečném ději	K
Cpe	Hodnota střední měrné tepelné kapacity expanze	kJ/kgK
Срк	Hodnota střední měrné tepelná kapacity komprese	kJ/kgK
$\dot{\mathbf{m}}_{k1}$	Hmotnostní průtok kompresorem 1	kg/s
ṁк2	Hmotnostní průtok kompresorem 2	kg/s
<b>ṁ</b> sp	Hmotnostní průtok spalin soustrojím	kg/s
mt	Hmotnostní průtok spalin turbínou	kg/s
P <sub>k1</sub>	Příkon kompresoru 1	kW
Pt	Výkon turbíny	kW
px	Tlak v bodě x	Pa
Tx	Teplota v bodě x	K
η <sub>k1</sub>	Účinnost kompresoru 1	-

η <sub>t</sub>	Účinnost turbíny	-
$\pi_{k1}$	Kompresní poměr	-
	Poznámka: Bodem x je myšlen bod dle schématu na obrázk	u 2.1

### Kapitola 3: Návrh kompresorů

Symbol	Veličina	Jednotka
$\Delta \mathbf{b_2}$	Rozšíření vstupní části BLD	mm
$\Delta \mathbf{i^{k}_{c}}$	Celková změna entalpie kompresoru	J/kg
$\Delta \mathbf{i^{k}}_{\mathbf{iz,c}}$	Celková izoentropická změna entalpie kompresoru	J/kg
Δa3ld	Změna vstupního úhlu lopatky	0
$\Delta \alpha_4$	Změna výstupního úhlu proudu spalin	0
$\Delta \alpha_{4LD}$	Změna výstupního úhlu lopatky	0
<b>a</b> f2-3	Měrná třecí práce BLD	J/kg
<b>a</b> f3-4	Měrná třecí práce LD	J/kg
<b>a</b> f4-5	Měrná třecí práce spirální skříně	J/kg
AR	Poměr ploch pro určení typu proudění	-
<b>b</b> *2	Vstupní šířka BLD	mm
b1	Vstupní šířka lopatek oběžného kola	mm
<b>b</b> 2	Výstupní šířka lopatek oběžného kola	mm
b2,odh	Odhadnutá šířka lopatek oběžného kola na výstupu	mm
b3	Vstupní šířka LD	mm
b3	Výstupní šířka BLD	mm
b4	Výstupní šířka LD	mm
<b>c</b> <sup>*</sup> 2	Absolutní rychlost na vstupu do BLD	m/s
c <sup>*</sup> 2r	Radiální složka absolutní rychlosti na vstupu do BLD	m/s
C <sup>*</sup> 2u	Obvodová složka absolutní rychlosti na vstupu BLD	m/s
CO	Odhadnutá rychlost spalin na vstupu do kompresoru	m/s
Cx	Absolutní rychlost v bodě x	m/s
Cxa	Axiální složka absolutní rychlosti spalin v bodě x	m/s
Cxiz	Absolutní izoentropická rychlost spalin v bodě x	m/s
Cxr	Radiální složka absolutní rychlosti spalin v bodě x	m/s
Cxu	Obvodová složka absolutní rychlosti spalin v bodě x	m/s
D <sub>1i</sub>	Průměr oběžného kola na vstupu vnitřní	mm
<b>D</b> <sub>10</sub>	Průměr oběžného kola na vstupu vnější	mm
D3,ekv	Průměr ekvivalentního difuzoru na vstupu	m
D4,ekv	Průměr ekvivalentního difuzoru na výstupu	m
Dx	Průměr v bodě x	mm
$\mathbf{D}_{\mathbf{ heta}}$	Průměr spirální skříně v závislosti na úhlu	mm
i	Úhel náběhu lopatky	0
İx	Entalpie v bodě x	J/kg
İxc	Celková entalpie v bodě x	J/kg

İxiz	Entalpie v bodě x izoentropickém	J/kg
Lekv	Délka ekvivalentního difuzoru	m
Max	Machovo číslo v bodě x	-
<b>ṁ</b> k	Hmotnostní průtok spalin kompresorem	kg/s
ṁθ	Hmotnostní průtok spirální skříní v závislosti na úhlu	kg/s
n <sub>k</sub>	Otáčky kompresoru	min <sup>-1</sup>
po	Tlak spalin na vstupu do kompresoru	Pa
Pk	Příkon kompresoru	kW
px	Tlak v bodě x	Pa
pxc	Celkový tlak v bodě x	Pa
<b>p</b> xiz	Tlak v bodě x izoentropickém	Pa
r <sub>x</sub>	Poloměr v bodě x	mm
S3,ekv	Plocha ekvivalentního difuzoru na vstupu	$m^2$
S360°	Plocha spirální skříně na výstupu	$\mathrm{mm}^2$
S4,ekv	Plocha ekvivalentního difuzoru na výstupu	$m^2$
Sθ	Plocha spirální skříně v závislosti na úhlu	$\mathrm{mm}^2$
t <sub>2L</sub>	Tloušťka lopatek kompresoru	mm
<b>t</b> LD	Tloušťka lopatky LD	mm
t <sub>max</sub>	Maximální teplota na výstupu z kompresoru	°C
Tx	Teplota v bodě x	Κ
Txc	Celková teplota v bodě x	Κ
T <sub>xiz</sub>	Teplota v bodě x izoentropickém	Κ
U1e	Obvodová rychlost na vstupním průměru vnějším	m/s
U1i	Obvodová rychlost na vstupním průměru vnitřním	m/s
Ux	Obvodová rychlost spalin v místě x	m/s
W1i	Relativní rychlost na vstupním průměru vnitřním	m/s
W1o	Relativní rychlost na vstupním průměru vnějším	m/s
Wx	Relativní rychlost spalin v místě x	m/s
Xer	Procentuální chyba skutečné a odhadované veličiny	%
Xθ	Vzdálenost osy průřezu spirály od osy kompresoru	mm
Z1-2	Ztráta při průtoku oběžným kolem kompresoru	J/kg
Zk1	Počet lopatek oběžného kola kompresoru	-
ZLD	Počet lopatek LD	-
Zvent	Ztráta ventilační	J/kg
Zvst	Ztráta na vstupu do oběžného kola	J/kg
α	Součinitel ventilační ztráty	-
α*2	Uhel absolutní rychlosti na vstupu do BLD	0
αο	Součinitel pro výpočet ventilační ztráty	-
α1	Vstupní úhel absolutní rychlosti	0
Q120	Součinitel pro výpočet ventilační ztráty	-
(U3LD	Vstupní úhel střední křivky lopatky	0

0.4	Výstupní úhel proudu spalin	0
α4LD	Výstupní úhel střední křivky lopatky	0
αstř	Střední úhel absolutní rychlosti spalin v BLD	0
αχ	Úhel absolutní rychlosti v bodě x	0
β2L	Výstupní úhel lopatky	0
βx	Úhel relativní rychlosti v bodě x	0
γ	Součinitel pro výpočet ventilační ztráty	-
δa	Vůle mezi lopatkou oběžného kola a skříní	mm
ηk,iz,c	Odhadovaná účinnost kompresoru	-
θ	Úhel pro určení rozměrů spirální skříně	0
μ	Skutečný součinitel skluzu	-
μodh	Odhadový součinitel skluzu	-
ξ1-2	Součinitel pro výpočet ztráty při průtoku rotorem	-
ξ2-3	Součinitel měrné třecí práce BLD	-
ξ3-4	Součinitel měrné třecí práce LD	-
ξ4-5	Součinitel měrné třecí práce spirální skříně	-
ξvst	Součinitel pro výpočet vstupní ztráty	-
${oldsymbol \pi}_{ m k}$	Kompresní poměr	-
ρχ	Hustota spalin v bodě x	kg/m <sup>3</sup>
σxL	Poměrná plocha lopatek	-
φ	Průtokový součinitel	-
φr	Rychlostní součinitel	-
ω	Úhel rozšíření ekvivalentního difuzoru	0
	Poznámka: bodem x je myšlen bod dle diagramu 3.3	

### Kapitola 4: Návrh turbíny

Symbol	Veličina	Jednotka
$\Delta \mathbf{i} \mathbf{c}^{\mathbf{st}}$	Skutečný celkový spád stupně	J/kg
$\Delta \mathbf{i}_{\mathbf{i}\mathbf{z}}^{\mathbf{S/R}}$	Izoentropický entalpický spád statoru/rotoru	J/kg
$\Delta \mathbf{i_{iz}^{st}}$	Izoentropický entalpický spád stupně	J/kg
$\Delta \mathbf{i}^{\mathbf{S/R}}$	Skutečný entalpický spád statoru/rotoru	J/kg
$\Delta \mathbf{W}$ 1u	Skluz obvodové rychlosti	m/s
bo	Šířka LR	mm
<b>b</b> 1	Šířka lopatek oběžného kola na vstupu	mm
<b>b</b> 1′	Šířka BLR	mm
CO	Rychlost spalin na vstupu do turbíny	m/s
Cp2iz	Měrná tepelná kapacita při teplotě T <sub>2iz</sub>	J/kgK
cx	Absolutní rychlost v bodě x	m/s
Cxa	Axiální složka absolutní rychlosti v bodě x	m/s
Cxiz	Izoentropická rychlost v bodě x	m/s
Cxr	Radiální složka absolutní rychlosti v bodě x	m/s

Cxu	Obvodová složka absolutní rychlosti v bodě x	m/s
D <sub>0</sub>	Průměr LR	mm
<b>D</b> <sub>1</sub>	Průměr oběžného kola na vstupu	mm
<b>D</b> 1'	Vnější průměr BLR	mm
<b>D</b> <sub>2</sub>	Střední průměr oběžného kola na výstupu	mm
D <sub>2i</sub>	Vnitřní výstupní průměr oběžného kola	mm
<b>D</b> <sub>20</sub>	Vnější výstupní průměr oběžného kola	mm
Dθ	Průměr spirální skříně v závislosti na úhlu	mm
ho	Celkový spád turbíny	J/kg
İx	Entalpie v bodě x	J/kg
İxc	Celková entalpie v bodě x	J/kg
İxiz	Entalpie v bodě x izoentropickém	J/kg
Max	Machovo číslo v bodě x	-
<b>m</b> t	Hmotnostní průtok spalin turbínou	kg/s
ṁθ	Hmotnostní průtok spirální skříní v závislosti na úhlu	kg/s
nt	Otáčky turbíny	min <sup>-1</sup>
pc,výstup	Celkový tlak na výstupu z kompresorů	Ра
Pt	Výkon turbíny	kW
px	Tlak v bodě x	Ра
pxc	Celkový tlak v bodě x	Ра
p <sub>xiz</sub>	Tlak v bodě x izoentropickém	Ра
S0°	Plocha spirální skříně na vstupu do spirály	mm <sup>2</sup>
Sθ	Plocha spirální skříně v závislosti na úhlu	$mm^2$
t⊥	Tloušťka lopatky oběžného kola turbíny	mm
Tx	Teplota v bodě x	K
Txc	Celková teplota v bodě x	K
T <sub>xiz</sub>	Teplota v bodě x izoentropickém	K
ux	Obvodová rychlost v bodě x	m/s
Wx	Relativní rychlost v bodě x	m/s
Wxa	Axiální složka relativní rychlosti v bodě x	m/s
Wxu	Obvodová složka relativní rychlosti v bodě x	m/s
Χθ	Vzdálenost osy průřezu od osy turbíny	mm
z <sup>R</sup>	Ztráta v rotoru	J/kg
z <sup>s</sup>	Ztráta ve statoru	J/kg
Zt	Počet lopatek oběžného kola turbíny	-
<b>a</b> 1	Vstupní úhel absolutní rychlosti	0
αx	Úhel absolutní rychlosti v bodě x	0
β2	Výstupní úhel relativní rychlosti	0
βx	Uhel relativní rychlosti v bodě x	0
ηt,iz,c	Učinnost turbíny	-
θ	Uhel pro určení rozměrů spirální skříně	0

ξΔp	Poměrná tlaková ztráta v potrubí a výměníku	-
рк	Stupeň reakce	-
ρχ	Hustota v bodě x	kg/m <sup>3</sup>
ρxc	Celková hustota v bodě x	kg/m <sup>3</sup>
φ	Průtokový součinitel	-
Ψ	Tlakový součinitel	-
	Poznámka: bodem x je myšlen bod dle diagramu 4.3	

## Kapitola 5: Volba elektromotoru a návrh převodovky

Symbol	Veličina	Jednotka
<b>a</b> 01	Roztečná osová vzdálenost mezi osou kola a pastorku	mm
<b>a</b> 10	Osová délka ložiska kola	mm
<b>a</b> 11	Osová délka ložiska pastorku	mm
<b>b</b> 01	Šířka ozubení	mm
bp	Šířka pera	mm
$\mathbf{D}_{0}$	Průměr čepu kola	mm
$\mathbf{D}_1$	Průměr čepu pastorku	mm
Da0	Průměr hlavové kružnice kola	mm
D <sub>a1</sub>	Průměr hlavové kružnice pastorku	mm
Df0	Průměr patní kružnice kola	mm
D <sub>f1</sub>	Průměr patní kružnice pastorku	mm
Dro0	Průměr roztečné kružnice kola	mm
Dro1	Průměr roztečné kružnice pastorku	mm
$\mathbf{F}$	Síla působící na pero	Ν
$\mathbf{F}_{\mathbf{a}}$	Axiální složka síly v ozubení	Ν
Fa,re	Axiální složka reakční síly v ložisku	Ν
Fn	Celková síla v ozubení	Ν
$\mathbf{Fr}$	Radiální složka síly v ozubení	Ν
Fr,re	Radiální složka reakční síly v ložisku	Ν
Fre	Celková reakční síla v ložisku	Ν
$\mathbf{F}_{\mathbf{t}}$	Tečná složka síly v ozubení	Ν
Ft,re	Tečná složka reakční síly v ložisku	Ν
<b>h</b> 01	Výška zubu	mm
$\mathbf{h}_{\mathbf{p}}$	Výška pera	mm
i	Převodový poměr	-
k	Hodnota bezpečnosti pro ozubení	-
l/D	Poměr délky ložiska ku průměru ložiska	-
lp	Délka pera	mm
mn	Normálový modul	mm
mt	Tečný modul	mm
n <sub>m</sub>	Otáčky elektromotoru	min <sup>-1</sup>

<b>p</b> 0	Tlak působící na ložisko kola	MPa
<b>p</b> 1	Tlak působící na ložisko pastorku	MPa
Pm	Výkon elektromotoru	kW
pn	Normálná rozteč	mm
po	Tlak na pero pro kontrolu otlačení	MPa
po,max	Maximální dovolený tlak na pero pro otlačení	MPa
Ppř	Výkon přenášený převodovkou	kW
pt	Čelní rozteč	mm
Re	Mez kluzu	MPa
<b>S</b> 01	Tloušťka zubu	mm
t1	Výška drážky v náboji	mm
U0	Obvodová rychlost čepu kola	m/s
<b>U</b> 01	Obvodová rychlost ozubení	m/s
$\mathbf{u}_1$	Obvodová rychlost čepu pastorku	m/s
ZO	Počet zubů kola	-
<b>Z</b> 1	Počet zubů pastorku	-
αn	Úhel záběru v normálném řezu	0
αt	Čelní úhel záběru	0
βz	Úhel sklonu zubu	0
$\eta_{ m m}$	Mechanická účinnost převodovky	-
σD,max	Maximální dovolené ohybové napětí v patě zubu	MPa
σ	Ohybové napětí v patě zubu	MPa
$ au_{ m s}$	Napětí ve střihu	MPa
<b>τ</b> s,max	Maximální dovolené napětí ve střihu	MPa

## Kapitola 6: Zhodnocení navrženého tepelného čerpadla

Symbol	Veličina	Jednotka
COPc	Chladící faktor tepelného čerpadla	-
n	Doba návratnosti investice	let
Ne	Průměrná cena elektrické energie z roku 2019	Kč/kWh
Ni	Celkové investiční náklady tepelného čerpadla	Kč
Ni,kWh	Investiční náklady tepelného čerpadla na kWh	Kč/kWh
Nost	Ostatní náklady na provoz tepelného čerpadla	Kč/kWh
Nt	Prodejní cena tepla v Brně v roce 2019 v kWh	Kč/kWh
Nt(Kč/GJ)	Prodejní cena tepla v Brně v roce 2019 v GJ	Kč/GJ
Pv	Výkon výměníku tepla	kW
tpr	Provozní doba tepelného čerpadla za rok	hod/rok
Zc	Celkový čistý roční zisk	Kč/rok

## SEZNAM OBRÁZKŮ

Obrázek 1.1: Závislost měrné tepelné kapacity jednotlivých složek spalin na teplotě

Obrázek 1.2: Závislost Poissonovy konstanty složek spalin na teplotě

Obrázek 2.1: Schéma termodynamického tepelného čerpadla

Obrázek 3.1: Podélný řez stupněm radiálně axiálního kompresoru [vlastní]

Obrázek 3.2: Příčný řez radiálně axiálním kompresorem [vlastní]

Obrázek 3.3: i-s diagram průběhu izoentropické a reálné komprese [vytvořeno dle 5, strana 278]

Obrázek 3.4: Rychlostní trojúhelníky na vstupu do (a) a výstupu z (b) oběžného kola kompresoru

Obrázek 3.5: Rozměry BLD [vlastní]

Obrázek 3.6: Rychlostní trojúhelníky na vstupu do (a) a výstupu z (b) BLD

Obrázek 3.7: Rozměry LD [vlastní]

Obrázek 3.8: Rychlostní trojúhelník spalin na výstupu z LD

Obrázek 3.9: Diagram pro určení proudění v difuzoru [9]

Obrázek 3.10: Transformace LD na ekvivalentní difuzor [vlastní]

Obrázek 3.11: K návrhu spirální skříně kompresoru [vlastní]

Obrázek 4.1: Podélný řez stupněm radiálně axiální turbíny [vlastní]

Obrázek 4.2: Příčný řez radiálně axiální turbínou [vlastní]

Obrázek 4.3: i-s diagram průběhu reálné a izoentropické expanze [vytvořeno dle 5, strana 226]

Obrázek 4.4: Rychlostní trojúhelník na vstupu do (a) a výstupu z (b) oběžného kola turbíny

Obrázek 4.5: Rozměry LR a BLR [vlastní]

Obrázek 4.6: K výpočtu spirální skříně turbíny [vlastní]

Obrázek 5.1: Výkres čelního soukolí s vyznačením základních rozměrů [vlastní]

Obrázek 5.2: Rozklad sil působících v ozubení [11]

Obrázek 5.3: Obecná charakteristika převodovky [vytvořeno dle 9]

Obrázek 5.4: Rozměry těsného pera [vlastní]

Obrázek 6.1: Náklady na provoz a zisk z provozu tepelného čerpadla

Obrázek 7.1: Sestava nosné skříně [vlastní]

Obrázek 7.2: Zadní pohled na záchytný disk kompresoru/turbíny [vlastní]

Obrázek 7.3: Horní pohled na kryt kompandéru [vlastní]

Obrázek 7.4: Horní pohled na kryt převodovkové skříně [vlastní]

Obrázek 7.5: Sestava pojistné desky s plechy pro krytí ozubených kol [vlastní]

### SEZNAM TABULEK

Tabulka 1.1: Objemové složení zemního plynu Tabulka 1.2: Molární hmotnosti složek zemního plynu [3] Tabulka 1.3: Hmotnostní složení zemního plynu Tabulka 1.4: Hmotnostní složení suchého vzduchu [3] Tabulka 1.5: Hmotnostní složení spalin Tabulka 1.6: Hodnoty měrné tepelné kapacity pro jednotlivé složky spalin [3] Tabulka 1.7: Molární hmotnost složek spalin [3] Tabulka 1.8: Hodnoty měrné plynové konstanty pro jednotlivé složky spalin Tabulka 1.9: Hodnoty Poissonovy konstanty pro jednotlivé složky spalin při 95 °C Tabulka 1.10: Hodnoty Poissonovy konstanty pro jednotlivé složky spalin [3] Tabulka 2.1: Odhadnuté hodnoty pro výpočet hmotnostních průtoků prvky čerpadla Tabulka 2.2: Dále používané hodnoty hmotnostních průtoků Tabulka 3.1: Vypočtené hodnoty stavových veličin na vstupu do konfuzoru Tabulka 3.2: Vypočtené hodnoty průměrů vstupního konfuzoru Tabulka 3.3: Zvolené hodnoty pro návrh oběžných kol kompresorů Tabulka 3.4: Vypočtené hodnoty kapitoly úvodní výpočty Tabulka 3.5: Vypočtené hodnoty stavových veličin na vstupu do oběžného kola Tabulka 3.6: Vypočtené průměry oběžného kola kompresoru Tabulka 3.7: Vypočtené hodnoty rychlostí v oběžném kole, určení úhlů rychlostí Tabulka 3.8: Součinitele ztrát Tabulka 3.9: Vypočtené hodnoty ztrát v oběžném kole kompresoru Tabulka 3.10: Vypočtené hodnoty stavových veličin na výstupu z oběžného kola Tabulka 3.11: Vypočtené šířky lopatek oběžných kol kompresorů, kontrola součinitele ventilační ztráty Tabulka 3.12: Zvolené parametry pro návrh BLD Tabulka 3.13: Rozměry BLD Tabulka 3.14: Vypočtené hodnoty rychlostí v BLD, určení úhlů rychlostí Tabulka 3.15: Vypočtené hodnoty stavových veličin na výstupu z LD Tabulka 3.16: Zvolené parametry pro návrh LD Tabulka 3.17: Rozměry LD Tabulka 3.18: Vypočtené hodnoty rychlostí na výstupu z LD Tabulka 3.19: Vypočtené hodnoty ekvivalentních difuzorů Tabulka 3.20: Vypočtené hodnoty stavových veličin na výstupu z LD Tabulka 3.21: Vypočtené hodnoty stavových veličin na výstupu ze spirální skříně Tabulka 3.22: Plochy spirální skříně pro uzlové úhly v mm<sup>2</sup> Tabulka 3.23: Hmotnostní průtoky spirální skříní pro uzlové úhly v kg/s Tabulka 3.24: Průměry spirální skříně pro uzlové úhly v mm Tabulka 3.25: Vzdálenosti osy průřezu od osy rotace pro uzlové úhly v mm Tabulka 3.26: Vypočtené hodnoty skutečných parametrů kompresorů Tabulka 4.1: Zvolené hodnoty pro návrh turbíny Tabulka 4.2: Plochy spirální skříně pro uzlové úhly Tabulka 4.3: Hmotnostní průtoky spirální skříní pro uzlové úhly Tabulka 4.4: Průměry spirální skříně pro uzlové úhly Tabulka 4.5: Vzdálenosti osy průřezu od osy rotace pro uzlové úhly 103

- Tabulka 5.1: Základní vlastnosti elektromotoru ARN 560W-4 [10]
- Tabulka 5.2: Zvolené hodnoty pro výpočet převodovky [11]
- Tabulka 5.3: Rozměry per [12]
- Tabulka 5.4: Vypočtené hodnoty pro kontrolu per
- Tabulka 6.1: Ceny silové elektřiny v jednotlivých měsících roku 2019 [14]
- Tabulka 6.2: Ceny silové elektřiny v jednotlivých měsících roku 2018 [14]

# SEZNAM PŘÍLOH

Příloha 1: Skutečné rychlostní trojúhelníky oběžných kol

Příloha 2: Poměrná ztráta v lopatkovém difuzoru

Příloha 3: Kusovník sestavy kompandéru

Příloha 4: Kusovník sestavy obtokového kompresoru s elektromotorem

#### Výkresová dokumentace

A2-02-04-2020/01: Řez kompandérem A2-02-04-2020/02: Řez kompandérem A-A A2-02-04-2020/03: Obtokový kompresor

### Příloha 1: Skutečné rychlostní trojúhelníky oběžných kol



#### Skutečný rychlostní trojúhelník na vstupu do a výstupu z oběžného kola kompresoru 1

Skutečný rychlostní trojúhelník na vstupu do a výstupu z oběžného kola kompresoru 2



Skutečný rychlostní trojúhelník na vstupu do a výstupu z oběžného kola turbíny



### Příloha 2: Poměrná ztráta v lopatkovém difuzoru

Tabulka níže zobrazuje hodnoty poměrné ztráty v lopatkovém difuzoru v závislosti na úhlu rozšíření ekvivalentního difuzoru  $\omega$  a Machově čísle na vstupu do lopatkového difuzoru Ma<sub>3</sub>.

Tabulka: Poměrná ztráta v lopatkovém difuzoru  $\xi_{3-4}$  podle měření v kazaňském institutu [5, strana 300]

$Ma \downarrow \omega_{ekv} \rightarrow$	4°	6°	8°	10°	12°
0,3	0,145	0,155	0,170	0,200	-
0,5	0,140	0,145	0,159	0,180	0,200
0,7	0,135	0,140	0,160	0,190	0,220
0,9	0,141	0,200	0,220	0,230	0,250
0,95	-	0,240	-	0,280	0,300

## Příloha 3: Kusovník sestavy kompandéru

Číslo pozice	Název pozice	
1	Turbínová skříň	
2	Nosná skříň kompandéru	
3	Závrtný šroub pro zachycení kompresorové skříně	8
4	Kompresorová skříň	1
5	Šroub k zachycení prstence BLD a LD kompresoru	8
6	Šroub k zachycení vymezovacího disku kompresoru	8
7	Kotouč s kartáčovou ucpávkou kompresoru	1
8	Oběžné kolo kompresoru	1
9	Matice centrálního šroubu kompresoru	1
10	Centrální šroub kompresoru pro zachycení ke hřídeli	1
11	Vymezovací disk kompresoru	1
12	Prstenec BLD a LD kompresoru	1
13	Záchytný disk kompresoru	1
14	Olejová ucpávka kompresoru/turbíny	2
15	Odstřikovací kroužek	2
16	Radiální kluzné ložisko	2
17	Hřídel pro přenos kroutícího momentu	1
18	Závrtný šroub pro zachycení turbínové skříně	8
19	Záchytný disk turbíny	1
20	Šroub k zachycení prstence BLR a LR turbíny	8
21	Prstenec BLR a LR turbíny	1
22	Šroub k zachycení vymezovacího disku turbíny	8
23	Vymezovací disk turbíny	1
24	Oběžné kolo turbíny	1
25	Matice centrálního šroubu turbíny	1
26	Centrální šroub turbíny pro zachycení ke hřídeli	1
27	Kolík pro středění Hirthova ozubení	2
28	Kotouč s kartáčovou ucpávkou turbíny	1
29	Otvor pro zachycení krytu kompandéru	12
30	Hranol s otvorem pro olejovou maznici	2
31	Kryt kompandéru	1
32	Otvor pro spojení potrubí a kompresorové skříně	8
33	Podložka centrální matice kompresoru	1
34	Axiální opěrný kroužek	1
35	Axiální ložisko	1
36	Otvor pro spojení potrubí a turbínové skříně	8
37	Podložka centrální matice turbíny	1
38	Šroub k zajištění pojistné desky krytu k záchytným diskům	6
39	Šroub k zachycení pojistné desky kompandéru ke krytu	6
40	Pojistná deska krytu kompandéru	1
41	Olejové těsnění	2

Tabulka: Kusovník sestavy kompandéru
## Příloha 4: Kusovník sestavy obtokového kompresoru s elektromotorem

Číslo pozice	Název pozice	Kusů
1	Sestava obtokového kompresoru	1
2	Axiální opěrný kroužek hřídele pastorku	1
3	Axiální ložisko hřídele pastorku	1
4	Převodovková skříň	1
5	Otvor pro zachycení krytu převodovkové skříně	19
6	Pastorek	1
7	Opěrný kroužek pastorku	2
8	Hřídel pastorku	1
9	Radiální kluzné ložisko hřídele pastorku	2
10	Odstřikovací kroužek hřídele pastorku	2
11	Olejová ucpávka hřídele pastorku	2
12	Ochranný plech hřídele pastorku	1
13	Otvor pro zachycení převodovkové skříně k základové desce	26
14	Spojka	1
15	Elektromotor	1
16	Skříň elektromotoru	1
17	Otvor pro zachycení skříně elektromotoru k základové desce	8
18	Otvor pro zachycení elektromotoru ke skříni	4
19	Hřídel kola	1
20	Odstřikovací kroužek hřídele kola	2
21	Olejová ucpávka hřídele kola	2
22	Radiální kluzné ložisko hřídele kola	2
23	Opěrný kroužek kola	2
24	Pero	2
25	Kolo	1
26	Axiální ložisko hřídele kola	1
27	Axiální opěrný kroužek hřídele kola	1
28	Ochranný plech hřídele kola	1

Tabulka: Kusovník sestavy obtokového kompresoru s elektromotorem