



# VYSOKÉ UČENÍ TECHNICKÉ V BRNĚ

BRNO UNIVERSITY OF TECHNOLOGY

**FAKULTA STROJNÍHO INŽENÝRSTVÍ**  
FACULTY OF MECHANICAL ENGINEERING

**ENERGETICKÝ ÚSTAV**  
ENERGY INSTITUTE

**REVERZNÍ VÍROVÁ TURBINA**  
REVERSIBLE SWIRL TURBINE

**DIPLOMOVÁ PRÁCE**  
MASTER'S THESIS

**AUTOR PRÁCE** Bc. Miroslav Palička  
AUTHOR

**VEDOUCÍ PRÁCE** doc. Ing. Miloslav Haluza, CSc.  
SUPERVISOR

**BRNO 2020**



# Zadání diplomové práce

Ústav: Energetický ústav  
Student: **Bc. Miroslav Palička**  
Studijní program: Strojní inženýrství  
Studijní obor: Fluidní inženýrství  
Vedoucí práce: **doc. Ing. Miloslav Haluza, CSc.**  
Akademický rok: 2019/20

Ředitel ústavu Vám v souladu se zákonem č.111/1998 o vysokých školách a se Studijním a zkušebním řádem VUT v Brně určuje následující téma diplomové práce:

## Reverzní vírová turbina

### Stručná charakteristika problematiky úkolu:

Vírová turbina je stroj, který pracuje bez rozvaděče při poměrně malých spádech a velkých průtocích. Klasické řešení reverzní vírové turbiny zahrnuje provoz v turbinovém i v čerpadlovém režimu. Diplomová práce se bude zabývat použitím tohoto typu stroje nejen v režimu turbinovém a čerpadlovém, ale také pro možnost turbiny v přílivové vodní elektrárně, tedy turbiny v obousměrném proudění. Může být provozována i ve vícestupňovém režimu při akumulaci vodní energie v zásobních vodě (důlní čerpadlo – turbína). V diplomové práci bude stanoven návrhový bod pro turbinový režim provozu (Q11, n11).

### Cíle diplomové práce:

Návrh lopatkování reverzní vírové turbiny a zjištění možností práce tohoto typu stroje v turbinovém i v čerpadlovém provozu.

Výpočetní stanovení charakteristik obou režimů provozu reverzní vírové turbiny.

### Seznam doporučené literatury:

NECHLEBA, M.: Vodní turbíny, jejich konstrukce a příslušenství. SNTL Praha, 1962.

NECHLEBA, M., DRUCKMULLER, M.: Vodní turbíny I. Skripta VUT v Brně, 1990.

HALUZA, M.: Přednášky z předmětu Projektování a provoz tekutinových zařízení, akad. rok 2018/2019.

LENGYEL, J.: Projektovanie vodných elektrární. Skripta SVŠT Bratislava, 1963.

Termín odevzdání diplomové práce je stanoven časovým plánem akademického roku 2019/20

V Brně, dne

L. S.

---

doc. Ing. Jiří Pospíšil, Ph.D.  
ředitel ústavu

doc. Ing. Jaroslav Katolický, Ph.D.  
děkan fakulty

## **Abstrakt**

Táto diplomová práca sa zaobrá hydraulickým návrhom Vírovej turbíny pre prílivovú elektráreň a skúma možnosť prevádzky tohto stroja v turbínovom, reverznom turbínovom, čerpadlovom a reverznom čerpadlovom režime. Z jednotlivých prevádzkových režimov hydraulického návrhu, boli pomocou CFD simulácií vytvorené charakteristiky ktoré boli porovnané a vyhodnotené.

## **Kľúčové slová**

Prílivová elektráreň, Vírová turbína, hydraulický návrh, CFD (Computational fluid dynamics)

## **Abstract**

This diploma thesis describes hydraulic design of Swirl turbine, dedicated to be used for tidal powerplant and study possibilities of the turbine to work in turbine, reverse turbine, pump and reverse pump regime. From individual regimes, graphical characteristics of created hydraulic design were created and compared, using CFD simulations.

## **Key words**

Tidal powerplant, Swirl turbine, hydraulic design, CFD (Computational fluid dynamics)

## Bibliografická citácia

PALIČKA, Miroslav. *Reverzní vírová turbina*. Brno, 2020. Dostupné také z: <https://www.vutbr.cz/studenti/zav-prace/detail/121664>. Diplomová práce. Vysoké učení technické v Brně, Fakulta strojního inženýrství, Energetický ústav. Vedoucí práce Miloslav Haluza.

## **Čestné prehlásenie**

Prehlasujem, že som túto diplomovú prácu vypracoval samostatne s použitím odbornej literatúry a zdrojov uvedených na zozname, ktorý tvorí prílohu tejto práce.

V Brne 26.júna 2020

.....

Miroslav Palička

## **Pod'akovanie**

Tento formou by som rád pod'akoval vedúcemu tejto diplomovej práce doc. Ing. Miloslavovi Haluzovi, CSc. za jeho cenné rady, prípomienky a veľmi prijemnú spoluprácu počas posledných rokov, ktorá mi veľmi pomohla k vytvoreniu tejto práce.

# **Obsah**

<b>1. Energetika a energia prílivu a odlivu.....</b>	<b>12</b>
1.1. Energetika a globálne otepľovanie .....	12
1.2. Vodná energia ako udržateľný zdroj energie .....	13
1.3. Energia prílivu a odlivu .....	14
1.4. Spôsob využitia energie prílivu a odlivu .....	17
1.5. Výhody a nevýhody prílivových elektrární .....	19
1.6. Veľký potenciál a nový prístup .....	20
<b>2. Vodné turbíny .....</b>	<b>21</b>
2.1. Energetické pomery prúdenia .....	21
2.2. Teoretický a efektívny výkon turbíny .....	23
2.3. Princíp získavania efektívneho výkonu.....	25
2.4. Rýchlosné trojuholníky .....	25
2.5. Eulerova turbínová rovnica.....	26
2.6. Rozdelenie vodných turbín .....	28
2.6.1. Rozdelenie podľa tlakových pomerov.....	28
2.6.2. Rozdelenie podľa smeru prúdenia.....	28
2.7. Hydraulická podobnosť .....	29
2.7.1. Jednotkové hodnoty.....	29
2.7.2. Špecifické otáčky turbíny .....	31
2.8. Základné typy turbín.....	32
2.8.1. Peltonova turbína .....	32
2.8.2. Francisova turbína .....	33
2.8.3. Kaplanova turbína .....	33
2.8.4. Vírová turbína .....	35
<b>3. Hydraulický návrh Vírovej turbíny.....</b>	<b>38</b>
3.1. Odhad čistého (netto) spádu.....	38

3.2.	Návrhový bod .....	41
3.3.	Geometria sacej rúry.....	41
3.4.	Účinnosť sacej rúry .....	43
3.5.	Tvorba geometrie lopatky.....	45
3.6.	konformná transformácia .....	47
<b>4.</b>	<b>CFD výpočet.....</b>	<b>52</b>
4.1.	Geometria.....	52
4.2.	Výpočtová siet' .....	55
4.3.	Nastavenie výpočtu .....	59
<b>5.</b>	<b>Výpočet turbínového a reverzného turbínového režimu .....</b>	<b>61</b>
5.1.	Turbínový režim (Záporná orientácia prietoku a otáčkovej frekvencie).....	61
5.2.	Reverzný turbínový režim(Kladná orientácia prietoku a otáčkovej frekvencie) .....	68
5.3.	Účinnosť sacej rúry .....	72
<b>6.</b>	<b>Výpočet čerpadlového a reverzného čerpadlového režimu .....</b>	<b>74</b>
<b>7.</b>	<b>Vyhodnotenie .....</b>	<b>86</b>
<b>8.</b>	<b>Záver .....</b>	<b>88</b>
<b>9.</b>	<b>Použitá literatúra:.....</b>	<b>90</b>
<b>10.</b>	<b>Internetové zdroje: .....</b>	<b>91</b>
<b>11.</b>	<b>Zoznam grafov .....</b>	<b>92</b>
<b>12.</b>	<b>Zoznam tabuľiek: .....</b>	<b>94</b>
<b>13.</b>	<b>Zoznam obrázkov .....</b>	<b>95</b>
<b>14.</b>	<b>Zoznam použitých veličín .....</b>	<b>97</b>

## Úvod

Životná úroveň ľudí, žijúcich vo vyspelých štátach po celom svete, je v roku 2020 vyššia ako kedykoľvek predtým. Za tento blahobyt vo veľkej miere môžeme vdľačiť moderným technológiám, ktoré denne uľahčujú životy každého z nás. Veľká väčšina týchto technológií je závislá od energetickej infraštruktúry, ktorá bola budovaná celé dekády. Akokol'vek prepracovaná a kvalitná, má táto infraštruktúra negatívnu stranu, ktorej vplyvy sú čím d'alej evidentnejšie.

Závislosť energetickej infraštruktúry na fosílnych palivách je problémom, ktorého vyriešenie môže v budúcnosti predstavovať otázku života a smrti. Neustála akcelerácia vypúšťania skleníkových plynov do atmosféry predstavuje globálny problém, ktorého efekty sú z roka na rok väznejšie. Príspevok skleníkových plynov od energetickej infraštruktúry predstavuje najväčší podiel spomedzi všetkých odvetví priemyslu. Aj z toho dôvodu je nutné fosílne palivá nahradíť alternatívnymi zdrojmi energie čo najskôr. Akokol'vek riešiteľný, nie je tento problém ani zd'aleka jednoduchý. Obrovská prekážka pri jeho riešení je ekonomicke hľadisko.

Nízko uhlíkové energetické zdroje, sú z ekonomickeho pohľadu často príliš drahé a nerentabilné. Aj z toho dôvodu je nutné k veci pristupovať s novým, inovatívnym prístupom. Jeden z možných ekologických zdrojov energie predstavuje energia prílivu a odlivu. Jej minimálne využitie je spôsobené finančnou náročnosťou tejto technológie. Ekonomicke sprístupnenie tejto technológie by mohlo spočívať v novom prístupe, ktorý predstavuje Vírová turbína vynájdená na Strojnej fakulte Vysokého učenia technického, odborom Fluidného inžinierstva.

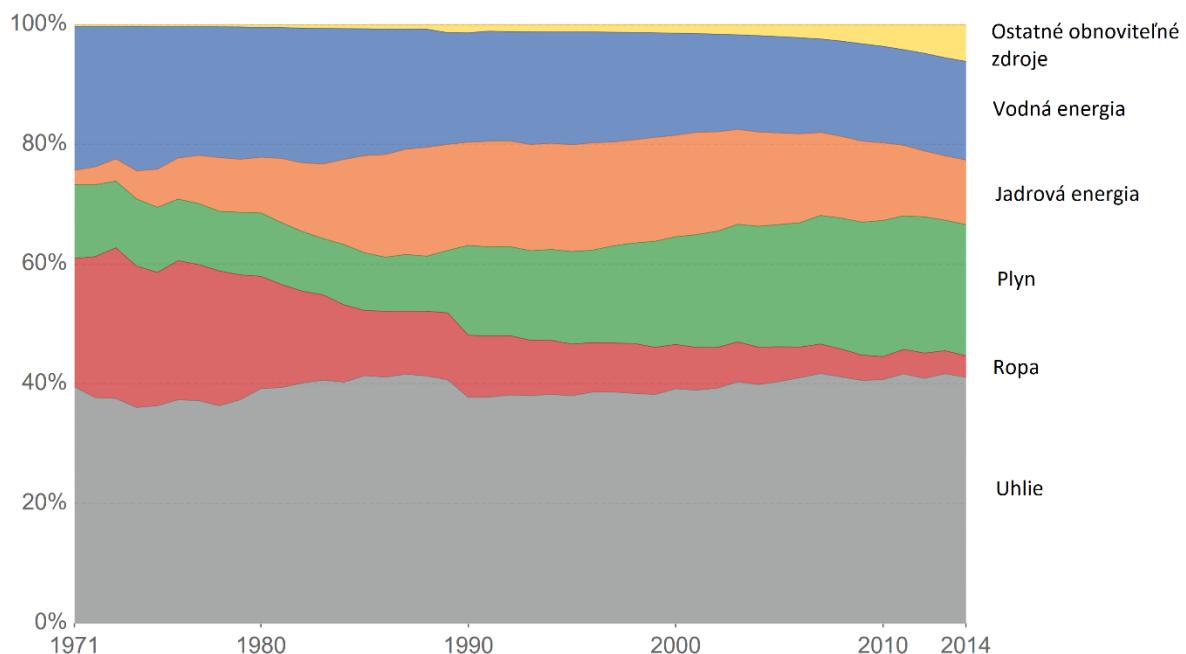
Tento stroj je kandidátom na efektívne a cenovo dostupné riešenie tohto problému. Táto diplomová práca sa venuje hydraulickému návrhu Vírovej turbíny pre prílivovú elektráreň, skúma možnosť jej využitia v turbínovom, opačnom (reverznom) turbínovom, čerpadlovom, reverznom čerpadlovom režime a spolu s naväzujúcou konštrukčnou diplomovou prácou poskytuje všeobecný prehľad o možnosti využitia tejto relativne novej technológie.

# 1. Energetika a energia prílivu a odlivu

## 1.1. Energetika a globálne otepľovanie

Svetová energetika sa v roku 2020 nachádza v situácii, kedy globálna spotreba elektrickej energie neustále stúpa. Zároveň sa kladie čoraz väčší dôraz na spomalenie a zvrátenie globálneho otepľovania, ktorého vplyvy sú stále evidentnejšie a vážnejšie. Výroba elektrickej energie pritom v roku 2010 predstavovala až 25% celkovej svetovej produkcie skleníkových plynov [6], čo predstavuje najväčšiu časť zo všetkých odvetví. Snaha znížiť emisie skleníkových plynov je preto v energetike veľmi dôležitá.

Hlavným dôvodom, prečo je príspevok emisií skleníkových plynov od energetiky tak vysoký, je závislosť energetickej infraštruktúry na fosílnych palivách. Ako možno vidieť na obrázku č.1, podiel fosílnych palív na výrobu elektrickej energie je dlhodobo vyšší ako 60 %.



**Obr.č.1 Podiel zdrojov energie na celkovú svetovú výrobu elektrickej energie [15], upravené**

Najvyšší podiel má uhlíe, ktoré je spaľované v uhoľných elektrárnach. Spaľovanie uhlia pritom vytvára najväčšiu uhlíkovú stopu na vygenerovanú kWh spomedzi všetkých zdrojov energie, ako je možné vidieť v tabuľke č.1.

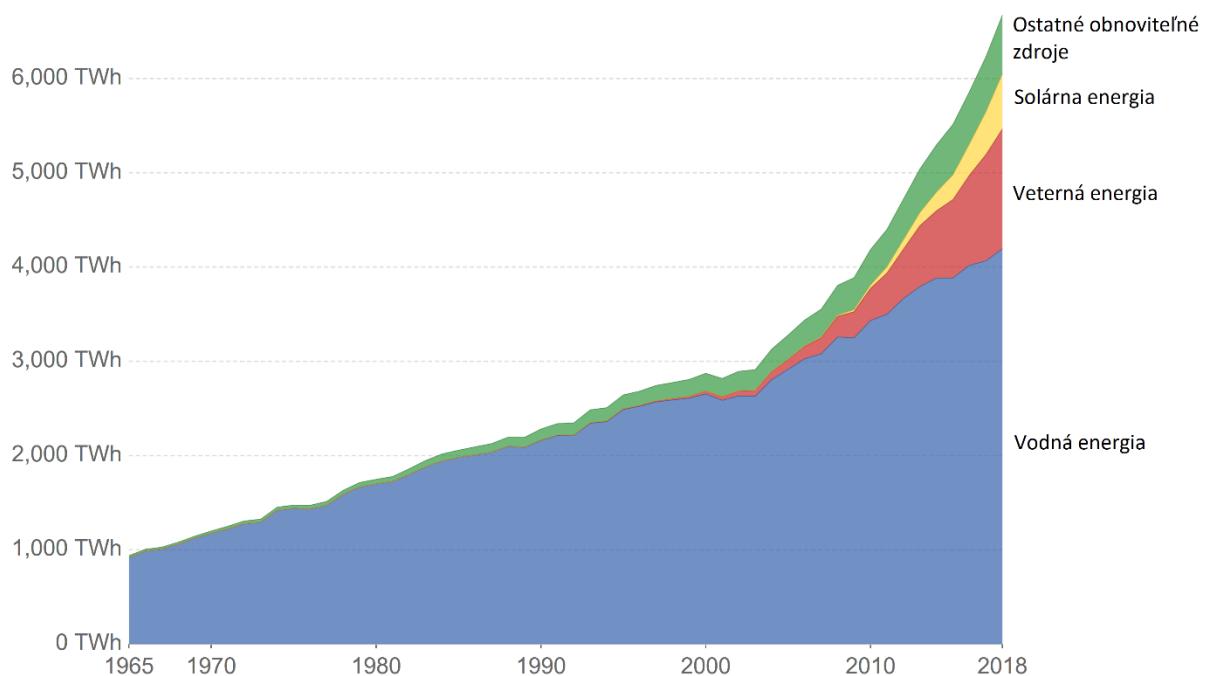
Postupné zníženie emisií skleníkových plynov sa realizuje upúšťaním od zdrojov energie s veľkou uhlíkovou stopou (všeobecne od fosílnych palív) a ich nahradzáním za udržateľné zdroje energie. Táto diplomová práca je zameraná na vodnú energiu, konkrétnie na využitie energie prílivu a odlivu.

Zdroj energie	Ekvivalent uhlíkovej stopy [g CO <sub>2</sub> /kWh]
Uhlie	820
Plyn	490
Solárna energia	48
Vodná energia	24
Jadrová energia	12
Veterná energia	12

Tabuľka č.1 Ekvivalent uhlíkovej stopy podľa zdroja energie v g CO<sub>2</sub> na kWh[6]

## 1.2. Vodná energia ako udržateľný zdroj energie

Vodná energia je druh udržateľnej, nízko uhlíkovej energie, ktorý je v energetike využívaný, spomedzi všetkých udržateľných zdrojov najviac.



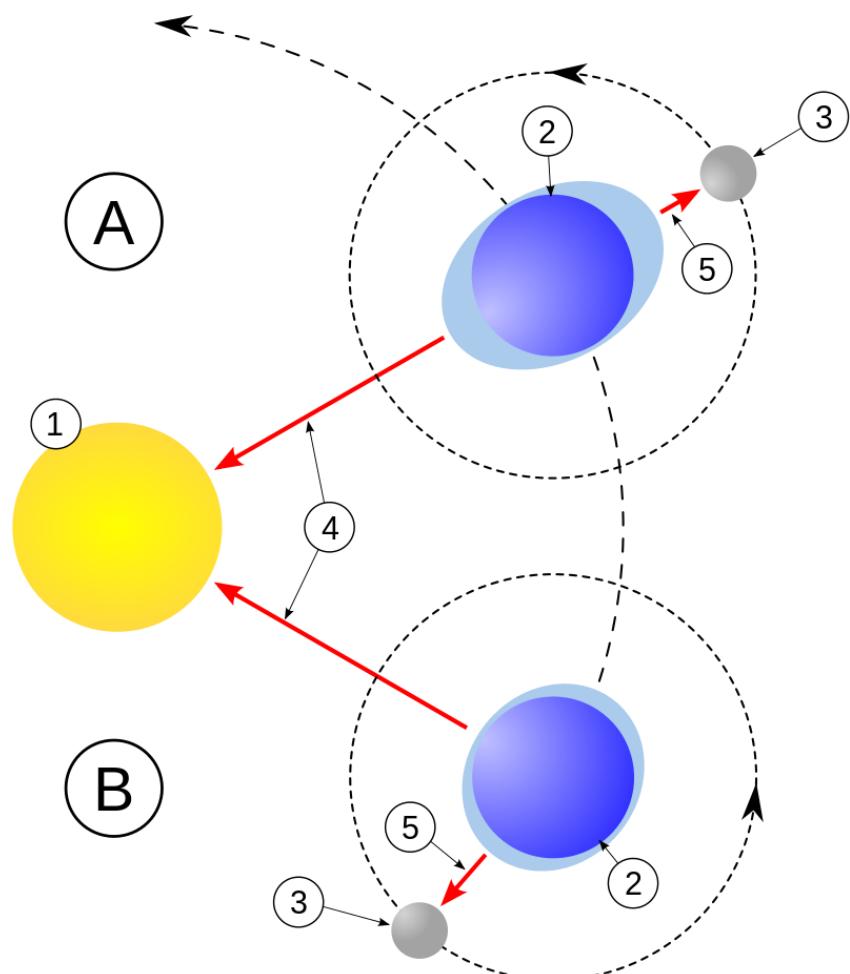
Obr.č.2 Množstvo celosvetovo vyrobenej elektrickej energie z obnoviteľných zdrojov [16]  
upravené

Ako možno vidieť na obrázku č.2, vodná energia predstavuje v súčasnosti asi 60% celkového príspevku udržateľných energií na výrobu elektrickej energie. Toto percento sa však rok od roku zmenšuje. Je to spôsobené celosvetovým presadzovaním udržateľných zdrojov a to hlavne veternej a solárnej energie, ktoré donedávna neboli komerčne využívané vo veľkom. Taktiež je vodná energia vo vyspelých štátach využívaná viac ako storočie a väčšina teoretickej energetickej kapacity vodných tokov je využitá.

### **1.3. Energia prílivu a odlivu**

Na rozdiel od vnútrozemských štátov, prímorské štaty majú okrem vodných tokov k dispozícii prírodný zdroj energie v podobe mora a oceánu. Na prvý pohľad staticky vyzerajúce moria a oceány, sú v skutočnosti zásobárňou neobmedzeného, ekologického zdroja energie. Jedným z možných spôsobov čerpania tejto energie je využiť energiu prílivu a odlivu.

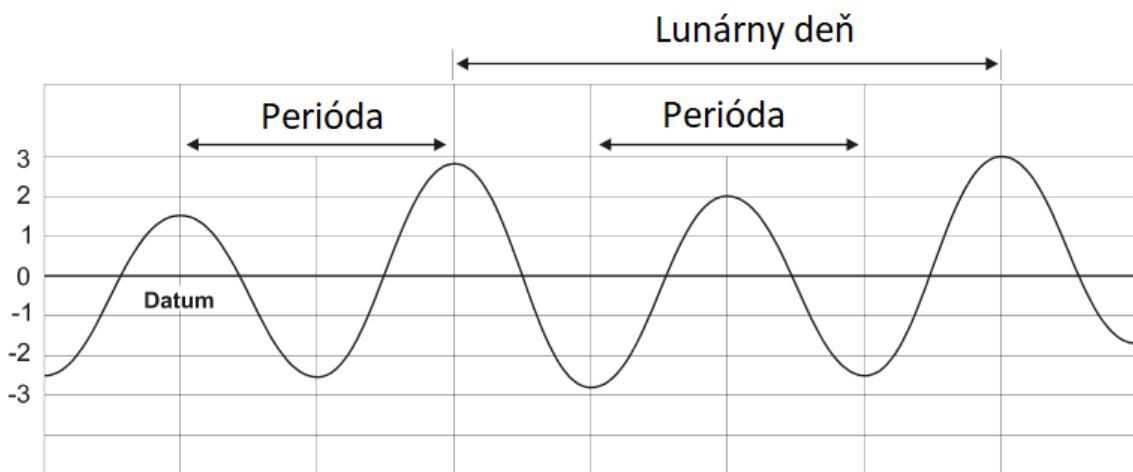
Príliv a odliv je slapový jav, spôsobený vzájomnou gravitačnou interakciou zeme, mesiaca a slnka, pričom vplyv mesiaca predstavuje asi 2/3 a slnka 1/3 celkového pôsobenia. Prejavuje sa vzdúvaním morskej hladiny. Všeobecne platí že príliv a odliv nastáva 2krát za lunárny deň (doba rotácie zeme relatívne k mesiacu) a zmena výšky hladiny je závislá na fáze mesiaca. Vplyv fázy mesiaca možno jednoducho ukázať na obr.č.3.



1 Slnko; 2 Zem; 3 Mesiac; 4 Smer gravitačnej sily slnka; 5 Smer gravitačnej sily mesiaca

**Obr.č.3 Vplyv fázy mesiaca na výšku prílivu/odlivu [13]**

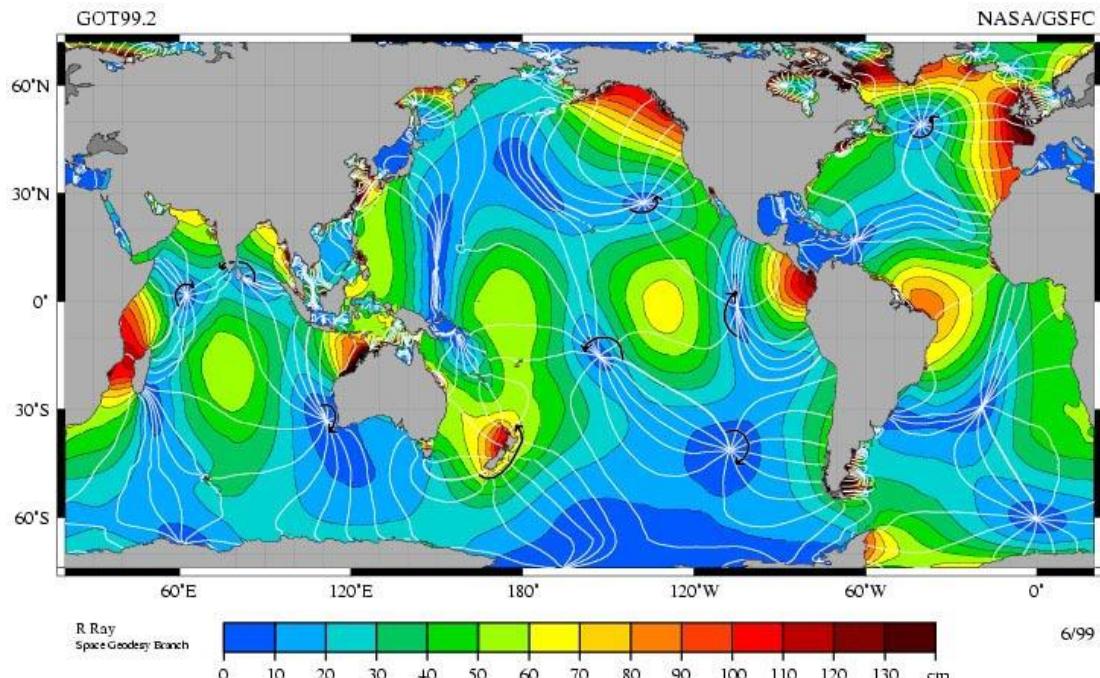
V pozícii A sa mesiac, slnko a zem nachádzajú približne na priamke. Pri tomto rozpoložení je príliv a odliv najsilnejší ( takzvaný skočný príliv/odliv). V pozícii B sú pomyselné priamky slnko-zem a zem-mesiac v takmer pravom uhle. Vtedy je sila prílivu a odlivu naj slabšia (takzvaný hluchý príliv/odliv). Typický priebeh (existujú aj iné priebehy) zmeny výšky hladiny možno vidieť na obrázku č.4.



**Obr.č.4 Typický priebeh výšky hladiny [17], upravené**

Menej významný, no nie zanedbateľný globálny vplyv na výšky prílivu a odlivu, majú zmeny vzdialenosťi zeme od slnka (v priebehu roka) a mesiaca od zeme (v priebehu mesiaca). Táto fluktuácia je spôsobená eliptickým tvarom obežných dráh.

Okrem astronomických vplyvov, sa na mohutnosť prílivu a odlivu v nemalej miere podieľajú vplyvy lokálne. Tieto lokálne vplyvy ako napríklad konfigurácia pobrežia, lokálna hĺbka vód alebo topografia oceánskeho dna, ovplyvňujú príliv a odliv natoľko, že sa jeho výška na niektorých miestach na zemi môže pohybovať v rozmedzí až desiatok metrov. Z tohoto dôvodu boli vytvorené prílivové mapy, ktoré graficky znázorňujú priemernú amplitúdu výšky prílivu (obr.č.5). Biele čiary v tejto mape spájajú oblasti s rovnakou amplitúdou prílivu. Miesta kde sa tieto čiary schádzajú do jedného bodu sa nazývajú prílivové uzly. Amplitúda prílivu voči odlivu v prílivovom uzle je nulová. Oblasti s vysokou priemernou amplitúdou prílivu sú vyznačené tmavými farbami. Tieto miesta teda predstavujú lokality, kde sa energia prílivu a odlivu môže efektívne a vo veľkej miere využívať.



Obr.č.5 Prílivová mapa [14]

#### 1.4. Spôsob využitia energie prílivu a odливu

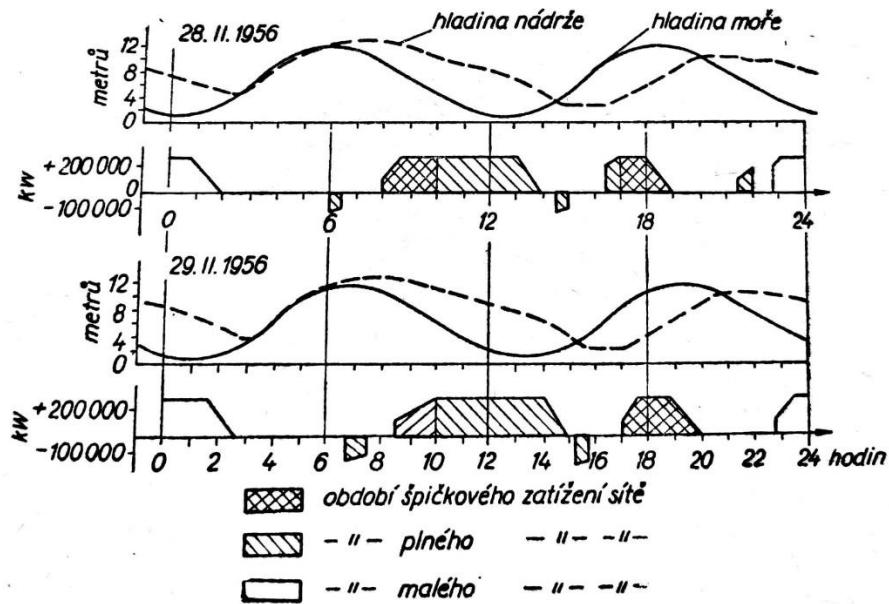
Amplitúda prílivu a odливu vytvára výškový rozdiel hladín (medzi nádržou a hladinou vodnej plochy), ktorý je možno využiť, podobne ako na vodných tokoch, v prílivovej vodnej elektrárni. Základnými komponentmi týchto elektrární, sú prílivová hrádza so vstavanými turbínami, regulačné stavidlá a nádrž. Prílivová hrádza, umožňuje vode prúdiť do nádrže počas prílivu a vypúšťa vodu z nádrže v čase odливu. Pri správnom načasovaní plnenia/vyprázdňovania nádrže, vzniká medzi hladinou mora/oceánu a hladinou nádrže výškový rozdiel, ktorý využívajú vstavané turbíny na produkciu elektrickej energie. Tento proces je uskutočňovaný pomocou stavidiel, ktoré regulujú vypúšťanie a napúšťanie nádrže.

Nádrž prílivovej elektrárne z princípu funkcie musí byť čo najväčšia, aby sa pri plnení/vypúšťaní nádrže, udržal veľký rozdiel výšky hladín čo najdlhšie. Z tohto dôvodu, neprichádzajú do úvahy umelo vytvorené nádrže ale je nutné využiť prírodné rezervoáre ako napríklad zálivy alebo riečne delty. Príkladom prílivovej elektrárne, využívajúcej riečnu deltu je Francúzska elektráreň na rieke Rance (Obr.č.6). Táto prílivová elektráreň je v prevádzke od roku 1966 a je prvou elektrárnou svojho druhu. S jej maximálnym výkonom 240MW dodáva približne 600GWh ročne. [21]



Obr.č.6 Prílivová elektráreň na rieke Rance [19]

Jej hrádza je 750 metrov dlhá a 13 metrov vysoká. Je v nej uložených 24 hľuzových turbín. Tento typ turbín je špeciálnym typom axiálnej turbíny, ktorej lopatky je možné natočiť až o  $200^\circ$ , čo umožňuje obojsmerný turbínový režime a taktiež obojsmerný čerpadlový režim. Čerpadlovým režimom turbín v prílivových elektrárnach, je možne zdokonaliť prevádzku tým, že v dobe, kedy sa odliv mení na príliv a naopak, sa vyčerpá časť vody z nádrže alebo v opačnom prípade, sa prečerpá voda z mora/oceánu do nádrže. To sa deje pri malom rozdieli hladín a teda, s použitím malého množstva energie, sa značne zväčší použiteľný spád na turbíny [2]. Približný priebeh výšky hladín s pričerpávaním na elektrárni Rance je možno vidieť na obrázku č.7.



Obr.č.7 Priebeh hladín a výkonov počas dňa na prílivovej elektrárni na rieke Rance [2]

### 1.5. Výhody a nevýhody prílivových elektrární

Medzi hlavné výhody prílivových elektrární patrí stálosť a predvídateľnosť tejto energie, vzhľadom na jej zdroj. Využívanie prílivu/odlivu na generovanie elektrickej energie však odoberá z nášho planetárneho systému energiu. To môže spôsobiť spomaľovanie rotácie zeme, podobne ako je to u mesiaca, kde slapové javy spôsobili úplnú synchronizáciu rotácie mesiaca, s dobu obehu okolo zeme (preto je zo zeme vždy viditeľná len privrátená strana mesiaca a „príliv“ na mesiaci je vždy na tej istej pologuli). Hmotnosť mesiaca je však podstatne menšia ako hmotnosť zeme. Aj preto by spomalenie rotácie zeme (ktoré neustále prebieha), bolo badateľné až po miliónoch rokov. Z toho dôvodu je energia prílivu a odlivu považovaná za prakticky nevyčerpateľný zdroj.

Malé množstvo prílivových elektrární vo svete je však indikátorom mnohých nevýhod. Jedným z najväčších problémov predstavuje cena konštrukcie. Rozsiahle stavebné práce na vytvorenie hrádze na morskom pobreží, nehovoriac a zložitom turbínovom sústrojí ktoré musí pre efektívnu prevádzku fungovať obojsmerne ako čerpadlo aj turbína v korozívnom prostredí, predstavujú nemalé investičné náklady.

Návratnosť tejto investície je taktiež limitovaná charakterom využívaneho zdroja energie. Príliv a odliv je sice stabilný ale jeho synchronizácia s potrebami energetickej siete je bez akumulácie nerealizovateľná. Výroba elektriny mimo dopytovej špičky je finančne nevýhodná a akumulácia predstavuje ďalšie nemalé náklady.

Odhliadnuc od finančného hľadiska, lokálne vplyvy na príliv a odliv obmedzujú realizovateľnosť prílivových elektrární len na lokality s vysokými amplitúdami (Tmavé oblasti na Obr.č.5).

Z pohľadu globálneho otepľovania, je tento typ elektrárni veľmi lákavý, pretože jediným zdrojom skleníkových plynov je samotná konštrukcia. Vzhľadom na teoretickú životnosť, ktorá sa pohybuje v rozmedzí mnohých desiatok rokov, je uhlíková stopa v prepočte na GWh vytvorenej elektriny veľmi priaznivá. Avšak z celkového ekologického pohľadu na vec, je nutné prihliadnuť k rozsiahlemu narušeniu ekosystému, obzvlášť v prípade elektrárne využívajúcej ako nádrž deltu rieky, kde obmedzenie toku môže výrazne vplyvať na slanosť vody a pohyb živočíchov v ovplyvnenej oblasti.

## **1.6. Veľký potenciál a nový prístup**

Aj napriek mnohým nevýhodám prílivových elektrární, je ich potenciál obrovský. Táto diplomová práca je venovaná možnosti využitia moderných a nových prístupov k riešeniu prílivových elektrární a konkrétnie sa venuje preskúmaniu možnosti znížiť investičné náklady pomocou nového typu turbíny, ktorý bol vynájdený na Odbore Fluidného Inžinierstva FSI VUT v Brne. Jedná sa o Vírovú turbínu, ktorej charakter nabáda k využitiu v menšej prílivovej elektrárni, ktorej investičné náklady by mali byť odľahčené o rozvádzací a zložité riešenie pohyblivých lopatiek. Problematike turbín je venovaná celá nasledujúca kapitola.

## 2. Vodné turbíny

Vodné turbíny sú hydrodynamické stroje, ktoré umožňujú premeniť potenciálnu a polohovú energiu vody, na mechanickú energiu na hriadele a tým vytvárať užitočný výkon. Predchadzajúcimi turbínami boli vodné kolesá, ktoré premieňali len polohovú energiu vody na mechanickú energiu. Turbíny sú schopné premieňať aj energiu tlakovú. Táto premena prebieha u turbín nepriamo, sprostredkovane pomocou kinetickej energie.

Stroj ktorý funguje na opačnom princípe a z mechanickej energie na hriadele vytvára kinetickú energiu vody, sa nazýva čerpadlo.

### 2.1. Energetické pomery prúdenia [5]

Celkovú energetickú rovnováhu (zákon zachovania energie) prúdenia medzi dvoma bodmi na prúdnici, zjednodušene popisuje Bernoulliho rovnica, odvodnená pre stacionárne prúdenie nestlačiteľnej kvapaliny so stratami a zaradenou turbínou a čerpadlom:

$$Y = g * H_1 + \frac{p_1}{\rho} + \frac{v_1^2}{2} = g * H_2 + \frac{p_2}{\rho} + \frac{v_2^2}{2} + Y_z + Y_T - Y_C , \quad (2.1)$$

kde:	$Y$	[J/kg]	Merná energia prúdenia
	$Y_z$	[J/kg]	Stratová merná energia prúdenia
	$Y_t$	[J/kg]	Merná energia odobraná turbínou
	$Y_C$	[J/kg]	Merná energia pridaná čerpadlom
	$g$	[m/s <sup>2</sup> ]	Gravitačné zrýchlenie
	$\rho$	[kg/m <sup>3</sup> ]	Hustota média
	$H_1, H_2$ [m]		Poloha v gravitačnom poli (výška hladiny) v skúmanom bode
	$p_1, p_2$ [Pa]		Hydrostatický tlak v skúmanom bode
	$v_1, v_2$ [m/s]		Rýchlosť prúdenia v skúmanom bode

Vo vzťahu (2.1) predstavuje  $g * H$  polohovú energiu,  $\frac{p}{\rho}$  potenciálnu energiu a  $\frac{v^2}{2}$  kinetickú energiu. Kinetická energia prúdenia  $E_k = \frac{v^2}{2}$  vo vzťahu (2.1), však vyjadruje len energiu strednej prietokovej rýchlosťi.

Pre vyjadrenie skutočnej kinetickej energie prúdenia, je nutné využiť Coriolisovo číslo:

$$\alpha = \frac{\int_S u^2 * u_x * dS}{v^3 * S}, \quad (2.2)$$

kde:	$\alpha$	[-]	Coriolisovo číslo
	$u$	[m/s]	Bodová rýchlosť
	$u_x$	[m/s]	Rýchlosť kolmá na prietokovú plochu
	$v$	[m/s]	Stredná prietoková rýchlosť prúdenia
	$S$	[m <sup>2</sup> ]	Prietoková plocha
	$dS$	[m <sup>2</sup> ]	Element prietokovej plochy

S využitím Coriolisového čísla by potom kinetická energia prúdenia mala tvar:

$$E_k = \frac{\alpha * v^2}{2}. \quad (2.3)$$

Stratová merná energia  $Y_z$ , sa dá vyjadriť ako súčet dĺžkových a miestnych strát vírením (Weisbachov vzťah):

$$Y_z = \frac{v^2}{2} * \left( \xi_z + \lambda * \frac{l}{d} \right), \quad (2.4)$$

kde:	$Y_z$	[J/kg]	Stratová merná energia
	$v$	[m/s]	Stredná prietoková rýchlosť prúdenia
	$\xi$	[-]	Koeficient miestnych strát
	$\lambda$	[-]	Koeficient dĺžkových strát
	$l$	[m]	Dĺžka potrubia
	$d$	[m]	Priemer potrubia

## 2.2. Teoretický a efektívny výkon turbíny [8]

Ak klesne množstvo vody o váhe  $m=1\text{kg}$  o výškový rozdiel  $H=1\text{m}$ , vykoná pritom prácu  $U=1\text{J}$ . Ak prejde každú sekundu množstvo vody  $Q$ , výškovým rozdielom  $H$ , v zmysle zemskej gravitácie, koná každú sekundu prácu, teda podáva výkon:

$$P_{th} = Q * \rho * H * g, \quad (2.5)$$

kde:  $H$  [m] Výškový rozdiel (spád na turbínu)

$\rho$  [ $\text{kg}/\text{m}^3$ ] Hustota

$Q$  [ $\text{m}^3/\text{s}$ ] Objemový prietok

$P_{th}$  [W] Hydraulický príkon prietoku  $Q$  a spádu  $H$

$g$  [ $\text{m}/\text{s}^2$ ] Gravitačné zrýchlenie

Tento príkon nazývame teoretický výkon turbíny. Spád na turbínu  $H$ , uvedený vo výraze (2.5), však nie je celkový výškový rozdiel hladín. Celkový alebo takzvaný „Brutto“ spád  $H_b$ , turbína nemôže zužitkovat' celý. Jeho časť sa totiž spotrebuje na prekonanie prietokových odporov v prívodnom kanále a časť energie je nenávratne stratená vo forme kinetickej energie výtoku. Takzvaný čistý alebo „Netto“ spád na turbínu  $H$  dostaneme, ak od Brutto spádu  $H_b$  tieto straty odčítame a pričítame kinetickú energiu vody na vstupe:

$$H = H_b + \frac{\alpha * v_1^2}{2g} - \frac{\alpha * v_2^2}{2g} - \sum H_z, [8] \quad (2.6)$$

kde:  $H$  [m] Spád na turbínu (Netto/čistý spád)

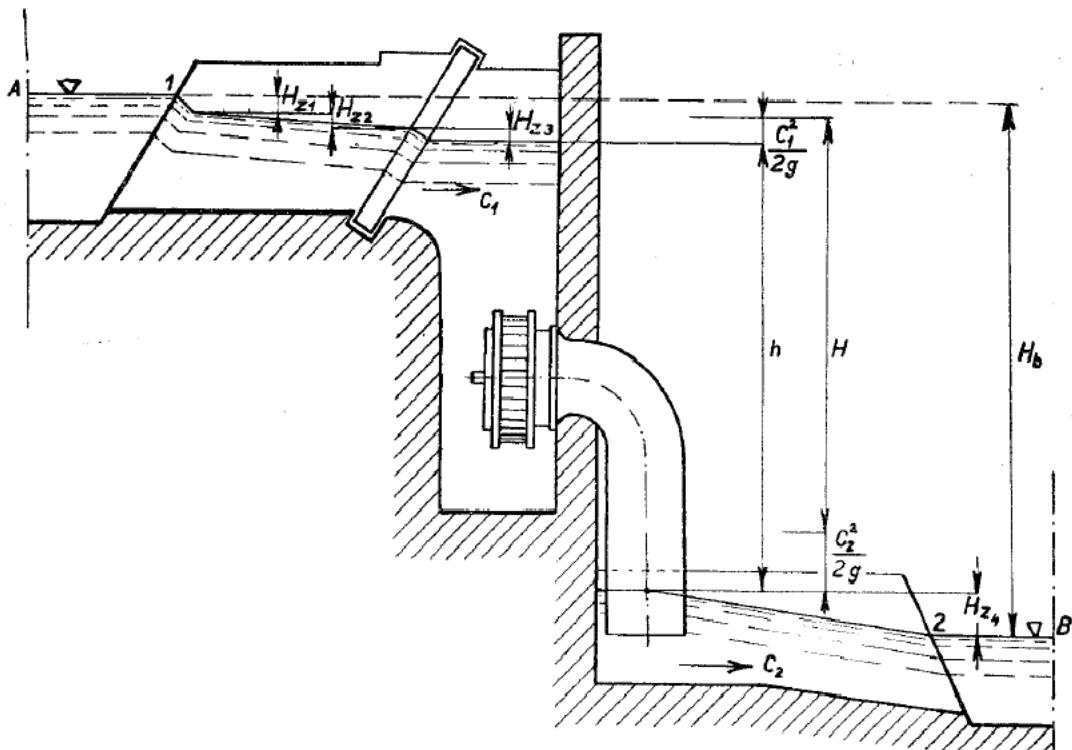
$H_b$  [m] Brutto spád

$H_z$  [m] Stratová merná energia v metroch vodného stĺpca

$\frac{\alpha * v_1^2}{2g}$  [m] Kinetická energia na vstupe v metroch vodného stĺpca

$\frac{\alpha * v_2^2}{2g}$  [m] Kinetická energia na výstupe v metroch vodného stĺpca

Vzťah (2.6) je názorne graficky zobrazený na obrázku č.8.



Obr.č.8 Grafické znázornenie „netto“ spádu H [8]

Vodné motory ako turbíny, teoretický výkon  $P_{th}$  nespracovávajú celý, pretože premena hydraulickej na mechanickú energiu je spojená so stratami. Výkon ktorý dostaneme na spojke turbíny, nazývame efektívny výkon:

$$P_{ef} = P_{th} * \eta_o * \eta_h * \eta_m = M_k * \omega, \quad (2.7)$$

kde:  $P_{th}$  [W] Hydraulický príkon prietoku Q a spádu H (teoretický výkon)

$P_{ef}$  [W] Efektívny výkon na spojke

$\eta_o$  [-] Účinnosť objemová

$\eta_h$  [-] Účinnosť hydraulická

$\eta_m$  [-] Účinnosť mechanická

$M_k$  [N\*m] Krútiaci moment na hriadele obežného kolesa

$\omega$  [rad/s] Uhlová rýchlosť turbíny.

### 2.3. Princíp získavania efektívneho výkonu [8]

Ako bolo v úvode tejto kapitol spomenuté, premena potenciálnej energie v turbíne prebieha nepriamo, sprostredkovane pomocou kinetickej energie. Ako dôsledok Bernoulliho rovnice(2.1), vzniká kinetická energia  $\frac{v^2}{2}$ , na úkor energie tlakovej  $\frac{p}{\rho}$ , v zužujúcom sa (konfúzorovom) prívodnom potrubí, kde sa prúd vody urýchli. Urýchlenie prúdenia v zužujúcom sa kanále vyplýva z rovnice kontinuity pre nestlačiteľné prúdenie:

$$Q = v * S = konš. \quad (2.8)$$

kde:	$Q$	[m <sup>3</sup> /s]	Objemový prietok
	$v$	[m/s]	Stredná prietoková rýchlosť
	$S$	[m <sup>2</sup> ]	Prietoková plocha

Takto urýchlené prúdenie, s veľkou zložkou kinetickej energie, vstupuje do rotujúcej lopatkovnej mriežky. Tu je jeho smer pozmenený zakrivenými lopatkami turbíny. Zmenou smeru prúdenia, pôsobí voda silou na lopatkový kanál turbíny, roztáča turbínu a tým odovzdáva energiu. Tieto procesy sa dejú v relatívnom valcovom rotujúcom súradnicovom systéme.

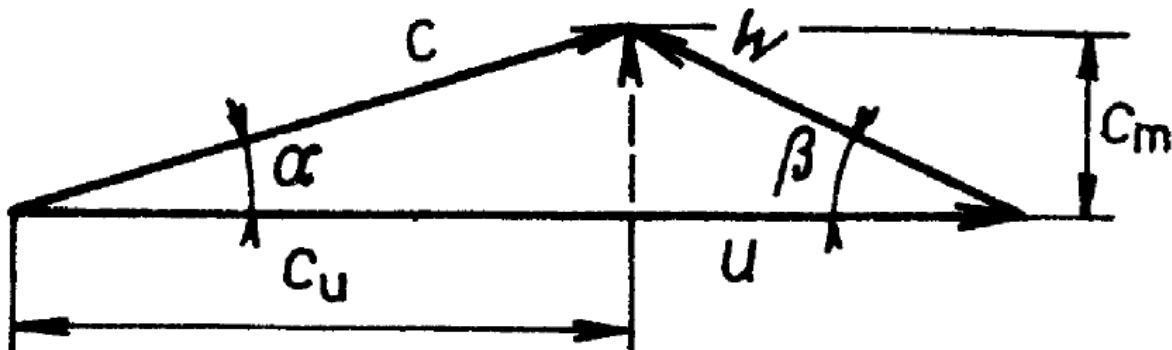
### 2.4. Rýchlostné trojuholníky [1]

Pre určenie prúdových pomero v turbíne je nutné najprv urobiť kinematický rozbor. V rotujúcom valcovom súradnicovom systéme platí, že absolútna rýchlosť prúdenia (rýchlosť vzhl'adom k pevnému bodu) je daná vektorovým súčtom relatívnej rýchlosťi a rýchlosťi unášacej:

$$c = w + u, \quad (2.9)$$

kde:	$c$	[m/s]	Absolútta rýchlosť
	$w$	[m/s]	Relatívna rýchlosť
	$u$	[m/s]	unášacia rýchlosť (obvodová rýchlosť)

Grafickým súčtom týchto vektorov rýchlosťí, vzniká takzvaný rýchlostný trojuholník hydrodynamického stroja. Príklad takéhoto rýchlostného trojuholníku je zobrazený na obr. č.9.



Obr.č.9 Rýchlosný trojuholník hydrodynamického stroja[1]

Relatívna rýchlosť  $w$ , zviera s unášacou rýchlosťou  $u$  (v prípade rotačného stroja unášacia=obvodová rýchlosť) uhol  $\beta$  a absolútne rýchlosť  $c$  zviera s unášacou rýchlosťou  $u$  uhol  $\alpha$ . Pre rýchlosný trojuholník, popisujúci prúdenie na vstupe/výstupe do lopatkovej mriežky je uhol  $\beta$ , v ideálnom prípade, zároveň uhol nábežnej/odtokovej hrany lopatky turbíny. Na obrázku č.9 sú taktiež zobrazené dôležité doplňujúce zložky absolútnej rýchlosťi:

$c_m$  – meridiánová zložka absolútnej rýchlosťi kvapaliny (rýchlosť ležiaca v rovine mediálneho rezu obežného kolesa ktorá je kolmá na unášaciu rýchlosť  $u$ )

$c_u$  – obvodová zložka absolútnej rýchlosťi kvapaliny

Meridiánová rýchlosť  $c_m$  súvisí s ustáleným prietokom kvapaliny  $Q$ . Obvodová zložka absolútnej rýchlosťi  $c_u$  súvisí s mernou energiou kvapaliny  $Y$ .

## 2.5. Eulerova turbínová rovnica [2,3]

Kvapalina pretekajúca obežným kolesom mení svoj smer kvôli zakriveniu lopatky. Zmena jej hybnosti, vyvodzuje silu na lopatky obežného kolesa a roztáča turbín. Pre prenášanie energie na rotujúci hriadeľ obežného kolesa, majú vplyv len zmeny obvodovej zložky absolútnej rýchlosťi (zmena radiálnej a axiálnej zložky iba namáha ložiská turbíny).

Zmenu hybnosti pre všetku kvapalinu pretekajúcu obežným kolesom, možno zjednodušene vyjadriť vzťahom:

$$\frac{d}{dt} \int (dm * c_u) = F = Q * \rho * \Delta c_u, \quad (2.10)$$

kde:	$dt$	[s]	Časová zmena
	$dm$	[kg]	Element hmotnosti
	$\Delta c_u$	[m/s]	Zmena obvodovej zložky absolútnej rýchlosťi
	$F$	[N]	Sila spôsobená zmenou hybnosti
	$Q$	[m <sup>3</sup> /s]	Objemový prietok
	$\rho$	[kg/m <sup>3</sup> ]	Hustota

Po integrácii tejto rovnice cez kontrolný objem, s hranicami na vstupnej a výstupnej ploche lopatkové mriežky (kde index 1 vyjadruje vstup a index 2 vyjadruje výstup z mriežky), úpravách na výkonový tvar a zahrnutí strát dostávame Eulerovu turbínovú rovinu:

$$Y_T * \eta_h = u_1 * c_{u1} - u_2 * c_{u2}, \quad (2.11)$$

kde:	$Y_T$	[J/kg]	Merná energia turbíny
	$\eta_h$	[-]	Hydraulická účinnosť
	$u_1$	[m/s]	Unášacia (obvodová) rýchlosť turbíny na vstupe
	$u_2$	[m/s]	Unášacia (obvodová) rýchlosť turbíny na výstupe
	$c_{u1}$	[m/s]	Obvodová zložka absolútnej rýchlosťi prúdenia na vstupe
	$c_{u2}$	[m/s]	Obvodová zložka absolútnej rýchlosťi prúdenia na výstupe

Unášaciu (obvodovú) rýchlosť turbíny možno vyjadriť vzťahom:

$$u = \pi * d_{ref} * n, \quad (2.12)$$

kde:	$u$	[m/s]	Unášacia (obvodová) rýchlosť
	$\pi$	[-]	Rudolfovo číslo
	$d_{ref}$	[m]	Referenčný priemer obežného kolesa
	$n$	[1/s]	Otáčky turbíny

Eulerova turbínová rovnica určuje teoretickú energiu, ktorú je schopný každý kilogram kvapaliny odovzdať turbíne, pri prechode rotujúcim kanálom obežného kolesa. Celé odvodenie tejto rovnice je uvedené napr. v [8].

## 2.6. Rozdelenie vodných turbín [2,8]

### 2.6.1. Rozdelenie podľa tlakových pomerov

Podľa toho, ako sa mení tlaková energia na kinetickú energiu pri vtoku do obežného kolesa, môžeme turbíny rozdeliť na:

#### a) Rovnotlaké

Rovnotlaké turbíny, celý spád premenia na rýchlosť už pred vtokom do obežného kolesa a vodný prúd pôsobí len silou vyvinutou ohybom prúdu na lopatkách obežného kolesa.

#### b) Pretlakové

V pretlakových turbínach, má prúdenie pri vstupe do obežného kolesa ešte určitý tlak, ktorý sa na rýchlosť premení až v obežnom kolese turbíny. Vodný prúd potom pôsobí na lopatky čiastočne tlakom z ohybu prúdu a čiastočne reakciou na relatívne urýchlenie prúdenia v obežnom kolese.

### 2.6.2. Rozdelenie podľa smeru prúdenia

#### a) Axiálne

Ak voda preteká obežným kolesom rovnobežne s osou hriadeľu, nazývame turbínu axiálnou.

**b) Radiálne**

Ak voda preteká obežným kolesom kolmo k hriadeľu , nazývame turbínu radiálou. Radiálne turbíny sa ďalej rozdeľujú podľa orientácie prúdu na centrifugálne (smer prúdenia je odstredivý) a centripetálne (smer prúdenia je dostredivý) .

**c) Radiálno-axiálne**

Turbínu nazývame radiálno-axiálou, ak sa mení smer prúdenia v priestore z radiálneho na axiálne.

**d) Diagonálne**

Ak je smer prúdenia šikmo k hriadeľu, turbínu nazývame diagonálou.

**e) Tangenciálne**

Turbínu nazývame tangenciálou, ak prúdenie prichádza na obežné koleso v smere dotyčnice.

## **2.7. Hydraulická podobnosť [8]**

O turbínach vravíme, že sú si geometricky podobné, ak je pomer ich rozmerov vo všetkých smeroch rovnaký. Turbíny ktoré sú si geometricky podobné, majú tiež podobnosť hydraulickú. Týchto podobností možno využiť na vzájomné porovnanie geometricky podobných turbín a z toho dôvodu boli zavedené podobnostné vzťahy.

### **2.7.1. Jednotkové hodnoty[8]**

Ak podľa zákonov geometrickej podobnosti prepočítame postupne hodnoty turbíny na  $H=1\text{m}$  spádu a na priemer  $D=1\text{m}$ , dostaneme takzvané jednotkové hodnoty. Tieto hodnoty sa hodia ku grafickému znázorneniu vlastností rôznych turbín. Pri používaní jednotkových hodnôt , je treba myslieť na to, že rovnice nie sú rozmerovo homogénne. Je to spôsobené zámenou spádu  $H$  a priemeru  $D$  za hodnotu 1. Z praktického a historického hľadiska sa však jednotkové hodnoty používajú v tejto forme.

a) Jednotkové otáčky:

Sú otáčky, ktoré by mala geometricky podobná turbína s priemerom D=1m a spádom na turbínu H=1m:

$$n_{11} = \frac{n * D}{\sqrt{H}}, \quad (2.13)$$

kde:  $D$  [m] Priemer obežného kolesa

$H$  [m] Spád na turbínu (netto spád)

$n$  [1/min] otáčky turbíny

$n_{11}$  [1/min] jednotkové otáčky

b) Jednotkový prietok:

Je prietok, ktorý by mala geometricky podobná turbína s priemerom D=1m a spádom na turbínu H=1m:

$$Q_{11} = \frac{Q}{D^2 \sqrt{H}}, \quad (2.14)$$

kde:  $D$  [m] Priemer obežného kolesa

$H$  [m] Spád na turbínu (netto spád)

$Q$  [ $\text{m}^3/\text{s}$ ] Prietok turbíny

$Q_{11}$  [ $\text{m}^3/\text{s}$ ] Jednotkový prietok

c) Jednotkový výkon:

Je výkon, ktorý by mala geometricky podobná turbína s priemerom D=1m a spádom na turbínu H=1m:

$$P_{11} = \frac{P}{D^2 \sqrt{H^3}}, \quad (2.15)$$

kde:  $D$  [m] Priemer obežného kolesa

$H$  [m] Spád na turbínu (netto spád)

$P$  [W] Výkon turbíny

$P_{11}$  [W] Jednotkový výkon

d) Jednotkový moment:

Je moment, ktorý by mala geometricky podobná turbína s priemerom D=1m a spádom na turbínu H=1m:

$$M_{11} = \frac{M}{D^3 * H}, \quad (2.16)$$

kde:  $D$  [m] Priemer obežného kolesa

$H$  [m] Spád na turbínu (netto spád)

$M$  [N\*m] Moment turbíny

$M_{11}$  [N\*m] Jednotkový moment

Pri používaní jednotkových hodnôt, treba brať ohľad na fakt, že pri odvodzovaní týchto vzťahov, bola predpokladaná rovnaká účinnosť podobných strojov, čo v realite neplatí. Podrobne odvodenie týchto vzťahov je napríklad v [8].

### 2.7.2. Špecifické otáčky turbíny[8]

Tak ako sú hodnoty ( $n, Q$  atď.) geometricky podobných turbín spolu vzájomne previazané (podľa vzťahov (2.13-16)), musia mať geometricky podobné turbíny spoločný znak, ktorý ich charakterizuje. Pri navrhovaní jednotlivých typov turbín, je treba zachovávať vzájomný pomer jednotlivých rozmerov, ktorý podľa skúseností dáva najlepšiu účinnosť. Preto bol zavedený pojem „merné turbíny“. Merná turbína je turbína podobná danej, ktorá pri spáde  $H=1$  m, má výkon jednu konskú silu. Jej otáčky nazývame merné alebo špecifické otáčky  $n_s$ . Špecifické otáčky, po prepočte na mernú sústavu SI, sú definované vzťahom:

$$n_s = 3.65 * \frac{n}{\sqrt{H}} * \sqrt{\frac{Q}{\sqrt{H}}}, \quad (2.17)$$

kde:  $n_s$  [1/min] Špecifické otáčky

$n$  [1/min] Otáčky turbíny

$H$  [m] Spád na turbínu

$Q$  [m/s] Prietok porovnávanou turbínou

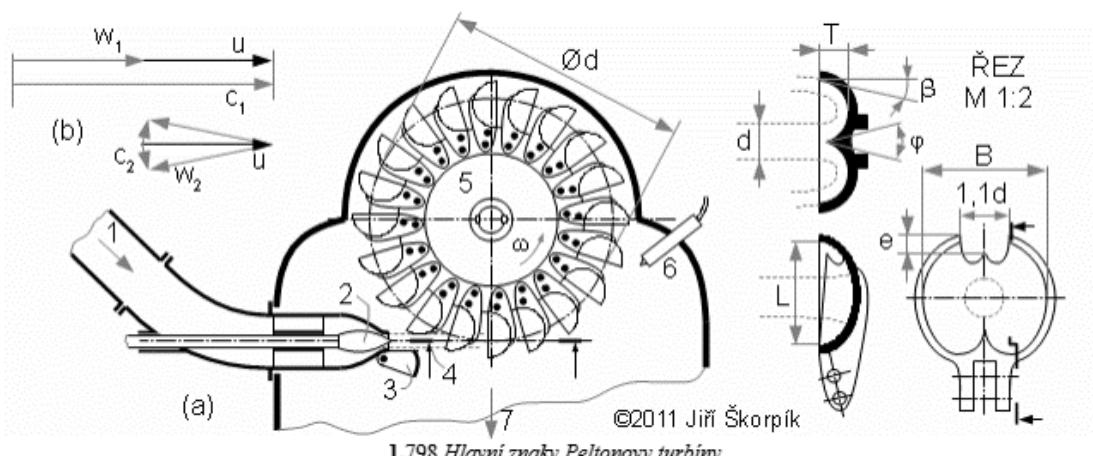
Špecifické otáčky charakterizujú schopnosť stroja, dat' s najvyššími možnými otáčkami, najvyšší možný výkon a z podkladových hodnôt  $n, H$  a  $P$  teda ukazujú, aké špecifické otáčky sú pre dané pomery potrebné.

Pri používaní špecifických otáčok, je treba myslieť na to, že rovnica (2.17) nie je rozmerovo homogénna. Jej fyzikálny rozmer je však v zmysle otáčok za minútu. Podrobne odvodenie vzťahu pre špecifické otáčky možno nájsť napr. v [8]

## 2.8. Základné typy turbín

### 2.8.1. Peltonova turbína [1]

Peltonová turbína je dnes prakticky jediný predstaviteľ rovnotlakej, tangenciálnej turbíny. Prvýkrát bola vyrobená v roku 1880. Jej hlavné časti sú privádzacie zariadenie, obežné koleso, deflektor a regulačné zariadenie. Na obrázku č.10 je schematicky zobrazené koleso Peltonovej turbíny, s jej základnými rozmermi. Hlavnou časťou jej privádzacieho zariadenia je tryska, z ktorej je voda v kompaktnom lúči privádzaná do voľného priestoru (všetka potenciálna energia je tu premenená na kinetickú energiu lúču) a následne na obežné koleso. Obežné koleso je oceľový kruh, na ktorého obvode sú upevnené lopatky v tvare dvojitej misky. Na tieto misky naráža lúč vody z trysky, kde je odchýlený tak, že predá všetku svoju energiu obežnému kolesu. Výkon Peltonovej turbíny je regulovaný zväčšovaním alebo zmenšovaním prierezu trysky a súčasným odchyľovaním vodného lúču deflektorm. Peltonove turbíny sa všeobecne používajú pre vysoké spády od  $H=200-2000\text{m}$  a malé prietoky, ich špecifické otáčky sú teda nízke.



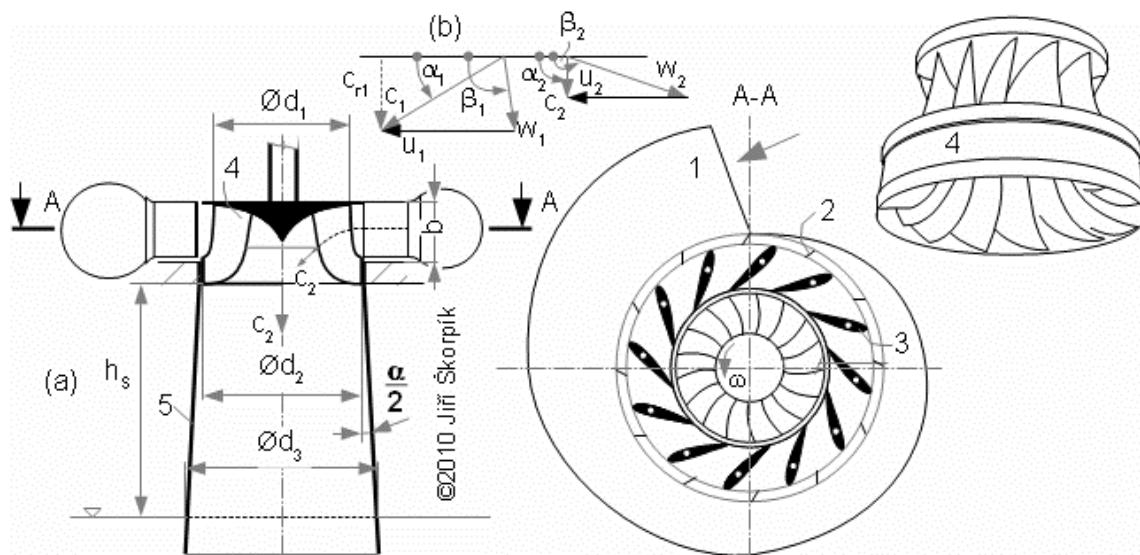
1.798 Hlavní znaky Peltonovy turbíny.

(a) horizontální Peltonova turbína; (b) typický rychlosní trojúhelník P. turbíny podle [3, s. 351]. 1 prívody vody pres kulový uzávěr; 2 regulační jehla; 3 odchylovač (deviátor) vodního paprsku; 4 vodní paprsek; 5 lopatky usazené na disku oběžného kola; 6 brzdící tryska (snižuje čas doběhu turbíny při odstavení); 7 odvod vody šachtou.  $\overline{\Omega}_d$  [m] střední průměr lopatek;  $\omega$  [ $\text{rad} \cdot \text{s}^{-1}$ ] úhlová rychlosť otáčení turbíny.

Obr.č.10 Peltonová turbína so základnými rozmermi [10]

### 2.8.2. Francisova turbína[1]

Francisova turbína je radiálno-axiálna, pretlaková turbína, ktorá sa využíva pre stredné spády. Voda vstupuje po celom obvode rozvádzacu, ktorým je pomocou otáčavých statorových lopatiek usmernená na obežné koleso. Voda na rozvádzac je privádzaná cez špirálu skriňu. Rozvádzac reguluje výkon turbíny zmenšovaním alebo zväčšovaním prietoku vody a súčasným privieraním alebo otváraním všetkých rozvádzacích lopatiek. Taktiež mení časť tlakovej energie vody na energiu kinetickú, svojim zmenšujúcim sa prierezom smerom k obežnému kolesu. Obežné koleso sa skladá z náboju, lopatiek a vonkajšieho vencu. Tieto časti vytvárajú radu kanálov, ktorých prierez sa postupne od vtoku do výtoku zmenšuje (premena zvyšnej tlakovej energie na kinetickú). Lopatky obežného kolesa sú zakrivené tak, že voda v nich zmení smer, a pôsobí na ich steny silou, ktorej obežné koleso uhýba. Neoddeliteľnou súčasťou Francisovej turbíny je sacia rúra. Je to potrubie ktoré vytvára na obežnom kolese podtlak, vďaka ktorému môže turbína využiť väčšiu časť brutto spádu. Francisove turbíny sú najrozšírenejší typ vodných turbín, s najširším pásmom využiteľných spádov  $H=30\text{-}400\text{m}$ . Francisova turbína s jej základnými rozmermi je schematicky zobrazená na obrázku č.11.



2.75 Hlavní znaky Francisovy turbíny.

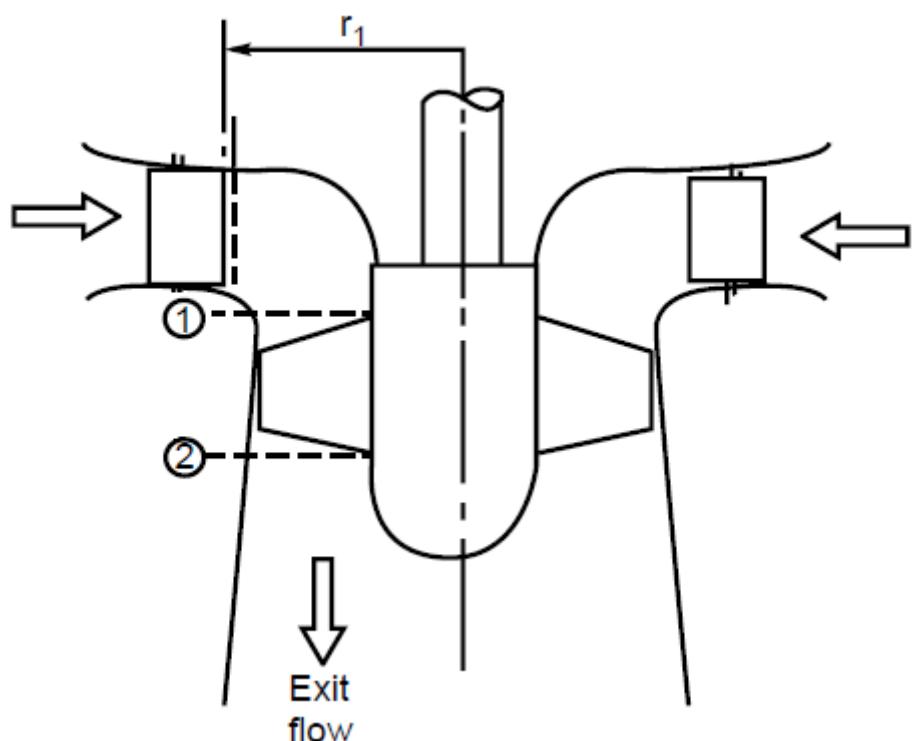
(a) základní rozměry turbíny; (b) rychlosní trojúhelník. 1 vstup vody do spirální skříně od kulového ventilu; 2 výztužná mříž spirální skříně; 3 natáčivé rozvádzecí lopatky; 4 obežné kolo; 5 sací trouba.  $h_s$  [m] délka savky;  $b$  [m] výška rozvádzecích lopatek;  $\alpha$  [ $^\circ$ ] úhel rozšíření savky.

Obr.č.11.Francisova turbína so základnými rozmermi [10]

### 2.8.3. Kaplanova turbína[1]

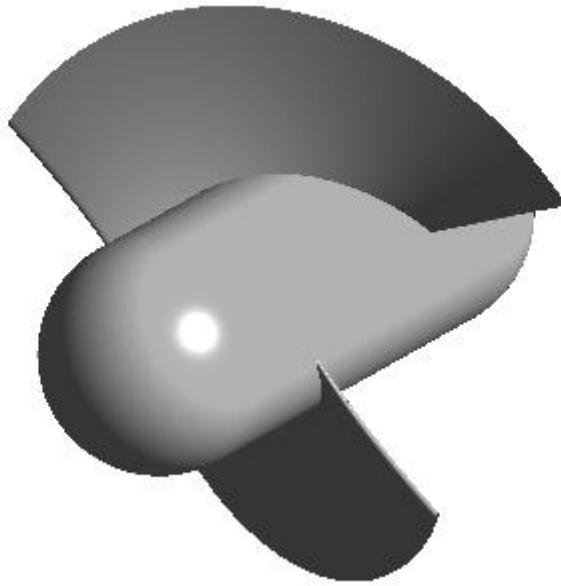
Kaplanova turbína patrí medzi zástupcov pretlakových, axiálnych turbín. Tento typ turbín sa uplatňuje na vodných dielach s malými spádmi (do 50 metov) a s najväčšími prietokmi (dolná časť toku).

Kaplanova turbína je charakteristická otáčateľnými lopatkami rotoru aj statoru, čo jej umožňuje efektívne pracovať pri širokom rozsahu zaťažení. Vstup na turbínu je radiálny, realizovaný špirálou skriňou so statorovými lopatkami, podobne ako to je u turbíny Francisovej. Kaplanova turbína vznikla z vrtuľovej turbíny, ktorá na rozdiel od Kaplanovej turbíny nemá otáčateľné lopatky rotoru. Schopnosť natáčať lopatky rotoru, zabezpečuje ich pohyblivé uloženie na čape v náboji obežného kolesa. Výstup z turbíny je realizovaný pomocou sacej rúry, ktorá je podobne ako u Francisovej turbíny, neoddeliteľnou súčasťou stroja. Sacia rúra, svojím rozširujúcim sa prierezom, zvyšuje spád ktorý má turbína k dispozícii. Schematicky zobrazenú Kaplanovu turbínu možno vidieť na obrázku č.12.



Obr.č.12 Kaplanova turbína [20]

#### 2.8.4. Vírová turbína [4,12]



Obr.č.13 Virtuálny model Vírovej turbíny vytvorený v tejto diplomovej práci

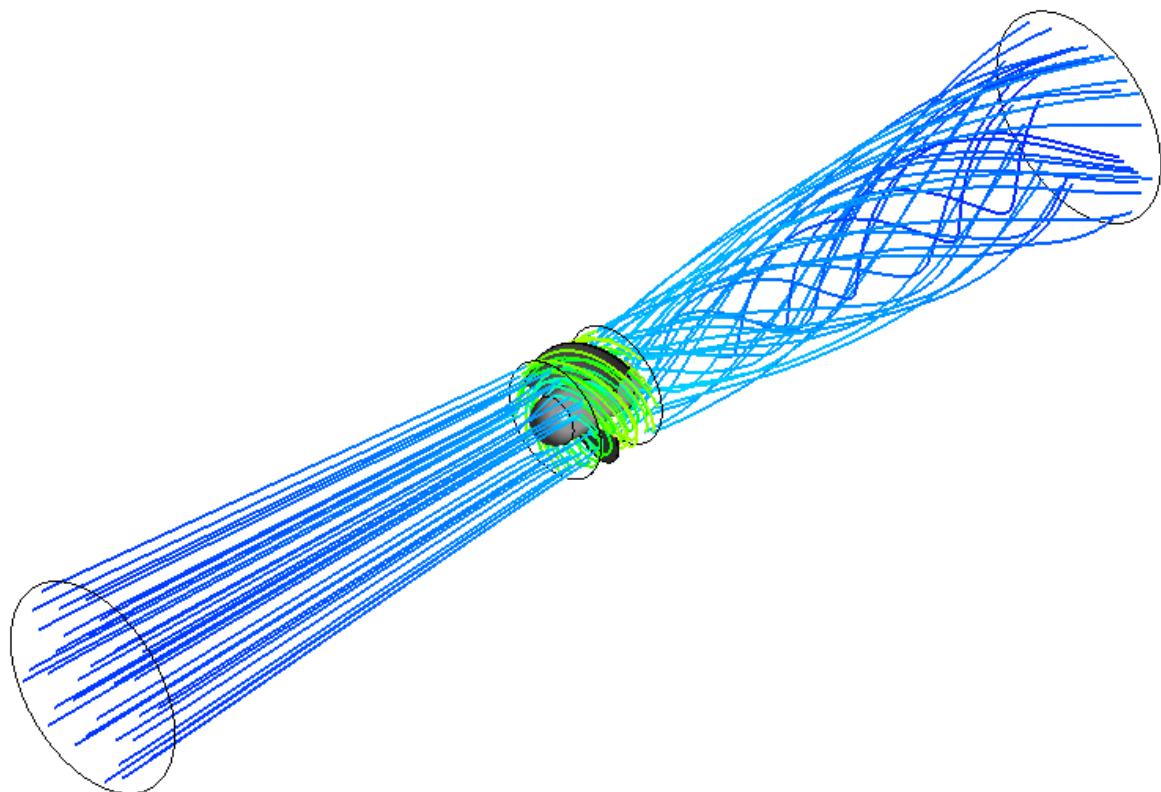
Vírová turbína, spomínaná v prvej kapitole, je pomerne nový typ pretlakovej, axiálnej turbíny, ktorá bola vynájdená na Odbore Fluidného Inžinierstva FSI VUT. Tento typ turbíny pracuje na opačnom princípe ako Kaplanova turbína. Jej základný princíp činnosti možno popísať Eulerovou turbínovou rovnicou (2.11).

U Kaplanovej turbíny je využívaná vstupná obvodová zložka absolútnej rýchlosťi  $c_{u1}$ . Táto zložka rýchlosťi je vytváraná v rozvádzacích lopatkách (rozvádzací pred obežným kolesom prúd rozrotuje). V optimálnom režime, by prúdenie na výstupe z obežného kolesa Kaplanovej turbíny malo mať obvodovú zložku absolútnej rýchlosťi nulovú, aby využitá energia prúdenia bola maximálna. Eulerova turbínová rovnica Kaplanovej turbíny má teda tvar

$$c_{u2} = 0 \rightarrow Y_T * \eta_h = u_1 * c_{u1}. \quad (2.18)$$

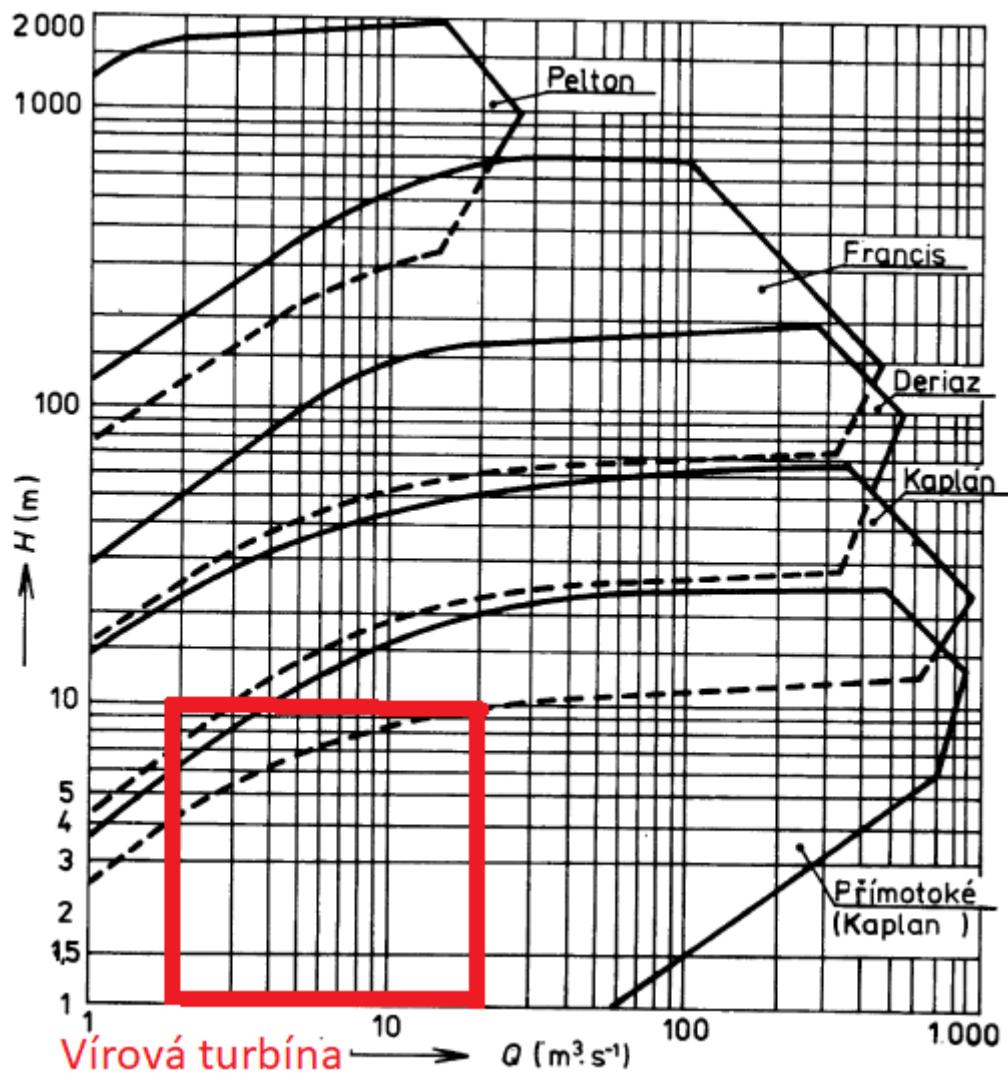
Vírová turbína využíva opačný princíp. Voda vstupuje na turbínu bez rotácie a na výstupe sa vytvára vír, ktorého smer je protibežný oproti rotácií obežného kolesa. V prípade Vírovej turbíny má teda Eulerova turbínová rovnica tvar

$$c_{u1} = 0 \rightarrow Y_T * \eta_h = -u_2 * c_{u2}. \quad (2.19)$$



**Obr.č.14 Vizualizácia protibežného víru na výstupe z turbíny pomocou CFD výpočtu v programe CFD post**

Vírová turbína je výhodná pre použitie v oblasti malých spádov a relatívne vysokých prietokov. Vzhľadom na fakt, že nevyžaduje na vstupe obvodovú zložku absolútnej rýchlosťi, jej konštrukcia nemá žiadny rozvádzac, čo výrazne znižuje výrobné náklady a zjednodušuje konštrukciu. Jej charakter umožňuje využitie v násoskovom aj priamoprúdom usporiadani. Tieto vlastnosti ju predurčujú na využitie v malých vodných elektrárňach, s minimálnymi obstarávacími nákladmi, pri dobrých účinnostiah.



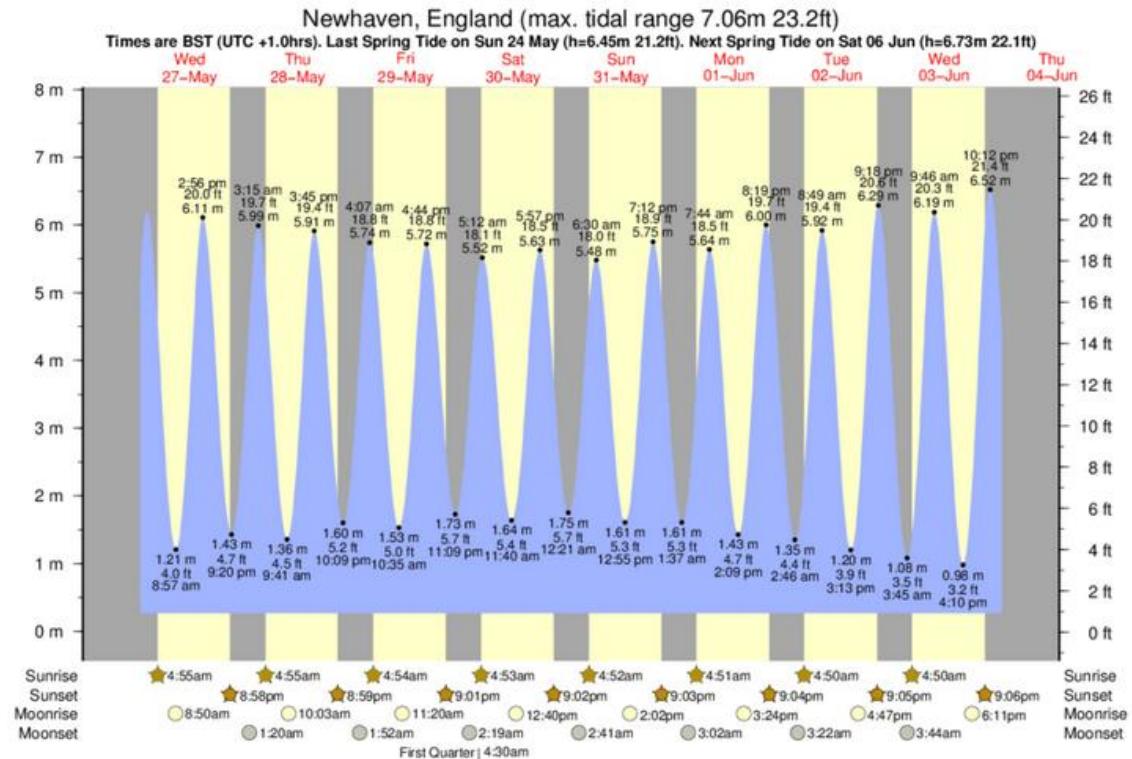
Obr.č.15 Porovnanie oblastí použitia rôznych turbín[1], upravené

Jednou z nevýhod Vírovej turbíny je, že prúdenie na výstupe sa vyznačuje vírivým chovaním a vysokým Coriolisovým číslom. To môže spôsobovať tlakové pulzácie a znižuje spád využiteľný turbínou (Kaplanova turbína by mala vyšší netto spád ako Vírová turbína pri rovnakých podmienkach).

Dôležitou súčasťou Vírovej turbíny, podobne ako pri Kaplanovej turbíne, je sacia rúra, ktorá zvyšuje spád ktorý má turbína k dispozícii. Jedným z možných využití, ako bolo spomenuté v kapitole 1.6, je v menších prílivových elektrárňach, ktoré by pri použití bežných, dnes používaných technológií, neboli rentabilné. Ďalšia kapitola tejto práce sa venuje návrhu Vírovej turbíny pre konkrétnu oblasť.

### 3. Hydraulický návrh Vírovej turbíny

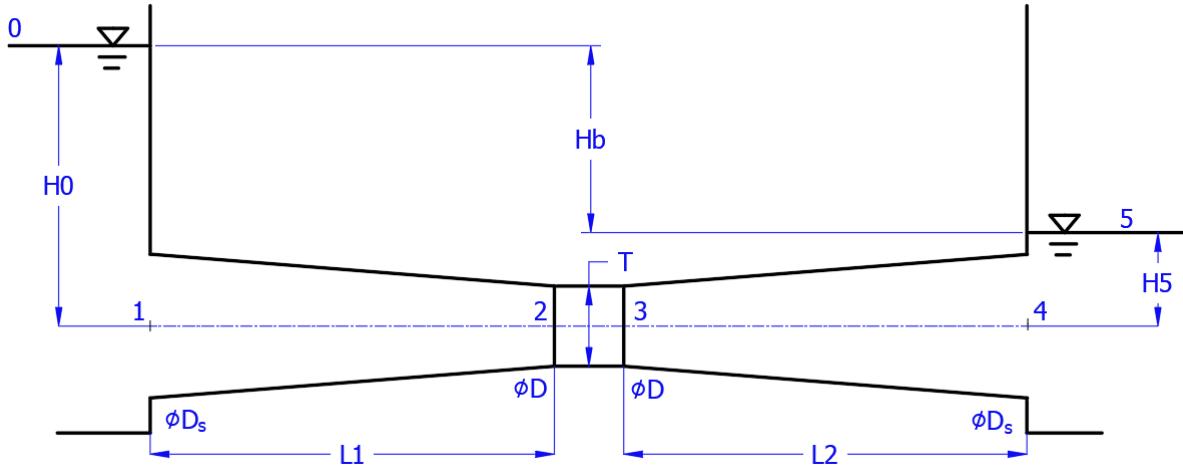
Hydraulický návrh Vírovej turbíny v tejto diplomovej práci bol vytvorený, pre ilustráciu skutočných prílivových podmienok, na konkrétné miesto. Týmto zvoleným miestom je Newhaven, Anglicko. Táto lokalita sa vyznačuje relatívne vysokou prílivovou amplitúdou (maximálna výška skočného prílivu je  $H_{max} = 7,06 \text{ m}$  ).



Obr.č.16 Prílivová predpoveď pre lokalitu Newhaven, Anglicko [22]

#### 3.1. Odhad čistého (netto) spádu[4]

Prvý krok pri tvorení hydraulického návrhu bol približný odhad čistého spádu na turbínu. Čistý spád na turbínu by bolo možné určiť zo vzťahu (2.6), akokoľvek je tento vzťah až príliš všeobecný a preto je nutné určiť čistý spád pomocou Bernoulliho rovnice (2.1). Pre priamoprúde usporiadanie Vírovej turbíny zobrazenom na obrázku č. 17, možno napísat Bernoulliho rovnicu (2.1) medzi bodmi 0-2, 3-5 a 2-3. Toto usporiadanie bolo zvolené kvôli charakteru prílivových elektrární a nutnosti používať turbínu v reverznom turbínovom režime.



Obr.č.17 Dispozícia návrhu usporiadania vírovej turbíny pre prílivovú elektráreň

### Body 0-2

$$g * H_0 + \frac{p_0}{\rho} + \frac{v_0^2}{2} = g * H_2 + \frac{p_2}{\rho} + \frac{v_2^2}{2} + Y_{z\ 0-2} \quad (3.1)$$

Ak platí  $v_0 = 0$  (vstupná rýchlosť je zanedbateľná),  $p_0 = 0$  (relatívny tlak k atmosférickému tlaku),  $H_2 = 0$ ,  $Y_{z\ 0-2} = \frac{v_1^2}{2} * \xi_1$  (vplyv dĺžkových strát je zanedbateľný oproti miestnym stratám vírením na vtoku do turbíny), potom:

$$\frac{p_2}{\rho} = g * H_0 - \frac{v_2^2}{2} - \frac{v_1^2}{2} * (\xi_1). \quad (3.2)$$

### Body 3-5

$$g * H_3 + \frac{p_3}{\rho} + \frac{v_3^2}{2} = g * H_5 + \frac{p_5}{\rho} + \frac{v_5^2}{2} + Y_{z\ 3-5} \quad (3.3)$$

Ak platí  $v_5 = 0$  (výstupná rýchlosť je zanedbateľná),  $p_5 = 0$  (relatívny tlak k atmosférickému tlaku),  $H_3 = 0$ ,  $Y_{z\ 3-5} = \frac{v_4^2}{2} * (\xi_4 + \xi_b)$  (vplyv dĺžkových strát je zanedbateľný oproti miestnym stratám vírením na výtoku z turbíny a odpadovej, Bordovej strate  $\xi_b = 1$ ), potom:

$$\frac{p_3}{\rho} = g * H_5 - \frac{v_3^2}{2} + \frac{v_4^2}{2} * (\xi_4 + \xi_b). \quad (3.4)$$

## Body 2-3

$$g * H_2 + \frac{p_2}{\rho} + \frac{v_2^2}{2} = g * H_3 + \frac{p_3}{\rho} + \frac{v_3^2}{2} + Y_t \quad (3.5)$$

Ak platí  $H_2 = 0, H_3 = 0$  potom je merná energia využiteľná turbínou:

$$Y_T = \frac{p_2 - p_3}{\rho} + \frac{v_2^2 - v_3^2}{2} = \frac{H}{g}. \quad (3.6)$$

Z rovnice kontinuity (2.8) pre obr.č.18 vyplýva:

$$\frac{v_1^2}{2} = \frac{Q^2}{2 * S_1^2} = \frac{8 * Q^2}{\pi * D_s^2} = \frac{v_4^2}{2} \quad (3.7)$$

$$\frac{v_2^2}{2} = \frac{Q^2}{2 * S_2^2} = \frac{8 * Q^2}{\pi * D^2} = \frac{v_3^2}{2} \quad (3.8)$$

Po dosadení rovníc (3.2),(3.4),(3.7),(3.8) do (3.6), dostávame konečný tvar:

$$Y_T = g * (H_0 - H_5) - \frac{8 * Q^2}{\pi * D_s^2} * (1 + \xi_1 + \xi_4) = \frac{H}{g}, \quad (3.9)$$

kde  $(H_0 - H_5)$  je brutto spád  $H_B$ .

Treba pripomenúť, že rovnica (3.9) slúži len pre hrubý odhad čistého (netto) spádu, ktorý má turbína k dispozícii a obsahuje niekoľko zjednodušení. Konečný vzťah odpovedá predpokladanému tvaru z rovnice (2.6).

Pre odhad vtokových a výtokových strát vírením  $\xi_1$  a  $\xi_4$  bola použitá hodnota  $\xi_1 = \xi_4 = 0,5$ . Pri odhadovaní výtokových strát, bolo uvažované, že dobre fungujúca turbína, by v optime nemala mať prietokovú rýchlosť na výstupe zo sacej rúry väčšiu ako  $v_4 = 1,5$  m/s [4]. Odhad brutto spádu  $H_B$ , pre lokalitu Newhaven, bol zvolený ako polovičný spád z maximálnej amplitúdy spádu  $H_B = \frac{H_{max}}{2} \doteq 3,5$ m.

Dosadením týchto hodnôt do rovnice (3.9), získame čistý spád na turbínu  $H$  a je možné pristúpiť k určeniu návrhového bodu turbíny.

### 3.2.Návrhový bod [4,11]

Návrhový bod Vírovej turbíny bol určený z charakteristik modelových axiálnych turbín pre veľké prietoky a malé spády, ktoré boli merané v laboratóriách odboru Fluidného inžinierstva VUT-FSI. V oblasti s najvyššími účinnosťami, bol zvolený jednotkový prietok  $Q_{11}$  (2.14) a následne boli zvolené otáčky turbíny  $n$  (otáčky boli volené s ohľadom na synchrónne otáčky generátoru) a priemer turbíny  $D$  tak, aby jednotkové otáčky  $n_{11}$  (2.13) spadali do oblasti s najvyššími účinnosťami. Ako posledná bola odhadnutá približná hydraulická účinnosť turbíny.

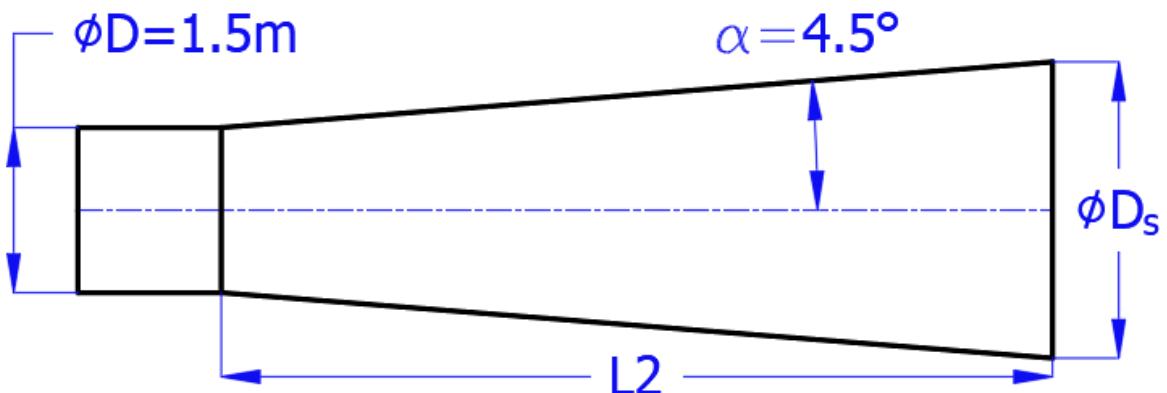
Parametre návrhového bodu	Označenie	Zvolené hodnoty
Jednotkový prietok	$Q_{11}$	2,2 [ $m^3/s$ ]
Čistý (netto) spád	$H$	3,27 [m]
Priemer turbíny	$D$	1,5 [m]
Otáčky turbíny	$n$	250[1/min]
Jednotkové otáčky	$n_{11}$	207.38 [1/min]
Hydraulická účinnosť	$\eta_h$	80 [%]

Tabuľka č.2 Volené a dopočítané parametre návrhového bodu [4,11]

Pre takto zvolený návrhový bod sú špecifické otáčky  $n_s = 1122.7 \text{ 1/min}$ , čo predstavuje veľmi rýchlobežný stroj.

### 3.3.Geometria sacej rúry[4]

So znalosťou návrhového bodu turbíny, je možné určiť geometriu sacej rúry. Sacia rúra Vírovej turbíny je neoddeliteľná súčasť stroja. Jej geometria musí splňať niekoľko podmienok pre zaistenie správnej funkcie. Prvou je výstupná rýchlosť, ktorá bola odhadnutá v kapitole 3.1 ,  $v = 1,5 \text{ m/s}$ . Druhá podmienka je stabilita prúdenia. Pre splnenie tejto podmienky všeobecne platí, že vrcholový uhol efektívne pracujúcej sacej rúry, by nemal prekročiť  $9^\circ$ [4]. Na obr.č.18 je zobrazená geometria sacej rúry.



Obr.č.18 Sacia rúra Vírovej turbíny

Z rovnice kontinuity (2.8) vyplýva:

$$v = \frac{Q}{S} = \frac{Q_{11} * D^2 * \sqrt{H}}{\frac{\pi * D_s^2}{4}} \rightarrow D_s = \sqrt{\frac{4 * Q_{11} * D^2 * \sqrt{H}}{\pi * v}}. \quad (3.10)$$

Pre uhol sacej rúry platí:

$$\tan \alpha = \frac{\frac{D_s}{2} - \frac{D}{2}}{L_2}, \quad (3.11)$$

a teda:

$$L_2 = \frac{\frac{D_s}{2} - \frac{D}{2}}{\tan \alpha}. \quad (3.12)$$

S použitím hodnôt návrhového bodu a vzťahov (3.10),(3.11),(3.12) boli dopočítané parametre sacej rúry.

Parameter sacej rúry	Označenie	Hodnoty
Uhol sacej rúry	$\alpha$	4,5 [ $^\circ$ ]
Výstupná prietoková rýchlosť	$v$	1,5 [m/s]
Vstupný priemer sacej rúry	$D$	1,5 [m]
Výstupný priemer sacej rúry	$D_s$	2,756 [m]
Dĺžka sacej rúry	$L_2$	7,98[m]

Tab.č.3 Parametre sacej rúry

Vzhľadom na použitie sacej rúry v prílivovej elektrárni, bude táto geometria použitá na vstupe aj výstupe Vírovej turbíny, čo umožní reverzný turbínový režim.

### 3.4. Účinnosť sacej rúry [5]

Účinnosť sacej rúry sa dá vyjadriť pomocou takzvaného koeficientu tlakovej regenerácie:

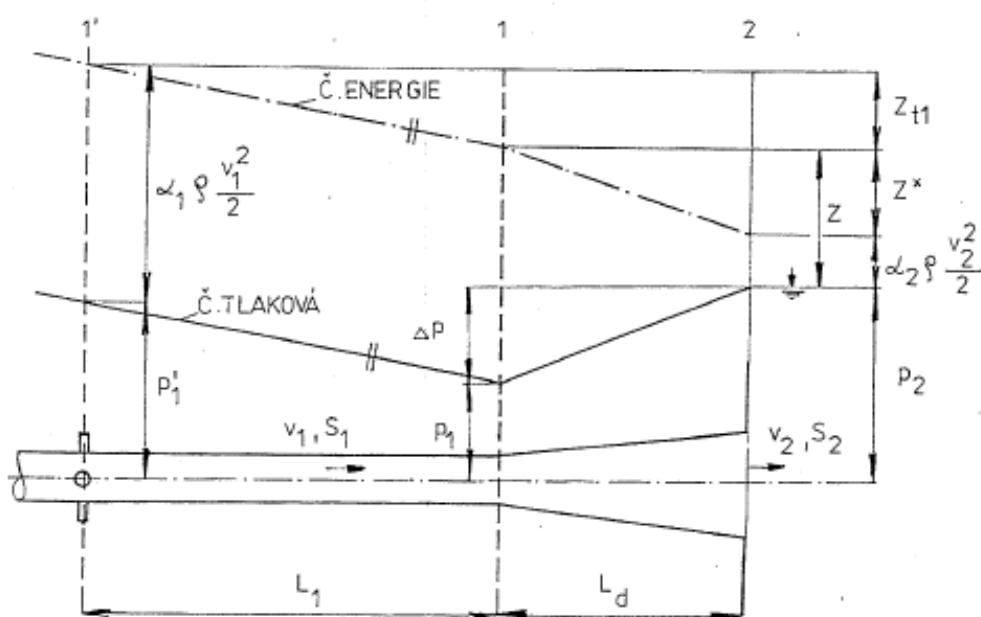
$$\eta_s = \frac{c_p}{c_{p\ id}}, \quad (3.13)$$

kde:  $\eta_s$  [-] Účinnosť sacej rúry

$c_p$  [-] Koeficient tlakovej regenerácie sacej rúry so stratami

$c_{p\ id}$  [-] Koeficient tlakovej regenerácie ideálnej sacej rúry

Pre určenie jednotlivých koeficientov je nutné použiť Bernoulliho rovnicu (2.1).



Obr.č.19 Dispozícia pre určenie účinnosti sacej rúry [5]

Na obrázku č.19, možno vidieť dispozíciu, z ktorej sa dá účinnosť sacej rúry vyjadriť. Z energetickej rovnováhy medzi bodmi 1'-2 vo forme tlakov, možno vyjadriť pomocou Weisbachovho vzťahu (2.4) celkový stratový súčinatel' sacej rúry aj so zahrnutím Coriolisovho čísla.

## Body 1'-2

$$p_1' + \alpha_1 * \rho * \frac{v_1^2}{2} = p_2 + \alpha_2 * \rho * \frac{v_2^2}{2} + z_{t1} + z^* \quad (3.14)$$

Ak pre stratový tlak vírením v sacej rúre  $z^*$  platí:

$$z^* = p_1' - p_2 + \alpha_1 * \rho * \frac{v_1^2}{2} - \alpha_2 * \rho * \frac{v_2^2}{2} - z_{t1} = \xi^* * \rho * \frac{v_1^2}{2} \quad (3.15)$$

a do celkovej tlakovej straty je zahrnutá aj strata výtoková:

$$p_z = z^* + \alpha_2 * \rho * \frac{v_2^2}{2} = \xi * \rho * \frac{v_1^2}{2}, \quad (3.16)$$

potom po dosadení (3.15) do (3.16), je celkový stratový súčinatel' sacej rúry:

$$\xi = \frac{p_1' - p_2 + \alpha_1 * \rho * \frac{v_1^2}{2} - z_{t1}}{\rho * \frac{v_1^2}{2}}, \quad (3.17)$$

kde  $z_{t1}$  je tlaková strata trením na dĺžke potrubia  $L_1$ . Podľa obrázku č.19 platí pre zisk statického tlaku v difúzore:

$$\Delta p = p_2 - p_1' + z_{t1}. \quad (3.18)$$

Koeficient tlakovej regenerácie je definovaný ako pomer obdržaného statického tlaku ku dynamickému tlaku na vstupe do sacej rúry:

$$c_p = \frac{\Delta p}{\rho * \frac{v_1^2}{2}}. \quad (3.19)$$

Dosadením rozdielu statického tlaku (3.18) do rovnice (3.17) a použitím (3.19) dostávame:

$$\xi = \frac{\alpha_1 * \rho * \frac{v_1^2}{2} - \Delta p}{\rho * \frac{v_1^2}{2}} = \alpha_1 - c_p. \quad (3.20)$$

Vzťah pre výpočet ideálneho koeficientu tlakovej regenerácie  $c_{p id}$  je možné odvodiť z Bernoulliho rovnice (2.1) bez uvažovania strát a po dosadení rovnice kontinuity dostávame:

$$c_{p id} = \alpha_1 - \alpha_2 * \frac{S_1^2}{S_2^2}. \quad (3.21)$$

Po dosadení (3.20) a (3.21) do všeobecného vzťahu pre výpočet účinnosti sacej rúry (3.13), dostávame konečný vzťah:

$$\eta_s = \frac{\alpha_1 - \xi}{\alpha_1 - \alpha_2 * \frac{S_1^2}{S_2^2}}. \quad (3.22)$$

Takto definovaná účinnosť sacej rúry je pre Vírovú turbínu veľmi presná, čo je docielené uvážením Coriolisových čísel pri odvodení.

### 3.5. Tvorba geometrie lopatky

Geometriu lopatky obežného kolesa Vírovej turbíny, možno vytvoriť pomocou rýchlosných trojuholníkov, ktoré spomenuté v kapitole 2.4. Pre tvorbu vstupného a výstupného rýchlosných trojuholníku, bolo nutné zvoliť priemer náboju Vírovej turbíny. Ten bol zvolený ako:

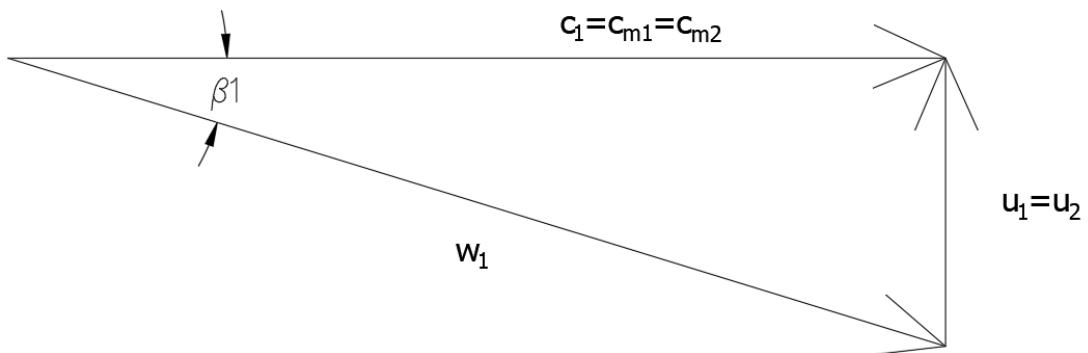
$$d_s = 0,4 * D = 0,6 \text{ m}, [4] \quad (3.23)$$

kde:  $d_s$  [m] Priemer náboju turbíny

$D$  [m] Priemer turbíny

S týmto poznatkom je možné vytvoriť rýchlosné trojuholníky.

#### Vstupný rýchlosný trojuholník



Obr.č.20 Vstupný rýchlosný trojuholník

Na obrázku č.20 možno vidieť vstupný rýchlosný trojuholník vírovej turbíny, kde:

$$c_1 = c_{m1} = \frac{Q}{S_1} = \frac{Q_{11} * D^2 \sqrt{H}}{\frac{\pi}{4} * (D^2 - d^2)}, \quad (3.24)$$

$$u_1 = \pi * d_{ref} * n \quad (3.25)$$

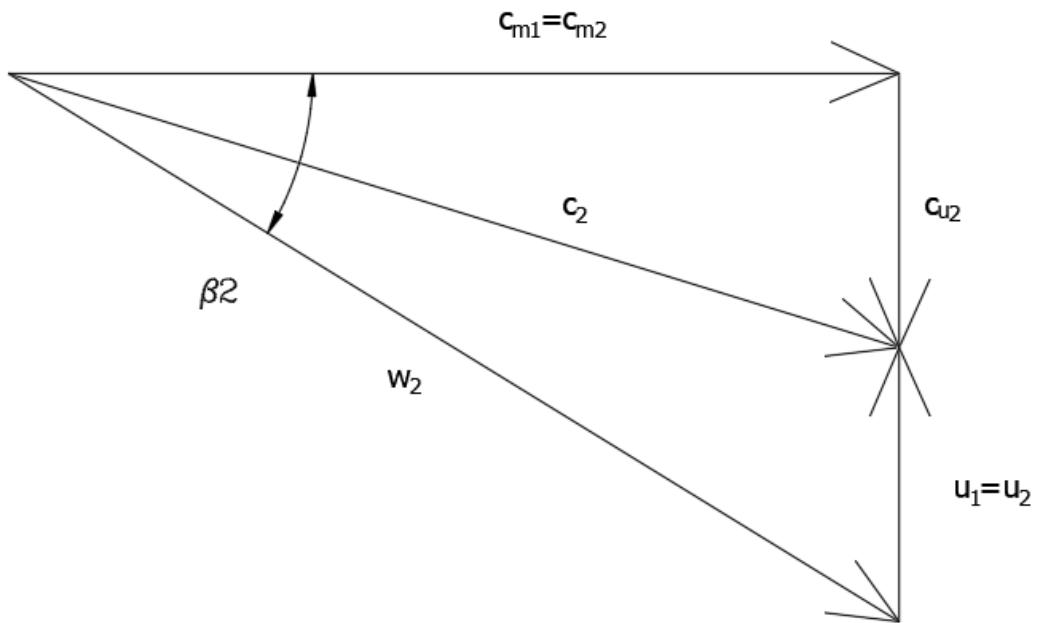
a uhol lopatky na vstupe je:

$$\beta_1 = \tan \frac{u_1}{c_1}. \quad (3.26)$$

Vstupný rýchlosný trojuholník splňa podmienku vyplývajúcu z Eulerovej turbínovej rovnice pre Vírovú turbínu:

$$c_{u1} = 0 \rightarrow Y_T * \eta_h = -u_2 * c_{u2}. \quad (3.27)$$

### Výstupný rýchlosný trojuholník



Obr.č.21 Výstupný rýchlosný trojuholník

Na obrázku č.21 možno vidieť výstupný rýchlosný trojuholník Vírovej turbíny, kde:

$$c_{2m} = \frac{Q}{S_2} = \frac{Q_{11} * D^2 \sqrt{H}}{\frac{\pi}{4} * (D^2 - d^2)}, \quad (3.28)$$

$$u_2 = \pi * d_{ref} * n, \quad (3.29)$$

$$c_{u2} = -\frac{Y_T * \eta_h}{u_2} \quad (3.30)$$

a uhol lopatky na výstupe je:

$$\beta_2 = \tan \frac{u_2 + |c_{u2}|}{c_{2m}}. \quad (3.31)$$

S takto nadefinovanými vzťahmi, je možné vypočítať uhly nábežnej a odtokovej hrany lopatky obežného kolesa pre niekoľko referenčných priemerov. Tieto uhly možno ďalej použiť na tvorbu geometrie priestorovo zakrivenej lopatky vďaka konformnej transformácii.

### 3.6.konformná transformácia [3,5]

Pri znalosti návrhového bodu a obvodových zložiek absolútnej rýchlosnosti, možno zostrojiť vstupný a výstupný rýchlosný trojuholník (Obr.č.20,21), ktorý určuje aké by malo byť prúdenie na vstupe a výstupe turbíny, pre čo najefektívnejšie využitie dostupného spádu. Dodržanie týchto prúdových pomerov, je v lopatkovej mriežke turbíny zabezpečené tvarom lopatky, pričom uhol  $\beta_1$  je uhol nábežnej hrany a  $\beta_2$  je uhol odtokovej hrany. Navrhnutie geometrie správne zakrivenej lopatky je vo valcovom (zakrivenom) priestore zložité. Z toho dôvodu sa zaviedla takzvaná konformná transformácia.

Pokiaľ riešime prúdové pomery v obežnom kolese pre zjednodušenie ako 2D prúdenie, delíme obežné koleso na prvkové (čiastočné) kolesá a predpokladáme, že v každom prvkovom kolese môžeme skutočné prúdenie nahradíť, s dostatočnou presnosťou, prúdením po prúdovej ploche  $\bar{S}$ , s meridiánovou súradnicou  $\sigma$  a uhlovou súradnicou  $\varphi$ .

Táto zakrivená (v prípade vírovej turbíny valcová) prúdová plocha sa konformne transformuje do komplexnej roviny  $\zeta$  pre ktorú platí:

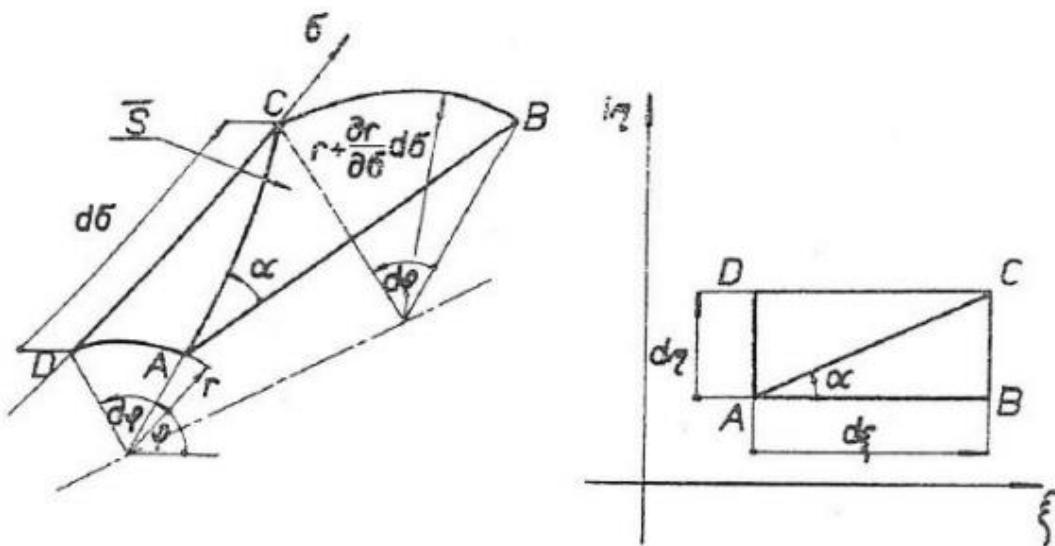
$$\zeta = \xi + i * \eta \quad (3.32)$$

kde:  $\zeta$  [-] Komplexná transformovaná rovina

$\xi$  [m] Meridiánová transformovaná súradnica

$\eta$  [m] Uhlová transformovaná súradnica

Na obrázku č.22 je možné vidieť prehľadné grafické znázornenie tejto transformácie.



Obr.č.22 Konformná transformácia [3]

V rovine  $\zeta$  vyriešime rýchlosné pomery a tie prevedieme spätnou transformáciou do roviny  $\bar{S}$ .

Základná vlastnosť konformnej transformácie je že zachováva uhly (je uhlojavná). K matematickému vyjadreniu tejto vlastnosti, zvolíme na ploche  $\bar{S}$  elementárny obdĺžnik ABCD, ktorému v rovine  $\zeta$  odpovedá rovnako označený obdĺžnik (Obr.č.22).

Potom platí:

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{r(\sigma) * d\varphi}{d\sigma} = \frac{d\eta}{d\xi}, \quad (3.33)$$

kde:	$\xi$	[m]	Meridiánová transformovaná súradnica
	$\eta$	[m]	Uhlová transformovaná súradnica
	$\sigma$	[m]	Meridiánová súradnica zakriveného priestoru
	$\varphi$	[°]	Uhlová súradnica zakriveného priestoru
	$r$	[m]	Referenčný polomer

Využitím tejto podmienky boli odvodené vzťahy pre konformnú transformáciu. Pre všeobecnú lopatkovú mriežku platí:

$$\eta = \frac{h}{a} * \varphi \quad (3.34)$$

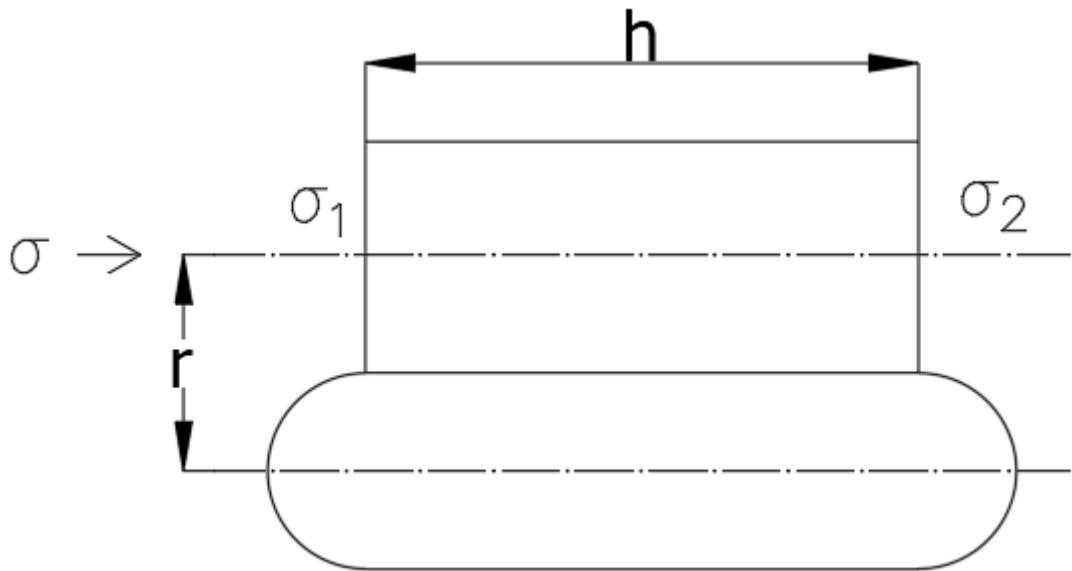
$$\xi = h * \left( \frac{1}{a} * \int_{\sigma_1}^{\sigma} \frac{d\sigma}{r(\sigma)} - \frac{1}{2} \right). \quad (3.35)$$

kde:	$\xi$	[m]	Meridiánová transformovaná súradnica
	$\eta$	[m]	Uhlová transformovaná súradnica
	$\sigma$	[m]	Meridiánová súradnica zakriveného priestoru
	$\varphi$	[°]	Uhlová súradnica zakriveného priestoru
	$r$	[m]	Referenčný polomer
	$h$	[m]	Hĺbka lopatkovej mriežky
	$a$	[-]	Konštanta lopatkovej mriežky
	$\sigma_1$	[m]	Meridiánová súradnica zakriveného priestoru na vstupe

Celé odvodenie konformnej transformácie možno nájsť napríklad v [3]. V prípade čisto axiálnej lopatkovej mriežky vírovej turbíny (Obr.č.23), sa tieto vzťahy výrazne zjednodušia na:

$$\eta = r * \varphi \quad (3.36)$$

$$\xi = \sigma - \frac{h}{2} \quad (3.37)$$



**Obr.č.23 Axiálna mriežka vírovej turbíny**

Pre väčšinu hydrodynamických strojov sa požadovaný uhol lopatky v lopatkovej mriežke má plynule meniť. Jedným z možných postupov pre tvorbu takto zahnutých lopatiek je využitie teórie lineárnej zmeny tangensu  $\bar{\beta}$  :

$$d\eta = \operatorname{tg} \bar{\beta} * d\xi = (a * \xi + b) * d\xi. [5] \quad (3.38)$$

Po integrácii:

$$\eta = a * \frac{\xi^2}{2} + b * \xi + c, \quad (3.39)$$

pričom platí že:

$$a = \frac{tg \bar{\beta}_2 - tg \bar{\beta}_1}{h}, \quad (3.40)$$

$$b = \frac{tg \bar{\beta}_1 + tg \bar{\beta}_2}{2} \quad (3.41)$$

$$c = \frac{h * (3 * tg \bar{\beta}_1 + tg \bar{\beta}_2)}{8}, \quad (3.42)$$

kde:  $\xi$  [m] Meridiánová transformovaná súradnica

$\eta$  [m] Uhlová transformovaná súradnica

a,b,c [-] Konštanty teórie lineárnej zmeny tangensu  $\bar{\beta}$

$\bar{\beta}_1$  [ $^{\circ}$ ] Doplňkový uhol k uhlu nábežnej hrany

$\bar{\beta}_2$  [ $^{\circ}$ ] Doplňkový uhol k uhlu odtokovej hrany

$h$  [m] Hĺbka lopatkovej mriežky

Konformná transformácia bola využitá na piatich referenčných priemeroch, s hodnotami nábežných a odtokových uhlov lopatky, určených pomocou vzťahov z kapitoly 3.5. Hĺbka lopatkovej mriežky bola zvolená ako  $h = 0,5 \text{ m}$  [4]. Výstup tejto transformácie sú súradnice bodov vo valcovom priestore, ktoré popisujú lopatku. Tieto súradnice boli využité pre tvorbu virtuálneho modelu (Obr.č.24) v programe Ansys BladeGen. Hydraulické vlastnosti tohto modelu Vírovej turbíny boli testované v CFD programe CFX.

## 4. CFD výpočet

Pre otestovanie vlastností hydraulického návrhu Vírovej turbíny z kapitoly 3., bol použitý CFD nástroj z balíka Ansys academic - CFX. V postupných krokoch bola vytvorená virtuálna geometria obežného kolesa Vírovej turbíny a sacej rúry. Tá ďalej slúžila na tvorbu hexahedrálnej výpočtovej siete, ktorá bola vstupom do tohto výpočtového softwaru.

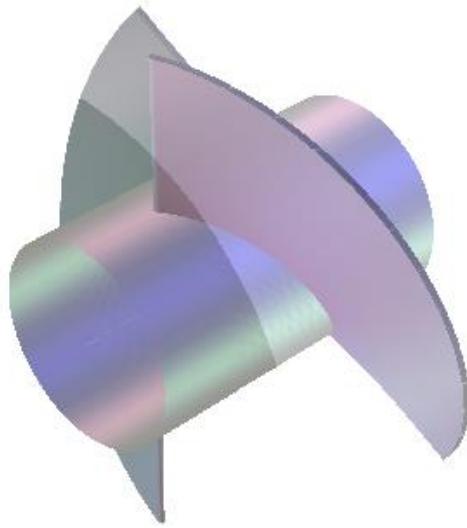
### 4.1. Geometria

Geometria, použitá v CFD výpočte, zahŕňa obežné koleso (lopatky na náboji) a saciu rúru, umiestnenú pred aj za obežným kolesom. Toto zostavenie je vhodné pre testovanie hydraulických vlastností navrhnutej turbíny, akokoľvek neobsahuje prvky, ktoré by boli pre funkčnosť reálnej turbíny v skutočnej prílivovej elektrárni nevyhnutné, ako napríklad rebrá pripievajúce náboj turbíny k potrubiu. V skutočnej prevádzke, by tieto prvky v istej miere ovplyvnili účinnosť stroja. Táto diplomová práca sa však venuje len hydraulickému návrhu turbíny a preto neboli zahrnuté. Konštrukcií týchto prvkov sa venuje naväzujúca diplomová práca [7].

#### Geometria obežného kolesa

Ako prvá bola vytvorená geometria obežného kolesa. Pre tento účel bol využitý nástroj balíku Ansys academic-Bladegen. Tento nástroj disponuje interaktívnym užívateľským rozhraním, v ktorom možno meniť mnoho parametrov ako je druh lopatkovej mriežky, stredová čiara lopatky, hrúbka lopatky, počet lopatiek, tvar nábežnej a odtokovej hrany lopatky alebo medzera medzi lopatkou a skriňou turbíny. Ďalšou výhodou Bladegen-u, je možnosť vytvorenú geometriu importovať do naväzujúceho softwaru z rovnakého balíka Ansys academic-Turbogrid, ktorý je schopný automaticky vytvoriť kvalitnú výpočtovú siet' obežného kolesa. V prvom kroku boli do Bladegen-u importované súradnice stredovej čiary lopatky na referenčných polomeroch, ktoré boli získané pomocou konformnej transformácie. Hrúbka lopatky bola zvolená nemenná,  $\delta = 20\text{mm}$ .

V prípade reálnej turbíny by sa muselo prihliadať k pevnostnému výpočtu lopatky [4]. Nábežná a odtoková hrana má tvar elipsy. Tento parameter lopatky bol zvolený, kvôli potrebe prevádzkovať stroj v reverznom turbínovom režime.



**Obr.č.24 Model vírovej turbíny vytvorený v programe BladeGen**

Medzera medzi lopatkou a skriňou turbíny bola zanedbaná. Toto zjednodušenie bolo zavedené, pretože tvorba výpočtovej siete s geometriou zahŕňajúcou túto medzeralu, by výrazne zvýšila počet prvkov, v porovnaní s prípadom bez medzery. Naviac, turbína s priemerom  $D = 1,5m$ , je oveľa menej ovplyvnená objemovými stratami, ako by to bolo v porovnaní s menšími turbínami[4].

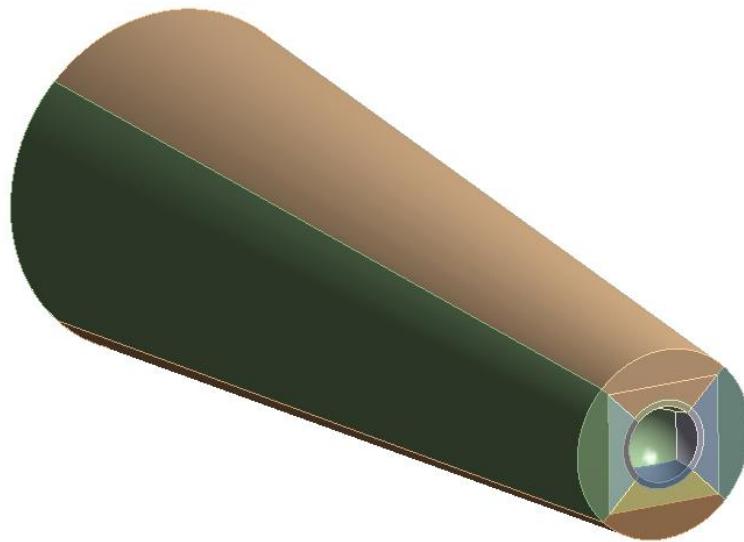
Počet lopatiek Vírovej turbíny bol zvolený 2, pretože 2-lopatkové vírové turbíny vykazujú dobré hydraulické vlastnosti [4].

Vstupná časť geometrie pred lopatkou a výstupná časť za lopatkou je tvorená medzivalcovým priestorom do vzdialenosťi 0,25 m od lopatky na obe strany.

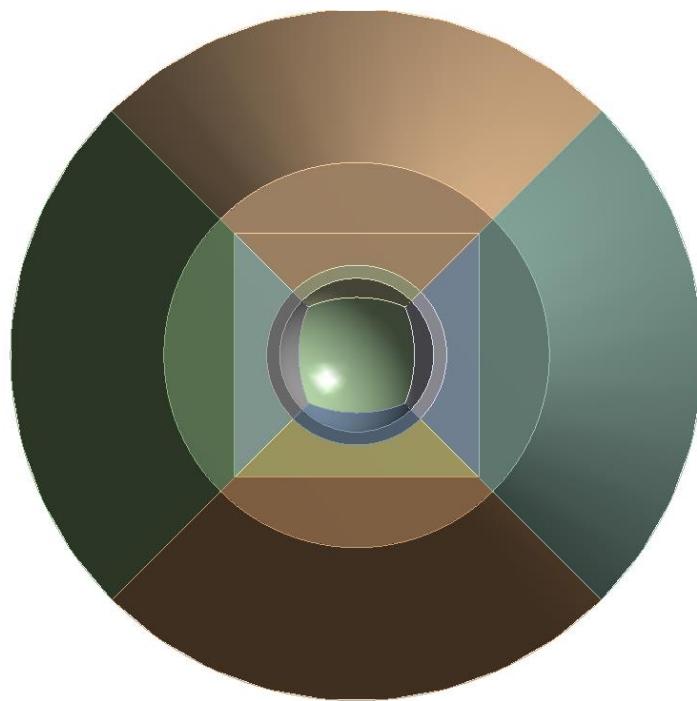
### **Geometria sacej rúry**

Geometria sacej rúry bola tvorená podľa parametrov z kapitoly 3.3. Ako možno vidieť na obr.č.24, geometria obežného kolesa Vírovej turbíny vytvorená v programe BladeGen, nemá uzavretý náboj. Tento prvok obežného kolesa bol modelovaný v rámci geometrie sacej rúry. Pre tento účel bol použitý 3D modelovací program Solidworks. Okrem tvorby samotnej geometrie, sa v tomto kroku muselo pristúpiť k rozdeleniu sacej rúry do jednotlivých častí tak, aby každá časť bola šesťsten a bolo možné v nasledujúcom kroku vytvoriť kvalitnú výpočtovú sieť. Tento, na prvý pohľad jednoduchý krok, sa ukázal byť problematický. Snahu vytvoriť

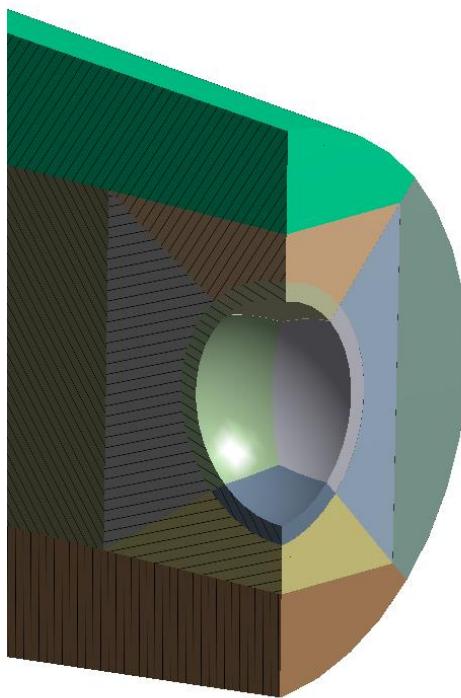
kvalitnú siet' s medznou vrstvou, výrazne komplikovala časť náboju obežného kolesa, ktorá zasahuje do geometrie sacej rúry.



**Obr.č.25 Model sacej rúry rozdelený na časti v tvare šeststienov**



**Obr.č.26 Detail sacej rúry v mieste vstupu/výstupu turbíny s geometriou náboju**



**Obr.č.27 Detail rezu sacej rúry v mieste vstupu/výstupu turbíny s geometriou náboju**

Na obr.č.25,26 a 27 možno vidieť konečný tvar geometrie, ktorá bola ďalej využitá. S takto nadefinovanou a rozdelenou geometriou možno v programe Ansys-Meshing vytvoriť kvalitnú sieť, ktorá zachytáva medznú vrstvu kvapaliny a má dostatočnú kvalitu pre CFD výpočet.

## 4.2. Výpočtová siet'

Pri tvorbe výpočtovej siete, bolo cieľom vytvoriť hexahedrálnu siet' (zloženú z prvkov v tvare šeststenu-hexahedron), ktorá bude zachytávať medznú vrstvu kvapaliny. Siete zložené z hexahedrónov majú menej uzlov siete ako tetrahedrálne siete (zložené z prvkov v tvare štvorstenu) na rovnaký objem, preto sú preferovanou voľbou [9]. Kvalita siete v oblasti medznej vrstvy bola posudzovaná na základe bezrozmerného parametru [18]:

$$y_+ = \frac{u_* * y}{\nu}, \quad (4.1)$$

kde:  $y$  [m] vzdialenosť poslednej bunky od steny

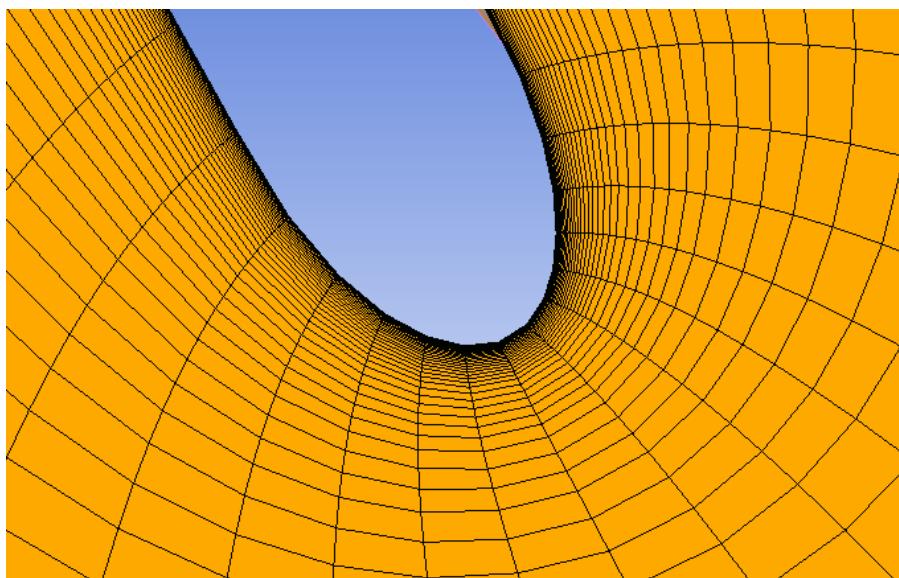
$u_*$  [m/s] tretia rýchlosť

$\nu$  [ $m^2/s$ ] kinematická viskozita

Siet' bola prispôsobená tak, aby hodnota  $y_+$  odpovedala požadovanej maximálnej hodnote pre zvolený typ modelu turbulencie.

## Výpočtová siet' obežného kolesa

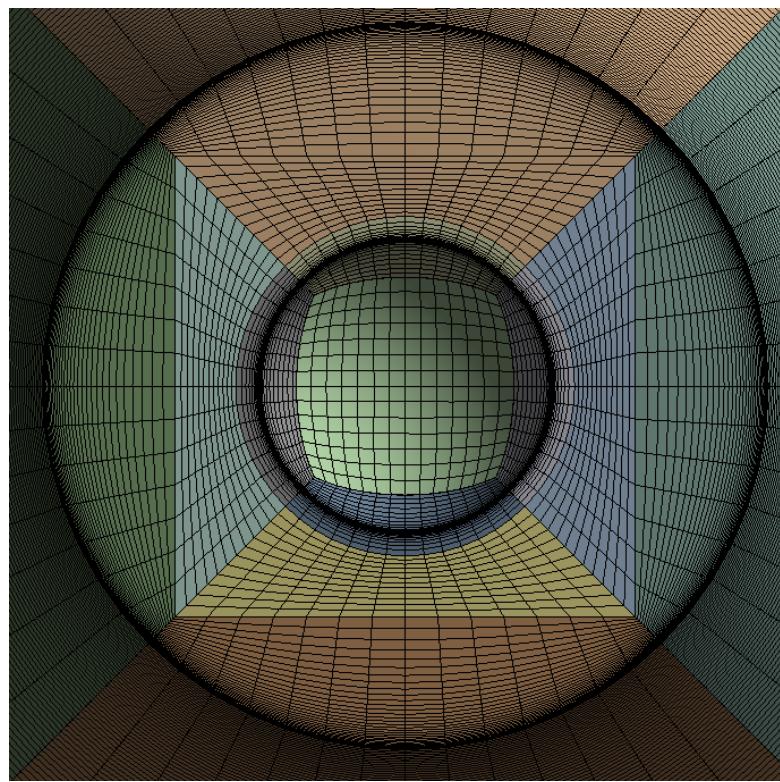
Výpočtová siet' obežného kolesa bola vytvorená v programe Ansys-Turbogrid. Tento software umožňuje automatické vygenerovanie kvalitnej hexahedrálnej siete obežného kolesa. Ako vstup do Turbogrid-u, bola použitá geometria obežného kolesa vytvorená v BladeGen-e. Na obr.č.28 možno vidieť detail výpočtovej siete obežného kolesa v mieste nábežnej hrany. Na tomto mieste sú typicky najvyššie relatívne rýchlosť a výpočet teda môže byť náchylný k nepresnostiam. Z obrázku možno vidieť, že Turbogrid bol nastavený tak, aby bola siet' v kritických miestach veľmi kvalitná.



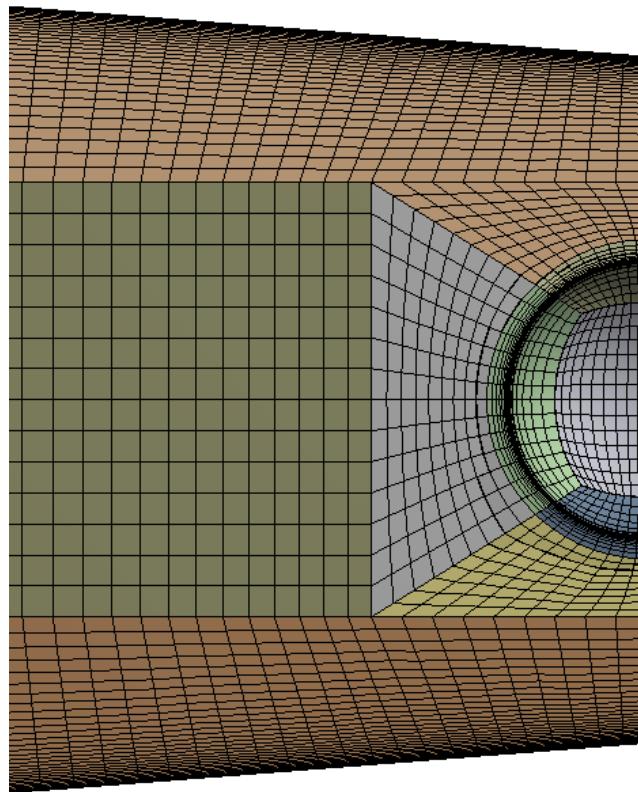
Obr.č.28 Detail výpočtovej siete obežného kolesa na nábežnej hrane lopatky

## Výpočtová siet' sacej rúry

Výpočtová siet' sacej rúry bola vytvorená v programe Ansys-Meshing, z geometrie sacej rúry popisovanej v predchádzajúcej kapitole. Jednotlivé šest' steny, vzniknuté rozdelením domény pri tvorbe geometrie, boli v Meshing-u samostatne vysieťované tak, aby mal každý prvk siete tvar hexahedronu.



Obr.č.29 Detail výpočtovej siete sacej rúry v mieste náboju



Obr.č.30 Detail rezu výpočtovej siete sacej rúry v mieste náboju

Ako možno vidieť na obr.č.29 a 30, výpočtová sieť sacej rúry nie je na všetkých miestach konformná a prvky nemajú všade plynulý prechod. Tieto ostré prechody sú výsledok snahy zlepšiť sieť na hraniciach domény a lepšie zachytíť medznú vrstvu kvapaliny. Výsledná sieť je kompromisom medzi týmito kritériami. Siete sacej rúry boli vytvorené dve, jedna jemnejšia a druhá hrubšia. Hrubšia sieť bola použitá pre vstup na turbínu (kde je očakávané rovnometerné prúdenie) a jemnejšia na výstup z turbíny (kde je očakávaný protibežný vír a turbulentnejšie chovanie prúdenia).

Takto nadefinované výpočtové siete sacej rúry a obežného kolesa boli vstupom do výpočtového softwaru Ansys-CFX. V tomto programe boli siete zostavené podľa dispozície (Obr.č.17) a spojené do jedného celku. Na miestach spojov sacej rúry a obežného kolesa vznikli oblasti s výrazne nekonformnou sietou, ktoré však CFX dokáže zjednotiť, bez výrazného ovplyvnenia výsledkov a to vďaka automatickému rozhraniu. Výsledná sieť mala 1088620 prvkov a 1129049 uzlov. Táto podoba bola poslednou iteráciou, ktoré boli použité pre výpočet. Jednotlivé iterácie vznikali na základe výsledkov a boli upravované tak, aby spĺňali požadovanú kvalitu (podľa parametru  $y^+$ ).



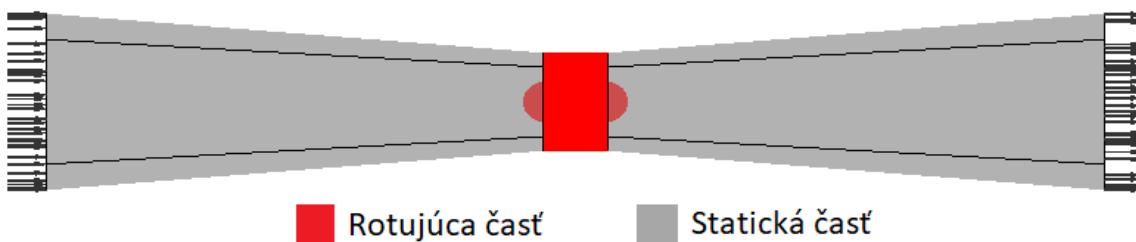
**Obr.č.31 Doména vytvorená spojením jednotlivých sietí**

### 4.3.Nastavenie výpočtu [9]

Posledným krokom, pred samotným spustením CFD výpočtu, bola konfigurácia parametrov výpočtového programu CFX. V tomto kroku bola doména, zobrazená na obr.č.31, rozdelená na rotujúce a nerotujúce časti. K chovaniu rozhrania medzi rotujúcimi a nerotujúcimi časťami, bolo v priebehu výpočtov pristupované dvoma spôsobmi.

Ako prvá bola zvolená stacionárna metóda Frozen rotor. Táto metóda modeluje rotujúce súčasti v stacionárnom stave, pre jednu polohu rotoru. Takýto prístup, by neboli presný pre stroje, ktorých výpočtová doména obsahuje rotorové aj statorové časti. Avšak, v prípade Vírovej turbíny, ktorá nemá statorové časti, tento prístup poskytuje pomerne presné výsledky, ktoré sú zároveň časovo efektívne a výpočet sa chová stabilne. Táto metóda by takisto umožňovala výpočet s doménou, ktorá by zahŕňala len jeden symetrický výsek turbíny. V prípade 2-lopatkovej turbíny teda jej polovicu, čo by ďalej zredukovalo výpočtový čas. V tejto práci však bola skúmaná navrhnutá turbína aj pre prípad nestacionárneho výpočtu, ktorý to neumožňuje. Z dôvodu porovnatelnosti výsledkov sa toto zjednodušenie nevyužilo.

Druhým zvoleným prístupom bola nestacionárna metóda Transient rotor. Táto metóda modeluje rotujúce súčasti, ktorých poloha sa mení v čase. Tento prístup je časovo výrazne náročnejší a jeho chovanie je oproti Frozen rotor prístupu menej stabilné. Akokoľvek poskytuje náhľad do javov, ktoré by ináč neboli zachytené. Pre Vírovú turbínu, ktorá je charakteristická turbulentným a vírivým chovaním prúdenia na výstupe, môže byť tento prístup zaujímavý. Časová mierka pri tomto prístupe odpovedala rotácií obežného kolesa o  $1^\circ$ .



**Obr.č.32 Rozdelenie domény na rotujúcu a statickú časť, vľavo vstupná okr. podmienka, vpravo výstupná okr. podmineka**

Na obr.č.32 je zobrazené rozdelenie domény na statickú a rotujúcu časť.

Pre rotujúce časti domény, bola nastavená nemenná otáčková frekvencia  $n = 250 \text{ ot/min}$  v každom bode turbínovej charakteristiky. Pre rotujúce časti domény v čerpadlovom režime, bola nastavená nemenná otáčková frekvencia  $n = 500 \text{ ot/min}$  (podrobnejší popis výpočtu čerpadlového režimu v kapitole 5.4). Pre časti náboju, zasahujúce do geometrie sacej rúry, boli nastavené podmienky rotujúcej steny (rotating wall). Pre skriňu turbíny, ktorá je v realite statická, bola nastavená podmienka opačne rotujúcej steny (counter rotating wall).

V turbínových režimoch bola na vstupe do domény definovaná tlaková okrajová podmienka (Total pressure), ktorá bola dopočítaná z predpokladaného statického tlaku pred turbínou, vyvolaného rozdielom výšok hladín na vstupe a výstupe z potrubia turbíny. Charakteristika turbíny vznikla postupným menením hodnoty tlaku na vstupe pri konštantných otáčkach rotoru ( $n = 250 [1/\text{min}]$ ).

V čerpadlových režimoch bola na vstupe do domény definovaná prietoková podmienka (mass flow rate), ktorá bola odhadovaná podľa prietokov v turbínovom režime. Charakteristika čerpadlových režimov vznikla postupným menením tejto podmienky pri konštantných otáčkach rotoru ( $n = 500 [1/\text{min}]$ ).

Na výstupe z domény, bola v oboch prípadoch definovaná tlaková okrajová podmienka (Static pressure). Hodnota tlaku, relatívne k atmosfére, bola zvolená 0 Pa. Kombinácia dvoch tlakových okrajových podmienok na vstupe aj výstupe turbíny, nie je ideálna z hľadiska stability riešenia, akokoľvek celkom dôveryhodne simuluje reálne podmienky, pri ktorých by turbína pracovala v turbínovom režime.

Gravitácia bola pri výpočtoch zanedbaná aj napriek horizontálnemu usporiadaniu turbíny. Vplyv gravitácie by sa prejavil na kavitačných vlastnostiach turbíny, vzhľadom na jej nezanedbateľný priemer, akokoľvek kavítacia nebola v tejto práci skúmaná a zaslúžila by si samostatný výskum.

Pre stenovú funkciu bol zvolený model Scalable.

Model turbulencie pre všetky výpočty bol zvolený  $k-\epsilon$ . Tento model poskytuje relatívne presné výsledky priobrej stabilite riešenia a taktiež nie je náročný na kvalitu siete (požadovaná podmienka kvality siete pre  $k-\epsilon$  je  $y_+ < 300$  [9]). Pri zisťovaní základných charakteristík turbíny je tento model vhodný, pretože nie je nutné sledovať detailné javy, ako sú odtrhávanie medznej vrstvy.

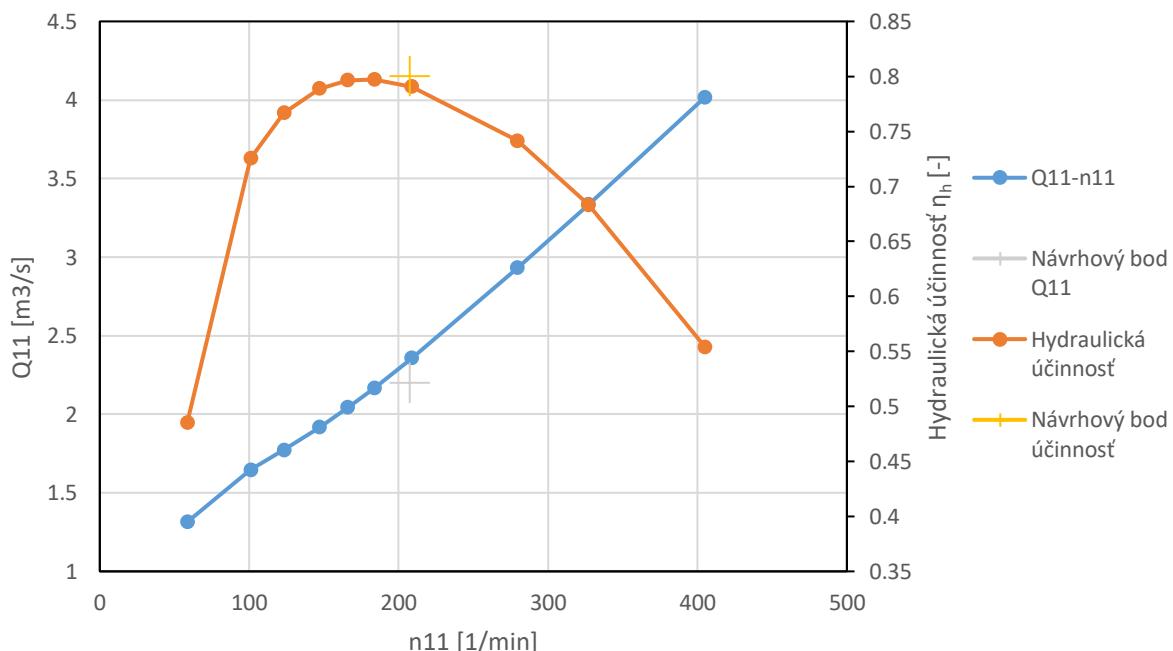
## 5. Výpočet turbínového a reverzného turbínového režimu

Po zostavení výpočtovej domény do požadovaného usporiadania a nastavení parametrov výpočtového softwaru CFX, sa pristúpilo k samotnej simulácii. Ako bolo spomenuté v kapitole 4.3, postupným menením tlakovej okrajovej podmienky na vstupe, boli určené charakteristiky navrhnutej turbíny pri konštantných otáčkach rotoru  $n = 250[1/min]$ . Navrhnutá turbína bola skúmaná v turbínovom režime metódou Frozen rotor aj Transient rotor.

### 5.1. Turbínový režim (Záporná orientácia prietoku a otáčkovej frekvencie)

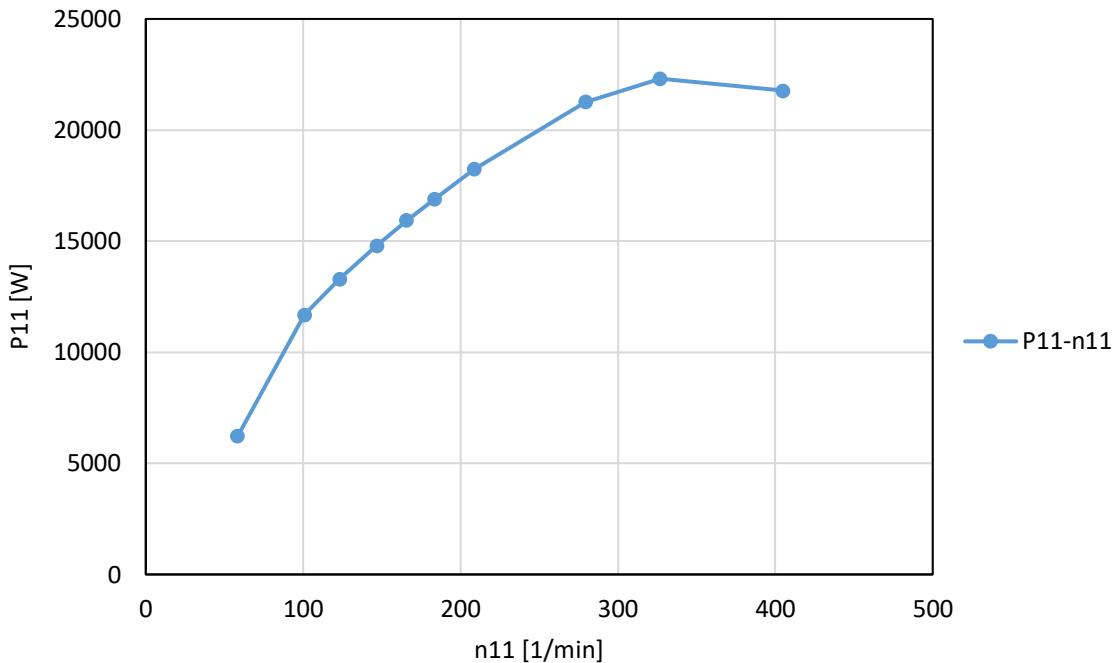
Pri skúmaní vlastností navrhнутej geometrie, bola ako prvá použitá metóda Frozen rotor. Tá istá doména bola následne použitá aj pre výpočet s metódou Transient rotor. Sledované parametre turbínových režimov boli čistý spád H (rovnica (2.6)), priesvitok turbínou Q, efektívny výkon  $P_{ef}$  (rovnica (2.7)) a nepriamo hydraulická účinnosť  $\eta_h$  (rovnica (2.5) a (2.7), objemová a mechanická účinnosť bola zanedbaná), ktoré boli prepočítané na jednotkové hodnoty (rovnice (2.13)-(2.15)). Výsledky týchto výpočtov boli spracované do prehľadných grafov a porovnané.

#### Frozen rotor



Graf č.1 Charakteristika turbínového režimu, Frozen rotor metóda

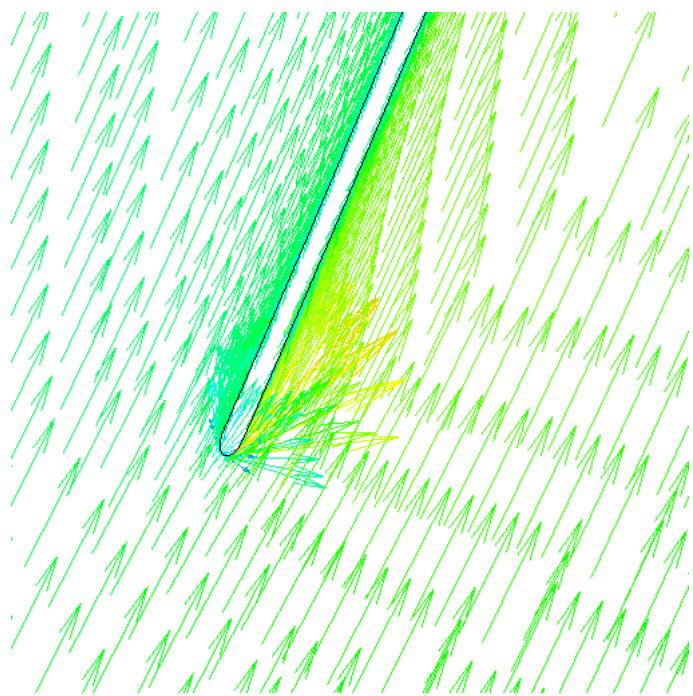
Na grafe č. 1 je znázornená charakteristika navrhnutej vírovej turbíny, spočítaná pomocou metódy Frozen rotor. Charakteristika je v oblastiach najvyšších účinností až prekvapivo plochá. Maximum účinnosti vypočítanej charakteristiky tesne minulo návrhový bod.



**Graf č.2 Závislosť jednotkového výkonu na jednotkových otáčkach, Frozen rotor metódou**

Na grafe č.2 možno vidieť závislosť jednotkového výkonu na jednotkových otáčkach. Z tejto závislosti je vidieť, že maximum jednotkového výkonu je v okolí  $n_{11} = 300[1/min]$ . Porovnaním s charakteristikou turbíny (graf č.1) možno skonštatovať, že navrhnutá turbína má prevádzkové pásmo medzi  $n_{11} = 100 - 300[1/min]$ . V oblastiach mimo tohto pásma, by prevádzka nebola výhodná. Pre prípad konkrétnej lokality Newhaven by to znamenalo, že by turbína pracovala od 2 metrov hrubého spádu až po maximálny spád 7 metrov s dobrou účinnosťou.

Na obrázku č.33 možno vidieť vektoru rýchlosťi na vstupe do obežného kolesa, na radiálnom rozpäti lopatky 0.5, v návrhovom bode. Z obrázku je evidentné, že na nábežnej hrane je mierny ráz.

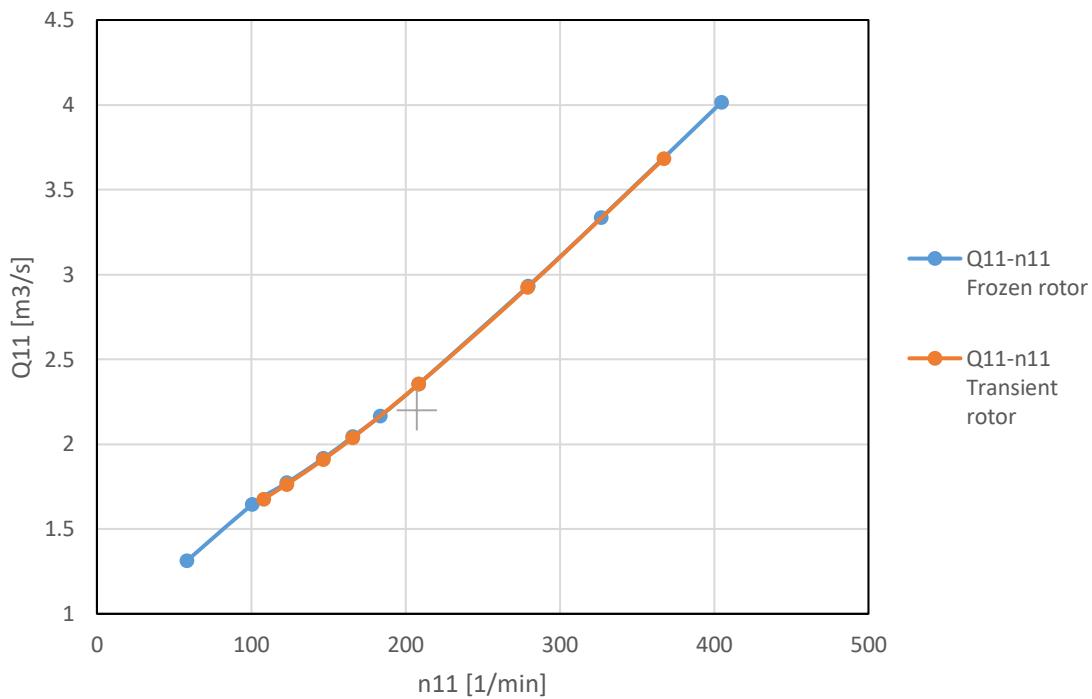


**Obr.č.33 Vektor rýchlosť na vstupe do obežného kolesa, na radiálnom rozpätí lopatky  
0.5,v návrhovom bode turbínového režimu**

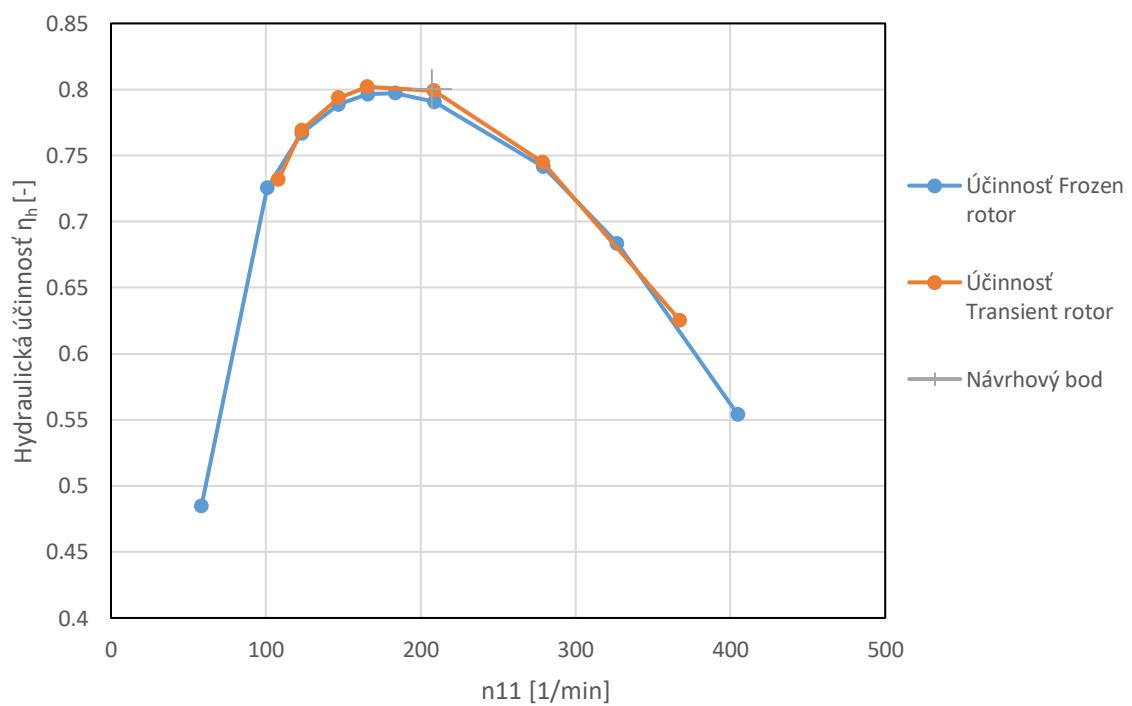
Body charakteristiky, vypočítané pomocou metódy Frozen rotor, ďalej slúžili ako porovnanie pre ostatné výpočty.

#### **Transient rotor a porovnanie s Frozen rotor**

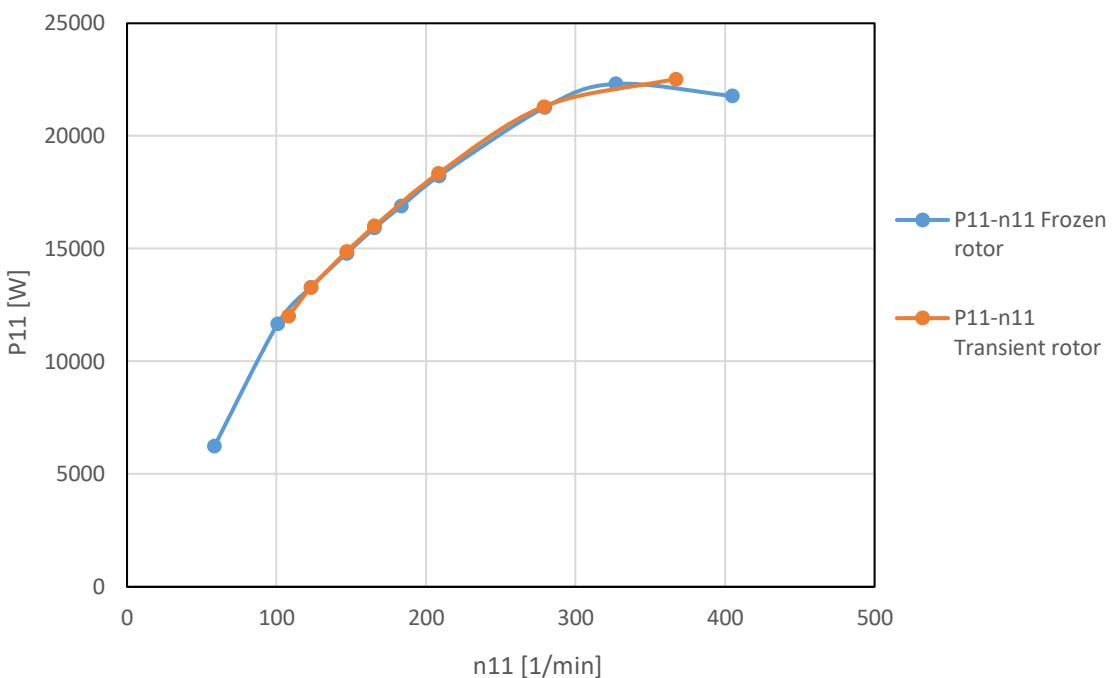
Výpočet pomocou metódy Transient rotor, bol vykonaný na niektorých bodoch charakteristiky, najmä v okolí optima. Podrobnejší výpočet bol zaujímavý hlavne v bode maximálneho spádu na vybranej lokalite. Výsledky tejto metódy, boli použité v navažujúcej diplomovej práci[7] ako vstup do pevnostného výpočtu tohto hydraulického návrhu. Výpočty v bodoch charakteristiky mimo optima, sa prejavovali výraznou nestabilitou a taktiež sa značne prejavila časová náročnosť metódy. Aj z toho dôvodu je charakteristika len čiastočná. Podobne ako v prípade výpočtu metódou Frozen rotor, boli výsledky spracované do grafov. Výsledné účinnosti, jednotkový prietok a jednotkový výkon boli následne porovnané s metódou Frozen rotor.



**Graf č.3 Porovnanie jednotkového prietoku na jednotkových otáčkach jednotlivých metód**

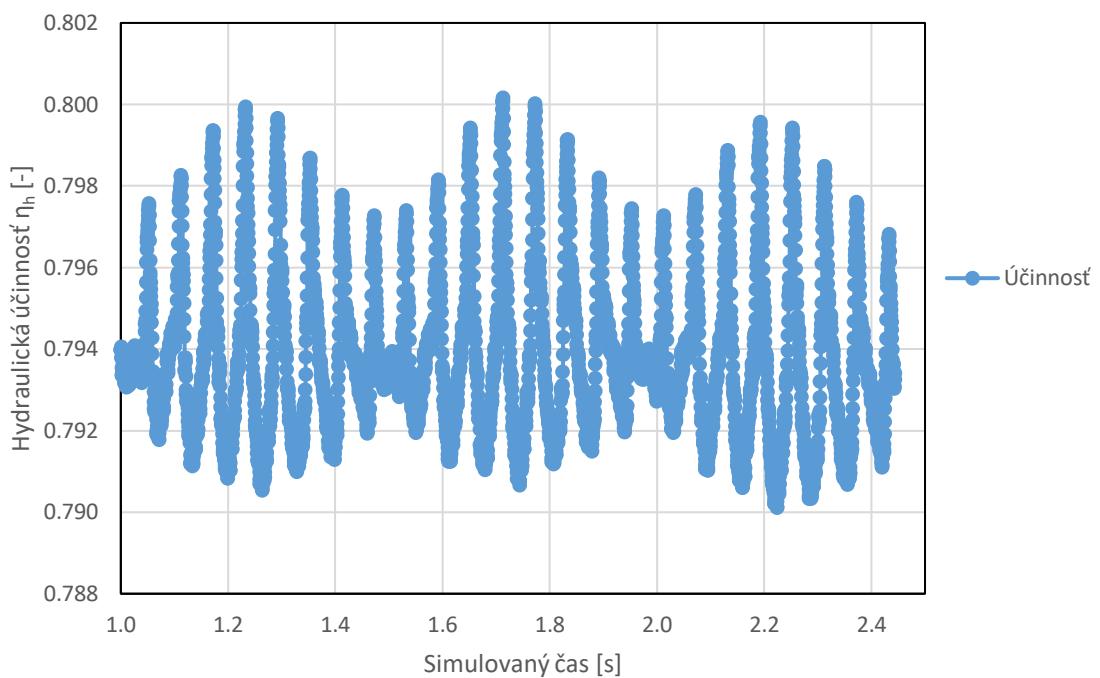


**Graf č.4 Porovnanie hydraulických účinností na jednotkových otáčkach jednotlivých metód**

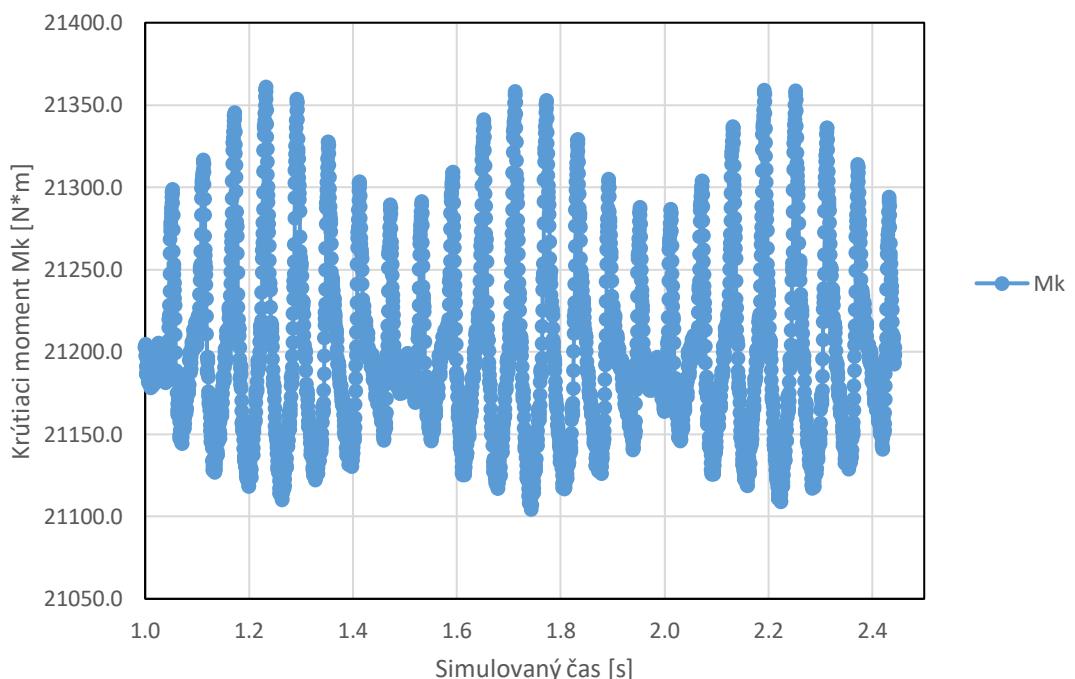


**Graf č.5 Porovnanie jednotkového výkonu na jednotkových otáčkach jednotlivých metód**

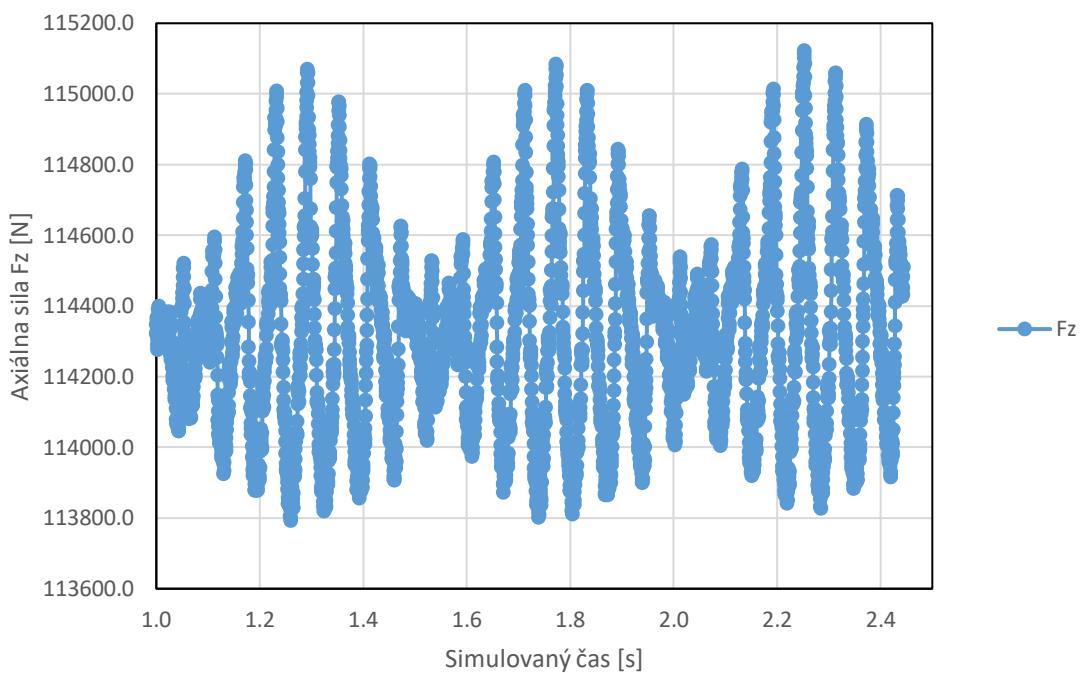
Na grafoch č.3,4 a 5 možno vidieť porovnané jednotlivé parametre turbíny, vypočítané metódami Frozen rotor a Transient Rotor. Charakteristiky sa dokonale prekrývajú takmer na všetkých bodoch. Výsledky korešpondujú s teóriou a možno s určitosťou povedať, že použitie metódy Frozen rotor je pre ďalšie výpočty vhodné. Akokoľvek, pri nestacionárnom výpočte metódou Transient rotor, boli odhalené javy, ktoré by metóda Frozen rotor nezachytila. Protibežný vír a silne turbulentné chovanie prúdenia na výstupe, vyplývajúce z podstaty funkcie Vírovej turbíny, spôsobujú tlakové pulzácie, ktoré sa prejavujú na parametroch turbíny. Na grafoch č.6,7 a 8 možno vidieť priebeh účinnosti, krútiaceho momentu a axiálnej sily v čase, pre bod charakteristiky  $n_{11} = 146.97 \text{ 1/min}$  a  $Q_{11} = 1.91 \text{ m}^3/\text{s}$ .



**Graf č.6 Pulzácie hydraulickej účinnosti turbínového režimu v čase,  $n_{11} = 146.97 \text{ 1/min}$  a  $Q_{11} = 1.91 \text{ m}^3/\text{s}$**

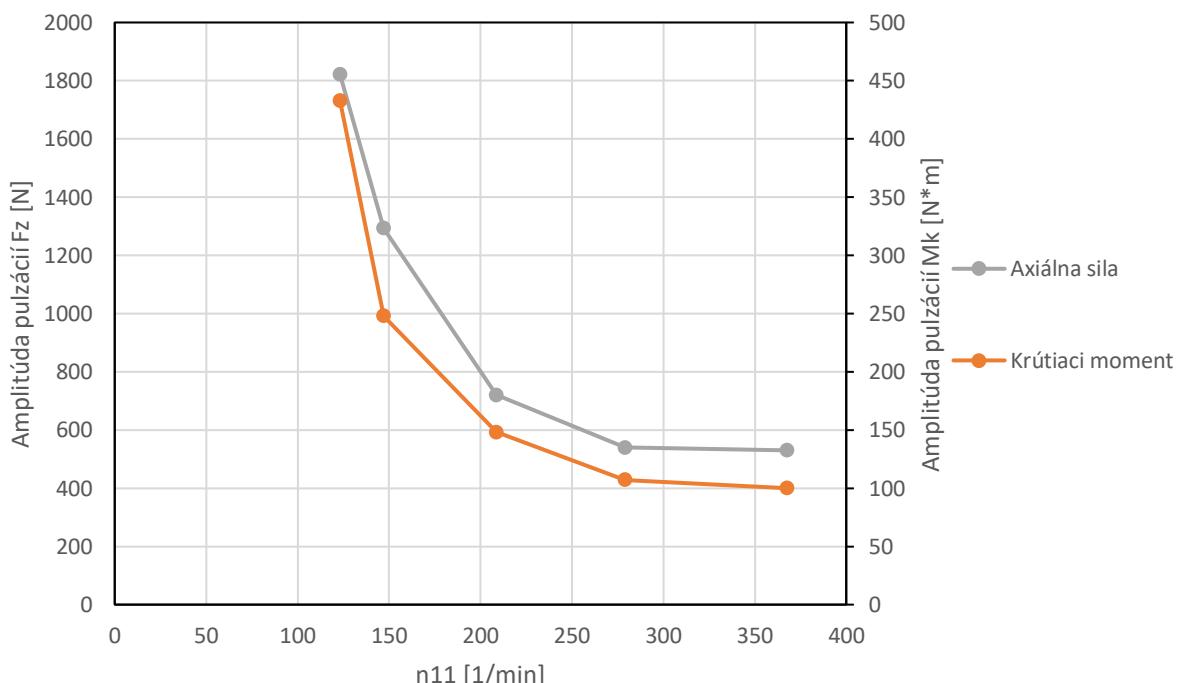


**Graf č.7 Pulzácie krútiaceho momentu  $M_k$  turbínového režimu v čase,  $n_{11} = 146.97 \text{ 1/min}$  a  $Q_{11} = 1.91 \text{ m}^3/\text{s}$**



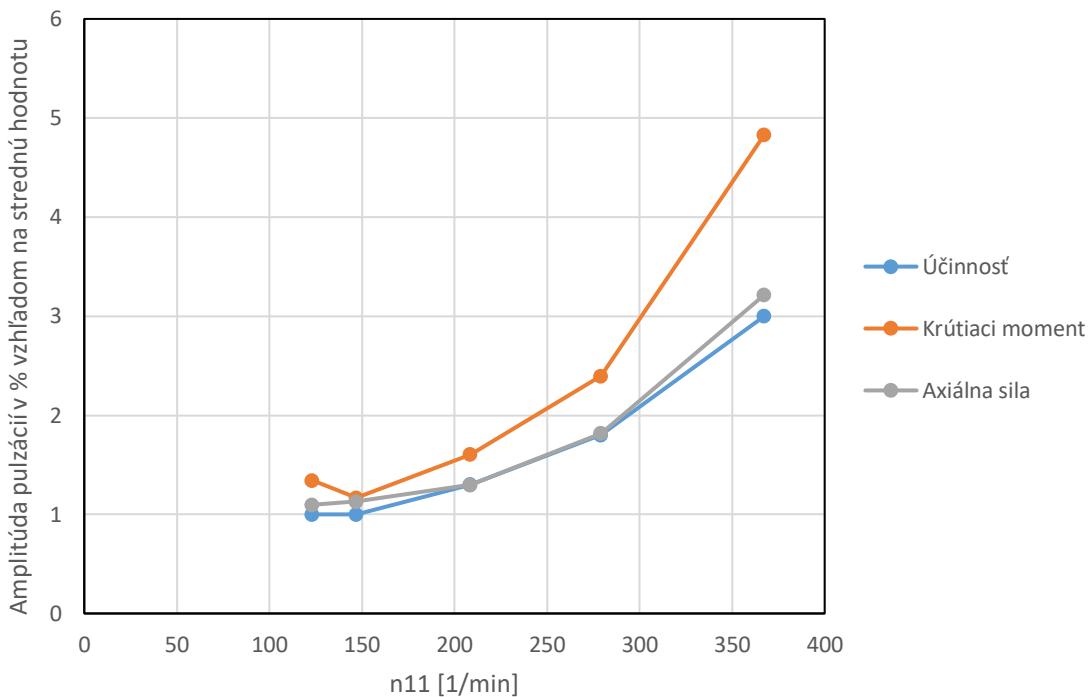
**Graf č.8 Pulzácie axiálnej sily  $F_z$  turbínového režimu v čase,  $n_{11} = 146.97 \text{ 1/min}$  a  $Q_{11} = 1.91 \text{ m}^3/\text{s}$**

Tieto pulzácie predstavujú nebezpečenstvo pri prevádzke stroja z hľadiska únavovej životnosti a pri pevnostnom návrhu je nutné s nimi rátat'.



**Graf č.9 Absolútна hodnota amplitúd pulzácií krútiaceho momentu  $M_k$  a axiálnej sily  $F_z$**

Okrem pevnostného hľadiska, vznikajúce pulzácie neblaho ovplyvňujú účinnosť stroja, najmä v oblasti vyšších jednotkových otáčok.



**Graf č.10 Relatívna hodnota amplitúd pulzácií, vzhľadom na strednú hodnotu v %**

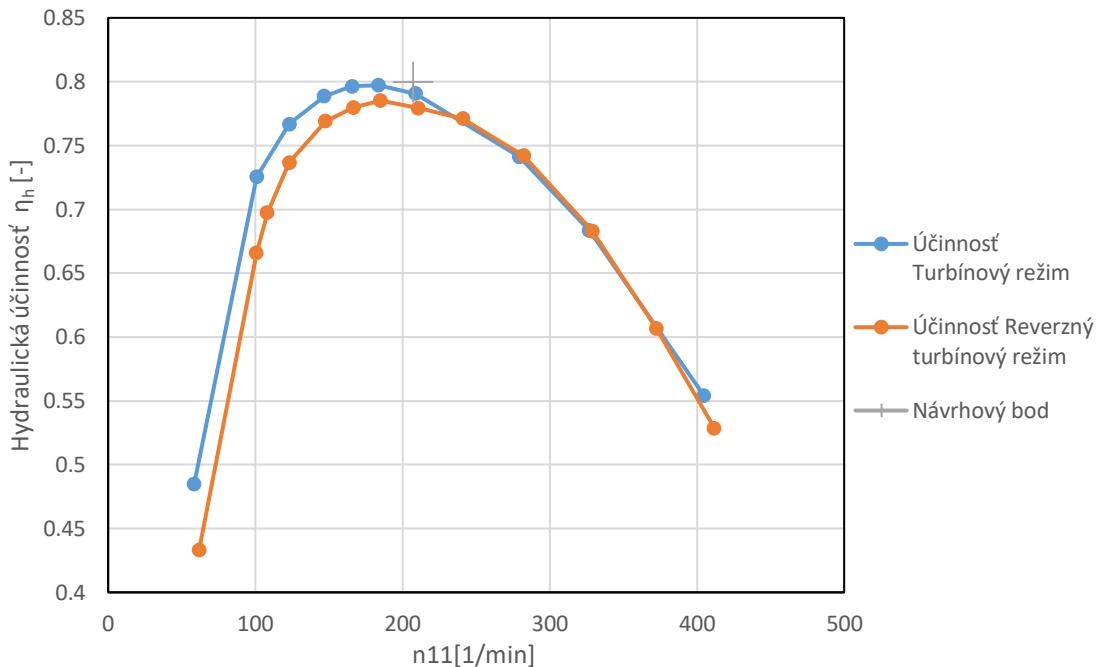
Frekvencia týchto pulzácií má períodu  $T = 0.06\text{s}$  pre všetky body charakteristiky, čo vypovedá o previazaní tlakových pulzácií s otáčkovou frekvenciou turbíny (perióda otáčkovej frekvencie  $T_n = 0.24\text{s}$ , perióda lopatkovej frekvencie pre 2-lopatkovú turbínu  $T_L = \frac{T_n}{2} = 0.12\text{s}$ ,  $T = \frac{T_L}{2}$ ).

Previazanosť týchto pulzácií s otáčkovou a lopatkovou frekvenciou poukazuje na možnosť korigovať tieto javy. Hydraulický návrh obežného kolesa, optimalizovaný pre vyšší počet lopatiek, prípadne s vyššou otáčkovou frekvenciou, by mohol vykazovať lepšie vlastnosti v smere tlakových pulzácií a vykazovať hladšie priebehy parametrov turbíny.

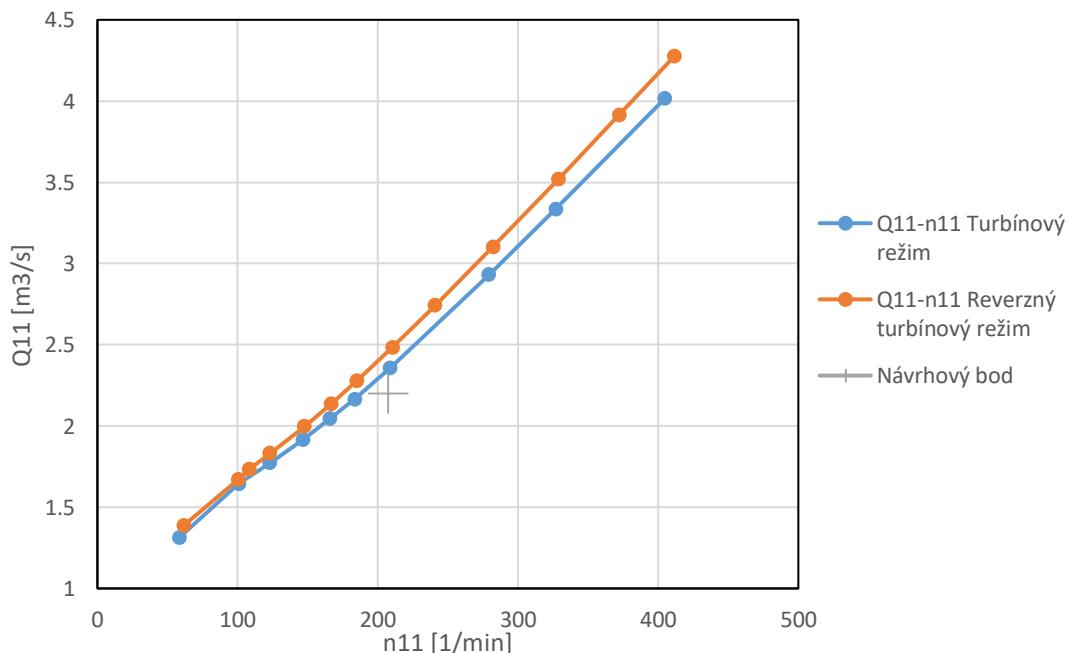
## 5.2. Reverzný turbínový režim(Kladná orientácia prietoku a otáčkovej frekvencie)

Po určení charakterísk navrhnutej turbíny pomocou metód Frozen rotor a Transient rotor, bola istá turbína výpočtovo testovaná v reverznom turbínovom režime metódou Frozen rotor. Úprava použitej výpočtovej domény spočívala v zmene orientácie obežného kolesa o  $180^\circ$ . Toto rozpoloženie simuluje stav, kedy stroj pracuje ako turbína s opačnou (kladnou) orientáciou prietoku a otáčkovej frekvencie oproti návrhu. Postup pri určovaní charakteristiky reverzného

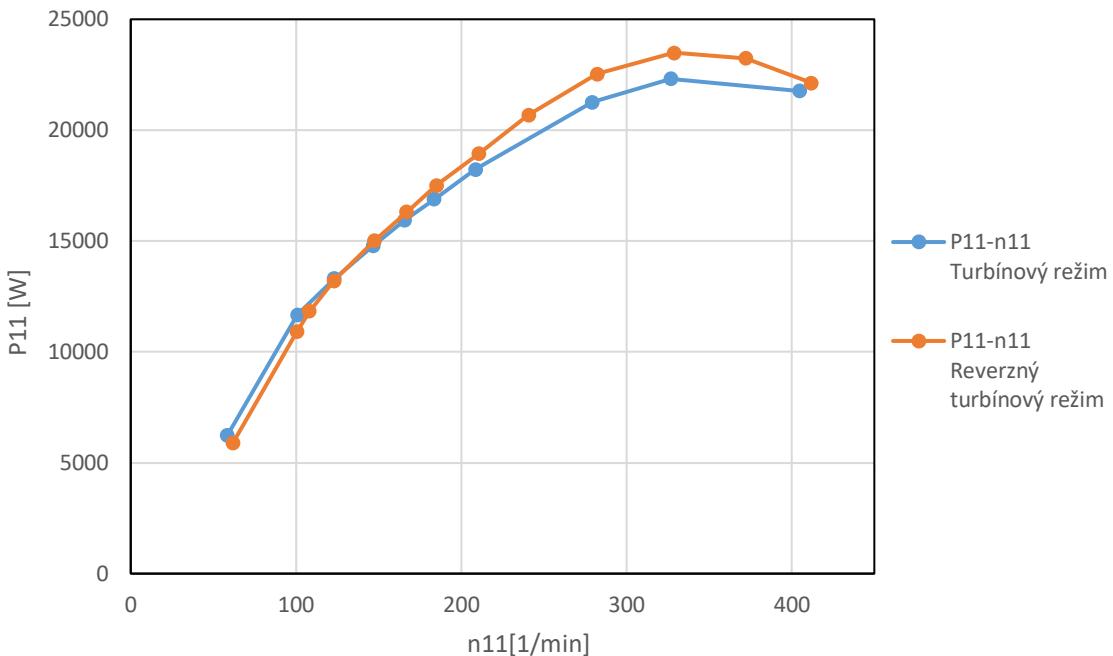
turbínového režimu bol zhodný s normálnym turbínovým režimom. Výsledky takto zostavenej domény boli spracované do grafov a porovnané s turbínovým režimom.



**Graf č. 11 Hydraulická účinnosť reverzného turbínového režimu v porovnaní s turbínovým režimom.**



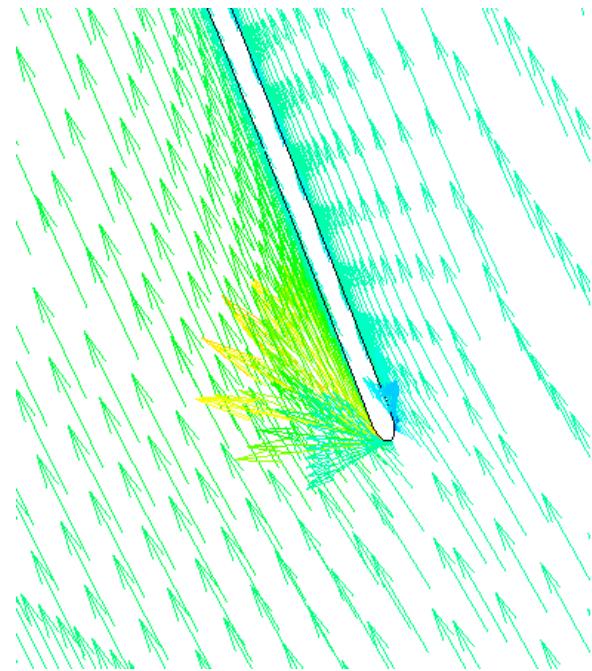
**Graf č.12 Jednotkový prietok reverzného turbínového režimu v porovnaní s turbínovým režimom**



**Graf č.13 Jednotkový výkon reverzného turbínového režimu v porovnaní s turbínovým režimom**

Na grafoch č.11,12 a 13, možno vidieť porovnanie hydraulických účinností, jednotkového prietoku a jednotkového výkonu stroja v turbínovom a reverznom turbínovom režime. Na grafe č.12 je vidieť, že reverzný turbínový režim, má v oblasti vysokých jednotkových otáčok vyššiu prietočnosť ako normálny turbínový režim. To sa prejavuje aj na jednotkovom výkone stroja. Účinnosť reverzného turbínového usporiadania je až prekvapivo vysoká a v oblasti okolo optima sa lísi len o 1,5% oproti normálnemu turbínovému režimu. V oblasti vysokých jednotkových otáčok (nízkych spádov) sa dokonca charakteristiky účinnosti prekrývajú. Vírová turbína teda predstavuje veľmi vhodnú, cenovo dostupnú alternatívnu do prílivových elektrární. Vysoká účinnosť stroja v reverznom turbínovom režime je spôsobená tvarom lopatiek, ktoré sú veľmi ploché. Rozdiel medzi uhlom nábežnej a odtokovej hrany lopatky pre tento hydraulický návrh, nepresahuje na žiadnom referenčnom priemere  $10^\circ$ , dokonca  $D_{ref} = 1.5\text{ m}$  je tento rozdiel len  $1^\circ$ . Tento poznatok nabáda k hydraulickému návrhu, ktorého lopatky majú priamkový charakter a nemenný uhol. Takýto hydraulický návrh, by vykazoval v oboch smeroch prúdenia v turbínovom režime rovnaké hydraulické vlastnosti a predstavuje veľmi zaujímavú možnosť ďalšieho výskumu.

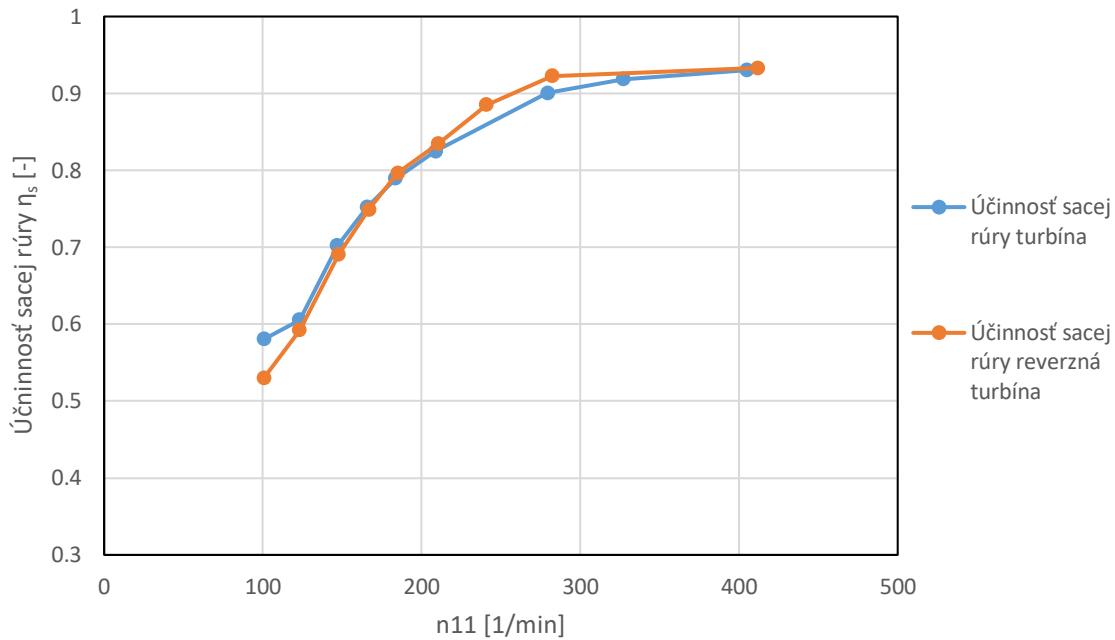
Na obrázku č.34 možno vidieť vektoru rýchlosť na vstupe do obežného kolesa, na radiálnom rozpäti lopatky 0.5, pri optimálnej účinnosti v reverznom turbínovom režime. Podobne ako v prípade turbínového režimu, je na vstupnej hrane mierny ráz. Pri porovnaní s obrázkom č.33, možno vidieť zmenu orientácie prietoku.



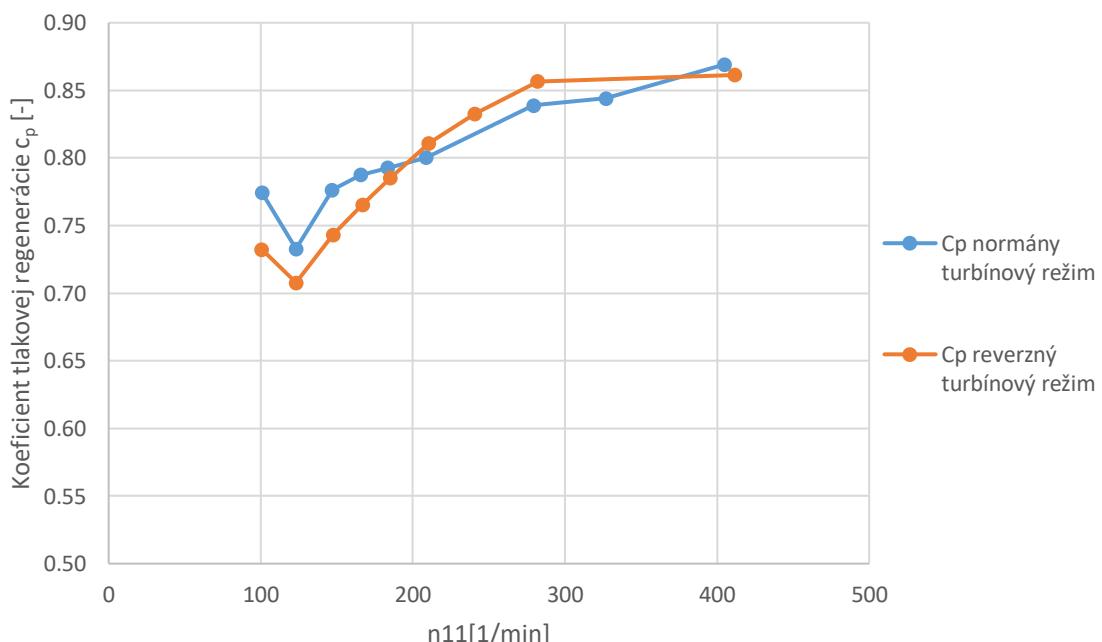
**Obr.č.34 Vektory rýchlosť na vstupe do obežného kolesa, na radiálnom rozpäti lopatky 0.5,v optime reverzného turbínového režimu**

### 5.3. Účinnosť sacej rúry

Účinnosť sacej rúry bola vyhodnotená na základe vzťahu (3.22) a zároveň bol vyhodnotený aj koeficient tlakovej regenerácie sacej rúry na základe vzťahu (3.20).



Graf č.14 Účinnosť sacej rúry  $\eta_s$  pri turbínovom a reverznom turbínovom režime

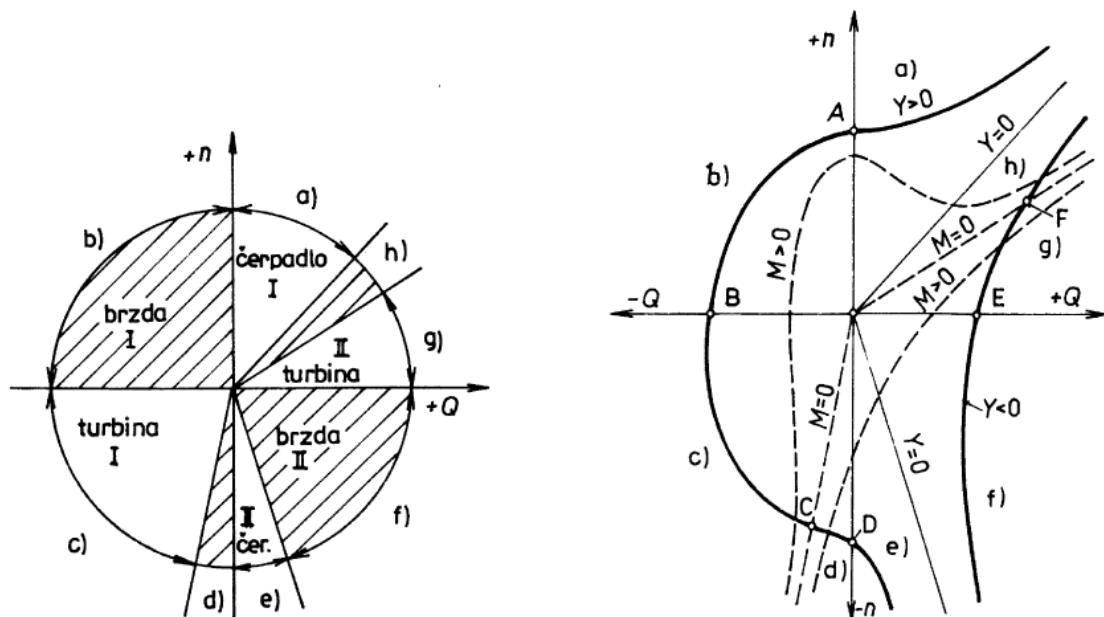


Graf č.15 Koeficient tlakovej regenerácie  $c_p$  pri turbínovom a reverznom turbínovom režime

Na grafoch č.14 a 15 je možné vidieť, že sacia rúra vírovej turbíny fungovala pre turbínový aj reverzný turbínový režim veľmi podobne. V oblasti vysokých jednotkových otáčok (nízkych spádov) dokonca s účinnosťou nad 90%. Je teda možné skonštatovať, že návrh sacej rúry bol urobený správne, akokoľvek pri snahe zmaximalizovať účinnosť celého stroja, by existoval priestor pre zlepšenie a ďalší výskum. Takisto konštrukčné prvky, ktoré by boli pri funkcií skutočnej prílivovej elektrárne nevyhnutné, by negatívne ovplyvnili funkciu sacej rúry.

## 6. Výpočet čerpadlového a reverzného čerpadlového režimu [1,2]

Ako bolo spomenuté v kapitole 1.4, pri prevádzke prílivovej elektrárne, je možné výšiť využiteľný spád na turbíny pomocou tzv. pričerpávania. Tento proces sa uskutočňuje počas minimálneho/maximálneho stavu hladín a zároveň v čase, keď sú hladiny mora/oceánu a nádrže vyrovnané. Počas odlivu (po vyprázdení nádrže na hladinu mora/oceánu) je možné vyčerpať určité množstvo vody z nádrže a tým znížiť jej hladinu a zväčsiť výškový rozdiel hladín po opäťovnom nastúpaní hladiny mora. Počas prílivu (po napustení nádrže na maximálnu možnú hladinu) je zas možné z mora/oceánu, dočerpať určité množstvo vody do nádrže a tým zvýšiť jej hladinu a zväčsiť výškový rozdiel hladín po opäťovnom klesnutí hladiny mora/oceánu. Vzhľadom na fakt, že sa pričerpávanie deje pri malých rozdieloch hladín, je tento proces energeticky výhodný. Aj z toho dôvodu je podstatné aby turbína bola schopná pracovať ako čerpadlo, najlepšie v oboch smeroch prietoku.

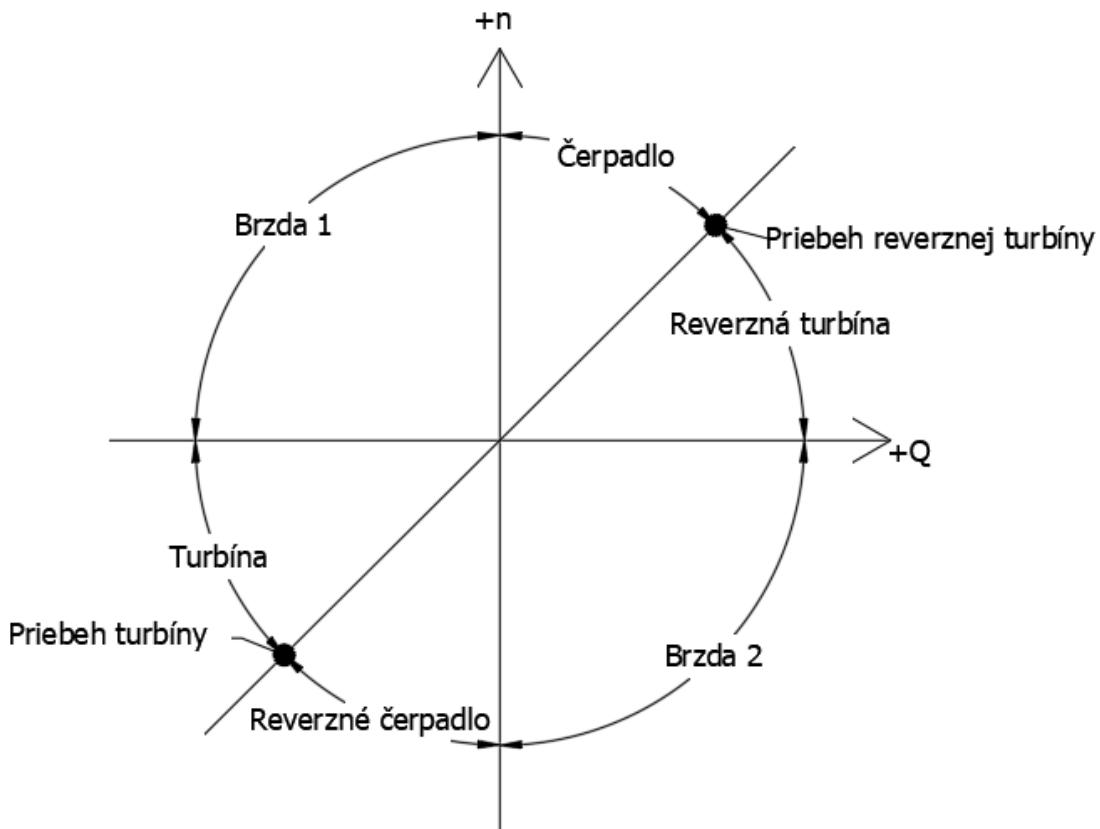


Obr.č.35 Vľavo schéma prevádzkových oblastí radiálne-axiálneho odstredivého čerpadla, vpravo schéma úplnej charakteristiky radiálne-axiálneho odstredivého čerpadla. [1]

Pre názorné zobrazenie jednotlivých režimov a princípu ich funkcie, veľmi dobre slúži tzv.  $Q-n$  charakteristika. Táto charakteristika graficky zobrazuje jednotlivé režimy v závislosti na smere a veľkosti prietoku a otáčkovej frekvencie. Na obrázku č.35, je zobrazená schéma prevádzkových oblastí radiálne-axiálneho odstredivého čerpadla a schéma úplnej charakteristiky radiálne-axiálneho odstredivého čerpadla.

Z týchto schém je možné vidieť, že normálny čerpadlový režim radiálne-axiálneho odstredivého čerpadla (oblasť a)), prebieha v kladných prietokoch a v kladnom smere otáčkovej frekvencie, od priebežného stavu reverzného turbínového režimu (reverzná turbína nie je schopná nad týmito otáčkami odoberať energiu, reverzná turbína oblasť g)), až po rovnovážny stav na spätej klapke vo výtlaku čerpadla. Normálny turbínový režim radiálne-axiálneho odstredivého čerpadla, prebieha v celom 3. kvadrante Q-n charakteristiky (oblasť c)), až po priebežný stav turbíny. Z 3. kvadrantu tejto charakteristiky je vidieť, že v smere záporných prietokov a v zápornom smere otáčkovej frekvencie, radiálno-axiálne odstredivé čerpadlo nedokáže čerpať.

Vďaka princípu jej funkcie a plochým lopatkám, však Vírová turbína dokáže čerpať aj v 3. kvadrante (opačný/záporný prietok aj smer otáčkovej frekvencie), ktorý je takmer symetrický s jej 1.kvadrantom. Zjednodušená schéma režimov Vírovej turbíny, je pre názornosť zobrazená na obrázku č.36 (neobsahuje prechodové oblasti medzi turbínou a čerpadlom, kde čerpadlo len kryje straty obežného kolesa). Čerpadlový režim navrhnutej turbíny, bol realizovaný zvýšením otáčkovej frekvencie reverzného turbínového režimu (nad priebežné otáčky) pri zachovaní smeru rotácie a prietoku (kladná orientácia prietoku a otáčkovej frekvencie). Reverzný čerpadlový režim, bol realizovaný zvýšením otáčkovej frekvencie turbínového režimu (nad priebežné otáčky) pri zachovaní smeru rotácie a prietoku (záporná orientácia prietoku a otáčkovej frekvencie).



Obr.č.36 Približná schéma prevádzkových oblastí vírovej turbíny (Q-n charakteristika)

Charakteristika čerpadlových režimov vznikla menením vstupnej prietokovej okrajovej podmienky pri konštantných otáčkach ( $n = 500 [1/min]$ ), tak ako bolo spomenuté v kapitole 4.3. V prípade reálneho čerpadla, sa regulácia realizuje zmenou otáčkovej frekvencie, akokoľvek prístup použitý v tejto diplomovej práci, poskytuje relatívne presný pohľad do hydraulických vlastností turbíny v čerpadlovom režime. Pri testovaní hydraulických vlastností Vírovej turbíny v čerpadlových režimoch, bola použitá tá istá doména, ako pri skúmaní normálneho turbínového režimu a výpočet bol prebehol pomocou metódy Frozen rotor.

Sledovanými parametrami čerpadlových režimov bola výtlachná výška čerpadla:

$$H_{\check{c}} = \frac{Y_{\check{c}}}{g}, \quad (5.1)$$

(odvodené z rovnice (2.1)), príkon čerpadla:

$$P_{\check{c}} = M_k * \omega, \quad (5.2)$$

kde:	$P_{\check{c}}$	[W]	Príkon čerpadla
	$M_k$	[N*m]	Krútiaci moment na hriadele obežného kolesa
	$\omega$	[rad/s]	Uhlová rýchlosť,

hydraulická účinnosť čerpadla:

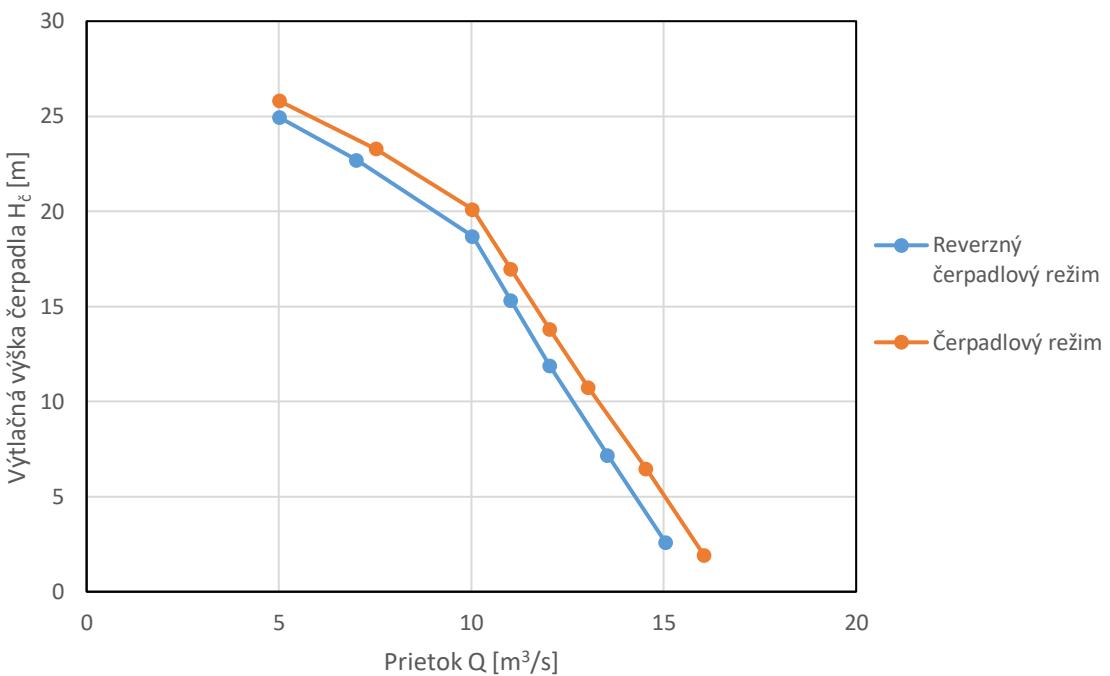
$$\eta_h = \frac{H_{\check{c}} * g * Q * \rho}{P_{\check{c}}}, \quad (5.3)$$

kde:	$\eta_h$	[-]	Hydraulická účinnosť čerpadla
	$H_{\check{c}}$	[m]	Výtlachná výška čerpadla
	$g$	[m/s <sup>2</sup> ]	Gravitačné zrýchlenie
	$Q$	[m <sup>3</sup> /s]	Objemový prietok
	$\rho$	[kg/m <sup>3</sup> ]	Hustota vody
	$P_{\check{c}}$	[W]	Príkon čerpadla

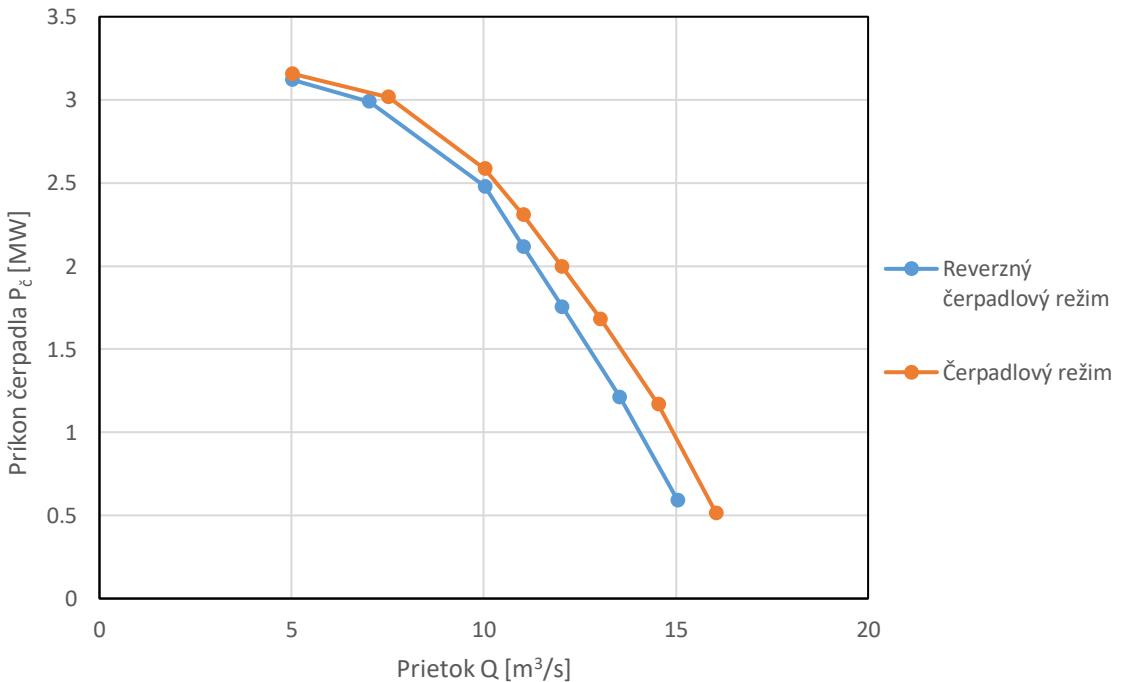
a množstvo disipovanej energie na kilogram média:

$$D = \frac{(1 - \eta_h) * P_{\check{c}}}{Q * \rho}, \quad (5.4)$$

kde:	D	[J/kg]	Disipácie energie na kilogram média
	$P_{\check{c}}$	[W]	Príkon čerpadla
	Q	[m <sup>3</sup> /s]	Objemový prietok
	$\eta_h$	[-]	Hydraulická účinnosť čerpadla
	$\rho$	[kg/m <sup>3</sup> ]	Hustota média



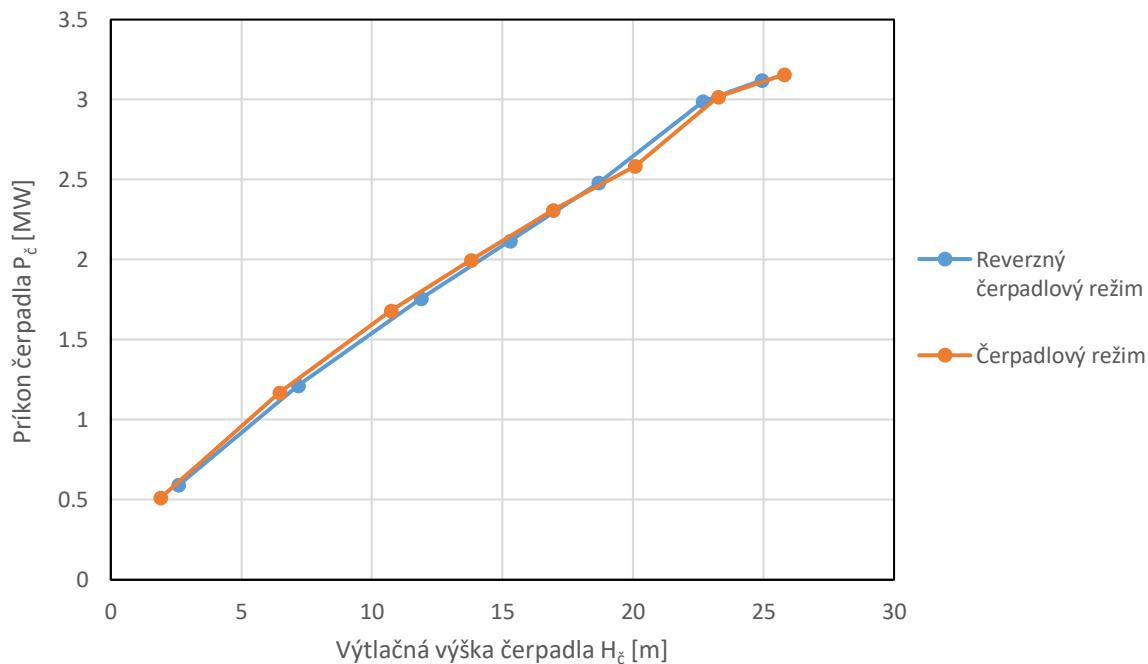
**Graf č.16 Q-H charakteristika čerpadlového režimu v porovnaní s reverzným čerpadlovým režimom**



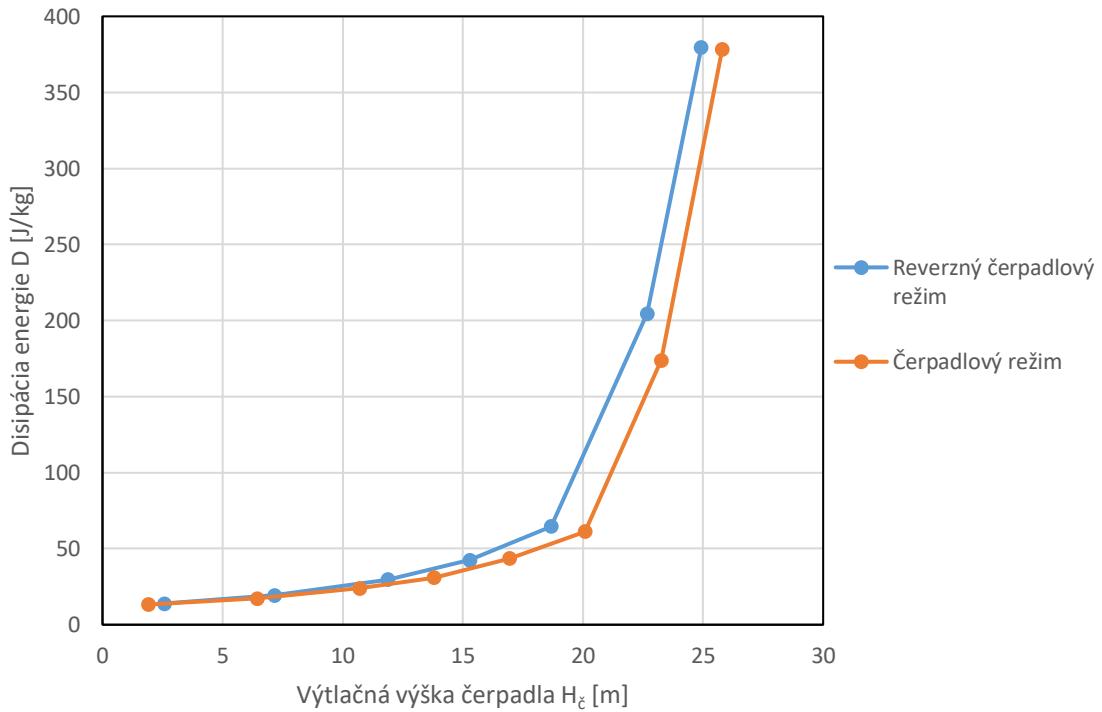
**Graf č. 17 Príkon čerpadla v závislosti na prietoku čerpadlového režimu v porovnaní s reverzným čerpadlovým režimom**

Na grafe č.16 je zobrazená závislosť výtlachnej výšky na prietoku (Q-H charakteristika) Vírovej turbíny v čerpadlovom a reverznom čerpadlovom režime. Táto charakteristika je veľmi strmá a stabilná na všetkých bodoch, čo je typické pre axiálne čerpadlá.

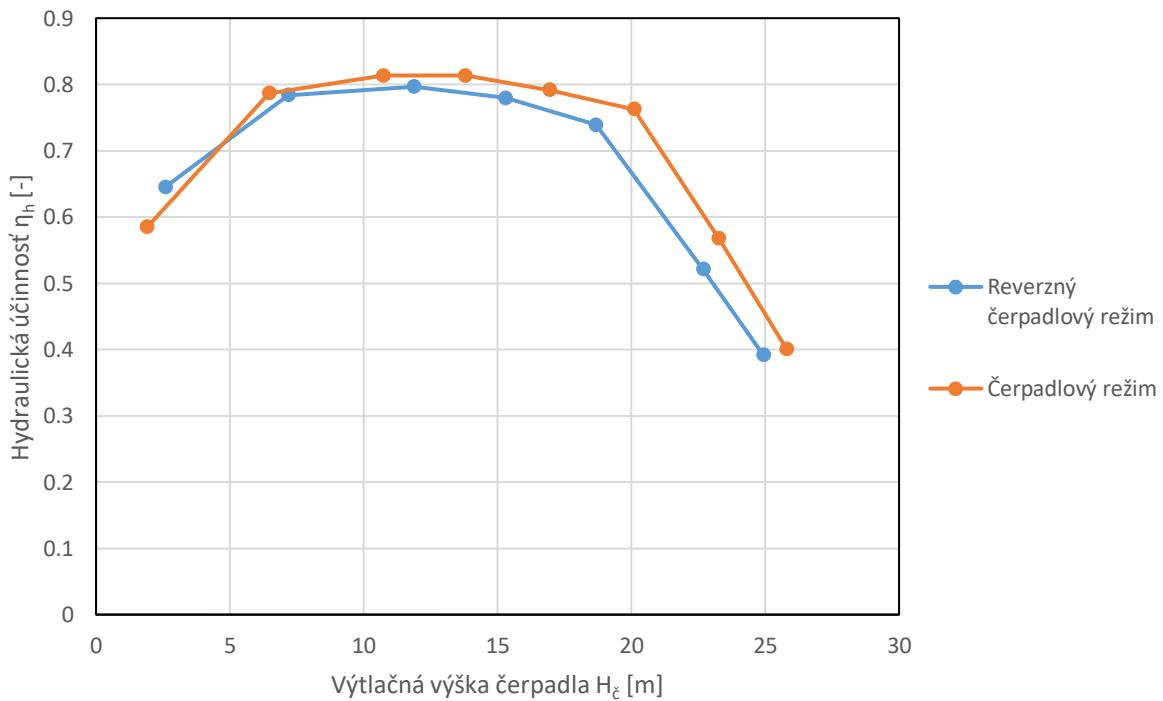
Na grafe č.17 je možné vidieť porovnanie príkonu čerpadla v závislosti na prietoku, pre normálny čerpadlový aj reverzný čerpadlový režim. Z grafu je možné poznať, že normálny čerpadlový režim sa vyznačuje vyššími požiadavkami na príkon, ten však na oplátku realizuje vyššiu výtlachnú výšku ako pri reverznom čerpadlovom režime. Klesajúci trend týchto závislostí je spôsobený nemennou otáčkovou frekvenciou rotoru. So zvyšujúcim sa prietokom zároveň stúpa otáčková frekvencia priebežného stavu turbínového/reverzného turbínového režimu, ktorá sa postupne približuje nemennej otáčkovej frekvencii rotoru reverzného čerpadlového/čerpadlového režimu. Z toho vyplýva, že s rastúcim prietokom, čerpadlové režimy plynule prechádzajú do turbínových režimov, ktoré sa vyznačujú opačným znamienkom krútiaceho momentu a teda aj výkonu. Oblast s nulovým príkonom čerpadla, je zároveň priebežný stav turbíny. V skutočnej prevádzke je prietok v čerpadlových režimoch regulovaný otáčkovou frekvenciou a je závislý na charakteristike potrubného systému. Aj z toho dôvodu, je pri výpočtovom modelovaní čerpadlových režimov s nemennou otáčkovou frekvenciou, vhodné príkon čerpadla zobrazovať v závislosti na výtlachnej výške. To isté platí aj pre hydraulickú účinnosť a disipáciu energie.



**Graf č.18 Príkon čerpadla v závislosti na výtlachnej výške čerpadlového režimu v porovnaní s reverzným čerpadlovým režimom**



**Graf č.19 Disipácia energie v závislosti na výtlacnej výške čerpadlového režimu v porovnaní s reverzným čerpadlovým režimom**

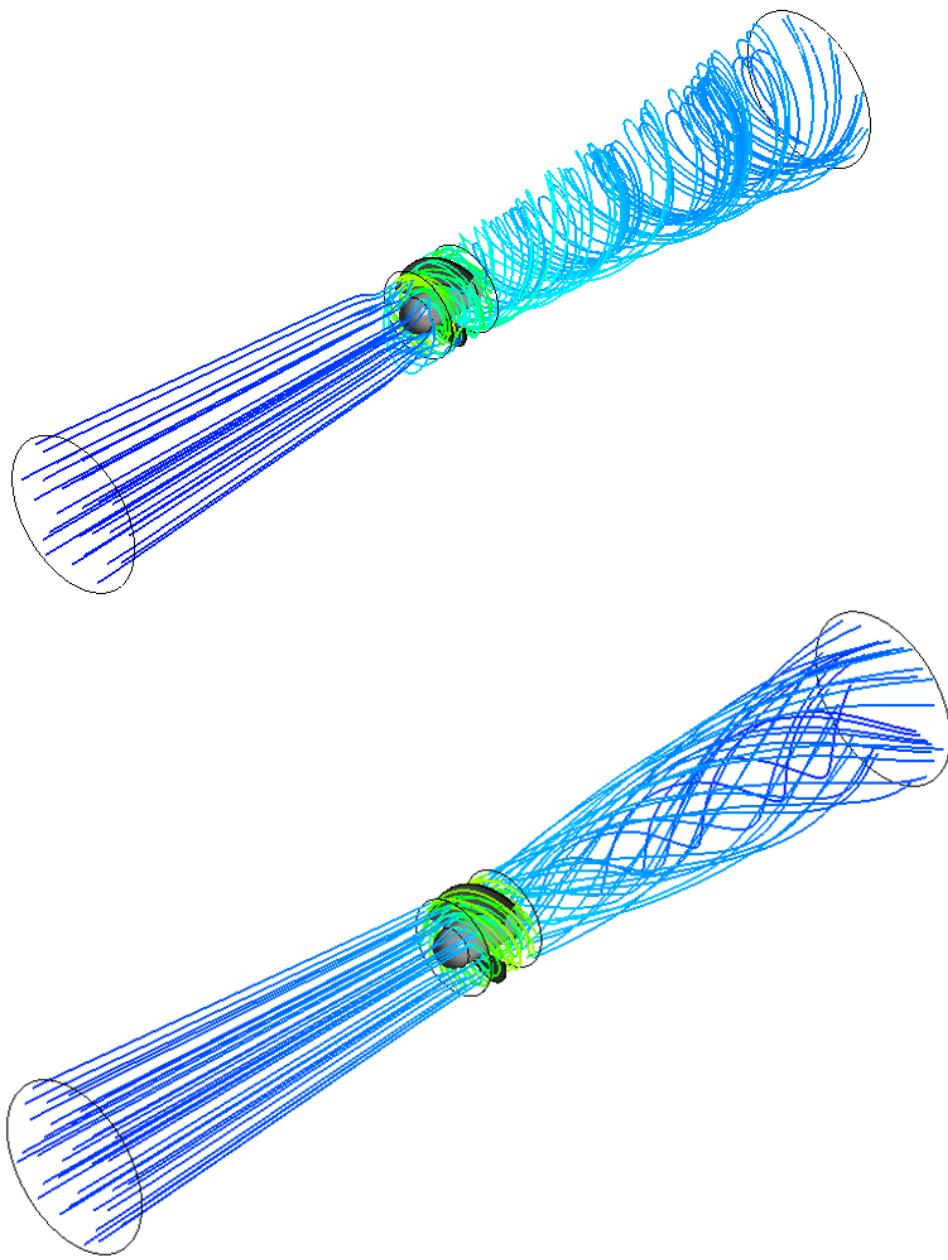


**Graf č.20 Hydraulická účinnosť v závislosti na výtlacnej výške čerpadlového režimu v porovnaní s reverzným čerpadlovým režimom**

Na grafe č.18 je možné vidieť, že závislosť príkonu čerpadla na výtlacnej výške je lineárna a pre oba smery čerpania takmer identická.

Q-H charakteristika, zobrazená na grafe č.16, poukazuje na fakt, že čerpadlový režim (kladná orientácia prietoku a otáčkovej frekvencie), vykazuje lepšie čerpacie vlastnosti ako reverzný čerpadlový režim (záporná orientácia prietoku a otáčkovej frekvencie), čo potvrdzuje aj závislosť účinnosti na výtlacnej výške na grafe č.20. S tým je takisto úzko spojená disipácia energie na grafe č.19, kde je možné vidieť, že pri rovnakom množstve disipovanej energie na kilogram, je výtlacná výška čerpadlového režimu vyššia ako v prípade reverzného čerpadlového režimu. Pri detailnom pohľade na závislosť účinnosti na výtlacnej výške na grafe č.20, je možné si všimnúť, že reverzný čerpadlový režim dosahuje v oblasti optima takmer 80% a čerpadlový režim dokonca 81% účinnosti. Tento výsledok je veľmi prekvapivý, najmä pri porovnaní s účinnosťami v turbínových režimoch na grafe č.11, ktoré nepresahujú 80%. Z fyzikálneho hľadiska je turbínový režim účinnostne výhodnejší, pretože miestne straty vírením aj dĺžkové straty sú závislé na rýchlosti prúdenia, ktorá je pri čerpadlových režimoch z princípu funkcie vyššia [1]. Tento výsledok, akokoľvek zaujímavý, teda treba brať s určitou rezervou. Je možné, že navrhnutá geometria obežného kolesa nie je pre normálny turbínový režim optimálna a bolo by možné ju do istej miery vylepšiť, zatiaľ čo pre čerpadlový režim je táto geometria zhodou náhod veľmi dobrá. Túto teóriu z časti potvrdzujú aj experimentálne výsledky z laboratórií odboru Fluidného inžinierstva na Strojnej fakulte VUT, kde bol otestovaný návrh vírovej turbíny, ktorý v normálnom turbínovom režime dosiahol 85% účinnosti [4]. To však nič nemení na tom, že Vírová turbína dokáže efektívne pracovať v čerpadlovom režime pre oba smery prietoku. Podobne ako v predchádzajúcej kapitole, tieto vlastnosti nabádajú k tvorbe hydraulického návrhu, ktorého lopatky majú priamkový charakter a nemenný uhol. Takýto hydraulický návrh, by vykazoval v oboch smeroch prúdenia v čerpadlovom režime rovnaké hydraulické vlastnosti a predstavuje veľmi zaujímavú možnosť ďalšieho výskumu.

Veľmi zaujímavé je takisto porovnanie prúdenia pri rôznych režimoch. Na obrázku č.37 je zobrazené prúdenie cez obežné koleso v turbínovom(dole) a čerpadlovom (hore) režime pomocou prúdníc.



**Obr. č. 37 Porovnanie víru za obežným kolesom Vírovej turbíny pri turbínovom (dole) a čerpadlovom (hore) režime**

Na spodnej časti obrázku č.37, je možné vidieť protibežný vír za obežným kolesom, ktorý sa tvorí pri prevádzke stroja v turbínovom režime (záporný smer prietoku a otáčkovej frekvencie). Tento vír sa tvorí zmenou smeru prúdenia na lopatke obežného kolesa, kde prúdenie získa zápornú zložku obvodovej rýchlosťi (v respektíve odovzdá kladnú zložku obvodovej rýchlosťi

obežnému kolesu). Tento proces matematicky popisuje Eulerova turbínová rovnica Vírovej turbíny (2.19).

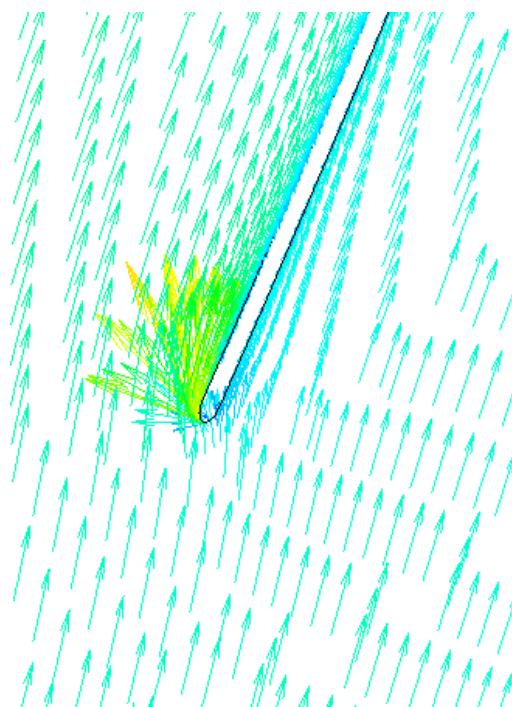
Pri prevádzke stroja v čerpadlovom režime (kladný smer prietoku a otáčkovej frekvencie), sú otáčky rotora vyššie ako priebežné otáčky reverzného turbínového režimu, sacia strana lopatky sa stane tlakovou(a naopak) a prúdenie na obežnom kolese získa kladnú zložku obvodovej rýchlosi. Tento dej je spojený so vznikom súbežného víru za obežným kolesom (ktorý je možné vidieť na hornej časti obrázku č.37) a získaním kinetickej energie. Tento proces matematicky popisuje Eulerova čerpadlová rovnica Vírovej turbíny:

$$\frac{Y_c}{\eta_h} = u_2 * c_{u2} - u_1 * c_{u1}; \quad c_{u1} = 0 \rightarrow \frac{Y_c}{\eta_h} = u_2 * c_{u2}, [8] \quad (6.1)$$

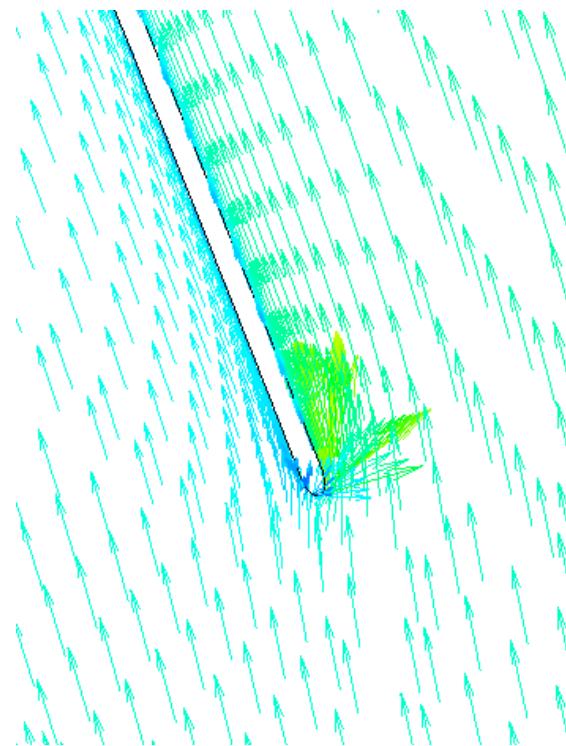
kde:	$Y_c$	[J/kg]	Merná energia čerpadla
	$\eta_h$	[-]	Hydraulická účinnosť
	$u_1$	[m/s]	Unášacia (obvodová) rýchlosť turbíny na vstupe
	$u_2$	[m/s]	Unášacia (obvodová) rýchlosť turbíny na výstupe
	$c_{u1}$	[m/s]	Obvodová zložka absolútnej rýchlosi prúdenia na vstupe
	$c_{u2}$	[m/s]	Obvodová zložka absolútnej rýchlosi prúdenia na výstupe.

Vďaka týmto poznatkom, je možné prehlásiť, že pri priebežnom stave turbínového režimu (turbína neodoberá prúdeniu energiu), sa za obežným kolesom žiadny vír nevytvára, nezáležiac na smere prietoku.

Na obrázkoch č.38 a 39 sú zobrazené vektori rýchlosi na vstupe do obežného kolesa, na radiálnom rozpäti lopatky 0.5,v optime čerpadlového režimu a v optime reverzného čerpadlového režimu. Podobne ako v prípade turbínových režimov, je vidieť že na vstupných hranách lopatiek je mierny ráz, akokoľvek v čerpadlovom režime je o niečo menší, čo by odpovedalo z hľadiska účinnosti. Vektori rýchlosi na vstupnej hrane pre všetky režimy, budú prehľadne porovnané v ďalšej kapitole.



**Obr. č.38 Vektorové rýchlosť na vstupe do obežného kolesa, na radiálnom rozpäti lopatky 0.5,v optime reverzného čerpadlového režimu**



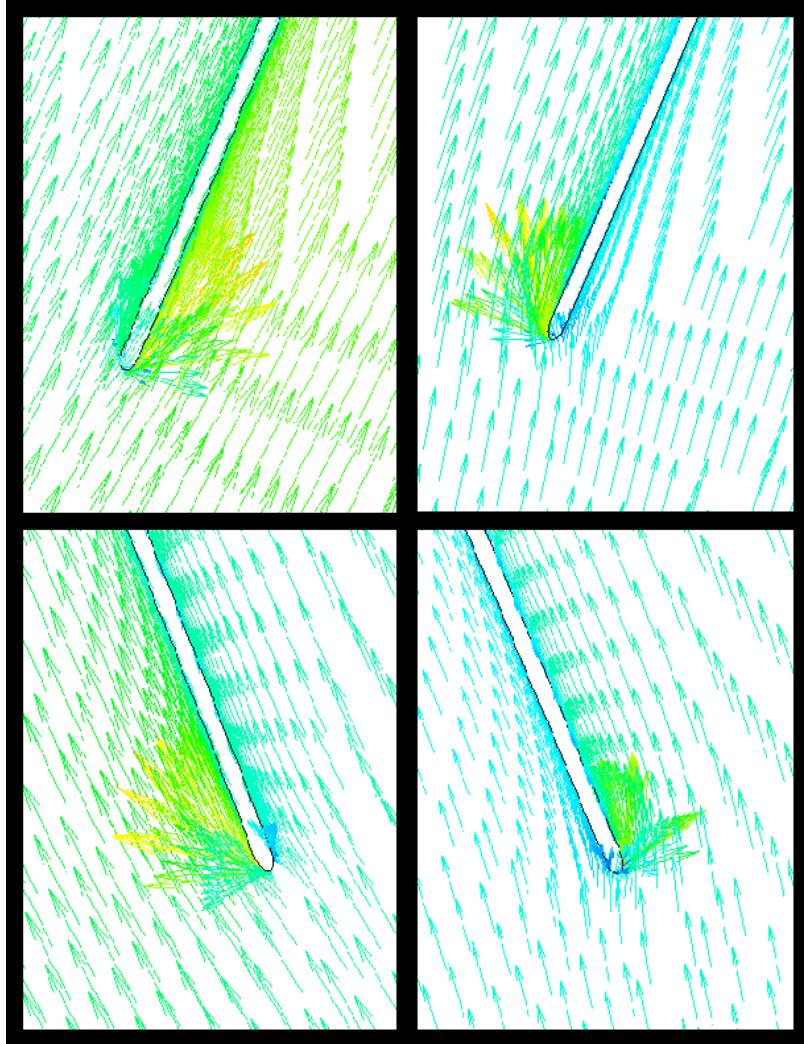
**Obr. č.39 Vektorové rýchlosť na vstupe do obežného kolesa, na radiálnom rozpäti lopatky 0.5,v optime čerpadlového režimu**

Ako bolo spomenuté v úvode tejto kapitoly, čerpadlové režimy Vírovej turbíny sú realizované zvýšením otáčkovej frekvencie turbínových režimov nad priebežné otáčky, pri zachovaní smeru

rotácie a prietoku. Vzhľadom na fakt, že priebežné otáčky u bežných turbín predstavujú nebezpečný a nežiadúci stav, je nutné pri návrhu prílivovej elektrárne s pričerpávaním, využívajúcej Vírovú turbínu, uvážiť obojsmerný čerpadlový režim, ktorý je v pevnostných výpočtoch nebezpečný.

## 7. Vyhodnotenie

Po realizovaní CFD výpočtov vo všetkých režimoch v 1. a 3. kvadrante Q-n charakteristiky(Obrázok č.36) možno skonštatovať, že pre kladné aj záporné smery prietokov, Vírová turbína funguje v turbínovom aj čerpadlovom režime veľmi dobre.



*Horný rad zľava turbínový režim a reverzívny čerpadlový režim, dolný rad zľava reverzný turbínový režim a čerpadlový režim*

**Obr.č. 40 Porovnanie prúdenia a rázu jednotlivých režimov optime pomocou vektorov rýchlosťí**

Turbínový (návrhový) režim v optime dosahuje 80%, reverzný turbínový 78,5%, reverzný čerpadlový 80% a čerpadlový režim dosahuje dokonca až 81% hydraulickej účinnosti. Tieto výsledky však majú len orientačný charakter, pretože pri návrhu obežného kolesa boli niektoré prvky zanedbané (medzera medzi skriňou obežného kolesa a lopatkou) a takisto doména neobsahuje konštrukčné prvky, ktoré by v reálnej prílivovej elektrárni boli nevyhnutné.

80% hydraulickej účinnosti v optime pre návrhoví turbínoví režim nie je maximum, ktoré Vírová turbína môže dosiahnuť (experimentálne boli potvrdené aj vyššie účinnosti). Tento hydraulický návrh, teda má priestor na zlepšenie, akokoľvek je otázne, ako by sa táto úprava prejavila na ostatných prevádzkových režimoch. Taktiež by zároveň bolo možné optimalizovať obežné koleso turbíny tak, aby sa pri činnosti stroja neprejavovali pulzácie, ktoré nepriaznivo vplyvajú na životnosť stroja, ktorá je pre aplikáciu v slanej vode veľmi dôležitá.

Vysoká účinnosť čerpadlových režimov je prekvapivá a naznačuje, že Vírová turbína je výbornou alternatívou pre aplikácie kde je jeden stroj nutné používať vo viacerých režimoch.

Rozdielne priebehy parametrov turbínových a čerpadlových režimov, sú spôsobené miernym zahnutím lopatiek. Toto zahnutie bolo do lopatkovej mriežky zahrnuté, pretože pôvodný návrh je primárne určený pre turbínový režim. Aj napriek tomuto zahnutiu, sú nenávrhové režimy z hydraulického hľadiska veľmi priaznivé. Tieto vlastnosti nabádajú k tvorbe hydraulického návrhu, ktorého lopatky majú priamkový charakter a nemenný uhol. Takýto hydraulický návrh by pravdepodobne zlepšil vlastnosti reverzných režim, zatiaľ čo normálne režimy by znevýhodnil. Je otázne či by takto tvarované lopatky zefektívnieli prevádzku prílivovej elektrárne. V prípade, že by sa jeden zo smerov prietoku vyznačoval možnosťou získania väčšieho množstva energie ako v druhom smere, by pravdepodobne boli výhodné lopatky zahnuté, v opačnom prípade lopatky priamkové. Tieto výpočty by boli možné pri znájomom obsahu nádrže prílivovej elektrárne.

V každom prípade je možné s určitosťou konštatovať, že Vírová turbína predstavuje relatívne jednoduchú a mimoriadne efektívnu možnosť, ako cenovo sprístupniť získavanie elektrickej energie z prílivu a odlivu.

## 8. Záver

Príliv a odлив predstavuje neobmedzený zdroj čistej energie, ktorý sa však z rôznych dôvodov vo väčšej miere komerčne nevyužíva. Jedným z hlavných dôvodov je finančná náročnosť stavby prílivových elektrární. Vzhľadom na globálnu snahu redukovať emisie skleníkových plynov je však tento alternatívny zdroj energie veľmi lákavý. Pre sprístupnenie tejto energie je nutné využiť najmodernejšie technológie a úplne nový prístup. Jedným z možných riešení tohto problému, môže byť využitie Vírovej turbíny, ktorá na rozdiel od dnes používaných technológií, predstavuje cenovo dostupnú alternatívu.

Táto diplomová práca sa venuje hydraulickému návrhu Vírovej turbíny, sacej rúry a testovaniu vlastností tohto stroja. Vytvorený hydraulický návrh bol optimalizovaný a skúmaný pomocou CFD výpočtov pre turbínový režim. Ten istý stroj však bol testovaný aj pre ďalšie režimy, konkrétnie reverzný turbínový, čerpadlový aj reverzný čerpadlový režim.

CFD výpočtami sa zistilo, že Vírová turbína, dokáže veľmi efektívne pracovať v turbínovom režime pre obidva smery prietoku. Tento fakt je spôsobený veľmi malým zahnutím lopatiek, ktoré vykazujú podobné hydraulické vlastnosti z obidvoch strán. Ďalej sa zistilo, že princíp funkcie tejto turbíny spôsobuje tlakové pulzácie, ktoré neblaho vplývajú na životnosť stroja a účinnosť.

Pre prílivovú elektráreň, ktorá využíva maximum dostupnej energie, je nutné využívať tzv. pričerpávanie. Tento proces vyžaduje, aby použitá turbína bola schopná pracovať ako čerpadlo, najlepšie v oboch smeroch prietoku. Navrhnutá turbína bola teda testovaná pre oba smery prietoku v čerpadlovom režime. CFD výpočtami sa zistilo, že tieto režimy sú nie len možné ale dokonca sú veľmi efektívne. Čerpadlové režimy dosiahli vyššie účinnosti ako turbínové režimy. Tento výsledok je pravdepodobne spôsobený nie ideálou optimalizáciou geometrie obežného kolesa pre turbínový režim, ktorá však zhodou náhod pracuje ako čerpadlo veľmi dobre. Je všeobecne platné že turbínové režimy by mali mať vyššie účinnosti . Navrhnutú geometriu by teda bolo možné pre turbínový režim ďalej optimalizovať.

Výsledky týchto výpočtov slúžia hlavne na porovnanie hydraulických vlastností jednotlivých režimov, pretože ich výpovedná hodnota je ovplyvnená niekoľkými zjednodušeniami, ktoré by v prípade skutočnej elektrárne museli byť zahrnuté. To však nič nemení na fakte, že tento typ turbíny vykazuje vlastnosti, ktoré by pre prílivovú elektráreň mohli byť viac ako zaujímavé. Takisto sa otvára príležitosť pre ďalší výskum, ktorý by mohol vyriešiť problémy s tlakovými pulzáciami a v neposlednej rade otestovať hydraulické vlastnosti obežného kolesa, ktorého

lopatky sú priamkového charakteru a pravdepodobne by vykazovali rovnaké hydraulické vlastnosti pre čerpadlové aj turbínové režimy v oboch smeroch prietoku. Ďalší výskum by taktiež mohol odpovedať na otázky ohľadom kavitačných vlastností, ktoré by mohli predstavovať problém kvôli horizontálnemu usporiadaniu stroja, ktorého priemer nie je zanedbateľný vzhľadom na dostupný spád na turbínu. Touto prácou sa teda otvárajú dvere k ďalšiemu pokroku ľudstva a snáď k lepším zajtragákom.

## 9. Použitá literatúra:

- [1] BLÁHA, Jaroslav a Karel BRADA. *Hydraulické stroje*. Praha: SNTL – Nakladatelství technické literatury, 1992, 747 s. : il.
- [2] BŘEZINA, Jan. *Vodní turbíny*. Praha: SNTL, 1963, 162 s.
- [3] FLEISCHNER, Petr a Miroslav NECHLEBA. *Hydromechanika lopatkových strojů*. Brno: VUT, 1976, 254 s.
- [4] HALUZA M., Osobné konzultácie, VUT Brno, 2019
- [5] HALUZA M., Tekutinové stroje I, Prednášky a cvičenia, VUT Brno, 2019
- [6] INTERGOVERNMENTAL PANEL ON CLIMATE CHANGE. *Climate Change 2014: Mitigation of Climate Change*. 2015. DOI: 10.1017/CBO9781107415416. ISBN 9781107058217.
- [7] KOSAR, J. Konstrukční řešení reverzní vírové turbíny. Brno: Vysoké učení technické v Brně, Fakulta strojního inženýrství, Energetický ústav, 2020. ... s. Diplomová práce.. Vedoucí diplomové práce doc. Ing. Miloslav Haluza, CSc
- [8] NECHLEBA, Miroslav. *Vodní turbíny, jejich konstrukce a příslušenství*. 2. vyd. Praha: SNTL, 1962, 672 s.
- [9] RUDOLF P., Výpočtové modelování proudění, Prednášky a cvičenia, VUT Brno, 2019
- [10] ŠKORPÍK, Jiří. Vodní turbíny a hydrodynamická čerpadla, *Transformační technologie*, 2011-06, [last updated 2018-12-12]. Brno: Jiří Škorpík, [on-line] pokračující zdroj, ISSN 1804-8293. Dostupné z <https://www.transformacni-technologie.cz/21.html>.
- [11] Šob,F., Habán,V., Haluza, M. : Charakteristiky modelových turbin VUT-FSI pro velké průtoky a malé spády. VUT-EU-QR-37-00, listopad 2000. Určeno pro VVZ 300004 "Ekologicky a ekonomicky přikatelná moderní energetické technologie".
- [12] VUT VBRNĚ, FSI. Vírová turbína. Původci: Pochylý, F., Haluza, M., Rudolf, P., Šob, F. Česká republika. Užitný vzor CZ 10767 U1. 22. 01. 2001. Dostupné také z <http://spisy.upv.cz/UtilityModels/FullDocuments/FDUM0010/uv010767.pdf>

## **10. Internetové zdroje:**

- [13] Autor: MesserWoland – own work created in Inkscape, CC BY-SA 3.0, <https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=1241267>
- [14] By R. Ray, NASA Goddard Space Flight Center, Jet Propulsion Laboratory, Scientific Visualization Studio - TOPEX/Poseidon: Revealing Hidden Tidal Energy, Public Domain, <https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=3198519>
- [15] <https://ourworldindata.org/energy>
- [16] <https://ourworldindata.org/renewable-energy>
- [17] [https://tidesandcurrents.noaa.gov/publications/tidal\\_datums\\_and\\_their\\_applications.pdf](https://tidesandcurrents.noaa.gov/publications/tidal_datums_and_their_applications.pdf)
- [18] [https://www.cfd-online.com/Wiki/Dimensionless\\_wall\\_distance\\_\(y\\_plus\)](https://www.cfd-online.com/Wiki/Dimensionless_wall_distance_(y_plus))
- [19] [https://www.researchgate.net/figure/A-view-of-La-Rance-Tidal-Barrage-Takenouchi-et-al-2006\\_fig6\\_317370107](https://www.researchgate.net/figure/A-view-of-La-Rance-Tidal-Barrage-Takenouchi-et-al-2006_fig6_317370107)
- [20] [https://www.researchgate.net/figure/Section-of-a-Kaplan-turbine6\\_fig2\\_258452162](https://www.researchgate.net/figure/Section-of-a-Kaplan-turbine6_fig2_258452162)
- [21] <https://www.thegreenage.co.uk/cos/rance-tidal-power/>
- [22] <https://www.tide-forecast.com/locations/Newhaven-England>

## 11. Zoznam grafov

Graf č.1 Charakteristika turbínového režimu, Frozen rotor metóda .....	61
Graf č.2 Závislosť jednotkového výkonu na jednotkových otáčkach, Frozen rotor metóda.....	62
Graf č.3 Porovnanie jednotkového prietoku na jednotkových otáčkach jednotlivých metód ..	64
Graf č.4 Porovnanie hydraulických účinností na jednotkových otáčkach jednotlivých metód	64
Graf č.5 Porovnanie jednotkového výkonu na jednotkových otáčkach jednotlivých metód.....	65
Graf č.6 Pulzácie hydriatickej účinnosti turbínového režimu v čase, $n_{11} = 146.97 \text{ 1/min}$ a $Q_{11} = 1.91 \text{ m}^3/\text{s}$ .....	66
Graf č.7 Pulzácie krútiaceho momentu $M_k$ turbínového režimu v čase, $n_{11} = 146.97 \text{ 1/min}$ a $Q_{11} = 1.91 \text{ m}^3/\text{s}$ .....	66
Graf č.8 Pulzácie axiálnej sily $F_z$ turbínového režimu v čase, $n_{11} = 146.97 \text{ 1/min}$ a $Q_{11} = 1.91 \text{ m}^3/\text{s}$ .....	67
Graf č.9 Absolútна hodnota amplitúd pulzácií krútiaceho momentu $M_k$ a axiálnej sily $F_z$ .....	67
Graf č.10 Relatívna hodnota amplitúd pulzácií, vzhladom na strednú hodnotu v % .....	68
Graf č. 11 Hydraulická účinnosť reverzného turbínového režimu v porovnaní s turbínovým režimom. ....	69
Graf č.12 Jednotkový prietok reverzného turbínového režimu v porovnaní s turbínovým režimom .....	69
Graf č.13 Jednotkový výkon reverzného turbínového režimu v porovnaní s turbínovým režimom .....	70
Graf č.14 Účinnosť sacej rúry $\eta_s$ pri turbínovom a reverznom turbínovom režime.....	72
Graf č.15 Koeficient tlakovej regenerácie $c_p$ pri turbínovom a reverznom turbínovom režime.....	72
Graf č.16 Q-H charakteristika čerpadlového režimu v porovnaní s reverzným čerpadlovým režimom .....	78

Graf č. 17 Príkon čerpadla v závislosti na prietoku čerpadlového režimu v porovnaní s reverzným čerpadlovým režimom.....	78
Graf č.18 Príkon čerpadla v závislosti na výtlacnej výške čerpadlového režimu v porovnaní s reverzným čerpadlovým režimom.....	79
Graf č.19 Disipácia energie v závislosti na výtlacnej výške čerpadlového režimu v porovnaní s reverzným čerpadlovým režimom.....	80
Graf č.20 Hydraulická účinnosť v závislosti na výtlacnej výške čerpadlového režimu v porovnaní s reverzným čerpadlovým režimom.....	80

## **12. Zoznam tabuliek:**

Tabuľka č.1 Ekvivalent uhlíkovej stopy podľa zdroja energie v g CO <sub>2</sub> na kWh.....	13
Tabuľka č.2 Volené a dopočítané parametre návrhového bodu.....	41
Tab.č.3 Parametre sacej rúry.....	42

## **13. Zoznam obrázkov**

Obr.č.1 Podiel zdrojov energie na celkovú svetovú výrobu elektrickej energie, upravené.....	12
Obr.č.2 Množstvo celosvetovo vyrobenej elektrickej energie z obnoviteľných zdrojov upravené.....	13
Obr.č.3 Vplyv fázy mesiaca na výšku prílivu/odlivu .....	15
Obr.č.4 Typický priebeh výšky hladiny, upravené .....	16
Obr.č.5 Prílivová mapa .....	17
Obr.č.6 Prílivová elektráreň na rieke Rance .....	18
Obr.č.7 Priebeh hladín a výkonov počas dňa na prílivovej elektrárni na rieke Rance.....	19
Obr.č.8 Grafické znázornenie „netto“ spádu H.....	24
Obr.č.9 Rýchlosťný trojuholník hydrodynamického stroja.....	26
Obr.č.10 Peltonová turbína so základnými rozmermi .....	32
Obr.č.11.Francisova turbína so základnými rozmermi .....	33
Obr.č.12 Kaplanova turbína.....	34
Obr.č.13 Virtuálny model Vírovej turbíny vytvorený v tejto diplomovej práci .....	35
Obr.č.14 Vizualizácia protibežného víru na výstupe z turbíny pomocou CFD výpočtu v programe CFD post .....	36
Obr.č.15 Porovnanie oblastí použitia rôznych turbín, upravené.....	37
Obr.č.16 Prílivová predpoved' pre lokalitu Newhaven, Anglicko .....	38
Obr.č.17 Dispozícia návrhu usporiadania vírovej turbíny pre prílivovú elektráreň.....	39
Obr.č.18 Sacia rúra Vírovej turbíny .....	42
Obr.č.19 Dispozícia pre určenie účinnosti sacej rúry .....	43
Obr.č.20 Vstupný rýchlosťný trojuholník .....	45
Obr.č.21 Výstupný rýchlosťný trojuholník .....	46
Obr.č.22 Konformná transformácia.....	48
Obr.č.23 Axiálna mriežka vírovej turbíny .....	50
Obr.č.24 Model vírovej turbíny vytvorený v programe BladeGen .....	53
Obr.č.25 Model sacej rúry rozdelený na časti v tvare šeststenov .....	54

Obr.č.26 Detail sacej rúry v mieste vstupu/výstupu turbíny s geometriou náboju .....	54
Obr.č.27 Detail rezu sacej rúry v mieste vstupu/výstupu turbíny s geometriou náboju.....	55
Obr.č.28 Detail výpočtovej siete obežného kolesa na nábežnej hrane lopatky .....	56
Obr.č.29 Detail výpočtovej siete sacej rúry v mieste náboju.....	57
Obr.č.30 Detail rezu výpočtovej siete sacej rúry v mieste náboju .....	57
Obr.č.31 Doména vytvorená spojením jednotlivých sietí .....	58
Obr.č.32 Rozdelenie domény na rotujúcu a statickú časť, vľavo vstupná okr. podmienka, vpravo výstupná okr. podmineka .....	59
Obr.č.33 Vektori rýchlosťi na vstupe do obežného kolesa, na radiálnom rozpäti lopatky 0.5,v návrhovom bode turbínového režimu .....	63
Obr.č.34 Vektori rýchlosťi na vstupe do obežného kolesa, na radiálnom rozpäti lopatky 0.5,v optime reverzného turbínového režimu .....	71
Obr.č.35 Vľavo schéma prevádzkových oblastí radiálne-axiálneho odstredivého čerpadla, vpravo schéma úplnej charakteristiky radiálne-axiálneho odstredivého čerpadla. [1] .....	74
Obr.č.36 Približná schéma prevádzkových oblastí vírovej turbíny (Q-n charakteristika) .....	76
Obr. č. 37 Porovanie víru za obežným kolesom Vírovej turbíny pri turbínovom (dole) a čerpadlovom (hore) režime .....	82
Obr. č.38 Vektori rýchlosťi na vstupe do obežného kolesa, na radiálnom rozpäti lopatky 0.5,v optime reverzného čerpadlového režimu .....	84
Obr. č. 39 Vektori rýchlosťi na vstupe do obežného kolesa, na radiálnom rozpäti lopatky 0.5,v optime čerpadlového režimu .....	84
Obr.č. 40 Porovnanie prúdenia a rázu jednotlivých režimov optime pomocou vektorov rýchlosťi.....	86

## 14. Zoznam použitých veličín

$\bar{\beta}_1$	[°]	Doplňkový uhol k uhlu nábežnej hrany
$\bar{\beta}_2$	[°]	Doplňkový uhol k uhlu odtokovej hrany
$\beta_1$	[°]	Uhol nábežnej hrany
$\beta_2$	[°]	Uhol odtokovej hrany
$D_s$	[m]	Priemer výstupnej plochy sacej rúry
$H_{\check{c}}$	[m]	Výtlachná výška čerpadla
$H_c$	[m]	Výtlachná výška čerpadla
$L_2$	[m]	Dĺžka sacej rúry
$M_{11}$	[N*m]	Jednotkový moment
$P_{11}$	[W]	Jednotkový výkon
$P_c$	[W]	Príkon čerpadla
$Q_{11}$	[m³/s]	Jednotkový prietok
$c_m$	[m/s]	Meridiánová zložka absolútnej rýchlosťi kvapaliny
$c_{p\ id}$	[-]	Koeficient tlakovej regenerácie ideálnej sacej rúry
$c_p$	[-]	Koeficient tlakovej regenerácie sacej rúry so stratami
$c_u$	[m/s]	obvodová zložka absolútnej rýchlosťi
$c_{u1}$	[m/s]	Obvodová zložka absolútnej rýchlosťi prúdenia na vstupe
$c_{u2}$	[m/s]	Obvodová zložka absolútnej rýchlosťi prúdenia na výstupe
$d_n$	[m]	Priemer náboju turbíny
$d_{ref}$	[m]	Referenčný priemer obežného kolesa
$n_{11}$	[1/min]	Jednotkové otáčky
$u_*$	[m/s]	Trecia rýchlosť
$u_1$	[m/s]	Unášacia (obvodová) rýchlosť turbíny na vstupe

$u_2$	[m/s]	Unášacia (obvodová) rýchlosť turbíny na výstupe
$\eta_h$	[-]	Hydraulická účinnosť
$\eta_s$	[-]	Účinnosť sacej rúry
$\xi_z$	[-]	Koeficient miestnych strát
$\sigma_1$	[-]	Meridiánová súradnica zakriveného priestoru na vstupe
$\Delta c_u$	[m/s]	Zmena obvodovej zložky absolútnej rýchlosťi
a	[-]	Konštant lopatkovej mriežky
a,b,c	[-]	Konštanty teórie lineárnej zmeny tangensu $\bar{\beta}$
D	[W/kg]	Disipácie energie na kilogram média
dm	[kg]	Element hmotnosti
dS	[m <sup>2</sup> ]	Element prietokovej plochy
dt	[s]	Časová zmena
F	[N]	Sila spôsobená zmenou hybnosti
g	[m/s <sup>2</sup> ]	Gravitačné zrýchlenie
h	[m]	Hĺbka lopatkovej mriežky
H	[m]	Spád na turbínu (Netto/čistý spád)
H <sub>1</sub> , H <sub>2</sub> [m]		Poloha v gravitačnom poli (výška hladiny) v skúmanom bode
H <sub>b</sub>	[m]	Brutto spád
H <sub>z</sub>	[m]	Stratová merná energia v metroch vodného stĺpca
n <sub>s</sub>	[1/min]	Špecifické otáčky
p <sub>1</sub> , p <sub>2</sub>	[Pa]	Hydrostatický tlak v skúmanom bode
P <sub>ef</sub>	[W]	Efektívny výkon na spojke
P <sub>th</sub>	[W]	Hydraulický príkon prietoku Q a spádu H (teoretický výkon)
Q	[m <sup>3</sup> /s]	Objemový prietok

$S$	$[m^2]$	Prietoková plocha
$u$	$[m/s]$	Bodová rýchlosť
$u_x$	$[m/s]$	Rýchlosť kolmá na prietokovú plochu
$v$	$[m/s]$	Stredná prietoková rýchlosť prúdenia
$v_1, v_2$	$[m/s]$	Rýchlosť prúdenia v skúmanom bode
$Y$	$[J/kg]$	Merná energia prúdenia
$Y_e$	$[J/kg]$	Merná energia pridaná čerpadlom
$Y_t$	$[J/kg]$	Merná energia odobraná turbínou
$Y_z$	$[J/kg]$	Stratová merná energia prúdenia
$\alpha$	$[-]$	Coriolisovo číslo
$\zeta$	$[-]$	Komplexná transformovaná rovina
$\eta$	$[m]$	Uhlová transformovaná súradnica
$\eta_h$	$[-]$	Účinnosť hydraulická
$\eta_m$	$[-]$	Účinnosť mechanická
$\eta_o$	$[-]$	Účinnosť objemová
$\xi$	$[m]$	Meridiánová transformovaná súradnica
$\rho$	$[kg/m^3]$	Hustota média
$D$	$[m]$	Priemer obežného kolesa
$H$	$[m]$	Spád na turbínu (netto spád)
$M$	$[N*m]$	Moment turbíny
$P$	$[W]$	Výkon turbíny
$c$	$[m/s]$	Absolútnej rýchlosť
$d$	$[m]$	Priemer potrubia
$l$	$[m]$	Dĺžka potrubia

$n$	[1/min]	Otáčky turbíny
$r$	[m]	Referenčný polomer
$u$	[m/s]	unášacia rýchlosť (obvodová rýchlosť)
$w$	[m/s]	Relatívna rýchlosť
$y$	[m]	vzdialenosť poslednej bunky od steny
$\lambda$	[-]	Koeficient dĺžkových strát
$\nu$	[ $m^2/s$ ]	kinematická viskozita
$\pi$	[-]	Rudolfovo číslo
$\sigma$	[m]	Meridiánová súradnica zakriveného priestoru
$\varphi$	[°]	Uhlová súradnica zakriveného priestoru
$\omega$	[rad/s]	Uhlová rýchlosť