

# VYSOKÉ UČENÍ TECHNICKÉ V BRNĚ

**BRNO UNIVERSITY OF TECHNOLOGY** 

## FAKULTA STROJNÍHO INŽENÝRSTVÍ

FACULTY OF MECHANICAL ENGINEERING

### ÚSTAV AUTOMOBILNÍHO A DOPRAVNÍHO INŽENÝRSTVÍ

INSTITUTE OF AUTOMOTIVE ENGINEERING

# ZÁŽEHOVÝ PÍSTOVÝ SPALOVACÍ MOTOR S PRODLOUŽENOU EXPANZÍ

SPARK IGNITION PISTON ENGINE WITH AN EXTENDED EXPANSION

DIPLOMOVÁ PRÁCE MASTER'S THESIS

AUTOR PRÁCE AUTHOR Bc. Vojtěch Koštuřík

VEDOUCÍ PRÁCE SUPERVISOR

prof. Ing. Václav Píštěk, DrSc.

**BRNO 2018** 



### Zadání diplomové práce

Ústav:
Student:
Studijní program:
Studijní obor:
Vedoucí práce:
Akademický rok:

Ústav automobilního a dopravního inženýrství Bc. Vojtěch Koštuřík Strojní inženýrství Automobilní a dopravní inženýrství prof. Ing. Václav Píštěk, DrSc. 2017/18

Ředitel ústavu Vám v souladu se zákonem č. 111/1998 o vysokých školách a se Studijním a zkušebním řádem VUT v Brně určuje následující téma diplomové práce:

#### Zážehový pístový spalovací motor s prodlouženou expanzí

#### Stručná charakteristika problematiky úkolu:

Navrhnout mechanismus zážehového pístového spalovacího motoru s prodlouženým expanzním zdvihem.

#### Cíle diplomové práce:

Provést rešerši a výběr vhodných mechanismů umožňujících prodloužit expanzní zdvih v porovnání s mechanismem klikovým.

Pro vybraný typ mechanismus a zadané parametry válcové jednotky provést konstrukční návrh mechanismu motoru.

Stanovit kinematické veličiny mechanismu.

Provést pevnostní kontrolu hlavních součástí mechanismu.

#### Seznam doporučené literatury:

STONE, Richard. Introduction to internal combustion engines. 3rd edition. Warrendale, Pa.: Society of Automotive Engineers, 1999. 641 s. ISBN 0768004950.

HEISLER, Heinz. Advanced engine technology. Oxford: Butterworth-Heinemann, 1995. 794 s. ISBN 1-56091-734-2.

KÖEHLER, Eduard. Verbrennungsmotoren: Motormechanik, Berechnung und Auslegung des Hubkolbenmotors. 3. verb. Aufl. Braunschweig [u.a.]: Vieweg, 2002. 548 s. ISBN 3-528-23108-4.

HAFNER, Karl Ernst a MAASS, Harald. Kräfte, Momente und deren Ausgleich in der Verbrennungskraftmaschinen. Wien, New York: Springer Verlag, 1995. 424 s. ISBN 978-3-7091-7468-5.

Fakulta strojního inženýrství, Vysoké učení technické v Brně / Technická 2896/2 / 616 69 / Brno

SKOTSKY, Alexander A. Automotive engines: control, estimation, statistical detection. Berlin: Springer Verlag, 2009. 215 s. ISBN 978-3-642-00163-5.

JAN, Zdeněk a ŽDÁNSKÝ, Bronislav. Automobily (3): Motory. Brno: Avid, spol. s r.o., 2009. 179 s. ISBN 978-80-87143-15-5.

Termín odevzdání diplomové práce je stanoven časovým plánem akademického roku 2017/18.

V Brně, dne 25. 10. 2017

prof. Ing. Václav Píštěk, DrSc. ředitel ústavu doc. Ing. Jaroslav Katoličký, Ph.D. děkan fakulty

Fakulta strojního inženýrství, Vysoké učení technícké v Brně / Technická 2896/2 / 616 69 / Brno

### ABSTRAKT

Tato práce se zabývá návrhem zážehového pístového spalovacího motoru s prodlouženou expanzí. Je vysvětlen princip prodloužené expanze s využitím Atkinsonova nebo Millerova cyklu a možnosti jejího dosažení. Dále je proveden konstrukční návrh a sestaven pracovní oběh. Následně je stanoven průběh kinematických veličin a sil v mechanismu. Na závěr je provedena pevnostní kontrola ojnice navrženého mechanismu.

#### **K**LÍČOVÁ SLOVA

Atkinsonův cyklus, Millerův cyklus, ojnice, planetový mechanismus, prodloužená expanze, víceprvkový mechanismus

### ABSTRACT

This thesis deals with the design of a spark-ignition internal combustion engine with extended expansion. It explains the principle of extended expansion using the Atkinson or Miller cycle and the possibilities of achieving it. In addition, a design study and engine cycle is carried out. Subsequently, the course of the kinematic quantities and forces in the mechanism is determined. At the end, the strength analysis of the connecting rod of the designed mechanism is performed.

#### **K**EYWORDS

Atkinson cycle, Miller cycle, connecting rod, planetary gear mechanism, extended expansion, multilink mechanism

### **BIBLIOGRAFICKÁ CITACE**

KOŠTUŘÍK, V. *Zážehový pístový spalovací motor s prodlouženou expanzí*. Brno, 2018. Diplomová práce. Vysoké učení technické v Brně, Fakulta strojního inženýrství, Ústav automobilního a dopravního inženýrství. 61 s. Vedoucí diplomové práce prof. Ing. Václav Píštěk, DrSc..

### ČESTNÉ PROHLÁŠENÍ

Prohlašuji, že tato práce je mým původním dílem, zpracoval jsem ji samostatně pod vedením prof. Ing. Václava Píštěka, DrSc. a s použitím literatury uvedené v seznamu.

V Brně dne 25. května 2018

.....

Vojtěch Koštuřík

### Poděkování

Tímto bych chtěl poděkovat prof. Ing. Václavu Píštěkovi, DrSc. za cenné rady a připomínky poskytnuté při tvorbě této diplomové práce. Poděkování patří také mé rodině za veškerou podporu během studia.

### OBSAH

Ú	vod			10
1	Prin	ncip	motoru s prodlouženou expanzí	11
	1.1	Atk	insonův cyklus	11
	1.1.	1	Výpočet atkinsonova cyklu	11
	1.2	Mož	žnosti dosažení prodloužené expanze	14
	1.2.	1	Atkinsonův motor	14
	1.2.	2	Andreaův motor	16
	1.2.	3	Víceprvkový mechanismus	17
	1.2.	4	Planetový mechanismus	19
	1.2.	5	Časování sacích ventilů	20
	1.3	Mil	lerův cyklus	21
2	Mo	tory	s prodlouženou expanzí	22
3	Koi	ıstru	kční návrh mechanismu motoru	24
	3.1	Zák	ladní rozměry	24
	3.2	3D :	model mechanismu	26
	3.2.	1	Píst a pístní čep	27
	3.2.	.2	Ojnice	27
	3.2.	.3	Klikový hřídel	28
	3.2.	.4	Korunové kolo a satelit	31
4	Pra	covn	ú oběh motoru	.32
5	Prů	běhy	v kinematických veličin	.34
	5.1	MB	S model	.35
	5.2	Kin	ematika pístní skupiny	.36
	5.2	.1	Harmonická analýza zrychlení	.37
	5.3	Kin	ematika ojnice	.38
6	Prů	běhy	/ sil v mechanismu	.40
	6.1	Síly	v pístním čepu	.40
	6.2	Síly	v excentrickém čepu satelitu	.41
	6.3	Síly	v čepu satelitu	.42
	6.4	Тоč	ivý moment	.43
7	Pev	vnost	ní kontrola	.44
	7.1	Me	toda konečných prvků	.44
	7.2	Star	novení zátěžných stavů	.44
	7.3	Příp	prava modelu	.45
	7.3	.1	Aplikace kontaktů	.45

7.3.2	Tvorba sítě	
7.3.3	Okrajové podmínky	
7.4 Výs	sledky analýzy napjatosti	
7.4.1	Namáhání tlakem	
7.4.2	Namáhání tahem	49
7.5 Sta	novení bezpečnosti	49
7.5.1	Stanovení napětí cyklického namáhání	49
7.5.2	Faktory ovlivňující bezpečnost	51
7.5.3	Bezpečnost k mezi únavy	53
Závěr	-	55
Použité info	rmační zdroje	55
Seznam použitých zkratek a symbolů		
Seznam přílo	oh	61

### Τ

# Úvod

Neustálý tlak na snižování emisí a spotřeby vede výrobce uchylovat se k technickým řešením, která, jsou známá již dlouhou dobu, ale buď z důvodu složitosti konstrukce, nebo neuspokojivých výsledků nebyla dosud šíře využívána. Takovýmto řešením je motor s prodlouženou expanzí. Ten využívá k dosažení vyšší tepelné účinnosti, většího expanzního poměru, než je poměr kompresní, ovšem na úkor nižšího výkonu. Realizace prodloužené expanze je možná pomocí dvou základních způsobů. Prvním z nich je nahrazení konvenčního klikového mechanismu jiným vhodným mechanismem. Druhý způsob je využití proměnného časování sacích ventilů, při zachování klasické konstrukce klikového ústrojí. Motory s prodlouženou expanzí sice neoplývají vysokým výkonem, ale například v kombinaci s elektromotorem mohou nalézt uplatnění v hybridních vozidlech. Nižší výkon navíc může být kompenzován přeplňováním.

Cílem této práce je navrhnout mechanismus zážehového pístového spalovacího motoru s prodlouženým expanzním zdvihem. V úvodu je vysvětlen princip prodloužené expanze s využitím Atkinsonova nebo Millerova cyklu. Dále jsou rozebrány možnosti, jakými lze prodloužené expanze dosáhnout a jsou uvedeny příklady vozidel, respektive pohonných jednotek, které prodloužené expanze využívají. V následující kapitole je rozebrán samotný konstrukční návrh mechanismu a jeho jednotlivých částí. Po kapitole zaměřené na pracovní oběh navrženého motoru, následuje stanovení kinematických veličin mechanismu a sil v něm působících. Na závěr je provedena pevnostní kontrola ojnice navrženého mechanismu.

### **1 PRINCIP MOTORU S PRODLOUŽENOU EXPANZÍ**

Zážehový pístový spalovací motor s prodlouženou expanzí se od klasického motoru, pracujícího dle Ottova cyklu, liší tím, že jeho kompresní poměr je menší než expanzní, tedy je i rozdílná délka kompresního a expanzního zdvihu. Expanzní zdvih je oproti kompresnímu delší, což má za následek nižší teplotu spalin na konci expanze a nižší tlak, který se v ideálním případě blíží atmosférickému tlaku. Díky tomu se zvýší tepelná účinnost motoru, ovšem dochází ke snížení středního tlaku oběhu a zhoršení mechanické účinnosti. Vedle vyšší teplené účinnosti je přínosem také menší množství oxidů dusíku v důsledku nižších teplot při spalovacím procesu. [1][2]

#### 1.1 ATKINSONŮV CYKLUS

Poprvé byl tento cyklus využit roku 1882 Jamesem Atkinsonem při konstrukci prvního Atkinsonova motoru. Vznikl modifikací Ottova cyklu, oproti kterému má větší expanzní poměr. Výsledkem je větší tepelná účinnost v porovnání s Ottovým cyklem. [2]



Obr. 1 Porovnávací diagram ideálního Atkinsonova cyklu [3]

#### 1.1.1 VÝPOČET ATKINSONOVA CYKLU

- 0-1 sání
- 1-2 adiabatická komprese
- 2-3 izochorický přívod tepla
- 3-4 adiabatická expanze
- 4-1 izobarický odvod tepla

T

Kompresní poměr [4]:

$$r_c = \frac{V_1}{V_2}.$$

Expanzní poměr:

$$r_e = \frac{V_4}{V_3},\tag{2}$$

kde V je objem válce.

Poissonova konstanta:

$$\kappa = \frac{c_p}{c_v},\tag{3}$$

kde  $c_p$  je měrná tepelná kapacita za konstantního tlaku a  $c_v$  je měrná tepelná kapacita za konstantního objemu.

Stupeň izochorického zvýšení tlaku [4]:

$$\psi = \frac{p_3}{p_2} = \left(\frac{V_4}{V_3}\right)^{\kappa} \left(\frac{V_2}{V_1}\right)^{\kappa} = \left(\frac{r_e}{r_c}\right)^{\kappa},\tag{4}$$

kde p je tlak ve válci.

Výpočet teploty a tlaku v charakteristických bodech.

#### Pro děj 1 - 2 a známé $T_1$ a $p_1$ [4]:

$$T_2 = T_1 r_c^{\kappa - 1},\tag{5}$$

$$p_2 = p_1 r_c^{\kappa}. \tag{6}$$

Pro děj 2-3

$$T_3 = \psi T_2 = \psi T_1 r_c^{\kappa - 1} = \frac{r_e^{\kappa}}{r_c} T_1, \tag{7}$$

$$p_3 = \frac{p_2 T_3}{T_2} = \frac{p_1 r_c^{\kappa} \frac{r_e^{\kappa}}{r_c} T_1}{T_1 r_c^{\kappa - 1}} = p_1 r_e^{\kappa}.$$
(8)

Pro děj 3-4

$$T_4 = T_3 \left(\frac{V_4}{V_3}\right)^{\kappa-1} = T_3 \left(\frac{1}{r_e}\right)^{\kappa-1} = \frac{r_e^{\kappa}}{r_c} T_1 \left(\frac{1}{r_e}\right)^{\kappa-1} = \frac{r_e}{r_c} T_1, \tag{9}$$

$$p_4 = p_1. \tag{10}$$

Pro výpočet tepelné účinnosti je třeba znát dodané a odevzdané teplo.

Tepelná účinnost cyklu [4]:

$$\eta = 1 - \frac{Q_{41}}{Q_{23}}.$$
(11)

Dodané teplo [4]:

$$Q_{23} = mc_{\nu}(T_3 - T_2), \tag{12}$$

kde *m* je hmotnost směsi.

Odevzdané teplo:

$$Q_{41} = mc_p(T_4 - T_1). (13)$$

Po dosazení do vztahu (11) dostáváme [4]:

$$\eta = 1 - \frac{\kappa \left(\frac{r_e}{r_c} - 1\right) T_1}{\left(\frac{r_e^{\kappa}}{r_c} - r_c^{\kappa - 1}\right) T_1} = 1 - \kappa \frac{r_e - r_c}{r_e^{\kappa} - r_c^{\kappa}}.$$
(14)

Pro výpočet vykonané práce dosadíme získaná tepla do vztahu [4]:

$$W = Q_{23} - Q_{41} = m [c_v (T_3 - T_2) - c_p (T_4 - T_1)]$$
  

$$= m c_v T_1 \left[ r_c^{\kappa - 1} (\psi - 1) - \kappa \left( \frac{r_e}{r_c} - 1 \right) \right]$$
  

$$= \frac{m R}{\kappa - 1} T_1 \left[ r_c^{\kappa - 1} \left( \frac{r_e^{\kappa}}{r_c^{\kappa}} - 1 \right) - \kappa \left( \frac{r_e}{r_c} - 1 \right) \right]$$
  

$$= \frac{m R}{\kappa - 1} T_1 \left[ \frac{r_e^{\kappa}}{r_c} - r_c^{\kappa - 1} - \frac{\kappa}{r_c} (r_e - r_c) \right]$$
  

$$= \frac{m R}{\kappa - 1} T_1 \frac{1}{r_c} [r_e^{\kappa} - r_c^{\kappa} - \kappa (r_e - r_c)],$$
  
(15)

kde  $R = 8 314,47 \text{ J} \cdot \text{kmol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$  je univerzální plynová konstanta.

7

#### 1.2 MOŽNOSTI DOSAŽENÍ PRODLOUŽENÉ EXPANZE

Dosáhnout prodloužené expanze lze v podstatě dvěma způsoby. Prvním z nich je využití mechanismu, který nahrazuje klasický klikový mechanismus a umožňuje dosažení rozdílné délky zdvihu pístu při kompresi a při expanzi. Takovýchto mechanismů existuje hned několik a Druhý způsob je využití klasického klikového mechanismu, ale prodloužená expanze je realizována pomocí změny otevírání a uzavírání sacích ventilů. V současnosti se k dosažení prodloužené expanze u zážehových motorů používá nejvíce právě proměnné časování sacích ventilů. To je výhodné jednak z důvodu, že k dosažení prodloužené expanze není nutný složitý mechanismus, ale také že v případě požadavku vyššího výkonu lze změnou časování ventilů přejít na klasický Ottův cyklus. [2]

#### 1.2.1 ATKINSONŮV MOTOR

Patent Jamese Atkinsona z roku 1887. Základem mechanismu je klikový hřídel F, ke kterému je připojena ojnice E. K této ojnici jsou v její horní části připojeny další dvě ojnice. Přes čep G je připojena ojnice H, která je přes čep I uchycena k bloku motoru a přes čep D je připojena ojnice C umožňující pohyb pístu B ve válci A. Viz obrázek 2. Expanzní poměr tohoto motoru byl přibližně 1,78krát větší než kompresní poměr. K nevýhodám Atkinsonova motoru lze zařadit větší složitost a rozměry mechanismu a značné třecí ztráty. [2][5]



Obr. 2 Schéma Atkinsonova motoru [5]

Na obrázku 3 je znázorněný princip mechanismu. Poloha 1 odpovídá poloze mechanismu na konci expanzního zdvihu. Natáčením klikového hřídele ve směru šipky se posouvá píst směrem k dolní úvrati a dochází k nasávání směsi při nejkratším zdvihu, jak je znázorněno v poloze 2. Klikový hřídel se dále natáčí a dochází ke kompresi, dokud se nedostane do polohy 3, kdy dochází k zážehu směsi. Při expanzi tlak plynů pohání píst směrem k dolní úvrati. V tomto okamžiku dochází k nejdelšímu zdvihu, jak je znázorněno v poloze 4. [5]



Obr. 3 Princip mechanismu Atkinsonova motoru [5]

Τ

#### 1.2.2 ANDREAUV MOTOR

Motor navržený ve dvacátých letech minulého století Francouzem Andreauem. Klikový hřídel tohoto motoru poháněl pomocí ozubených kol s převodem 1:2 druhý klikový hřídel, který za pomoci táhla prolamoval hlavní ojnici, skládající se ze dvou částí. Takovýto mechanismus umožňoval proměnlivou délku ojnice. Díky tomu byl kompresní zdvih *k* kratší, než expanzní zdvih *e*. Při výfukovém zdvihu *v* dobíhal píst téměř do zadní úvrati, jak je vidět na obrázku 5. Díky tomu bylo zajištěno dobré vytlačení zbytku výfukových plynů z kompresního prostoru a byla zaručena čistá nová náplň válce. Motor měl poměrně příznivou spotřebu, ale byl složitý, těžký a následkem nižšího středního tlaku měl malý měrný výkon. [1]



Obr. 4 Schéma Andreauova motoru - upraveno [1]



Obr. 5 Indikátorový diagram Andreauova motoru [1]

7

#### 1.2.3 VÍCEPRVKOVÝ MECHANISMUS

Mezi zařízení umožňující dosáhnout prodloužené expanze patří i mechanismus EXlink (Extended Expansion linkage engine) od firmy Honda. Motor s tímto ústrojím je využíván v kogeneračních jednotách a dosahuje kompresního poměru 12,2:1 při expanzním poměru 17,6:1. Základ tvoří tříbodový spojovací člen, který je umístěný mezi ojnicí s pístem a klikovým hřídelem. Tento člen je spojený pomocí malé ojnice s excentrickým hřídelem, který zajišťuje prodloužený expanzní zdvih. Excentrický hřídel se otáčí stejným směrem, ale poloviční rychlostí jako klikový hřídel, od kterého je poháněný pomocí ozubených kol. [2][6]



Obr. 6 Schéma mechanismu EXlink - upraveno [6]

V důsledku většího množství kinematických členů není tento mechanismus příliš vhodný pro vysoké otáčky. Lze také očekávat větší třecí ztráty než u klasického klikového ústrojí. Nicméně tato koncepce umožňuje velmi malý úhel vychýlení ojnice během expanze, díky čemuž jsou třecí ztráty mezi pláštěm pístu a stěnou válce nižší. Jak sám výrobce uvádí, jsou třecí ztráty více jak o polovinu menší než u konvenčního klikového mechanismu. Ve výsledku jsou tak třecí ztráty obou mechanismů v podstatě stejné. [2][6]

Princip mechanismu EX-link je vysvětlen na obrázku 7. Dolní úvrať pístu závisí na poloze spodního oka malé ojnice. Pokud je spodní oko ojnice v nejnižším bodě, pravá část spojovacího členu je níže než levá část, ke které je připojena ojnice s pístem. V tomto případě je zdvih pístu relativně malý, což odpovídá sacímu respektive kompresnímu zdvihu. Pokud je ale spodní oko malé ojnice v nejvyšším bodě, pravá část spojovacího členu je výš než levá a tedy i zdvih pístu je větší. [2][6]



Obr. 7 Sací a expanzní zdvih mechanismu EXlink upraveno [6]

7

#### **1.2.4 PLANETOVÝ MECHANISMUS**

Mechanismus je realizován pomocí korunového kola (4) s vnitřním ozubením, po kterém obíhá satelit (5) s vnějším ozubením. Atkinsonova cyklu je dosaženo složením pohybu satelitu a klikového hřídele (2), na kterém je satelit excentricky uložený. Výsledný pohyb pístu (3) na ojnici (1) umožňuje dosáhnout expanzního zdvihu, který je téměř dvojnásobný ve srovnání se zdvihem kompresním. Poloha pístu v jednotlivých fázích cyklu je na obrázku 9. Tento mechanismus je poměrně kompaktní, má méně kinematických členů než výše uvedené koncepce a umožňuje víceválcové uspořádání při zachování jednoho korunového kola a satelitu. [2][7]



Obr. 8 Konstrukce planetového mechanismu [7]



Obr. 9 Zdvihy pístu planetového mechanismu [2]

Alternativně by bylo možné využít místo korunového kola pevné centrální kolo, po kterém by obíhal satelit excentricky uložený na klikovém hřídeli. Tato varianta ale není příliš vhodná vzhledem k setrvačným silám působícím na klikový hřídel. [8]

#### 1.2.5 ČASOVÁNÍ SACÍCH VENTILŮ

V tomto případě se nemění dráha pístu, ale prodloužené expanze je dosaženo rozdílným časováním sacích ventilů. První možností je pozdější uzavření sacích ventilů LIVC (Late Intake Valve Closing). Sací ventil zůstává otevřen déle a zavírá se až za dolní úvratí pístu, v průběhu kompresního zdvihu. Díky tomu je část směsi vtlačena zpět do sání a ke kompresi zbylé směsi tak v podstatě dochází, až při uzavření sacího ventilu, viz. obrázek 10. To vede ke snížení kompresního poměru, zatímco expanzní poměr zůstane stejný. [2][9][10]



Obr. 10 Princip pozdního zavírání sacích ventilů - upraveno [11]

Další možností je naopak dřívější uzavření sacích ventilů EIVC (Early Intake Valve Closing). K uzavření sacího ventilu dochází již během sacího zdvihu ještě před tím, než píst dosáhne dolní úvrati. Do válce se tak dostane méně směsi, která po uzavření sacího ventilu, při pohybu pístu směrem k dolní úvrati, začne expandovat, čímž se sníží její teplota. Nižší teplota při kompresi a na začátku spalování má příznivý vliv na množství oxidů dusíku. [2][9][10]





Γ

#### 1.3 MILLERŮV CYKLUS

Některé zdroje označují za Millerův takový cyklus, při kterém se využívá buď předčasného, nebo pozdního uzavření sacích ventilů. Často také bývá systém předčasného uzavírání sacích ventilů uváděn jako způsob k dosažení Millerova cyklu a systém pozdního uzavírání sacích ventilů bývá přiřazován Atkinosonovu cyklu. Alternativně bývá Atkinsonův cyklus popisován jako nepřeplňovaný a Millerův cyklus jako přeplňovaný. Původní koncepce Ralpha Millera využívala proměnného časování sacích ventilů, ne přímo pro dosažení prodloužené expanze, ale jako způsob pro snížení teploty ve válci na konci kompresního zdvihu, u přeplňovaných i nepřeplňovaných motorů. U Millerova cyklu nedochází k expanzi až na úroveň atmosférického tlaku jako je to v případě ideálního Atkinsonova cyklu, nicméně ve srovnání s Ottovým cyklem může být více tepelné energie přeměněno na práci, z čehož plyne také vyšší tepelná účinnost, viz. obrázek 12. Reálný Atkinsonův cyklus více odpovídá ideálnímu Millerovu cyklu. [2][12]



Obr. 12 Porovnávací diagram Ottova, Millerova a Atkinsonova cyklu [2]

77

### **2** MOTORY S PRODLOUŽENOU EXPANZÍ

Motory pracující podle Atkinsonova cyklu se vyskytují převážně u hybridních vozidel. U těchto vozidel je hlavní ekonomika provozu a nízké emise. Nižší výkon je kompenzován elektromotorem. Jedním z prvních vozidel využívajících pozdního uzavření sacích ventilů k dosažení Atkinsonova cyklu byla Toyota Prius s motorem s označením 1NZ-FXE. Jedná se o zážehový řadový čtyřválec o zdvihovém objemu 1 497 cm<sup>3</sup> s přirozeným plněním a čtyřmi ventily na válec s rozvodem DOHC. O časování ventilů se stará systém VVT-i (Variable Valve Timing-intelligent). Geometrický<sup>1</sup> kompresní poměr motoru je 13:1 a efektivní<sup>2</sup> kompresní poměr je 8:1. [13][14]

Prvním vozidlem s motorem pracujícím dle Millerova cyklu byla Mazda s motorem 2,3 KJ-ZEM. Zážehový vidlicový šestiválec o zdvihovém objemu 2 255 cm<sup>3</sup> se čtyřmi ventily na válec a rozvodem DOHC. Sací ventil zůstával otevřen prvních 20 % kompresního zdvihu. Ke skutečné kompresi tak docházelo až ve zbývajících 80 % zdvihu. V důsledku toho byl efektivní kompresní poměr 8:1, zatímco geometrický kompresní poměr byl udáván 10:1. Tlakové ztráty byly kompenzovány přeplňováním Lysholmovým dmychadlem. [14][15]



Obr. 13 Motor KJ-ZEM s Lysholmovým dmychadlem [14]

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Poměr maximálního a minimálního objemu válce.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Poměr objemu válce při uzavření sacích ventilů a objemu válce při horní úvrati, na konci komprese.

V současnosti se s Millerovým cyklem můžeme setkat například u zážehového řadového čtyřválcového motoru VW 1,5 TSI Evo řady EA211, který využívá předčasného uzavření sacích ventilů. Udávaný geometrický kompresní poměr je 12,5:1. Tento motor je přeplňovaný turbodmychadlem s variabilní geometrií lopatek VTG. [16]



Obr. 14 Ventilový rozvod a zdvih ventilů motoru VW – upraveno [17]

Dalším zástupcem je řadový tříválcový zážehový motor Nissan 1,2 DIG-S s označením HR12DDR, s pozdějším uzavíráním sacích ventilů a kompresním poměrem 12:1. Ztráty způsobené prodlouženou expanzní jsou kompenzovány mechanickým kompresorem, který je při nízkém zatížení motoru odpojován pomocí elektromagnetické spojky, aby zbytečně neodebíral výkon. [18]



Obr. 15 Motor Nissan HR12DDR [18]

### **3** KONSTRUKČNÍ NÁVRH MECHANISMU MOTORU

Z výše uvedených mechanismů byl pro konstrukční návrh zvolen planetový mechanismus. Má proti klikovému mechanismu navíc pouze jeden kinematický člen v podobě satelitu a umožňuje dosáhnout téměř dvojnásobného expanzního zdvihu v porovnání se zdvihem kompresním.

Při návrhu bylo vycházeno ze základních rozměrů válcové jednotky Škoda 1,2 HTP s označením AZQ. Jedná se o tříválcový řadový zážehový motor s přirozeným plněním se čtyřmi ventily na válec a zdvihovým objem 1 198 cm<sup>3</sup>. Motor dosahuje výkonu 47 kW při 5 400 min<sup>-1</sup> a točivého momentu 112 Nm při 3 000 min<sup>-1</sup>. Z této válcové jednotky byl převzat píst a některé rozměry ojnice.

#### 3.1 ZÁKLADNÍ ROZMĚRY

Na obrázku 16 je schéma navrženého mechanismu.  $\alpha$  je úhel natočení klikového hřídele a  $\beta$  je úhel vychýlení ojnice. Rozměry jednotlivých součástí jsou uvedeny v tabulce 1.



Obr. 16 Schéma navrženého mechanismu

Součást	Parametr	Rozměr [mm]
Korunové kolo	Průměr roztečné kružnice <i>d</i> <sub>r</sub>	216
Satelit	Průměr roztečné kružnice $d_t$	144
Excentr	Rozteč mezi osou excentric- kého čepu a osou satelitu $e_x$	16
Klikový hřídel	Poloměr zalomení r	35,85
Ojnice	Rozteč mezi oky <i>l</i>	188

Při návrhu bylo důležité nejprve stanovit převodový poměr mezi satelitem a korunovým kolem. Pro převodový poměr 1:3 by jedna otáčka klikového hřídele odpovídala jednomu pracovnímu cyklu, obdobně jako u dvoudobého motoru. Z tohoto důvodu byl zvolen převodový poměr 2:3, při kterém jeden pracovní cyklus proběhne během dvou otáček klikového hřídele.

V důsledku odvalování satelitu po korunovém kole a excentrickému uložení ojnice, má trajektorie, kterou opisuje spodní oko ojnice tvar hypotrochoidy jak je znázorněno na obrázku 17.



Obr. 17 Trajektorie pohybu spodního oka ojnice

Velikost excentricity v uložení ojnice na excentrickém čepu satelitu ovlivňuje poměr délek sacího a expanzního zdvihu. S rostoucí excentricitou dochází ke zvětšování expanzního zdvihu, ovšem délka kompresního zdvihu, respektive sacího zdvihu se zmenšuje a naopak.

#### 3.2 3D MODEL MECHANISMU

Aby bylo možné určit hmotnosti, polohy těžišť a tenzory setrvačnosti jednotlivých součástí a následně provést pevnostní kontrolu, byl vytvořen 3D model mechanismu v programu Creo Parametric 2.0. Tvorba modelu mechanismu byl také nutná k ověření jeho funkčnosti a ke kontrole zda nedochází ke kolizím mezi jednotlivými komponenty.



Obr. 18 Mechanismus s jednotlivými komponenty



Obr. 19 Řez mechanismem

#### 3.2.1 PÍST A PÍSTNÍ ČEP

Píst i pístní čep jsou jedny z nejvíce namáhaných součástí mechanismu. Píst je namáhán silami od tlaku plynů a vysokými teplotami spalin. Pístní čep přenáší silové účinky mezi pístem a ojnicí a je uložen volně v nálitcích pístu. Hmotnost pístní skupiny ovlivňuje celkovou hmotnost posuvných částí. Píst byl kompletně převzat z válcové jednotky 1,2 HTP. Materiál pístu je hliníková slitina, hmotnost pístní skupiny včetně pístních a pojistných kroužků je 285 g. Průměr pístu je 76,5 mm a celková výška je 49,27 mm.



Obr. 20 Píst a pístní čep

#### 3.2.2 **O**JNICE

Na ojnici působí několik druhů sil, které se mění jednak v průběhu jednoho cyklu, ale také v závislosti na zatížení motoru. K hlavním silám působícím na ojnici patří síly od tlaku plynů na píst, setrvačné síly posuvných hmotností, setrvačné síly vznikající torzním kmitáním klikového hřídele, odstředivé síly hmotnosti ojnice, třecí síly a síly způsobené nepřesnostmi při výrobě ojnice. Kromě unášivého posuvného pohybu spolu s pístem, koná ojnice kolem pístního čepu ještě pohyb kývavý, což vede k ohybovému namáhání vlivem odstředivých sil. [19]

Konstrukce planetového mechanismu umožňuje využít neděleného spodního oka ojnice, obdobně jako v případě ojnic využívaných u dvoudobých motorů. Takováto konstrukce vede k nižší hmotnosti, konstrukční jednoduchosti a snadnější výrobě ojnice. V případě použití děleného spodního oka, by při jeho průměru, byla celková hmotnost ojnice podstatně vyšší. Dřík ojnice je ve tvaru I, má tloušťku 8 mm a jeho středem je veden kanálek o průměru 4 mm pro přívod oleje k pístnímu čepu. Mazací otvor je i v horní části horního oka. V horním i spodním oku ojnice jsou zalisovaná bronzová pouzdra. Celková hmotnost ojnice včetně pouzder je 634 g.



Obr. 21 Ojnice se zalisovanými pouzdry a s řezem dříku

#### 3.2.3 KLIKOVÝ HŘÍDEL

V důsledku uspořádání ústrojí se satelitem a použití ojnice s neděleným spodním okem, je klikový hřídel skládaný. Na čep satelitu klikového hřídele je nasazen satelit s ojnicí a následně je spolu s rameny slisován. Ramena jsou v oblasti čepu satelitu zvětšena o rozměry spodního oka ojnice. V ose hřídele ramene je otvor pro přívod tlakového oleje k čepu satelitu. Čep satelitu o průměru 30 mm je osazen vývrty pro vedení oleje z ramene kliky dále k pouzdru satelitu a odlehčovacími otvory, které jsou uzavřeny zalisovanými víčky.



Obr. 22 Řez klikovým hřídelem

#### VYVÁŽENÍ KLIKOVÉHO HŘÍDELE

Vyvážení setrvačných sil rotujících částí bylo provedeno pomocí vývažků, které jsou součástí ramene klikového hřídele. Pro stanovení rozměrů vývažků bylo potřeba k rotujícím částem hřídele přičíst hmotnost rotačních částí ojnice. Pro určení této hmotnosti byla provedena redukce hmotností ojnice do dvou hmotných bodů.



Obr. 23 Náhrada ojnice dvěma hmotnými body

Podmínky ekvivalence jsou vyjádřeny rovnicemi [19]:

$$m_{op} + m_{or} = m_o, (16)$$

$$m_{or}l_r = m_{op}l_p,\tag{17}$$

$$m_{or}l_r^2 + m_{op}l_p^2 = I_o, (18)$$

kde  $m_{op}$  je část hmotnosti ojnice redukovaná do osy pístního čepu,  $m_{or}$  je část hmotnosti ojnice redukovaná do osy spodního oka,  $m_o$  je celková hmotnost ojnice,  $l_r$  je vzdálenost osy spodního oka od těžiště ojnice,  $l_p$  je vzdálenost osy pístního čepu od těžiště ojnice a  $I_o$  je moment setrvačnosti ojnice vzhledem k jejímu těžišti.

Pro danou ojnici, jejíž hmotnost a rozměry získáme z 3D modelu potom platí [19]:

$$m_{op} = m_o \frac{l_r}{l},\tag{19}$$

$$m_{or} = m_o \frac{l_p}{l},\tag{20}$$

kde  $l = l_r + l_p$  je délka ojnice.

Τ

Následně bylo pomocí funkce optimalizace v programu Creo Parametric 2.0 zajištěno, aby celkové těžiště klikového hřídele leželo v ose jeho rotace. Jako proměnná byl zvolen poloměr vývažku, a na čep satelitu klikového hřídele bylo přidáno závaží, které odpovídalo hmotnosti rotačních částí ojnice. Takto byly vyváženy setrvačné síly rotujících částí.

Setrvačná síla posuvných částí je tvořena složkami jednotlivých řádů. V praxi se uvažují pouze složky I. a II. řádu z důvodu velmi malých amplitud setrvačných sil vyšších řádů. K vyvážení setrvačných sil posuvných částí I. řádu je možné použít dva přístupy. Prvním z nich je jako v případě vyvažování rotujících částí, přidání vývažku, o hmotnosti, která odpovídá hmotnosti posuvných částí. V tomto případě se ovšem setrvačná síla posuvných částí přenese z osy válce do osy k ní kolmé. Takovýto způsob vyvážení je vhodný spíše pro ležaté stacionární motory, u nichž výsledná síla působí v ose upevňovacích šroubů, kterými je zachycována. Alternativou je také přesunutí pouze části setrvačné síly posuvných hmot menším protizávažím a přidáním vyvažovací hřídele s protiběžným závažím. Druhým způsobem je použití dvou vyvažovacích hřídelí s protiběžnými závažími. Zde je ovšem limitující zástavbový prostor. Pro vyvážení setrvačných sil posuvných částí II. řádu se rovněž používá systém dvou vývažků, které rotují proti sobě dvojnásobnou úhlovou rychlostí jako je rychlost klikového hřídele. Použití vyvažovacích hřídelí pro vyvážení setrvačných sil I. a II. řádu je ovšem konstrukčně složitější a zvyšuje celkovou hmotnost motoru. [19][20]



Obr. 24 Klikový hřídel

#### 3.2.4 KORUNOVÉ KOLO A SATELIT

Korunové kolo s vnitřním ozubením je pevně uchyceno v bloku motoru. Po vnitřní straně korunového kola se odvaluje satelit s vnějším ozubením. Převodový poměr mezi koly je 2:3. Pro korunové kolo i satelit bylo zvoleno čelní ozubení s přímými zuby, ve kterém na rozdíl od ozubení s šikmými zuby nedochází ke vzniku axiálních sil během záběru zubů. Nevýhodou je ovšem vyšší hlučnost. Základní parametry ozubení jako šířka a modul byly stanoveny dle literatury. [19]

Parametr	Hodnota	Jednotka
Šířka ozubení obou kol $b_z$	22	[mm]
Počet zubů korunového kola $z_r$	72	[-]
Počet zubů satelitu $z_t$	48	[-]
Modul ozubení <i>m</i> <sub>z</sub>	3	[-]

Tabulka	2	Parametrv	ozubení	
			02000000	

Součástí satelitu je excentrický čep o průměru 80 mm, na který je nasazována ojnice. V ose satelitu je otvor se zalisovaným pouzdrem pro nasazení satelitu na klikový hřídel. Kolmo na osu tohoto otvoru je čepem veden mazací otvor pro přívod oleje od klikového hřídele k ojnici. Stejně jako v případě vývažků, bylo pomocí odlehčovacích otvorů v excentrickém čepu a funkce optimalizace v programu Creo Parametric 2.0 přesunuto těžiště satelitu do jeho osy.



Obr. 25 Korunové kolo a satelit

### 4 PRACOVNÍ OBĚH MOTORU

Pro stanovení silových poměrů v mechanismu a provedení pevnostní kontroly navrženého mechanismu, je nutné znát průběh tlaku ve válci, který je potřebný pro stanovení síly od tlaku plynů působících na píst. Z tohoto důvodu byl sestaven termodynamický model v komerčním programu a provedena simulace 1D proudění.

Při kratším kompresním zdvihu lze očekávat nižší kompresní poměr. Nicméně pro lepší porovnání byl kompresní poměr nastaven na hodnotu 10,5:1 stejně jako u motoru 1,2 HTP. Simulace byla provedena pro jmenovité otáčky  $n = 5000 \text{ min}^{-1}$ . Výsledkem simulace byl indikátorový diagram, a závislost tlaku ve válci na úhlu natočení klikového hřídele  $\alpha$ .



Obr. 26 Indikátorový diagram navrženého motoru

Kompresní objem válce je 254,2 cm<sup>3</sup> a expanzní objem je 401,6 cm<sup>3</sup>. Tlak na konci expanzního zdvihu dosahuje hodnoty 0,188 MPa. V tabulce 3 jsou údaje získané ze simulace cyklu navrženého motoru porovnány s hodnotami motoru 1,2 http. Z výsledků je patrné, že při stejných kompresních poměrech, je tepelná účinnost ideálního Atkinosonova cyklu navrženého motoru je vyšší než účinnost Ottova cyklu.

Mechanismus	Sací / kom- presní zdvih [mm] zdvih [mm]		Kompresní poměr [–]	Expanzní poměr [–]	Tepelná účinnost ide- álního cyklu [%]
Klikový	86,9	86,9	10,5:1	10,5:1	60,9
Planetový	55,3	87,4	10,5:1	16:1	64,3

Tab. 3 Porovnání klikového a planetového mechanismu



Obr. 27 Průběh tlaku ve válci v závislosti na úhlu a

Tlak ve válci dosahuje maximální hodnoty 3,976 MPa. Z průběhu tlaku ve válci v závislosti na natočení klikového hřídele byla následně stanovena síla od tlaku plynů na píst. Ta je dána vztahem [19]:

$$F_p = \frac{\pi D^2}{4} (p - p_0) , \qquad (21)$$

kde p je okamžitá hodnota tlaku plynů ve válci nad pístem,  $p_0$  je tlak atmosférický a D je vrtání válce. Síla od tlaku plynů má nejvyšší hodnotu 17,8 kN. Její průběh je vidět na obrázku 28.



### 5 PRŮBĚHY KINEMATICKÝCH VELIČIN

U jednotlivých součástí byly stanoveny dráhy, rychlosti a zrychlení. V případě ojnice byla navíc určena úhlová rychlost, úhlové zrychlení a úhel jejího vychýlení. Kinematika ústrojí byla určována při konstantních otáčkách  $n = 5000 \text{ min}^{-1}$ . Všechny kinematické veličiny byly vyjadřovány v závislosti na úhlu pootočení klikového hřídele  $\alpha$ . Základní polohou navrženého ústrojí je horní úvrať, od které je odměřován úhel  $\alpha$  a dráha pístu. Vzhledem k uspořádání planetového mechanismu není při horní úvrati poloha klikového hřídele rovnoběžně s osou válce, ale je od této osy vychýlena o úhel 8°. Průběhy jednotlivých veličin se neopakují, jako v případě klikového hřídele, tedy jednomu pracovnímu cyklu. Na obrázku 29 je vidět mechanismus v charakteristických polohách. Poloha A odpovídá horní úvrati pístu na počátku sacího zdvihu. Poloha B dolní úvrať a počátek komprese. Poloha C horní úvrať a počátek expanze a poloha D dolní úvrať na konci expanze a počátek výfukového zdvihu.



Obr. 29 Horní a dolní úvrati mechanismu

77

### 5.1 MBS MODEL

Jelikož navržený mechanismus koná složitý pohyb, byla pro stanovení kinematických veličin, provedena simulace v programu MSC Adams, ve kterém byl sestaven zjednodušený MBS model mechanismu.

MBS neboli Multibody system je soustava tuhých nebo poddajných těles vzájemně spojených kinematickými vazbami a pružně tlumícími členy. Tato tělesa se v rámci mechanických vazeb, definovaných silových účinků a dalších okrajových podmínek mohou pohybovat v prostoru. Simulace takovéto soustavy umožňuje vyšetření požadovaných kinematických veličin. [23]



Obr. 30 Zjednodušený MBS model v prostředí MSC Adams

Jednotlivé prvky modelu byly vytvořeny z jednoduchých těles tak, aby odpovídaly základním rozměrům skutečných součástí, a byly spojeny pomocí vhodných kinematických vazeb. Následně jim byly přiřazeny vlastnosti získané z 3D modelu, které jsou potřebné pro simulaci. Konkrétně hmotnost, poloha těžiště a tenzory setrvačnosti. Píst modelu byl zatížen silou od tlaku plynů získanou v kapitole 4. Klikovému hřídeli byly uděleny otáčky  $n = 5000 \text{ min}^{-1}$ . Souřadný systém byl zvolen tak, že osa y leží v ose válce, resp. pístu a osa x je na ni kolmá. Smysl otáčení klikového hřídele je proti směru hodinových ručiček.

#### 5.2 KINEMATIKA PÍSTNÍ SKUPINY

Na obrázku 31 je průběh dráhy pístu v porovnání s dráhou pístu klikového ústrojí motoru 1,2 HTP. Na počátku se píst nachází v horní úvrati před započetím sacího zdvihu. Jak bylo zmíněno výše, při horní úvrati je klikový hřídel pootočený o úhel 8° a ojnice je vychýlena o úhel 6,4°. Doba sacího a kompresního zdvihu je oproti klikovému mechanismu kratší, díky čemuž je i méně času pro nasátí a stlačení směsi. Délka sacího, resp. kompresního zdvihu je 55,3 mm a expanzního, resp. výfukového je 87,4 mm.



Obr. 31 Průběh dráhy pístu

Rychlosti a zrychlení pístu odpovídá také rychlosti a zrychlení pístního čepu a horního oka ojnice. Maximální hodnota rychlosti je 22,4 m·s<sup>-1</sup>, největší zrychlení je 11 671 m·s<sup>-2</sup>.



Obr. 32 Průběh rychlosti pístu



Obr. 33 Průběh zrychlení pístu

#### 5.2.1 HARMONICKÁ ANALÝZA ZRYCHLENÍ

Protože se průběh zrychlení pístu navrženého mechanismu periodicky opakuje každé dvě otáčky klikového hřídele, lze jej rozložit do Fourierovy řady sinusových a kosinusových harmonických průběhů. Rozklad periodicky opakující se funkce na harmonické složky se nazývá harmonická analýza. Pro představu byl porovnán planetový a klikový mechanismus. Kosinová složka je dána vztahem [24][25][26]:

$$A_k = \frac{2}{n_h} \sum_{j=0}^{n_h - 1} \left[ y_j \cos\left(\frac{2\pi k j}{n_h}\right) \right],\tag{22}$$

kde  $n_h$  je počet vzorků, k je harmonická složka a  $y_j$  je příslušný vzorek.

Pro sinovou složku platí vztah:

$$A_{k} = \frac{2}{n_{h}} \sum_{j=0}^{n_{h}-1} \left[ y_{j} sin\left(\frac{2\pi kj}{n_{h}}\right) \right].$$
(23)

Pro výslednou amplitudu platí:

$$C_k = \sqrt{A_k^2 + B_k^2}.$$
 (24)

Řád harmonické složky  $\kappa_k$  je dán počtem period harmonické složky. Jelikož se průběh zrychlení opakuje každé dvě otáčky, je řád harmonické složky [19]:

$$\kappa_k = \frac{1}{2}k.$$
(25)



Obr. 34 Harmonická analýza zrychlení planetového mechanismu



Obr. 35 Harmonická analýza zrychlení klikového mechanismu

#### 5.3 KINEMATIKA OJNICE

Trajektorie spodního oka ojnice byla znázorněna na obrázku 17. Z průběhu výkyvu ojnice na obrázku 36 je vidět, že hlavně v průběhu expanze, je výkyv ojnice oproti klikovému mechanismu mnohem menší, což má za následek menší třecí ztráty mezi pístem a stěnou válce.



Obr. 36 Výkyv ojnice

Pro potřeby pevnostní kontroly je potřeba znát také průběh úhlové rychlosti a úhlového zrychlení ojnice.



Obr. 37 Průběh úhlové rychlosti ojnice



Obr. 38 Průběh úhlového zrychlení ojnice

### 6 PRŮBĚHY SIL V MECHANISMU

V každém mechanismu, ať už planetovém nebo klikovém působí několik druhů sil. Síly vyvolané tlakem plynů na píst, které jsou dále přenášeny do ústrojí, síly setrvačné, které jsou ústrojím přenášeny na pevné části motoru, síly třecí, síly vznikající torzním, ohybovým a prostorovým kmitáním a podobně. Pro pevnostní výpočty konstrukčních částí motoru jsou podstatné zejména síly od tlaku plynů a síly setrvačné. [19]

Stejně jako v případě kinematických veličin, byly průběhy sil působících v mechanismu získány pomocí simulace v programu Adams. Průběhy sil byly stanoveny v ose y, ležící v ose válce a v ose x, která je k ní kolmá.

#### 6.1 SÍLY V PÍSTNÍM ČEPU

Dominantní silou v pístním čepu je síla od tlaku plynů. Celková síla je tvořená silou od tlaku plynů a silou setrvačnou. Největší celková síla působí v ose válce a má hodnotu 15 kN.



Obr. 39 Síly v pístním čepu v ose y



Obr. 40 Síly v pístním čepu v ose x

#### 6.2 SÍLY V EXCENTRICKÉM ČEPU SATELITU

V excentrickém čepu satelitu jsou již setrvačné síly značnější. Jsou ovlivněny jednak hmotností pístní skupiny a hmotností ojnice, ale hlavně hmotností samotného satelitu. Celková síla v ose y dosahuje nejvyšší hodnoty 10,1 kN a v ose x 6,5 kN.



Obr. 41 Síly v excentrickém čepu satelitu v ose y



Obr. 42 Síly v excentrickém čepu satelitu v ose x

#### 6.3 SÍLY V ČEPU SATELITU

V čepu satelitu převažují setrvačné síly, a v obou osách dosahují velmi vysokých hodnot. V ose y je nejvyšší celková síla 31,2 kN. V ose x je síla od tlaku plynů prakticky nulová, a celková síla zde dosahuje hodnoty 29,3 kN. Velké setrvačné síly jsou způsobené poměrně hmotným satelitem. Lze předpokládat, že tyto síly budou částečně rozloženy v ozubení satelitu a koruny.



Obr. 43 Sily v čepu satelitu v ose y



Obr. 44 Sily v čepu satelitu v ose x

#### 6.4 TOČIVÝ MOMENT

Při otáčkách  $n = 5\,000 \text{ min}^{-1}$  dosahuje točivý moment  $M_t$  na klikovém hřídeli maximální hodnoty 279 Nm na počátku expanze. Střední hodnota momentu točivého je 31,4 Nm.



Obr. 45 Průběh točivého momentu

### 7 PEVNOSTNÍ KONTROLA

Pro pevnostní kontrolu byla vybrána ojnice navrženého mechanismu. Analýza napjatosti byla provedena pomocí MKP (metoda konečných prvků) v programu Ansys Workbench.

#### 7.1 METODA KONEČNÝCH PRVKŮ

Metoda konečných prvků je numerická metoda využívající síť, která rozdělí řešenou oblast na konečný počet prvků. Každý prvek je charakterizován, kromě dimenze a tvaru také počtem a polohou jeho uzlů. Uzly sítě tvořené prvky jsou body, v nichž hledáme neznámé parametry řešení, například posuvy a natočení, ze kterých je pak dále počítáno napětí. Množství prvků ovlivňuje kvalitu výsledků. [27]



Obr. 46 Příklady prvků s uzlovými body

### 7.2 STANOVENÍ ZÁTĚŽNÝCH STAVŮ

Ojnice je namáhána proměnnými silami po celou dobu oběhu. Z průběhu sil v pístním čepu byl jako zátěžný stav pro pevnostní kontrolu vybrán počátek expanze, kdy celková síla dosahuje svého maxima a ojnice je zatěžována tlakem a konec výfuku kdy, jsou dominantní setrvačné síly, a ojnice je namáhána tahem. Jednotlivé veličiny definující tyto stavy jsou vypsány v tabulce 4. Celková síla je rozložena do složek  $F_x$  a  $F_y$ . Vychýlení ojnice od osy válce je dáno úhlem  $\beta$ . Jako okrajové podmínky je také nutné zadat úhlovou rychlost ojnice  $\omega$ , úhlové zrychlení  $\varepsilon$  a zrychlení v ose válce  $a_s$ .

Zatížení	α[°]	β[°]	$F_x$ [N]	$F_{y}$ [N]	$a_s [\mathrm{m}\cdot\mathrm{s}^{-2}]$	$\omega$ [rad·s <sup>-1</sup> ]	$\varepsilon  [\mathrm{rad} \cdot \mathrm{s}^{-2}]$
tlak	376	4,32	-150,37	15 022,73	10,97	-95,98	15 146,75
tah	709	-0,33	-240,13	-3 023	-11,65	-100,53	2 371,9

Tab.	4	Vybrané	provozní	stavy
------	---	---------	----------	-------

#### 7.3 PŘÍPRAVA MODELU

Před samotným výpočtem je potřeba importovat model součásti, definovat materiálové vlasnosti, vazby, zatěžující síly a ostatní okrajové podmínky. Následně je vytvořena síť a definovány požadované výstupy, jako je napětí, deformace, apod.

Jako materiál ojnice byla zvolena dle [21] ocel 14 240.6. Základní vlastnosti oceli jako hustota, Youngův modul a Poissonovo číslo byly již v programu předdefinovány. Změněna byla pouze mez pevnosti v tahu  $R_m$  a mez kluzu  $R_e$ .

R <sub>m</sub> [MPa]	R <sub>e</sub> [MPa]	$\sigma_C$ [MPa]	$\sigma_{Co}$ [MPa]
740	530	300	360

#### 7.3.1 APLIKACE KONTAKTŮ

Po naimportování geometrie ojnice včetně čepů a zadání materiálových vlastností, byly definovány kontakty mezi ojnicí a pístním a excentrickým čepem satelitu. Byl nastaven třecí kontakt s koeficientem tření 0,16 dle [28].



Obr. 47 Kontaktní vazby

#### 7.3.2 TVORBA SÍTĚ

Ojnice byla vysíťována metodou *Hex Dominant*. Velikost prvků byla nastavena na 2 mm a v nebezpečných místech, kde bylo možné očekávat větší koncentrace napětí, byla síť zjemněna na 1 mm. Na jednotlivých čepech byla síť vytvořena metodou *Sweep*. Ve výsledku byl celkový počet uzlů 144 673 a počet prvků 45 470.



#### 7.3.3 OKRAJOVÉ PODMÍNKY

K okrajovým podmínkám patří uchycení ojnice v prostoru, tvorba pomocného souřadného systému a aplikace zatížení.

#### POMOCNÝ SOUŘADNÝ SYSTÉM

Nejprve byl v ose horního oka ojnice vytvořen pomocný souřadný systém, který je vůči ose ojnice natočený o úhel  $\beta$ . Silové účinky které budou následně zadávány, budou vztahovány právě k tomuto souřadnému systému.



Obr. 49 Aplikace pomocného souřadného systému

#### VAZBY A ZATÍŽENÍ

Excentrickému čepu satelitu byly zamezeny posuvy ve všech směrech. Pístnímu čepu byly zamezeny posuvy v ose *x* a *y* pomocného souřadného systému. Na pístní čep byly aplikovány jednotlivé složky celkové síly. Dále bylo aplikováno zrychlení *a*, úhlová rychlost  $\omega$  a úhlové zrychlení  $\varepsilon$ , které byly uvedeny v tabulce 4.



Obr. 50 Zadání okrajových podmínek

#### 7.4 VÝSLEDKY ANALÝZY NAPJATOSTI

Výsledkem analýzy je redukované napětí stanovené podle podmínky HMH a hlavní napětí  $\sigma_1$  a  $\sigma_3$ , která jsou potřebná pro další výpočty. Redukované napětí dle HMH je definováno takto [29]:

$$\sigma_{HMH} = \sqrt{\frac{1}{2} [(\sigma_1 - \sigma_2)^2 + (\sigma_1 - \sigma_3)^2 + (\sigma_2 - \sigma_3)^2]},$$
(26)

kde  $\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3$  jsou hlavní napětí, přičemž platí:  $\sigma_1 > \sigma_2 > \sigma_3$ .

#### 7.4.1 NAMÁHÁNÍ TLAKEM

Maximální napětí je v oblasti kontaktu čepu s horním okem ojnice. Za nebezpečné místo lze považovat tvarový přechod dříku pod horním okem označené písmenem A na obrázku 51. Zde dosahovalo redukované napětí hodnoty 135,99 MPa.



Obr. 51 Redukované napětí při zatížení tlakem

#### 7.4.2 **N**AMÁHÁNÍ TAHEM

Maximální napětí je opět v místě kontaktu pístního čepu a horního oka. Kritické místo, označené písmenem B na obrázku 52, se nachází na hraně dříku pod horním okem ojnice. Redukované napětí v tomto bodě má hodnotu 15,8 MPa.



Obr. 52 Redukované napětí při zatížení tahem

#### 7.5 STANOVENÍ BEZPEČNOSTI

Jelikož zatížení ojnice zážehového motoru se v čase mění, je potřeba stanovit bezpečnost vůči mezi únavy. Z MKP analýzy bylo zjištěno, že největší redukované napětí je v oblasti tvarového přechodu dříku do malého oka ojnice. Protože je výpočet bezpečnosti prováděn analyticky, je nutné brát přesnost výsledků s určitou rezervou.

#### 7.5.1 STANOVENÍ NAPĚTÍ CYKLICKÉHO NAMÁHÁNÍ

Sledujeme-li se v určitém místě součásti průběh napětí, které se periodicky mění, pak průběh těchto změn za dobu jedné periody se nazývá cyklem. Takovýto cyklus je charakterizován maximálním a minimálním napětím, středním napětím a amplitudou napětí. [19]



Obr. 53 Průběh napětí při proměnném zatížení [19]

Střední napětí  $\sigma_{em}$  a amplituda napětí  $\sigma_{ea}$  cyklu, jsou dány ekvivalentním napětím  $\sigma_{e.}$  Aby bylo možné toto napětí stanovit, je nutné znát hlavní napětí  $\sigma_{I}$ ,  $\sigma_{3}$  a redukované napětí  $\sigma_{HMH}$ , která působí ve zkoumaném místě při zatěžování tahem i tlakem. Hodnoty hlavních napětí a redukovaného napětí byly zjištěny z MKP analýzy viz. tabulka 6.

Tab. 6 Hlavní a redukované napětí

Zatížení	$\sigma_1$ [MPa]	$\sigma_3$ [MPa]	$\sigma_{HMH}$ [MPa]
tlak	3,29	-139,00	135,99
tah	16,03	-0,12	15,80

Ekvivalentní napětí je dáno redukovaným napětím  $\sigma_{HMH}$  se znaménkem největšího hlavního napětí, a stanoví se následovně [29]:

$$\sigma_e = sign(\sigma_{hn})\sigma_{HMH},\tag{27}$$

kde  $\sigma_{hn}$  je největší hlavní napětí, dané vztahem:

$$\sigma_{hn} = max(|\sigma_1|, |\sigma_3|). \tag{28}$$

Známe-li ekvivalentní napětí pro tah i tlak, lze již přistoupit k určení středního napětí a amplitudy napětí. Pro amplitudu napětí platí [29]:

$$\sigma_{ea} = \frac{\sigma_{emax} - \sigma_{emin}}{2}.$$
(29)

Střední napětí je [29]:

$$\sigma_{em} = \frac{\sigma_{emax} + \sigma_{emin}}{2}.$$
(30)

$\sigma_{emax}$ [MPa]	$\sigma_{emin}$ [MPa]	$\sigma_{ea}$ [MPa]	$\sigma_{em}$ [MPa]
15,80	-135,99	75,89	-60,10

Tab. 7 Charakteristická napětí

#### 7.5.2 FAKTORY OVLIVŇUJÍCÍ BEZPEČNOST

U materiálu definovaného v kapitole 6.3, byly uvedeny hodnoty meze únavy  $\sigma_C a \sigma_{Co}$ . Ty jsou stanovovány ze zkušebních vzorků za laboratorních podmínek. Aby mez únavy více odpovídala skutečné součásti, je potřeba zavést součinitele, které tuto mez a tím i výsledky bezpečnosti ovlivňují. [21]

#### SOUČINITEL VLIVU JAKOSTI POVRCHU

V součiniteli vlivu jakosti povrchu je zahrnuta mez pevnosti reálné součásti a jakost opracování povrchu. Součinitel je dán vztahem [21]:

 $\eta_{\sigma} = a R_m^b, \tag{31}$ 

kde  $R_m$  je minimální hodnota meze pevnosti v tahu a parametry a, b jsou uvedeny v tabulce 8.

Povrch dokončený	součinitel a [–]	exponent b [–]
broušením	1,58	-0,085
obráběním nebo tažením za studena	4,51	-0,265
válcováním za tepla	57,7	-0,718
kováním	272,0	-0,995

Tab. 8 Parametry pro součinitel vlivu jakosti povrchu [21]

Ojnice navrženého mechanismu je vyráběna kováním.

#### SOUČINITEL SPOLEHLIVOSTI

Součinitel spolehlivosti je dán vztahem [21]:

$$\nu_{\sigma} = 1 - 0,08z_a,$$

(32)

kde  $z_a$  je normovaná náhodná veličina. Hodnoty  $z_a$  pro jednotlivé spolehlivosti jsou uvedeny v tabulce 9. Byla zvolena spolehlivost 99,9%

spolehlivost [%]	normovaná náhodná veli- čina <i>z<sub>a</sub></i> [–]	součinitel spolehlivosti $v_{\sigma}$ [–]
50	0	1
90	1,288	0,897
95	1,645	0,868
99	2,326	0,814
99,9	3,091	0,753
99,99	3,719	0,702
99,999	4,265	0,659
99,9999	4,753	0,62

Tab. 9 Součinitel spolehlivosti [21]

#### KOREKČNÍ SOUČINITEL

Dle [29] je korekční součinitel definován takto:

$$f_G = 1 + \frac{\frac{\sigma_{Co}}{\sigma_C} - 1}{\frac{2}{d_{vzorek}}} \kappa_R, \tag{33}$$

kde  $\sigma_{Co}$  je mez únavy v ohybu,  $\sigma_{Co}$  je mez únavy v tahu/tlaku,  $d_{vzorek}$  je průměr zkušebního vzorku s hodnotou 7,5 mm a  $\kappa_R$  je poměrný gradient.

#### **POMĚRNÝ GRADIENT**

Koncentraci napětí v sledovaném místě lze popsat pomocí gradientu napětí [29]:

$$\kappa_{R} = \frac{1}{\sigma_{HMH_{-1}}} \left( \frac{\sigma_{HMH_{-1}} - \sigma_{HMH_{-2}}}{|x_{12}|} \right), \tag{34}$$

kde  $\sigma_{HMH_1}$  je napětí v uzlu na povrchu součásti,  $\sigma_{HMH_2}$  je napětí v uzlu uvnitř součásti a  $x_{12}$  je vzdálenost mezi jednotlivými uzly.

Hodnoty napětí a vzdálenost mezi uzly byly získány z MKP analýzy. Napětí  $\sigma_{HMH_2}$  získáme, vedeme-li z uzlu s napětím  $\sigma_{HMH_1}$  na povrchu součásti kolmici směrem dovnitř součásti. Námi hledané napětí  $\sigma_{HMH_2}$  je napětí v nejbližším uzlu ležícím na této kolmici. Průběh napětí v závislosti na vzdálenosti mezi sledovanými uzly je na obrázku 54.



Obr. 54 Průběh napětí mezi sledovanými uzly

#### SOUČINITEL VRUBU A KONCENTRACE NAPĚTÍ

Tvarové nepravidelnosti nebo nespojitosti vedou ke značnému zvýšení napětí v jejich blízkosti. [21] Poměr  $\beta_k / \alpha_k$  zahrnuje do výpočtu tento vliv. [29]

$$\frac{\beta_k}{\alpha_k} = 1 + \sqrt{\kappa_R} 10^{-\left(0.35 + \frac{R_e}{810}\right)},\tag{35}$$

kde R<sub>e</sub> je dolní mez kluzu materiálu součásti.

#### 7.5.3 BEZPEČNOST K MEZI ÚNAVY

K určení bezpečnosti byl využit Haighův diagram. Přímky odpovídající jednotlivým kritériím v diagramu nepředstavují přesnou hranici, ale spíše oblast s jistou pravděpodobností únavového porušení. Oblast bezpečných pulzujících kmitů se nachází pod přímkou kritéria, oblast kde dochází k porušení, leží nad přímkou kritéria. [21]



Obr. 55 Haighův diagram pro různá kritéria únavového porušení [21]

Pro stanovení bezpečnosti bylo zvoleno Goodmanovo kritérium porušení [29]:

$$\frac{1}{k_G} = \frac{\beta_k}{\alpha_k} \frac{\sigma_{ea}}{\sigma_C \eta_\sigma \nu_\sigma f_G} + \frac{\sigma_{em}}{R_m}.$$
(36)

Výsledná míra bezpečnosti v kritickém místě součásti  $k_G = 2,03$  je vyhovující.

### ZÁVĚR

Cílem této práce bylo navrhnout mechanismus zážehového pístového spalovacího motoru s prodlouženým expanzním zdvihem. V úvodní kapitole byl popsán princip, podle kterého takovýto mechanismus funguje, a jakými způsoby lez prodloužené expanze dosáhnout. Jako nejjednodušší z hlediska konstrukce se jeví využití proměnného časování sacích ventilů, jeli-kož lze využít klasického klikového mechanismu a nejsou nutné žádné větší konstrukční úpravy stávající válcové jednotky. Drtivá většina vozidel s motory s prodlouženou expanzí využívá právě tuto technologii, protože v případě požadavku vyššího výkonu lze změnou časování přejít na Ottův cyklus. Využití proměnného časování je ale limitováno dosažitelným rozdílem kompresního a expanzního poměru. Nevýhody motorů, které k prodloužení expanze využívají jiný, než klikový mechanismus spočívají jednak v jejich konstrukční složitosti, vyšší hmotnosti a větším zástavbovým rozměrům, ale i vzhledem k většímu počtu kinematic-kých prvků, k větším třecím ztrátám a tím i horší mechanismus, kde díky relativně malému výkyvu ojnice během expanze nedochází k tak velkým silám působícím mezi stěnou válce a pístem.

Pro konstrukční návrh byla vybrána koncepce planetového mechanismu. V části věnující se pracovnímu oběhu motoru bylo prokázáno, že při stejných kompresních poměrech dosahuje ideální Atkinsonův cyklus navrženého motoru vyšší tepelné účinnosti než Ottův cyklus. Dosažení stejného kompresního poměru, který bývá důsledkem kratšího kompresního zdvihu menší, by bylo možné úpravou spalovacího prostoru v hlavě válce, případně vhodným tvarováním dna pístu. Při nižším kompresním poměru by ale bylo možné využít přeplňování, bez obav z detonačního spalování.

Z průběhu kinematických veličin vyplívá, že sací a kompresní zdvih trvá kratší dobu na úkor expanzního a výfukového zdvihu, což znamená kratší dobu k nasátí směsi, ale delší doba k výfuku. Lze také konstatovat, že při porovnání rychlostí pístů srovnávaných ústrojí, znamená menší rychlost pístu planetového mechanismu při kompresi menší předstih zážehu při stejných otáčkách. Provedením harmonické analýzy bylo zjištěno, že se zrychlení, které ovlivňuje setrvačné síly posuvné, rozkládá do více složek než u klikového ústrojí. Amplitudy zrychlení jsou sice poměrně malé, ale ne zcela zanedbatelné. Přidání vyvažovací jednotky, by ovšem zvětšilo rozměry a hmotnost celého mechanismu. Setrvačné síly vznikající pohybem satelitu a zatěžující mechanismus ukázaly nevhodnost této koncepce k provozu ve vysokých otáčkách. Řešením by bylo snížit hmotnost satelitu, například zmenšením jeho šířky, odebráním materiálu z jeho středu, nebo menším průměrem excentrického čepu, který je ale limitován otvorem pro nasazení satelitu na klikový hřídel.

Pevnostní kontrola ojnice prokázala, že kritická místa se nacházejí v oblasti přechodu dříku do horního oka. Výsledná míra bezpečnosti v kritickém místě byla vyhovující.

Vzhledem k uvedeným přednostem a nedostatkům nalézají motory s prodlouženou expanzí uplatnění v aplikacích, kde hlavní prioritou není výkon, ale ekonomika provozu a nízké emise. Mechanismy jako planetový, nebo víceprvkový jsou vhodné spíše pro stacionární motory pracující při nízkých otáčkách a konstantních zatíženích. Systém proměnného časování sacích ventilů je zase vhodnější pro malá nebo hybridní vozidla.

### POUŽITÉ INFORMAČNÍ ZDROJE

- [1] KOSŤÁL, Jan a Bohuslav SUK. *Pístové spalovací motory*. Praha: ČSAV, 1963, 830 s. : il. 1 příloha.
- [2] ZHAO, Jinxing. Research and application of over-expansion cycle (Atkinson and Miller) engines. *Applied Energy* [online]. 2017(185), 300-319 [cit. 2017-09-20]. Dostupné z: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0306261916315069
- [3] Atkinson Cycle Atkinson Engine. *Nuclear-power.net* [online]. [cit. 2017-09-20]. Dostupné z: https://www.nuclear-power.net/nuclearengineering/thermodynamics/thermodynamic-cycles/atkinson-cycle-atkinson-engine
- [4] GUPTA, H.N. *Fundamentals of internal combustion engines*. 2. vyd. New Delhi: PHI Learning Pvt. Ltd., 2009. 676 s. ISBN 978-81-203-2854-9.
- [5] ATKINSON, James. *Gas engine*. US. US 367496 A. 1887. [online]. [cit. 2017-10-11]. Dostupné z: https://www.google.com/patents/US367496
- [6] EXlink. *World.honda.com* [online]. [cit. 2017-10-15]. Dostupné z: http://world.honda.com/powerproducts-technology/exlink
- [7] Compact And Modular Atkinson Cycle Engine. *contest.techbriefs.com* [online]. [cit. 2017-10-15]. Dostupné z: https://contest.techbriefs.com/2016/entries/automotive-transportation/7029
- [8] COSTA, Tiago João Silva Sousa Azevedo. Analysis of Internal Combustion Engines towards the improvement of its efficiency [online]. Braga, 2014 [cit. 2017-10-15]. Dostupné z: https://repositorium.sdum.uminho.pt/bitstream/1822/30618/1/Tese%20Mestrado%20 Tiago%20Costa%202014.pdf. Diplomová práce. Universidade do Minho.
- [9] HIERETH, Hermann a Peter PRENNINGER. *Charging the internal combustion engine*. Wien ; New York: Springer, 2007, xiv, 268 s. : ill. ; 28 cm. ISBN 978-3-211-33033-3.
- [10] HOLST, Fredrik a Manne SOLBRECK. Numerical and Experimental Investigation of the Atkinson Cycle on a 2.0 liter 4-cylinder Turbocharged SI-engine. Göteborg, Sweden, 2014. Diplomová práce. CHALMERS UNIVERSITY OF TECHNOLOGY.
- [11] Miller cycle engine. nema.club [online]. [cit. 2017-11-21]. Dostupné z: http://nema.club/2014wsm/service%20highlights/books/n6w01/html/id0110s6001 900.html
- [12] JÄÄSKELÄINEN, Hannu. Miller Cycle Engines. *Dieselnet.com* [online]. [cit. 2017-11-21]. Dostupné z: https://www.dieselnet.com/tech/engine\_miller-cycle.php#petrol
- [13] 1 NZ-FXE Toyota engine. *australiancar.reviews* [online]. [cit. 2017-11-21]. Dostupné z: http://australiancar.reviews/1NZ-FXE-engine.php
- [14] Compression. *autozine.org* [online]. [cit. 2017-11-21]. Dostupné z: http://www.autozine.org/technical\_school/engine/Compression.html

- [15] Eunos 800 Miller cycle. *autospeed.com* [online]. [cit. 2017-11-21]. Dostupné z: http://www.autospeed.com/cms/article.html?&A=108679
- [16] Volkswagen at 37th Vienna Motor Symphosium. volkswagen-media-services.com [online]. [cit. 2018-01-11]. Dostupné z: https://www.volkswagen-mediaservices.com/en/detailpage/-/detail/Volkswagen-at-the-37th-Vienna-Motor-Symposium/view/3451577/7a5bbec13158edd433c6630f5ac445da?p\_p\_auth=fEn4UZSX
- [17] Motor 1,5 TSI EA211 evo. *skodahome.cz* [online]. [cit. 2018-01-11]. Dostupné z: https://forum.skodahome.cz/topic/139849-motor-15-tsi-ea-211-evo/
- [18] HR12DDR Engine. *nissan-global.com* [online]. [cit. 2018-01-11]. Dostupné z: https://www.nissan-global.com/EN/TECHNOLOGY/OVERVIEW/hr12ddr.html
- [19] KOVAŘÍK, Ladislav, Viktor FERENCEY, Radovan SKALSKÝ a Ladislav ČÁSTEK. Konstrukce vozidlových spalovacích motorů. Praha: Naše vojsko, 1992. 492 s. ISBN ISBN 80-206-0131-7.
- [20] Kolektiv VÚNM a ČKD. *Naftové motory čtyřdobé*, 1 díl. SNTL Státní nakladatelství technické literatury, Druhé vydání, Praha, 1962. 544 s. L123 B3 IV 41/2490.
- [21] SHIGLEY, Joseph Edward, Charles R. MISCHKE, Richard G. (Richard Gordon) BU-DYNAS, Martin HARTL a Miloš VLK. *Konstruování strojních součástí*. V Brně: VUTI-UM, 2010, xxv, 1159 s.: il. ; 26 cm. ISBN 978-80-214-2629-0.
- [22] RAUSCHER, Jaroslav. *Spalovací motory*. Brno, 2005. Studijní opory. Vysoké učení technické v Brně, Fakulta strojního inženýrství.
- [23] 8.3 VIRTUÁLNÍ PROTOTYPOVÁNÍ OBRÁBĚCÍCH STROJŮ. Nejčtenější strojírenský časopis – MM spektrum [online]. 2014 [cit.2018-02-03]. Dostupné z: http://www.mmspektrum.com/content/file/CNC\_ukazky\_Cz/8.3.pdf
- [24] Harmonická analýza. *slaboproud.sweb.cz* [online]. [cit. 2018-02-05]. Dostupné z: http://slaboproud.sweb.cz/elt2/stranky1/elt048.htm
- [25] Fourierovy řady. *math.feld.cvut.cz* [online]. [cit. 2018-02-05]. Dostupné z: http://math.feld.cvut.cz/mt/txte/3/txc3ea3f.htm
- [26] Vlastnosti Fourierových řad. *math.feld.cvut.cz* [online]. [cit. 2018-02-05]. Dostupné z: http://math.feld.cvut.cz/mt/txte/3/txc3ea3g.htm
- [27] VRBKA, Martin., VAVERKA, Michal. *Metoda konečných prvků* [online]. [cit. 2018-02-07]. Dostupné z: http://www.shigley.cz/images/texts/file/prednaska1\_mkp.pdf
- [28] Coefficient of Friction Equation and Table Chart. *Engineersedge.com* [online]. [cit. 2018-02-07]. Dostupné z: https://www.engineersedge.com/coeffients\_of\_friction.htm
- [29] NOVOTNÝ, Pavel. *Aplikované metody řešení únavového poškozování*. [přednáška]. Vysoké učení technické v Brně, Fakulta strojního inženýrství. 2017.

### SEZNAM POUŽITÝCH ZKRATEK A SYMBOLŮ

DOHC		Double over head camshaft
EIVC		Early intake valve closting
HMH		Hencky, Mises, Huber
LIVT		Late intake valve closing
MBS		Multibody system
MKP		Metoda konečných prvků
VTG		Variable turbine geometry
a, b	[-]	Parametry pro součinitel vlivu jakosti povrchu
$A_k$	[-]	Kosinová složka
$a_s$	$[\mathbf{m} \cdot \mathbf{s}^{-2}]$	Zrychlení v ose válce
$B_k$	[-]	Sinová složka
$b_z$	[mm]	Šířka ozubení
$C_k$	[-]	Výsledná amplituda
$C_p$	$[J \cdot kg^{-1} \cdot K^{-1}]$	Měrná tepelná kapacita za konstantního tlaku
$C_{V}$	$[J \cdot kg^{-1} \cdot K^{-1}]$	Měrná tepelná kapacita za konstantního objemu
D	[m]	Vrtání válce
$d_r$	[mm]	Průměr roztečné kružnice korunového kola
$d_t$	[mm]	Průměr roztečné kružnice satelitu
<i>d</i> <sub>vzorek</sub>	[mm]	Průměr zkušebního vzorku
$e_x$	[mm]	Rozteč mezi osou excentrického čepu a osou satelitu
f <sub>G</sub>	[-]	Korekční součinitel
$F_p$	[N]	Síla od tlaku plynů na píst
$F_x$	[N]	Výsledná síla v ose x
$F_y$	[N]	Výsledná síla v ose y
$I_o$	[kg·m <sup>2</sup> ]	Moment setrvačnosti ojnice vzhledem k jejímu těžišti
k	[-]	Harmonická složka
$k_G$	[-]	Míra bezpečnosti
l	[m]	Délka ojnice
$l_p$	[m]	Vzdálenost osy pístního čepu od těžiště ojnice
$l_r$	[m]	Vzdálenost osy spodního oka od těžiště ojnice
т	[kg]	Hmotnost směsi
$m_o$	[kg]	Celková hmotnost ojnice

$m_{op}$	[kg]	Část hmotnosti ojnice redukovaná do osy pístního čepu
$m_{or}$	[kg]	Část hmotnosti ojnice redukovaná do osy spodního oka
$M_t$	[N·m]	Točivý moment
$m_z$	[-]	Modul ozubení
n	$[\min^{-1}]$	Jmenovité otáčky
$n_h$	[-]	Počet vzorků
р	[MPa], [N·m <sup>-</sup>	<sup>2</sup> ] Tlak plynů ve válci
$p_0$	[MPa], [N·m <sup>-</sup>	<sup>2</sup> ] Atmosférický tlak
$Q_{23}$	[J]	Dodané teplo
$Q_{41}$	[J]	Odevzdané teplo
R	$[J \cdot kg^{-1} \cdot K^{-1}]$	Univerzální plynová konstanta
r	[mm]	Poloměr zalomení klikového hřídele
$r_c$	[-]	Kompresní poměr
r <sub>e</sub>	[-]	Expanzní poměr
$R_e$	[MPa]	Mez pevnosti v kluzu
$R_m$	[MPa]	Mez pevnosti v tahu
Т	[K]	Teplota
V	$[m^3]$	Objem válce
W	[J]	Práce
<i>x</i> <sub>12</sub>	[mm]	Vzdálenost mezi jednotlivými uzly
$y_j$	[-]	Příslušný vzorek
Za	[-]	Normovaná náhodná veličina
Zr	[-]	Počet zubů korunového kola
$Z_t$	[-]	Počet zubů satelitu
η	[-]	Tepelná účinnost
$\kappa_k$	[-]	Řád harmonické složky
κ	[-]	Poissonova konstanta
$\kappa_R$	[-]	Poměrný gradient
α	[°]	Úhel natočení klikového hřídele
β	[°]	Úhel vychýlení ojnice
$\beta_k/lpha_k$	[-]	Poměrný součinitel vrubu a koncentrace napětí
ε	$[rad \cdot s^{-2}]$	Úhlové zrychlení
Kk	[-]	Řád harmonické složky

$ u_{\sigma}$	[-]	Součinitel spolehlivosti
$\sigma_{1,2,3}$	[MPa]	Hlavní napětí
$\sigma_{am}$	[MPa]	Amplituda napětí
$\sigma_{C}$	[MPa]	Mez únavy v tahu/tlaku
$\sigma_{Co}$	[MPa]	Mez únavy v ohybu
$\sigma_{e}$	[MPa]	Ekvivalentní napětí
$\sigma_{\!em}$	[MPa]	Střední napětí
$\sigma_{emax}$	[MPa]	Maximální ekvivalentní napětí
$\sigma_{\!emin}$	[MPa]	Minimální ekvivalentní napětí
$\sigma_{\!HMH}$	[MPa]	Redukované napětí podle podmínky HMH
$\sigma_{HMH_{1}}$	[MPa]	Napětí v uzlu na povrchu součásti
$\sigma_{HMH_2}$	[MPa]	Napětí v uzlu uvnitř součásti
$\sigma_{hn}$	[MPa]	Největší hlavní napětí
Ø	$[rad \cdot s^{-1}]$	Úhlová rychlost
Ψ	[-]	Stupeň izochorického zvýšení tlaku

77

### SEZNAM PŘÍLOH

Příloha 1 – Výpočty

TEPELNÁ	ÚČINNOST

vrtání	<i>D</i> ≔76.5 <i>mm</i>	
sací zdvih	<i>z<sub>s</sub></i> :=55.306 <i>mm</i>	při α≔172°
expazní zdvih	$z_e := 87.388 mm$	při α:=531°
kompresní poměr	$\varepsilon_k := 10.5$	
Poissonova konstanta	k := 1.4	
kompresní objem	$V_{zk} := z_s \cdot \left(\frac{D}{2}\right)^2 \cdot \boldsymbol{\pi}$	
	$V_{zk} = 254.206 \ cm^3$	
expanzní objem	$V_{ze} \coloneqq z_e \cdot \left(\frac{D}{2}\right)^2 \cdot \boldsymbol{\pi}$	
	$V_{ze} = 401.666 \ cm^3$	
objem spalovacího prostoru	$V_k \! := \! \frac{V_{zk}}{\varepsilon_k - 1}$	
	$V_k = 26.758 \ cm^3$	
expanzní poměr	$\varepsilon_e := 1 + \frac{V_{ze}}{V_k}$	
	$\varepsilon_e = 16.011$	
tepelná účinnost Ottova cyklu	$\eta_{tO} \coloneqq \left(1 - \frac{1}{\varepsilon_k^{k-1}}\right) \cdot 100$	)
	$\eta_{tO} = 60.959$	
tepelná účinnost Atkinsonova cyklu	$\eta_{tA} \coloneqq \left( 1 - k \cdot \frac{\varepsilon_e - \varepsilon_k}{\varepsilon_e^k - \varepsilon_k^k} \right)$	·)•100
	$\eta_{tA} = 64.371$	

#### **REDUKCE HMOTNOSTI OJNICE**

celková hmotnost ojnice  $m_o \coloneqq 0.634 \ kg$ 

hmotnost pístní skupiny $m_{ps} \coloneqq 0.285 \ \textbf{kg}$ 

vzdálenost osy čepu satelitu od těžiště ojnice  $l_r = 55.2 \ mm$ 

vzdálenost osy pístního čepu od těžiště ojnice  $l_p := 132.8 \ mm$ 

rozteč mezi oky ojnice  $l := l_r + l_p$ 

l = 188 mm

redukovaná hmotnost posuvé části ojnice

 $m_{op} \coloneqq m_o \cdot \frac{l_r}{l}$  $m_{op} = 0.186 \ kg$ 

redukovaná hmotnost rotační části ojnice

$$m_{or} \coloneqq m_o \cdot \frac{l_p}{l}$$
$$m_{or} = 0.448 \ kg$$

celková hmotnost posuvných částí

 $m_p\!\coloneqq\!m_{ps}\!+\!m_{op}$ 

 $m_p \!=\! 0.471 \; kg$ 

# HARMONICKÁ ANALÝZA - PLANETOVÝ MECHANISMUS zrychlení

X:=READEXCEL ("..\DP\zrychleni.xlsx", "List1!A1:A721")

f := X

*i*:=0,1..719

$n_h := 720$	$n_{harm} \coloneqq 20$
n	num

 $k := 0 \dots n_{harm} \qquad j := 0 \dots n_h - 1$ 

 $x_{j} := f_{j}$   $A_{k} := \frac{2}{n_{h}} \cdot \sum_{j=0}^{n_{h}-1} \left( x_{j} \cdot \cos\left(k \cdot 2 \cdot \pi \cdot \frac{j}{n_{h}}\right) \right)$   $B_{k} := \frac{2}{n_{h}} \cdot \sum_{j=0}^{n_{h}-1} \left( x_{j} \cdot \sin\left(k \cdot 2 \cdot \pi \cdot \frac{j}{n_{h}}\right) \right)$ 

$$C_k \coloneqq \sqrt{\left(A_k\right)^2 + \left(B_k\right)^2}$$



# HARMONICKÁ ANALÝZA - KLIKOVÝ MECHANISMUS zrychlení

X:=READEXCEL("...\DP\zrychleni\_klik\_mech.xlsx", "List1!A1:A721")

f := X

 $x_i := f_i$ 

*i*:=0,1..719

 $n_h := 720$   $n_{harm} := 20$ 

 $k := 0 \dots n_{harm} \qquad j := 0 \dots n_h - 1$ 

 $A_{k} := \frac{2}{n_{h}} \cdot \sum_{j=0}^{n_{h}-1} \left( x_{j} \cdot \cos\left(k \cdot 2 \cdot \boldsymbol{\pi} \cdot \frac{j}{n_{h}}\right) \right)$  $B_{k} := \frac{2}{n_{h}} \cdot \sum_{j=0}^{n_{h}-1} \left( x_{j} \cdot \sin\left(k \cdot 2 \cdot \boldsymbol{\pi} \cdot \frac{j}{n_{h}}\right) \right)$ 

$$C_k := \sqrt[2]{\left(A_k\right)^2 + \left(B_k\right)^2}$$



### ÚNAVOVÉ NAMÁHÁNÍ

Materiál ČSN 14 240.6 (ČSN EN 1.5069)

<i>R<sub>m</sub></i> :=740 <i>MPa</i>	$R_m$
<i>R<sub>e</sub></i> := 530 <i>MPa</i>	$R_m := \overline{MPa}$
$\sigma_C := 300 \ MPa$	$R_e := \frac{R_e}{MPa}$
$\sigma_{Co} \coloneqq 360 \ MPa$	$d_{vzorek} := 7.5 mm$
součinitel vlivu jakosti povrchu součásti	i
<i>a</i> := 272	
b := -0.995	
$\eta_{\sigma} \coloneqq a \cdot R_m^{\ b} = 0.38$	
součinitel spolehlivosti	
$z_a := 3.091$	
$v_{\sigma} := 1 - 0.08 \cdot z_{a} = 0.753$	
$\sigma_{HMH\_tlak} \coloneqq 135.99 \ MPa$	$\sigma_{HMH\_tah} \coloneqq 15.8 MPa$
$\sigma_{1\_tlak} \coloneqq 3.2948 MPa$	<i>σ</i> <sub>1_tah</sub> := 16.033 <i>MPa</i>
$\sigma_{3\_tlak} \coloneqq -139 \ MPa$	$\sigma_{3_{tah}} := -0.122 \ MPa$

hlavní napětí

$$\sigma_{hn\_tlak} \coloneqq \max\left(\left|\sigma_{1\_tlak}\right|, \left|\sigma_{3\_tlak}\right|\right) \qquad \qquad \sigma_{hn\_tah} \coloneqq \max\left(\left|\sigma_{1\_tah}\right|, \left|\sigma_{3\_tah}\right|\right) \\ \sigma_{hn\_tlak} = 139 \ MPa \qquad \qquad \sigma_{hn\_tah} = 16.033 \ MPa$$

#### stanovení ekvivalentního napětí

$$\sigma_{e\_tlak} \coloneqq \operatorname{sign} (\sigma_{3\_tlak}) \cdot \sigma_{HMH\_tlak} \qquad \sigma_{e\_tah} \coloneqq \operatorname{sign} (\sigma_{hn\_tah}) \cdot \sigma_{HMH\_tah}$$

$$\sigma_{e\_tlak} = -135.99 \ MPa \qquad \sigma_{e\_tah} = 15.8 \ MPa \qquad \sigma_{e\_tah} = 15.8 \ MPa \qquad \sigma_{e\_tah} = -135.99 \ MPa$$

střední napětí

$$\sigma_{em} \coloneqq \frac{\sigma_{emax} + \sigma_{emin}}{2} = -60.095 \ MPa$$

amplituda napětí

$$\sigma_{ea} \coloneqq \frac{\sigma_{emax} - \sigma_{emin}}{2} = 75.895 \ MPa$$

poměrný gradient

*σ*<sub>*HMH\_1*</sub> := 136.25 *MPa* 

$$\sigma_{HMH_2} := 93.143 \ MPa$$

*x*<sub>12</sub>:=0.35758 *mm* 

$$\chi_{R} := \frac{1}{\sigma_{HMH_{-1}}} \cdot \left( \frac{\sigma_{HMH_{-1}} - \sigma_{HMH_{-2}}}{|x_{12}|} \right) = 0.885 \frac{1}{mm}$$

korekční součinitel

$$f_G \coloneqq 1 + \frac{\frac{\sigma_{Co}}{\sigma_C} - 1}{\frac{2}{d_{vzorek}}} \cdot \chi_R = 1.664$$

součinitel vrubu a koncentrace napětí

$$\frac{\beta_k}{\alpha_k} = 1 + \sqrt{\chi_R} \cdot 10^{-\left(0.35 + \frac{R_e}{810}\right)} \qquad S := 1 + \sqrt{\chi_R \cdot mm} \cdot 10^{-\left(0.35 + \frac{R_e}{810}\right)} = 1.093$$

#### Goodmanovo kritérium

*R<sub>m</sub>* := 740 *MPa* 

$$\frac{1}{k_G} = \frac{\beta_k}{\alpha_k} \cdot \left( \frac{\sigma_{ea}}{\sigma_C \cdot \eta_\sigma \cdot \nu_\sigma \cdot f_G} + \frac{\sigma_{em}}{R_m} \right)$$

$$k_G = \frac{1}{\frac{\beta_k}{\alpha_k} \cdot \frac{\sigma_{ea}}{\sigma_C \cdot \eta_\sigma \cdot \nu_\sigma \cdot f_G} + \frac{\sigma_{em}}{R_m}} = 2.03$$