



VYSOKÉ UČENÍ TECHNICKÉ V BRNĚ
BRNO UNIVERSITY OF TECHNOLOGY

FAKULTA STAVEBNÍ
FACULTY OF CIVIL ENGINEERING

ÚSTAV STAVEBNÍ MECHANIKY
INSTITUTE OF STRUCTURAL MECHANICS

**TVAROVÁ OPTIMALIZACE TYPICKÉHO RÁMU NOSNÉ
KONSTRUKCE OCELOVÉ HALY**
SHAPE OPTIMIZATION OF THE TYPICAL FRAME OF THE LOAD-BEARING STRUCTURE
OF THE STEEL HALL

DIPLOMOVÁ PRÁCE
MASTER'S THESIS

AUTOR PRÁCE
AUTHOR

Bc. Šárka Kuzbová

VEDOUCÍ PRÁCE
SUPERVISOR

Ing. Filip Hokeš, Ph.D.

Zadání diplomové práce

Ústav: Ústav stavební mechaniky
Studentka: **Bc. Šárka Kuzbová**
Vedoucí práce: **Ing. Filip Hokeš, Ph.D.**
Akademický rok: 2023/24
Studijní program: N0732A260023 Stavební inženýrství – pozemní stavby

Děkan Fakulty Vám v souladu se zákonem č.111/1998 o vysokých školách a se Studijním a zkušebním řádem VUT v Brně určuje následující téma diplomové práce:

Tvarová optimalizace typického rámu nosné konstrukce ocelové haly

Stručná charakteristika problematiky úkolu:

Pro návrh optimálního tvaru náběhu rámových konstrukcí lze v praxi využít analytických metod, nicméně možnosti analytického řešení se omezují jen na některé typické případy a tak se často k hledání vhodného tvaru využívá časově náročná metoda pokusu a omylu. Výpočtový systém RFEM však v současnosti disponuje pokročilými algoritmy jako je např. Particle Swarm, který při vhodné parametrizaci modelu umožňuje nalézt optimální řešení v přijatelném čase. Tématem diplomové práce je tedy provedení tvarové optimalizace na zvoleném typickém parametrizovaném modelu rámu ocelové haly s využitím pokročilých optimalizačních algoritmů v systému RFEM.

Cíle a výstupy diplomové práce:

Cílem diplomové práce je za použití dostupných algoritmů v systému RFEM provést tvarovou optimalizaci typického rámu ocelové haly. Tvarová optimalizace bude provedena pro několik typů parametrických modelů provedených jak s pomocí 1D, tak 2D konečných prvků. Dílčím cílem je provedení analytického ověření jednoho vybraného modelu.

Seznam doporučené literatury a podklady:

- [1] EBERHART, R. a KENNEDY, J. A new optimizer using particle swarm theory. In MHS'95. Proceedings of the Sixth International Symposium on MicroMachine and Human Science, s. 39–43, 1995. DOI: 10.1109/MHS.1995.494215.
- [2] KENNEDY, J. a EBERHART, R. C. Particle swarm optimization. In Proceedings of ICNN'95 - International Conference on Neural Networks, 4, s. 1942–1948, 1995. DOI: 10.1109/ICNN.1995.488968.
- [3] KOCHENDERFER, M. J. a WHEELER, T. A. Algorithms for optimization. The MIT Press, 2019. ISBN 978-026-2039-420.

[4] PARSOPOULOS, K. E. a VRAHATIS, M. N. Recent Approaches to Global Optimization Problems through Particle Swarm Optimization. Natural Computing: An International Journal. jun 2002, 1(2-3), s. 235–306. ISSN 1567-7818. DOI: 10.1023/A:1016568309421.

[5] RAO, S. S. Engineering optimization. JohnWiley, 4th ed vydání, 2009. ISBN 978-0-470-18352-6.

[6] SHI, Y. a EBERHART, R. C. Parameter selection in particle swarm optimization. In Porto, V.W., Saravanan, N., Waagen, D., Eiben, A. E. (Ed.) Evolutionary Programming VII, s. 591–600. Springer Berlin Heidelberg, 1998. ISBN 978-3-540-68515-9.

[7] Wikipedie: Otevřená encyklopedie: Optimalizace hejnem částic [online]. c2021. Dostupný z WWW: https://cs.wikipedia.org/wiki/Optimalizace_hejnem_%C4%8D%C3%A1stic

Termín odevzdání diplomové práce je stanoven časovým plánem akademického roku.

V Brně, dne 9. 2. 2023

L. S.

prof. Ing. Drahomír Novák, DrSc.
vedoucí ústavu

Ing. Filip Hokeš, Ph.D.
vedoucí práce

prof. Ing. Rostislav Drochytka, CSc., MBA, dr. h. c.
děkan

ABSTRAKT

Diplomová práce se zabývá tvarovou optimalizací typického rámu nosné konstrukce ocelové haly. Výpočet je proveden pro dva typy parametrických modelů vytvořených jak s pomocí 1D, tak 2D konečných prvků v programu RFEM 6. Cílem optimalizačního procesu je dosažení takového stavu, kdy má konstrukce nejnižší hmotnost a zároveň vyhovuje na mezní hodnotu napětí. První model, který je vytvořen s pomocí 1D konečných prvků, je zaměřen na optimalizaci počáteční a konečné výšky průřezu prutů s náběhy. Následující model, který je vytvořen s pomocí 2D konečných prvků, je zaměřen na optimalizaci otvorů prolamovaného nosníku. Diplomová práce taktéž zahrnuje analytické ověření modelu pomocí deformační metody.

KLÍČOVÁ SLOVA

Tvarová optimalizace, optimalizace hejnem částic, obecná deformační metoda, vnitřní síly, napětí, prut, náběh, prolamovaný nosník, hmotnost, konstrukce, model, RFEM 6

ABSTRACT

The thesis deals with the shape optimization of a typical frame of a steel hall structure. The calculation is performed for two types of parametric models created with both 1D and 2D finite element models in RFEM 6. The aim of the optimization process is to achieve a state where the structure has the lowest mass while satisfying the stress limit. The first model, which is created using 1D finite elements, focuses on optimizing the initial and final section heights of the members with the raises. The following model, which is developed using 2D finite elements, is aimed at optimizing the openings of the pierced beam. The thesis also includes analytical verification of the model using the deformation method.

KEYWORDS

Shape optimization, particle swarm optimization, general deformation method, internal forces, stresses, member, buckling, stranded beam, mass, structure, model, RFEM 6

BIBLIOGRAFICKÁ CITACE

Bc. Šárka Kuzbová *Tvarová optimalizace typického rámu nosné konstrukce ocelové haly*. Brno, 2024. 92 s. Diplomová práce. Vysoké učení technické v Brně, Fakulta stavební, Ústav stavební mechaniky. Vedoucí práce Ing. Filip Hokeš, Ph.D.

PROHLÁŠENÍ

Prohlašuji, že jsem diplomovou práci s názvem *Tvarová optimalizace typického rámu nosné konstrukce ocelové haly* zpracovala samostatně a že jsem uvedla všechny použité informační zdroje.

V Brně dne 12. 1. 2024

Bc. Šárka Kuzbová
autor práce

PODĚKOVÁNÍ

Ráda bych poděkovala především vedoucímu mé diplomové práce Ing. Filipu Hokešovi, Ph.D. za ochotný přístup během konzultací a za odborné a cenné rady. Dále bych ráda poděkovala i mé rodině a známým, kteří mě podporovali po celou dobu mého studia.

Obsah

1 Úvod	1
1.1 Cíle práce	2
2 Optimalizace	3
2.1 Historický vývoj optimalizace	3
2.2 Podstata optimalizace	4
2.3 Metody konstrukční optimalizace	6
2.3.1 Tvarová optimalizace	6
2.3.2 Topologická optimalizace	6
2.3.3 Rozměrová optimalizace	7
2.3.4 Optimalizace skladby	8
2.4 Optimalizační metody	8
2.4.1 Enumerativní metody	9
2.4.2 Deterministické metody	9
2.4.3 Stochastické metody	11
2.4.4 Smíšené metody	13
3 Optimalizace particle swarm	16
3.1 Testování a první použití optimalizační metody	16
3.2 Koncept optimalizace particle swarm	17
3.3 Roj a částice	17
3.3.1 1. Princip blízkosti	17
3.3.2 2. Princip kvality	18
3.3.3 3. Princip rozdílné reakce	18
3.3.4 4. Princip stability	18
3.3.5 5. Princip adaptace	18
3.4 Matematický model PSO	18
3.5 Model GBEST	19
3.6 Verze LBEST	20
3.6.1 Závěr	20
4 Řešené příklady	21
4.1 Analytické řešení modelu pomocí deformační metody	21
4.1.1 Popis konstrukce	22

4.1.2	Zatížení	22
4.1.3	Analytické řešení	24
4.1.4	Řešení ve výpočetním programu RFEM 6	34
4.1.5	Porovnání výsledků	36
4.1.6	Závěr analytického výpočtu	37
4.2	Optimalizace modelu ocelové haly s pomocí 1D konečných prvků	37
4.2.1	Charakteristika řešené konstrukce	37
4.2.2	Zatížení	38
4.2.3	Vnitřní síly a využití průřezů na posudek napětí	38
4.2.4	Optimalizace průřezů prutů střešní konstrukce	40
4.2.5	Optimalizace průřezů sloupů nosných rámu ocelové haly	42
4.2.6	Vnitřní síly a využití průřezů na posudek napětí na optimalizované konstrukci	44
4.2.7	Závěr optimalizace nosného rámu ocelové haly	46
4.3	Optimalizace modelu ocelové haly s pomocí 2D konečných prvků	46
4.3.1	Geometrie	47
4.3.2	Zatížení	47
4.3.3	Optimalizace prolamovaných nosníků střešní konstrukce ocelové haly	47
4.3.4	Optimalizace typického rámu	48
4.3.5	Závěr optimalizace prolamovaných nosníků	50
5	Závěr	51
A	Přílohy	52
A.1	Lineární interpolace průřezu	52
A.2	Deformační metoda	57
A.3	Grafy	78
A.3.1	Analytický příklad	78
A.3.2	Optimalizace rámu ocelové haly	79
A.3.3	Optimalizace prolamovaných nosníků	86
	Seznam obrázků	87
	Seznam tabulek	89
	Seznam literatury	90

1 | Úvod

V dynamickém prostředí inženýrství, obzvláště stavebnictví je důležitá snaha o efektivitu, hospodárnost a udržitelnost. Tato snaha o zlepšení efektivity, ekonomie a ekologie ve stavebnictví, ale v i jiných inženýrských odvětvích přiměla populaci vyvinout proces, který zohlední různá omezení a přitom umožní dosáhnout co nejlepšího výsledku. Díky vývoji různých výpočetních a grafických programů jako je například CAD, RFEM, SCIA ENGINEER a jiné, se podařilo populaci vytvořit proces, který je v dnešní době znám pod pojmem optimalizace. V současnosti existuje mnoho optimalizačních metod, přičemž každá z nich dává možnost řešit různé problémy. Optimalizace se tedy tak stala důležitým procesem v pokroku ve stavebnictví, inženýrské praxi i v širší ekonomii. Vzhledem k tomu, že se nadále rozvíjí technologie, vytvářejí se rozsáhlejší a náročnější projekty, bude role optimalizace stále výraznější a bude nápomocná při utváření budoucnosti, v níž budou stavební a inženýrské činnosti nejen efektivní, ale také udržitelné a inovativní.

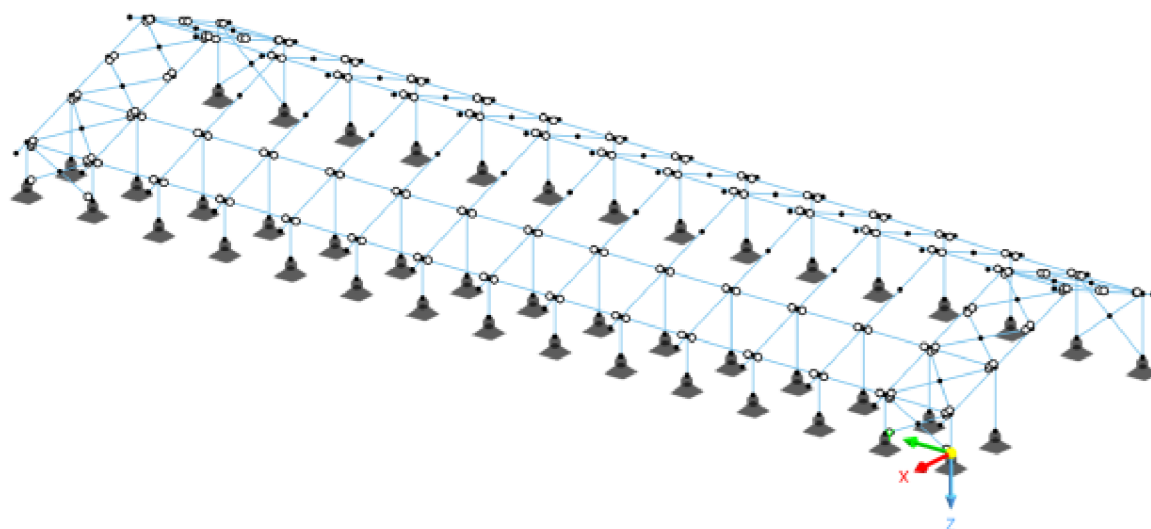
Diplomová práce se zabývá tvarovou optimalizací typického rámu nosné konstrukce ocelové haly. Optimalizační procedura je provedena pro dva typy modelů. Součástí diplomové práce je analytické ověření jednoho modelu.

Teoretická část práce je rozdělena do dvou kapitol. Kapitola (2) obsahuje úvod do podstaty optimalizace, historii a vývoj optimalizace a představení několika vybraných optimalizačních metod. Následující kapitola (3) je zaměřena na teorii algoritmu *Particle swarm*.

V praktické části diplomové práce, která je uvedena v kapitole (4) je provedeno analytické ověření 1D modelu pomocí deformační metody (4.1). Analytické ověření 1D modelu zahrnuje lineární interpolaci průřezu, následné řešení vnitřních sil na rámu ocelové haly deformační metodou, výpočet omezující funkce, tedy normálového a smykového napětí, výpočet účelové funkce hmotnosti, výpočet ve výpočetním programu RFEM 6 a porovnání výsledků analytického řešení s řešením programu RFEM 6. V další části (4.2) je provedena optimalizace počáteční a koncové výšky průřezu prutů s náběhy na modelu, který je vytvořen s pomocí 1D konečných prvků pro celou ocelovou halu. V poslední části (4.3) je provedena optimalizace otvorů prolamaného nosníku pro model, který je vytvořen s pomocí 2D konečných prvků.

1.1 Cíle práce

Cílem diplomové práce je za použití algoritmu *Particle swarm* v systému RFEM provést tvarovou optimalizaci typického rámu ocelové haly. Tvarová optimalizace bude provedena pro dva typy parametrických modelů vytvořených s pomocí 1D a 2D konečných prvků. Jednotlivé výpočty budou provedeny pro různá nastavení algoritmu, čímž bude zkoumána rychlost konvergence a robustnost řešení. V rámci jednotlivých výpočtů bude provedena grafická analýza shlukování částic. Dílčím cílem je provedení analytického ověření pro model s náběhy na prutech pomocí deformační metody.



Obrázek 1.1: Model řešené ocelové haly

2 | Optimalizace

2.1 Historický vývoj optimalizace

Historie optimalizace má kořeny v různých oborech, jako je například matematika a inženýrství. Vývoj optimalizačních technik trvá několik staletí až do současnosti.

Samotný počátek optimalizačních metod datuje S. RAO ve své publikaci [31] až do dob NEWTONA, LAGRANGE a CAUCHYHO. V osmnáctém století lze nalézt první řešený optimalizační problém, a tím je hledání maximálních a minimálních hodnot funkcí. Tímto problémem se zabýval například LAGRANGE. Rozvoj metod diferenciálního počtu pro optimalizaci byl díky příspěvkům NEWTONA a LEIBNITZE. Tyto příspěvky ačkoliv byly zásadní, nepřinesly výrazný pokrok v problému optimalizace, protože jejich analytické řešení bylo velmi komplikované.

V devatenáctém století byl učiněn pokrok v optimalizaci díky práci matematiků, kteří přispěli k rozvoji metod řešení soustav lineárních rovnic a neomezených optimalizačních problémů. Tento pokrok se připisuje matematikům C. F. GAUSSOVI a A. L. CAUCHYMU.

K významným posunům došlo ve dvacátém století. Ve čtyřicátých letech JOHN VON NEUMANN přišel s teorií her. Ta analyzuje široké spektrum konfliktních rozhodovacích situací, které mohou nastat kdekoli, kde dochází ke střetu zájmů [7]. Tato technika byla od svého počátku použita k řešení několika ekonomických, válečných i matematických problémů. K řešení problémů inženýrského navrhování byla použita teprve v posledních letech. G. DANTZIG přišel s vývojem simplexové metody pro lineární programování, tato práce položila základy pro řešení složitých optimalizačních problémů zahrnujících lineární vztahy [1]. V padesátých letech se začaly vyvíjet algoritmy pro nelineární programování, kde cíl nebo omezení zahrnují nelineární vztahy, tento vývoj taktéž rozšířil oblast optimalizace. V šedesátých letech dvacátého století došlo k významnému posunu v numerických metodách neomezené optimalizace, díky digitálním počítačům, které umožnily implementaci optimalizačních postupů. V roce 1961 bylo navrženo CHARNESEM a COOPEREM lineární programování, které bylo původně navrženo pro řešení lineárních problémů. Tato technika je v dnešní době již velmi známá a používá se pro řešení specifických problémů, které řeší více účelových funkcí najednou. V druhé polovině dvacátého století se začaly rozvíjet moderní metody optimalizace nebo také netradiční optimalizační metody. Tomuto rozvoji pomohl nástup genetických algoritmů.

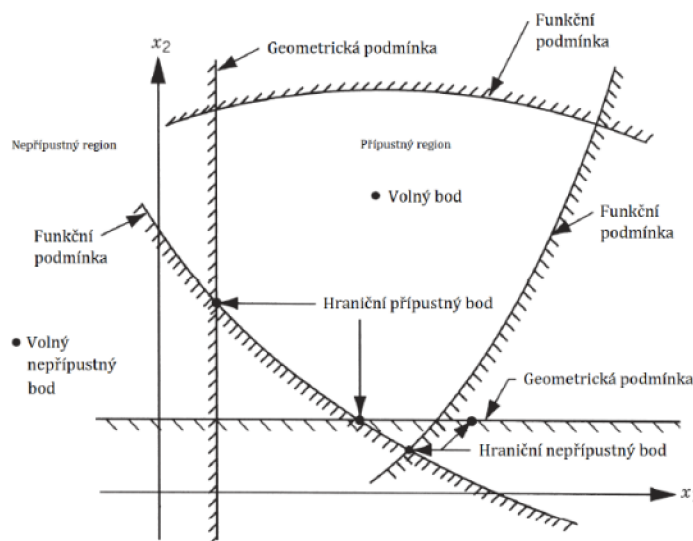
V dnešní době je optimalizace nedílnou součástí řešení problémů a je používána v mnoha rozmanitých oborech. Výzkumníci nadále zdokonalují stávající metody a vyvíjejí nové strategie pro řešení stále složitějších optimalizačních úloh.

2.2 Podstata optimalizace

Podstata optimalizace je obecně dána tím, že při návrhu, výstavbě nebo i v jiných inženýrských procesech je důležité minimalizovat úsilí či náklady, a přitom maximalizovat přínos procesu. Minimalizaci úsilí a maximalizaci přínosu můžeme vyjádřit jako funkce, které jsou závislé na různých proměnných. Optimalizaci tedy lze definovat jako proces, při kterém hledáme jejich hodnoty. Právě tyto hodnoty nám určují minimum nebo maximum hodnoty funkce. Matematicky tedy můžeme optimalizaci zapsat jako vztah (2.1).

$$\text{Najdi } X = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}^T \quad \text{které minimalizuje } f(x). \quad (2.1)$$

Do procesu hledání optimálního řešení vstupují určité podmínky, které jej ovlivňují. Omezující podmínky jsou vždy specifické a jsou závislé na konkrétním optimalizačním problému. Tyto omezující podmínky nám tedy vymezují prostor, který lze nazvat jako definovaná oblast optimalizace. V definované oblasti, která nám určuje hranici přípustných a nepřípustných řešení hledáme optimální řešení. Omezení optimalizačního procesu může vypadat například jako na obrázku 2.1.

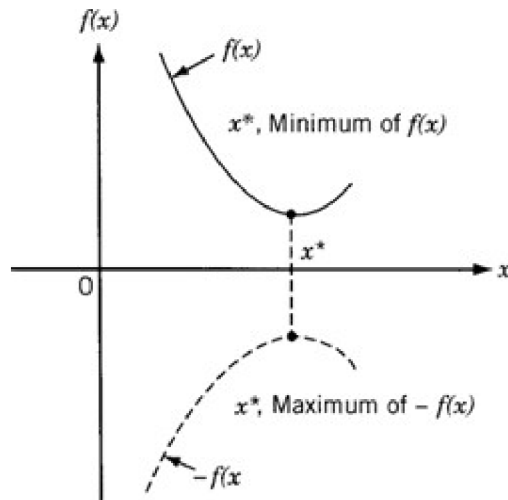


Obrázek 2.1: Omezení povrchu v hypotetickém dvourozměrném návrhovém prostoru [31]

Omezující podmínky lze matematicky zapsat jako vztah (2.2).

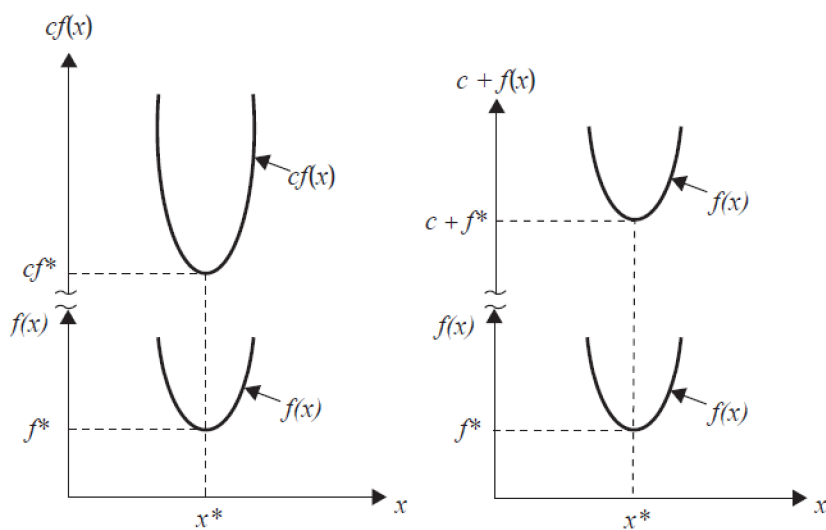
$$\begin{aligned} g_j(X) &\leq 0 & j = 1, 2, \dots, m \\ l_j(X) &= 0 & j = 1, 2, \dots, p \end{aligned} \quad (2.2)$$

Optimalizaci lze vždy převést na minimalizaci, protože maximum funkce můžeme najít hledáním minima záporné hodnoty. Obrázek 2.2 poukazuje na to, že pokud bod x^* odpovídá minimu funkce $f(x)$, odpovídá tomu ten samý bod maxima funkce $-f(x)$.



Obrázek 2.2: Minimum $f(x)$ odpovídá maximu $-f(x^*)$ [31]

Účelová funkce optimalizace je nezávislá na různých matematických operacích. Obrázek 2.3 zobrazuje, že dělení a odečtení nebo naopak násobení a přičtení kladné konstanty c nijak neovlivní optimální řešení x^* .



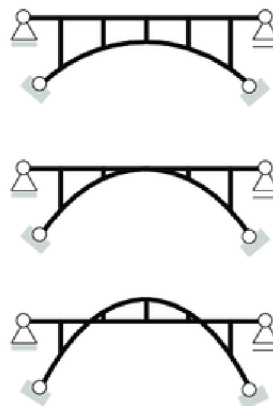
Obrázek 2.3: Optimální řešení $cf(x)$ nebo $c + f(x)$ je stejné jako řešení $f(x)$ [31]

2.3 Metody konstrukční optimalizace

Metody konstrukční optimalizace rozlišil na základě výsledků prof. GRANT STEVEN [15]. Celkem rozlišujeme čtyři formy konstrukční optimalizace. Každá z nich nám umožňuje řešit odlišné optimalizační problémy. Některé optimalizační problémy, které jsou rozsáhlejší a komplikovanější požadují kombinaci metod. První metodou konstrukční optimalizace je *optimalizace tvaru*, dalšími metodami jsou *topologická optimalizace*, *rozměrová optimalizace* a *optimalizace skladby*.

2.3.1 Tvarová optimalizace

V této metodě rozlišujeme dva hlavní směry. Prvním je lokální optimalizace na několika vybraných místech, kde se vyskytuje značně vysoké napětí. Proto je obvykle cílem najít takový neoptimálnější tvar, který povede k nejhodnějšímu napětí. Druhým směrem je optimalizace globální, ve které je provedena optimalizace celého dílu nebo konstrukce. Z matematického hlediska se tedy používají dvě reprezentace proměnných, a to spojitá a diskrétní. Vstupními parametry jsou materiálové vlastnosti, okrajové podmínky, vnější zatížení a parametrický popis konstrukce. Požadovaným výsledkem globálního optimalizačního procesu je minimální hmotnost, která úzce souvisí s cenou. Omezující podmínkou je maximální napětí [21, 22].

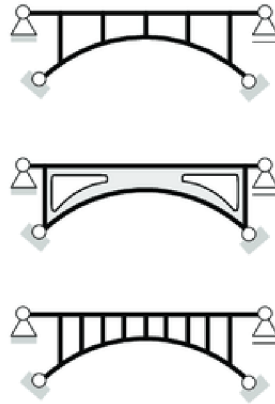


Obrázek 2.4: Tvarová optimalizace (horní obr. znázorňuje původní návrh, dolní obr. stav po optimalizaci) [19]

2.3.2 Topologická optimalizace

Jedná se o proces, který hledá nejefektivnější variantu tvaru a rozložení materiálu. Jejím cílem je maximální snížení hmotnosti. Pro provedení topologické optimalizace je potřeba dopředu stanovit materiálové vlastnosti, okrajové podmínky a vnější zatížení. Omezující podmínkou zde může být omezení vyrobiteľnosti navrženého prvku. Největší uplatnění nachází tato konstrukční metoda optimalizace v oblasti strojírenství, letectví a stavebnictví.

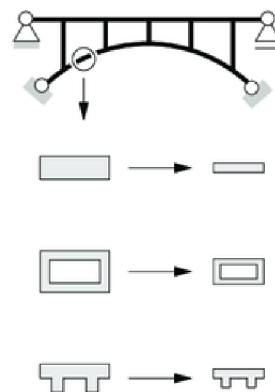
V rámci stavebního oboru se topologická optimalizace využívá například pro určení vhodné polohy diagonál v konstrukci nebo k určení vhodné polohy výztuže v betonu. Ve strojírenství se pak topologická optimalizace používá při návrhu a výrobě jednotlivých součástí konstrukčních celků [13, 21].



Obrázek 2.5: Topologická optimalizace (horní obr. znázorňuje původní návrh, dolní obr. stav po optimalizaci) [19]

2.3.3 Rozměrová optimalizace

Rozměrová optimalizace hledá takové optimální řešení, kdy bude dosaženo nejmenší hmotnosti. Jako omezující podmínky zde figurují maximální napětí a vzpěr. Vstupní parametry rozměrové optimalizace je prostředí a tvar konstrukce, protože rozměrová optimalizace pracuje s geometrií. Tuto metodu hojně používají programy jako Autodesign, RFEM 6 nebo dříve i SCIA Nemetchek. Tato metoda je ve své podstatě jednoduchá na nastavení. V principu jde o to, že z dané knihovny průřezů, kterou program nabízí nebo postupnými iteracemi dospěje program k nejefektivnější variantě. Výpočet optimalizace probíhá tedy buď s diskretní proměnnou, kterou je vybraný profil z dostupné knihovny programu nebo se spojitými proměnnými. Rozměrovou optimalizaci lze aplikovat na 1D konečné prvky, tedy na prutové konstrukce [20, 21].



Obrázek 2.6: Rozměrová optimalizace (horní obr. znázorňuje původní návrh, dolní obr. stav po optimalizaci) [19]

2.3.4 Optimalizace skladby

Optimalizace skladby je simulací řízená technika, která umožňuje již v rané fázi procesu identifikovat a prozkoumat nejefektivnější návrhy a naopak odmítnout návrhy s nízkým potenciálem. Tato metoda umožňuje vylepšovat návrhy a vytvářet lehké, proveditelné koncepty. Od ostatních metod se odlišuje tím, že průřezy nemusí mít nenulovou plochu a tím je proces optimalizace může zcela odstranit z konstrukce. Tuto metodu je možno aplikovat u všech prutových konstrukcí. Její význam je využíván především u návrhů konstrukcí s velkými výškovými rozdíly [5, 21].

2.4 Optimalizační metody

V současné době jich existuje celá řada. Rozvoj optimalizačních metod nastal díky tomu, že optimalizační algoritmy jsou mocným nástrojem pro řešení mnoha problémů inženýrské praxe. K rozvoji dopomohl i fakt, že každý optimalizační problém má jiný požadovaný cíl a figurují v něm specifické omezující podmínky. Díky tomuto rozvoji optimalizačních metod dnes mohou inženýři a technici navrhovat efektivní a inovativní řešení a nemusejí tak zdlouhavě používat metodu pokusu a omylu, přičemž u některých problémů je analytické řešení velmi náročné nebo dokonce nemožné.

Pro případy složitých optimalizačních problémů se využívají optimalizační algoritmy. Tyto algoritmy slouží k nalezení minima dané účelové funkce. Minimum dané účelové funkce hledají optimalizační algoritmy tak, že hledají optimální numerickou kombinaci jejich argumentů. Tyto algoritmy lze rozlišit podle požadovaného cíle optimalizačního procesu, principu činnosti nebo podle omezujících podmínek. Jednou z řad algoritmů, které se často používají k optimalizačním procesům jsou takzvané *evoluční algoritmy*. Ty jsou schopné řešit velmi složité a specifické problémy, a to velmi efektivně, proto se v posledních letech staly velmi oblíbenými a jsou používány v řadě inženýrských oborech [16].

Optimalizační metody dle principu činnosti jsou znázorněny v tabulce níže. Toto rozdělení optimalizačních metod je jednou z možností, vystihuje však dobře současný stav.

Tabulka 2.1: Optimalizační metody dle principu činnosti

Deterministické metody	Stochastické metody	Smíšené metody
Greedy	Random walk	Matematical programming
Hill-climbing	Simulated annealing	Ant colony optimization
Branch & Bound	Monte carlo	Immune system methods
Depth-first	Tabu search	Memetic algorithms
Breadth-first	Evolutionary computation	Scatter search & path rel.
Best-first	Stochastic climbing	Particle swarm
Calculus based		Genetic algorithms
		Diferential algorithms
		Soma

Obecný způsob řešení daného problému metodami s alternativními stupni efektivity a složitosti představují jednotlivé třídy algoritmů [16].

2.4.1 Enumerativní metody

Tyto metody jsou vhodné pro problémy, u kterých nabývají argumenty účelové funkce diskrétní charakter a malého množství hodnot. Enumerativní metody řeší výpočet všech možných kombinací daného problému. Pokud by byl tento přístup použit obecně, potřeboval by k úspěšnému dokončení velmi dlouhou dobu [16].

2.4.2 Deterministické metody

Skupina algoritmů deterministických metod podléhá nekompromisním metodám klasické matematiky. Řadí se mezi řízené metody a vychází z principu výpočtu optimálních řešení pomocí technik lineárního programování. Algoritmy pro deterministické metody obvykle vyžadují předběžné předpoklady, které umožní podávat efektivní výsledky. Mezi základní předpoklad patří, že prostor možných řešení je spojitý, protože tyto metody nedokážou řešit nespojité problémy. Nevhodné je používat tyto algoritmy při vyšším počtu proměnných, protože jsou tyto metody časově náročné. Deterministický algoritmus nám ve výsledku poskytne pouze jedno jediné řešení [16, 21].

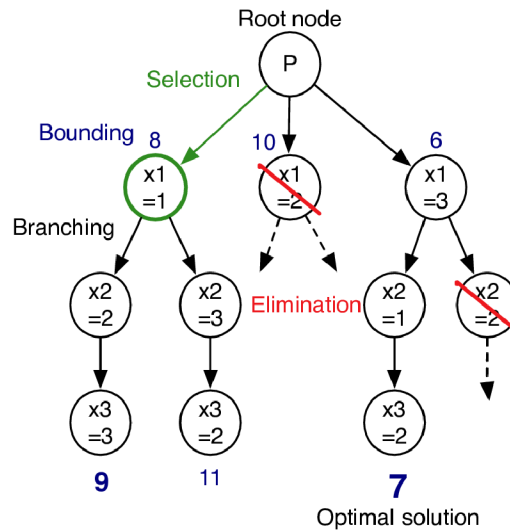
Níže jsou představeny dvě populární metody, které řadíme mezi metody deterministické.

Branch & Bound (metoda větvení a mezí)

Metodu větvení a mezí poprvé představila A. LAND a A. HARCOURT v roce 1960 při výzkumu pro diskrétní programování.

Jedná se o iterační metodu, která hledá globální extrém funkce v množině přístupných řešení. Algoritmus větvení a mezí se skládá ze systematického předpokladu přípustných řešení pomocí prohledávání stavového prostoru. Množinu řešení si lze představit jako strom. Algoritmus zkoumá podmnožiny, které vzniknou z množiny, a které představují větve stromu. Větev neboli podmnožina, je zkoumána a kontrolována zda splňuje podmínky omezení optimálního řešení a pokud nemůže poskytnout přístupné optimálnější řešení než to nejoptimálnější, kterého algoritmus prozatím dosáhl, je větev vyřazena. Cílem metody je najít optimální řešení, které je přípustné a nepřekročí maximální mez nerozložených podmnožin.

Algoritmus závisí na účinném odhadu dolní a horní hranice oblasti, neboli větví prohledávaného prostoru. Meze jsou pro tento algoritmus velice důležité, protože pokud nejsou stanoveny tak algoritmus selže díky neomezenému množství řešení a jejich hledání [9, 21].



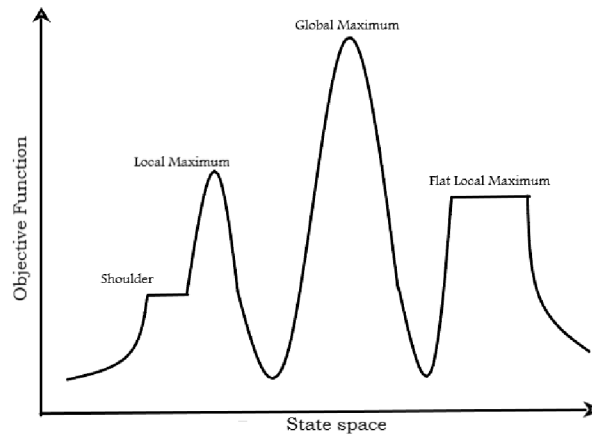
Obrázek 2.7: Příklad diagramu metody větvení a mezí [27]

Hill-Climbing (horolezecký algoritmus)

Horolezecký algoritmus se řadí mezi nejjednodušší metody prohledávání prostoru. Jedná se o iterativní algoritmus a v matematických optimalizačních technikách se řadí do skupiny lokálního vyhledávání. Proces se zahájí zvolením počátečního řešení, v dalším kroku se prohledá a zhodnotí okolí daného bodu. Z okolí daného bodu je vyselektováno nejvýhodnější řešení a takto se pokračuje až k bodu, kdy je jeho okolí ohodnoceno nejhůře.

Tato metoda má určitou nevýhodu, a tou je časté uvíznutí v lokálním extrému. Horolezecký algoritmus je schopen najít řešení pouze pro problémy konvexního charakteru - pro ostatní problémy najde právě pouze lokální optima, tj. řešení, která nelze překonat sousední konfigurací. Lokální minimum ale nemusí být globálním optimumem, tj. nejlepší možné řešení ze všech možných řešení v prohledávaném prostoru.

Tomu, abychom se vyhnuli uvíznutím v lokálním optimu můžeme použít restarty, tj. opakované lokální vyhledávání nebo bychom mohli použít schémata, která jsou komplikovanější a jsou založena na iteracích nebo na paměti, nebo na stochastických modifikacích bez paměti [32, 33].



Obrázek 2.8: Příkladné znázornění horolezeckého algoritmu [17]

2.4.3 Stochastické metody

Algoritmy stochastických metod využívají zavedená náhodná čísla. Oproti metodám deterministickým tedy stochastické metody simulují náhodné chování. V principu jde tedy o náhodné hledání hodnot argumentů účelové funkce s tím, že výsledkem je vždy to nejlepší řešení, které bylo nalezeno během celého náhodného hledání. Algoritmy stochastických metod jsou obvykle pomalé a nejsou tedy vhodné pro obsáhlé optimalizační problémy z důvodu časové náročnosti a nepříliš přesného řešení [16, 21].

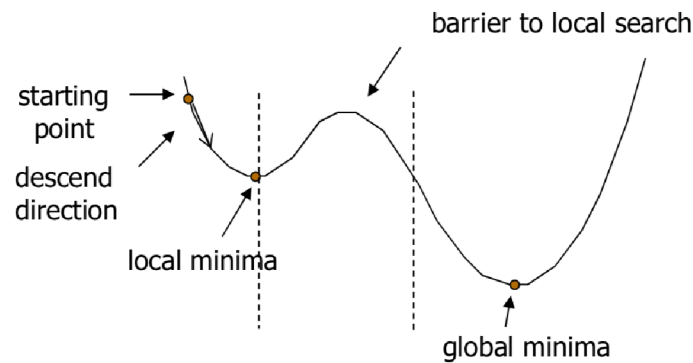
Níže jsou uvedeny dvě populární metody, které řadíme mezi metody stochastické.

Simulated annealing (simulované žíhání)

Oproti některým dalším stochastickým metodám, které mají základ v biologii má simulované žíhání základ ve fyzice. Vychází z evoluce termodynamických systémů. Ve fyzice je pojem žíhání označení pro proces, při kterém je těleso, které je zahřáté na vysokou teplotu postupně ochlazováno, čímž se anulují vnitřní defekty tělesa. Vliv vysoké teploty způsobí, že se částice látky v tělese náhodně uspořádají, a při pomalém snižování teploty se mohou částice dostat do konzistentní polohy a tím se sníží energie tělesa.

Funkční hodnota (energie) je přiřazena částici, která se bere jako jedno z možných řešení. Proces přeměny aktuálního řešení náhodnou transformací na nové řešení z okolí aktuálního řešení. Původní řešení je tedy nahrazeno novým, které je nalezeno v procesu simulovaného žíhání s určitou pravděpodobností.

Pokud je funkční hodnota nového řešení optimálnější nebo je odpovídající původnímu řešení, je pravděpodobnost přijetí rovna jedné a řešení je automaticky přijato. Jestliže je ale naopak funkční hodnota nového řešení horší než ta původní, tak je pravděpodobnost přijetí nového řešení menší než jedna. V konečném důsledku to znamená, že může být přijato i když s menší pravděpodobností i nové řešení, které je horší než to původní. Tato možnost přijetí horšího řešení může leckdy dopomoci k vyřešení problému týkajícího se uvíznutí v lokálních extrémech [33].



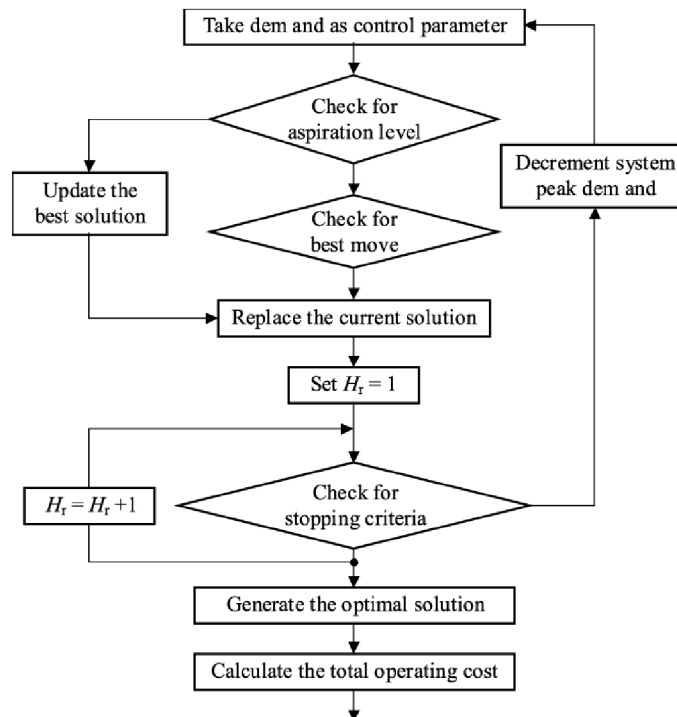
Obrázek 2.9: Metoda simulovaného žíhání - příklad problému s lokálním minimem [23]

Tabu search (metoda zakázaného prohledávání)

Metoda zakázaného prohledávání se snaží pomocí prvků krátkodobé paměti vylepšit horolezecký algoritmus ze kterého tato metoda vychází. Díky prvkům krátkodobé paměti omezuje tato metoda zacyklení v lokálních minimech. Krátkodobá paměť si po určitý interval pamatuje inverzní transformace k lokálně optimálním transformacím řešení, které jsou použity k získání nových řešení z předcházející historie algoritmu. Důležitou součástí algoritmu je zakázaný seznam neboli tabu list, podle kterého je tato metoda řazena mezi metody stochastické.

Zakázaný seznam dočasně obsahuje inverzní transformace, které jsou zakázané při tvorbě nového okolí pro dané aktuální řešení. Na začátku procesu je zakázaný seznam prázdný. Až v průběhu celého algoritmu je zakázaný seznam sestavován a cyklicky obnovován transformací. Poté co se seznam naplní určitým počtem iterací je postupně provedena náhrada nejstarší transformace na nejnovější transformaci. Důležitým parametrem metody je právě velikost zakázaného seznamu, protože má-li seznam malou kapacitu, může nastat zacyklení algoritmu. Tento problém nastává i u horolezeckého algoritmu, ale na rozdíl od něj u metody zakázaného prohledávání je obvykle zacyklení ve více iteracích ne jen po dvou následujících. Naopak má-li seznam nadměrnou kapacitu, může nastat přeskočení zásadních lokálních extrémů, které mohou být výsledným řešením optimalizačního problému.

Spojení metody zakázaného prohledávání můžeme najít i s metodou simulovaného žhání nebo s genetickými algoritmy. Toto spojení nebývá však příliš efektivní z hlediska vyhledávání extrému. Díky tomu, že simulované žhání či genetické algoritmy neprohledávají celé okolí aktuálního řešení, nabývá zakázaný seznam malé kapacity [33].



Obrázek 2.10: Možné blokové schéma algoritmu metody zakázaného hledání [8]

2.4.4 Smíšené metody

Smíšené metody promyšleně kombinují metody deterministické a metody stochastické. Deterministické metody, které hledají řešení ve velkém prostoru velmi dobře spolupracují se stochastickými metodami, které naopak hledají řešení ve velmi úzkém prostoru. V rámci této spolupráce je možno dosáhnout velmi dobrých výsledků. Podstatnou výhodou těchto metod je řešení problémů bez omezení v jejich prostoru řešení. Mezi tyto metody patří již zmíněné *evoluční algoritmy*, které jsou velmi význačnou podmnožinou algoritmů smíšených metod [16].

Níže jsou uvedeny dvě populární smíšené metody. Třetí nemálo podstatná a oblíbená metoda, kterou je *particle swarm* je uvedena v samostatné kapitole (3).

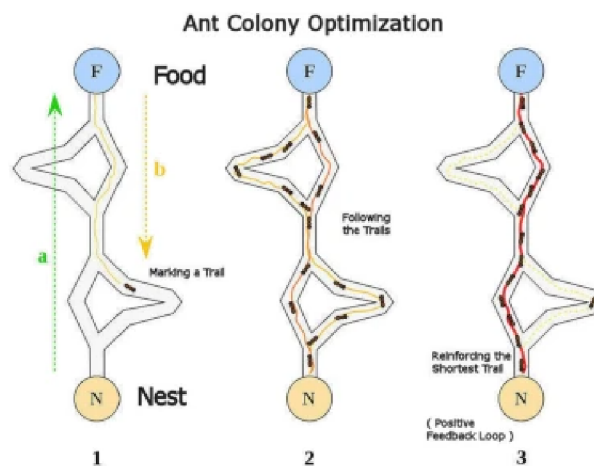
Ant colony optimization (optimalizace mravenčí kolonií)

Metoda optimalizace mravenčí kolonií nachází inspiraci v přírodě. Inspirací pro tuto optimalizační metodu je chování mravenčí kolonie, která dokáže společnými silami řešit složité problémy. Takovým základním příkladem může být obstarání potravy, kdy mravenčí kolonie dokáže velmi rychle najít optimální cestu k potravě i přes možné překážky.

Princip metody je dobře pochopitelný na případu hledání potravy mravenčí kolonií. Máme zdroj mravenců a cíl jejich snažení, kterým je cesta k potravě a zpět do mraveniště. Když se vydají na cestu za potravou, tak po nějaké době dojde k tomu, že se mravenčí kolonie pohybuje po kratší tedy optimálnější cestě, která směřuje k jejich cíli. Tento efekt, kdy naleznou optimální cestu je dán faktem, že si značkují svou cestu feromonem, jehož intenzita pak ovlivňuje rozhodnutí kolonie. Narazí-li na rozcestí dvou cest, které vedou ke stejnému cíli tak první mravenci náhodně rozhodnou jakou cestou se vydají. Mravenci, kteří zvolili kratší cestu ji označí feromonem a to i při návratu do mraveniště. Toto dvojí označení optimálnější cesty zvyšuje pravděpodobnost, že se další mravenci rozhodnou pro lepší cestu. Tento princip je využit právě v optimalizační metodě mravenčí kolonií.

Váha, která zastupuje v algoritmu mravenčí feromon je přiřazena dané cestě, která vede k cíli. Tato váha je přídavná což umožňuje přidávat další "feromony" od dalších "mravenců". Feromony v přírodě díky vnějším vlivům se samozřejmě časem vypařují. Vypařování feromonu je v algoritmu ošetřeno tím, že váhy u jednotlivých spojů s časem slábnou. Slábnutí spojů zvyšuje mohutnost algoritmu z pohledu nalezení globálního extrému.

Po prvé se tento algoritmus objevil u problému obchodního cestujícího, který je velmi podobný mravenčímu putování, jelikož podstatou problému cestujícího je nalézt nejkratší cesty a navštívit co nejvíce míst. Typickým příkladem pro použití této metody jsou telekomunikační sítě. Při hledání spojení jde o nalezení optimální trasy a v případě kdy je nějaká část sítě poškozena a nastane její výpadek, je potřeba rychle najít další cestu aby nebylo spojení přerušeno. Tento problém je ve velké shodě s problémem shánění potravy, který mravenčí kolonie řeší [16].



Obrázek 2.11: Nalezení optimální cesty z mraveniště za potravou [25]

Genetic algorithm (genetický algoritmus)

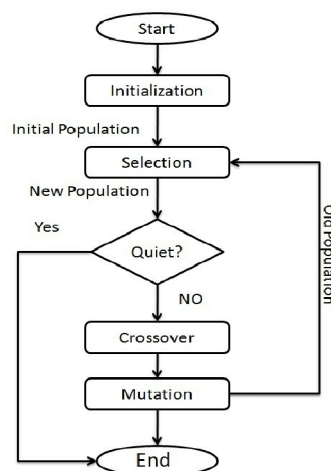
Patří k algoritmům jejichž podstata nachází inspiraci v přírodních cyklech. Podobnost s evolučními procesy lze najít v možnosti usměrnění v jinak náhodném generování bodů k hodnotám, které jsou blízké hodnotám optimálním. Lze říci, že algoritmus vychází z DARWINOVY teorie evoluce. Ta tvrdí, že se evoluce zakládá na tezi přirozeného výběru, podle kterého přežívají jen nejlépe přizpůsobení jedinci. Nelze však stoprocentně říci, že potomek, který vznikne z reprodukce dvou silných jedinců bude disponovat nejlepšími vlastnostmi k přežití, ke kterým patří především síla. Důvodem je možný vliv mutace, která může ovlivnit genetický materiál. V algoritmech je zaveden pojem *fitness*, který představuje sílu. Jedná se o kladnou hodnotu, která je přiřazována umělým jedincům na základě jejich schopnosti plnit své úlohy v daném prostředí [33].

Genetický algoritmus opakovaně upravuje populaci jednotlivých řešení. Jeho každý krok obsahuje vybrání jedince z aktuální populace. Vybraný jedinec je použit k vytvoření potomků další generace. Díky dalším generacím směřuje populace k optimálnímu řešení. V každém kroku genetický algoritmus používá tři hlavní pravidla, které bere ze současné populace.

Těmi pravidly jsou: [26]

1. Pravidla vybrání jednovlivce (rodiče), kteří přispívají k vytvoření populace příští generace. Výběr je obecně stochastický a může záviset na individuálním "skóre" jedince.
2. Crossover pravidla, které spojí dva rodiče, aby vytvořili další generaci.
3. Pravidla mutace, která aplikují náhodné změny na jednotlivé rodiče, kteří vytvářejí novou generaci.

Genetický algoritmus lze použít k řešení různorodých optimalizačních problémů, včetně těch, ve kterých je cílová funkce nespojitá, stochastická nebo nelineární. Hojně se používá pro problémy smíšeného celočíselného programování, kde jsou některé komponenty omezeny na celočíselné hodnoty [26]. Obrázek 2.12 znázorňuje vývojový diagram genetického algoritmu.



Obrázek 2.12: Vývojový diagram genetického algoritmu [10]

3 | Optimalizace particle swarm

Algoritmus *particle swarm* neboli zkráceně PSO je řazen mezi metaheuristické algoritmy [29]. Zřejmé vazby této metody jsou na ekologické systémy, kdy jde převážně o hejna ptáků či ryb a teorii rojení. Úzkou souvislost má také s *evolučními strategiemi* a *genetickými algoritmy*. PSO je ve své podstatě velmi jednoduchý koncept a řešené příklady jsou uskutečněny v několika řádcích počítačového kódu. Testování algoritmu prokázalo, že se jedná o velmi efektivní metodu pro řešení několika problémů [11].

Lidská populace se přírodními systémy, které disponují svou dokonalou funkčností inspi-ruje, a na základě pozorování s pomocí techniky napodobuje přírodní jevy. Vědci HEPPNER, GREANDER a REYNOLDS zkoumali a simulovali pravidla ptačích či rybích hejn, která jim umožňují synchronizovaný pohyb aniž by došlo ke srážce jedinců hejna. V simulaci byl pohyb hejna výsledkem snahy jedinců o udržení optimální vzdálenosti od ostatních jedinců.

Základní myšlenka, která stojí za vznik algoritmu PSO vzešla z tvrzení WILSONA, který při zkoumání shluku ryb řekl, že jednotlivci dokážou převzít zkušenosti od ostatních jedinců hejna a že tato schopnost převažuje i v soutěživosti při hledání potravy [29]. Předchůdcem PSO byl simulátor sociálního chování, který se používal k vizualizaci. Po zjištění, že simulace může být použita jako optimalizační technika bylo provedeno testování a výsledkem byla první jednoduchá verze PSO, kterou poprvé představili v roce 1995 DR. JAMES KENNEDY a DR. RUSSEL EBERHART [28].

3.1 Testování a první použití optimalizační metody

Příklady byly testovány pomocí systematických srovnávacích testů a pozorováním výkonu algoritmu na obtížných problémech. Testy při kterých byla metoda aplikována na trénování neuronových sítí prokázaly, že optimalizační metoda *particle swarm* je stejně efektivní jako metoda *zpětného šíření chyb* [11]. PSO byl při testu extrémně nelineární Schafferovou funkcí porovnán s výchozím modelem *genetických algoritmů*. Funkce je velmi obtížné optimalizovat, protože se ve vysoce nespojitém povrchu dat vyskytuje mnoho lokálních optim. Řešení *particle swarm* našlo globální optimum a je patrné, že se blíží výsledku pomocí *genetických algoritmů* (GA) [11].

3.2 Koncept optimalizace particle swarm

PSO je podobná *genetickému algoritmu*, protože je systém zahajován populací náhodných řešení. Od GA se algoritmus *particle swarm* liší tím, že je každému potenciálnímu řešení přiřazena také náhodná rychlost. Potencionální řešení je označováno jako částice, které "létají" hyperprostorem [11].

Každá částice sleduje své souřadnice v D -rozměrném hyperprostoru, které jsou spojeny s nejlepším řešením, kterého prozatím dosáhla. Hodnota nejlepšího řešení neboli *fitness* je vždy uložena a nazývá se *personal best (pbest)*. Mimo tuto hodnotu je sledována i další "nejlepší" hodnota. "Globální" verze optimalizátoru *particle swarm* sleduje celkovou nejlepší hodnotu a její umístění, které doposud dosáhla jakákoli částice v systému. Tato hodnota se nazývá *global best (gbest)* [11].

Koncept PSO spočívá v tom, že v každém časovém kroku se zrychluje pohyb každé částice k jejímu *pbest* a *gbest*. Jsou generována náhodná čísla pro zrychlení směrem k *pbest* a *gbest*. V lokální verzi optimalizátoru se nachází i takzvané *lbest*, které je dosaženo v topologickém okolí částic [11].

Přístup této metody je založen na tom, že hejna částic prohledávají D -rozměrný hyperprostor, která v něm hledají globální optimální řešení konkrétního problému. Každá částice představuje nehmotný bod D -rozměrného hyperprostoru, kterému je přiřazena poloha a rychlost, která se v procesu výpočtu dynamicky mění. Rychlost částice je přepočítávána v závislosti znalosti její doposud nejlepší dosažené pozice, nebo v závislosti na zkušenosti ostatních částic hejna. [29].

3.3 Roj a částice

Zjednodušování optimalizační *particle swarm* ukázalo, že se chování populace částic podobá spíše hejnu než roji, který se řídí základními principy. [12] Algoritmus PSO se řadí mezi rozšířené evoluční algoritmy. Pro skupinu těchto algoritmů, byly převzaty právě základní principy hejna, které popsal MILLONAS. Základními z nich jsou: [29]

3.3.1 1. Princip blízkosti

Hejno by mělo být schopné provádět elementární rozhodování či výpočty na základě času a prostoru. Tímto rozhodováním se rozumí okamžité reakce, kterými jsou pohyby hejna na podněty, které souvisejí se změnou prostředí nebo času. V přírodě se takové chování projevuje například při hledání potravy, v algoritmu se jedná o probíhající iterace, při kterých se skupina pohybuje hyperprostorem.

3.3.2 2. Princip kvality

Reagování hejna na určité faktory kvality. V přírodě se jedná třeba o kvalitu bezpečí prostředí, v algoritmu se jedná o body $pbestx[][]$, $pbestx[gbest][][]$, které nám pomyslně určují kvalitu prostředí.

3.3.3 3. Princip rozdílné reakce

Očekává se, že reakce jedinců hejna nebude na konkrétní změnu stejná. Základní myšlenkou tohoto principu je, že se jedinci budou pohybovat dále od sebe aby prozkoumali širší prostor. V přírodě se může jednat o obranu před nepřáteli. Algoritmus PSO tento princip splňuje tím, že částice reagují na společný podnět $pbestx[gbest][][]$ ale i na svůj osobní $pbestx[][]$, který může být individuální. Tato rozmanitost odpovědi na změnu prostředí se zajišťuje stochastickým faktorem při aktualizaci rychlosti.

3.3.4 4. Princip stability

Stabilita o hejně vypovídá, že nemění své chování při každé změně prostředí. Hejno částic mění své chování v případě, pokud se mění dosud nalezené globální optimum. Pokud se tento faktor nemění, hejno nemá tendenci se uchýlovat k jiným faktorům kvality. Mohou se měnit pouze sklony částic v důsledku změn jejich osobních optim.

3.3.5 5. Princip adaptace

Hejno by mělo přizpůsobit své chování při objevení výhodné změny. Tato adaptace je mírně v rozporu s předchozím principem. Pokud se ale dají tento a předchozí princip dohromady, lze usuzovat, že nejlepší odpověď hejna na změnu prostředí se nachází někde uprostřed cesty mezi spořádaností a chaosem. Tedy, že dostatek náhody umožní rozdílné reakce, ale přespříliš náhody poškodí celkové chování hejna jako skupiny. PSO plní tento princip tím, že hejno částic jako celek mění své chování při každé změně $pbestx[gbest][][]$.

3.4 Matematický model PSO

Matematicky se dá vyjádřit algoritmus *particle swarm* dvěma hlavními rovnicemi. První rovnice je rovnice rychlosti (3.1). V této rovnici každá částice v roji aktualizuje svou rychlost a polohu pomocí vypočtených jednotlivých hodnot a pomocí globálních nejlepších řešení [30].

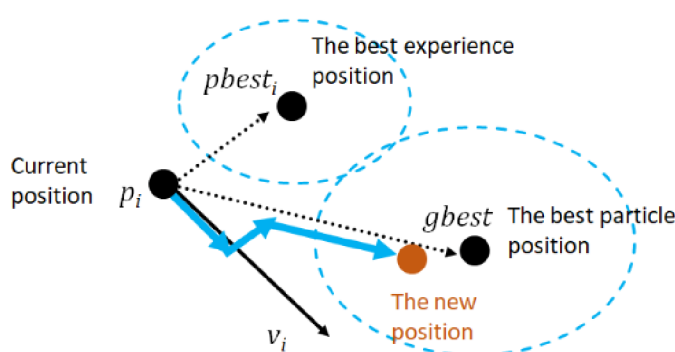
$$v_i^{t+1} = v_i^t + c_1 \cdot r_1 \cdot (pbest_i^t - p_i^t) + c_2 \cdot r_2 \cdot (gbest^t - p_i^t) \quad (3.1)$$

Kde c_1 a c_2 jsou akcelerační faktory, které souvisejí s individuálními aspekty, r_1 a r_2 definiují s akceleračními faktory stochastický efekt kognitivního a sociálního chování. c_1 představuje parametr jakou má sama v sobě částice důvěru a c_2 představuje parametr důvěry v okolní částicích.

Druhá rovnice (3.2) vyjadřuje, že každá částice mění svou polohu pomocí nově vypočítané rychlosti. Jedná se o rovnici pohybovou.

$$p_i^{t+1} = p_i^t + v_i^{t+1} \quad (3.2)$$

Parametry polohy a rychlosti jsou na sobě vzájemně závislé. Následující obrázek 3.1 zobrazuje pohybující se částici.



Obrázek 3.1: Pohybující se částice [30]

3.5 Model GBEST

Jedná se o standardní algoritmus, který je původní formou metody PSO. Postupuje se následujícími kroky: [11]

1. Vytvoření pole částic s náhodnými pozicemi a rychlostmi v D rozměrech,
2. Vyhodnocení požadované minimalizační funkce v D proměnných,
3. Porovnání vyhodnocení s předchozí nejlepší hodnotou dosaženou částicí ($pbest[]$): Pokud je aktuální hodnota menší než ($pbest[]$), pak se ($pbest[]$) rovná aktuální hodnotě a ($pbestx[][d]$) se rovná aktuální pozici v D -rozměrném hyper-prostoru,
4. Porovnání hodnocení s předchozí nejlepší hodnotou skupiny ($pbest[gbest]$): Pokud je aktuální hodnota menší než $pbest[gbest]$, pak se $gbest$ rovná indexu pole částic,
5. Změna rychlosti podle vztahu (3.1),
6. Přesunutí součtu $presentx[][d]$ s $v[][d]$: Opakování kroku 2., dokud není splněno kritérium.

kde $pbest$ představuje vektor nejlepších hodnot, $pbestx[gbest]$ matici rozměru $D \times S$, která má všechny sloupce stejné a každý sloupec matice odpovídá vektoru souřadnic globálního optima, $v[][]$ matici rychlosti, $presentx[][]$ současnou pozici hejna, $pbestx[][]$ matici pozic odpovídajících nejlepším hodnotám a $rand()$ je matice $D \times S$ náhodných čísel z rovnoměrného rozdělení z intervalu [29].

3.6 Verze LBEST

"Lokální" verze konceptu metody *particle swarm* byla navržena na základě poznatků ze sociálních simulací. V tomto řešení disponují částice informacemi pouze o sobě samých a nejbližších částic, nikoliv o celé skupině. Částice se pohybují směrem k bodům, které jsou určeny jako $pbest$ a $lbest$ představující index nejlepší částice v okolí [11].

Pro tuto verzi bylo provedeno několik testování. Výsledky testu u příkladu, kdy je částice obklopena dvěma sousedícími částicemi, sdílí své částice(i) svou chybovou hodnotu s částicí($i - 1$) a s částicí ($i + 1$) [11]. S přibývajícemi částicemi bude rozmanitost sousedských částic narůstat [24].

3.6.1 Závěr

Optimalizační metoda *particle swarm* je ve své podstatě velmi jednoduchý algoritmus, který lze použít pro širokou škálu optimalizačních problémů. Díky její jednoduchosti, univerzálnosti a efektivnosti se stala v posledních letech velmi oblíbenou metodou. Důkazem oblíbenosti této metody je, že ji zařadila řada firem vyvíjejících výpočetní programy do svých produktů a stala se tak nedílnou součástí technických návrhů. Zároveň je PSO zdárným příkladem, že velmi dobře fungující přírodní systémy jsou mnohdy inspirací pro rozvoj populace.

4 | Řešené příklady

4.1 Analytické řešení modelu pomocí deformační metody

V této kapitole je analyticky řešen příklad nosné konstrukce typického rámu ocelové haly. Model je proveden s pomocí 1D konečných prvků. Analytické řešení je rozděleno na tři části. První část je zaměřena na analytický výpočet, druhá část na řešení výpočetním softwarem RFEM 6 a v poslední části je závěr analytického řešení, kterým je porovnání výsledků.

V první části je řešeno analytické odvození vnitřních sil a omezující funkce napětí σ a τ na prutech. Pro odvození vnitřních sil byla použita obecná deformační metoda. Před samotným výpočtem vnitřních sil obecnou deformační metodou je provedena lineární interpolace průřezu, aby bylo možno zjistit průřezové charakteristiky v požadovaném místě prutu, dále jsou dopočítány deformační součinitele pro pruty s přímkovým náběhem. Po vyčíslení vnitřních sil jsou dopočítány lineární interpolací průřezové charakteristiky v místech největších vnitřních sil a následně je dopočteno normálové napětí při ohybu σ a smykového napětí τ . Výpočet napětí je proveden v jednotlivých bodech definované oblasti řešení tvarové optimalizace. Pomocí omezující podmínky jsou ve stanovené oblasti vymezena přípustná řešení. V neposlední řadě je proveden výpočet účelové funkce hmotnosti $w(x)$.

Ve druhé části je řešeno nastavení optimalizace ve výpočetním programu RFEM 6, nastavení vstupních parametrů výpočtu, grafy znázorňující průběh optimalizační procedury a výsledky výpočtu optimalizace.

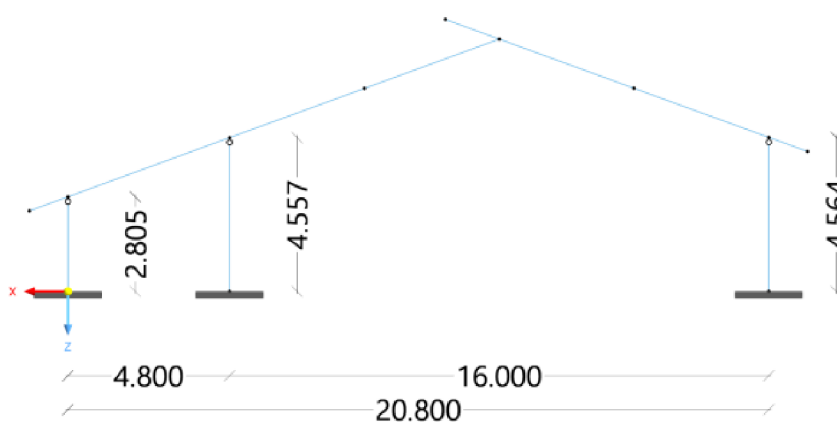
Ve třetí části je porovnání výsledků analytického výpočtu s výsledky z výpočetního programu RFEM 6.

4.1.1 Popis konstrukce

Řešenou konstrukcí je typický rám ocelové haly. Konstrukce je vymodelována s pomocí 1D konečných prvků a jedná se tedy o prutovou konstrukci. Geometrie konstrukce je znázorněna na obrázku 4.1. Konstrukce typického rámu ocelové haly je z konstrukční oceli S235.

Střešní konstrukce je tvořena pruty s náběhy, které tvoří sedlovou střechu s převislými konci. Počáteční průřez prutů střešní konstrukce je HEB 400, který lineárně klesá až na konečný průřez prutů HEB 360. Sloupy jsou tvořeny pruty konstantního průřezu a jedná se o průřez HEB 400. Pruty představující střešní konstrukci jsou oboustranně vetknuté a pruty představující sloupy jsou jednostranně kloubově uložené.

Konstrukce je zatížena stálým zatížením a proměnným zatížením. Stálé zatížení zahrnuje vlastní tíhu konstrukce a skladbu střešního pláště. Proměnné zatížení zahrnuje vliv klimatických jevů jako je sníh a vítr. Zatížení konstrukce je podrobněji popsáno a znázorněno v kapitole (4.1.2).



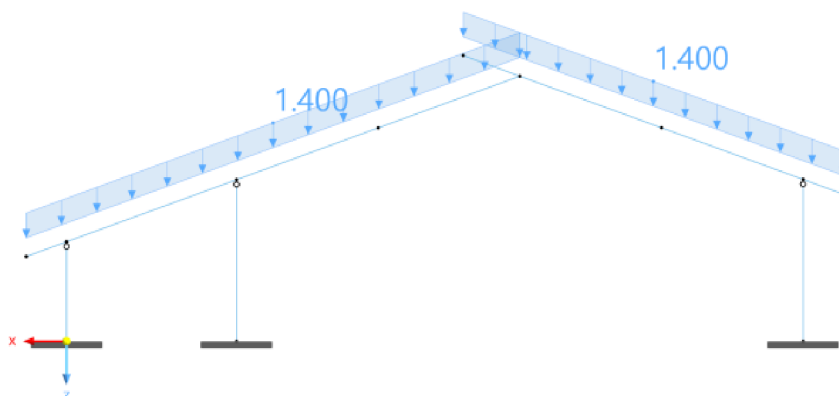
Obrázek 4.1: Model typického rámu ocelové haly

4.1.2 Zatížení

Zatížení je převzato ze statického výpočtu, který vypracovala statická kancelář BEHA PROJEKT [6]. Ze všech zatěžovacích stavů, jsou vybrány čtyři nejzásadnější, a to sice *vlastní tíha konstrukce*, skladba střešní konstrukce (*ostatní stálé zatížení*), *plný sníh* a tlak větru (*levý vítr +/+*).

Stálé zatížení

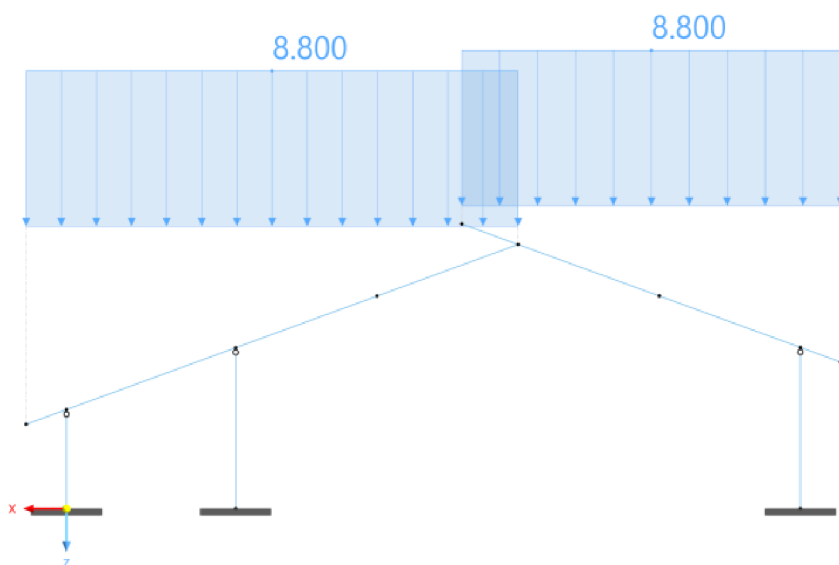
Skladba střešní konstrukce je uvažována včetně latí pro ukotvení pláště. Vlastní tíha konstrukce je dopočítána v každém bodě optimalizační procedury. Zatížení od skladby pláště je znázorněno na obrázku 4.2.



Obrázek 4.2: Zatížení skladbou střešní konstrukce

Zatížení sněhem

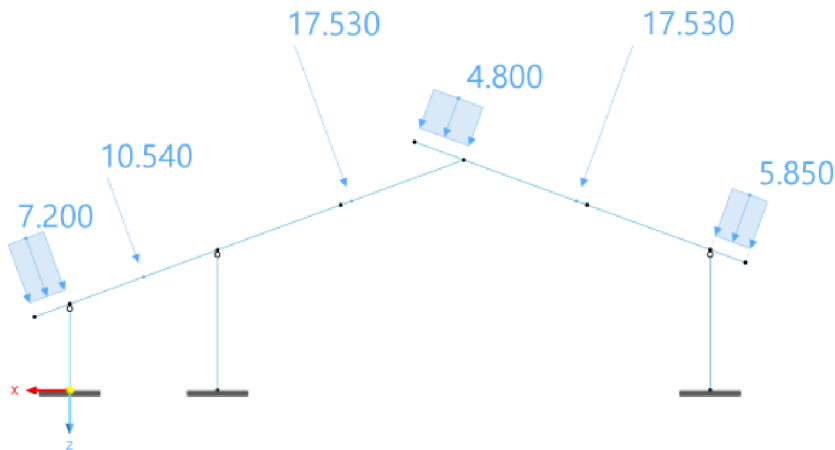
Konstrukce se nachází ve IV. sněhové oblasti. Výpočet zatížení sněhem je provedeno dle ČSN EN 1991-1-1-3 [3]. Zatížení sněhem je na konstrukci zadáno ve třech kombinacích a to sice *levý sníh*, *pravý sníh* a *plný sníh*. Nejzásadnější je však kombinace *plný sníh* a uvažuje se tedy pouze s touto kombinací. Zatížení od sněhu je znázorněno na obrázku 4.3.



Obrázek 4.3: Zatížení sněhem - plný sníh

Zatížení větrem

Konstrukce se nachází ve II. větrné oblasti. Výpočet zatížení větrem je provedeno dle ČSN EN 1991-1-1-4 [4]. Zatížení větrem je na konstrukci zadáno v několika kombinacích pro příčný vítr a v jedné kombinaci pro podélný vítr. Nejzásadnější kombinací zatížení větrem na konstrukci je *levý vítr* +/+. Zatížení od kombinace *levý vítr* +/+ je znázorněno na obrázku 4.4. Zatížení větrem, které je v této kombinaci zadáno na sloupy je v tomto analytickém výpočtu zanedbáno.



Obrázek 4.4: Zatížení větrem - levý vítr +/+

4.1.3 Analytické řešení

Analytické řešení obsahuje několik dílčích výpočtů. Střešní konstrukci tvoří pruty s přímkovými náběhy a cílem optimalizačního procesu je najít takovou výšku počátečního a konečného průřezu, kdy bude mít konstrukce nejmenší hmotnost a zároveň bude splňovat zavedené omezující podmínky. Řešení je hledáno v definované oblasti optimalizace.

Výpočet vnitřních sil

Pro výpočet vnitřních sil obecnou deformační metodou je potřeba vytvořit výpočtový model. Prutová soustava nosného rámu ocelové haly je rozložena na šest prutů pro zatěžovací stavy *vlastní tíha*, *ostatní stálé zatížení* a *plný sníh*. Pro zatěžovací stavy *levý vítr* +/+ a *levý vítr* +/0 je rozložena na devět prutů. Prutová soustava nosného rámu ocelové haly je pro zatížení větrem rozložena na devět prutů kvůli osovým silám, které je v zatížení větrem aplikováno na model konstrukce a pro které není odvozen vzorec, a tak je s nimi počítáno jako s uzlovými zatíženími. Uzlové zatížení je aplikováno i jako náhrada za převislé konce na začátky a konec prutů střešní konstrukce. Je provedeno zjednodušení zatížení *vlastní tíhou*, protože pro lichoběžníkové zatížení, kterému vlastní tíha prutu proměnného průřezu odpovídá, není odvozen vzorec pro pruty obecně proměnného průřezu. Zatížení *Vlastní tíhou* je tedy zprůměrováno a bere se jako konstantní zatížení.

Pro výpočet vnitřních sil je potřeba lineární interpolací dopočítat průřezové charakteristiky a to pro každou variantu definované oblasti optimalizace. Výpočet lineární interpolace je pro variantu E znázorněn v příloze A.2

Výpočet vnitřních sil je proveden v programu MS EXCEL pro všechny varianty definované oblasti optimalizace. Výpočet vnitřních sil a znázornění výpočtových modelů je uveden pro všech pět zatěžovacích stavů pro variantu E v příloze A.1

Pro pruty s přímkovými náběhy jsou primární vektory $\bar{\mathbf{R}}_{ab}^*$ a lokální matice \mathbf{k}_{ab} vyjádřeny pomocí deformačních součinitelů. Deformační součinitele jsou vypočítány podle výrazů, které vycházejí z upravených členů Maxwellova-Mohrova vztahu [18, 14]. Posunutí δ_1 je vyjádřeno vztahem (4.1), deformační součinitele α_{ab} a α_{ba} jsou vyjádřeny vztahy (4.2) a (4.3). Posledním vyčísleným deformačním součinitelem je β , který je vyjádřen vztahem (4.4).

$$\delta_1 = \int_0^l \frac{dx^*}{E \cdot A \cdot (x^*)} dx^* = \frac{l}{E \cdot A_0} \cdot \frac{lnc}{c-1} \quad (4.1)$$

$$\alpha_{ab} = \frac{1}{l^2} \cdot \int_0^l \frac{(l-x^*)^2}{E \cdot I \cdot (x^*)} dx^* = \frac{l}{E \cdot I_0} \cdot \frac{1}{(c-1)^3} \cdot \left(lnc + \frac{c^2}{2} - 2 \cdot c + \frac{3}{2} \right) \quad (4.2)$$

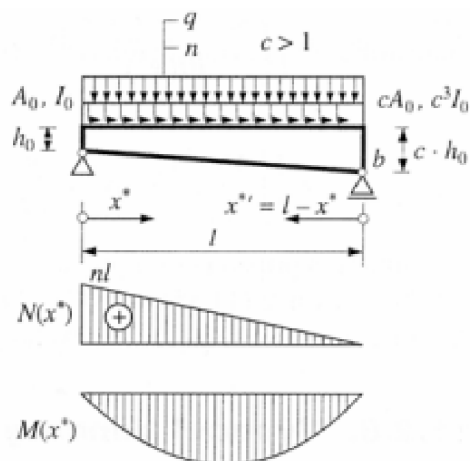
$$\alpha_{ba} = \frac{1}{l^2} \cdot \int_0^l \frac{x^{*2}}{E \cdot I \cdot (x^*)} dx^* = \frac{l}{E \cdot I_0} \cdot \frac{1}{(c-1)^3} \cdot \left(lnc + \frac{2}{c} - \frac{1}{2 \cdot c^2} - \frac{3}{2} \right) \quad (4.3)$$

$$\beta = \frac{1}{l^2} \int_0^l \frac{x^* \cdot (l-x)^*}{E \cdot I \cdot (x^*)} dx^* = \frac{l}{E \cdot I_0} \cdot \frac{1}{(c-1)^3} \cdot \left(\frac{c}{2} - lnc - \frac{1}{2 \cdot c} \right) \quad (4.4)$$

kde E je Youngův modul pružnosti, A je plocha průřezu, l je délka prutu, A_0 je plocha na straně menšího průřezu prutu s přímkovým náběhem a c je poměr momentů setrvačnosti dopočítaný dle vztahu (4.5)

$$c = \frac{I}{I_0} \quad (4.5)$$

kde I_0 je moment setrvačnosti na straně menšího průřezu prutu a I je moment setrvačnosti na straně většího průřezu prutu s přímkovým náběhem. Obrázek 4.5 znázorňuje prut s přímkovým náběhem a poukazuje na veličiny A , A_0 , I a I_0 .



Obrázek 4.5: Prut s výškovým přímkovým náběhem [14, 18]

Pro funkci normálové síly od spojitě osového zatížení $n = \text{konst.}$ platí [14, 18]

$$N(x^*) = n \cdot (l - x^*) \quad (4.6)$$

takže pro posunutí δ_0 platí vztah (4.7)

$$\delta_0 = \int_0^l \frac{N \cdot (x^*)}{E \cdot A \cdot (x^*)} dx^* = \frac{n \cdot l^2}{E \cdot A_0} \cdot \frac{1}{c-1} \cdot \left(\frac{c}{c-1} \cdot \ln c - 1 \right) \quad (4.7)$$

Pro příčné spojitě rovnoměrné zatížení $q = \text{konst.}$ je funkce ohybového momentu $M(x^*)$ dána vztahem [18, 14]

$$M(x^*) = \frac{q}{2} \cdot (l \cdot x^* - x^{*2}) = \frac{q}{2} \cdot x^* \cdot (l - x^*) \quad (4.8)$$

tedy

$$\phi_{ab} = \frac{1}{l} \cdot \int_0^l \frac{M(x^*) \cdot (l - x^*)}{E \cdot I(x^*)} dx^* = \frac{q \cdot l^3}{E \cdot I_0} \cdot \frac{1}{2 \cdot (c-1)^4} \cdot \left[\frac{c^2}{2} + 2 \cdot c - (2 \cdot c + 1) \cdot \ln c - \frac{5}{2} \right] \quad (4.9)$$

$$\phi_{ba} = \frac{1}{l} \cdot \int_0^l \frac{M(x^*) \cdot x^*}{E \cdot I(x^*)} dx^* = \frac{q \cdot l^3}{E \cdot I_0} \cdot \frac{1}{2 \cdot (c-1)^4} \cdot \left[(c+2) \cdot \ln c - \frac{5}{2} \cdot c + \frac{1}{2 \cdot c} + 2 \right] \quad (4.10)$$

Následně je vypočten primární vektor zatěžovacích sil $\bar{\mathbf{R}}_{ab}^*$. Pro pruty střešní konstrukce je použit vztah (4.11) pro oboustranně monoliticky připojený prut obecně proměnného průřezu

$$\bar{\mathbf{R}}_{ab}^* = \begin{pmatrix} \bar{X}_{ab}^* \\ \bar{Z}_{ab}^* \\ \bar{M}_{ab}^* \\ \bar{X}_{ba}^* \\ \bar{Z}_{ba}^* \\ \bar{M}_{ba}^* \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} Z_{ab,0}^* - \frac{\frac{\delta_0}{\delta_1} - R}{(\alpha_{ab} \cdot \alpha_{ba} - \beta^2) \cdot l} \cdot \frac{(\alpha_{ba} + \beta) \cdot \phi_{ab} - (\alpha_{ab} + \beta) \cdot \phi_{ba}}{\phi_{ab} \cdot \alpha_{ba} - \phi_{ba} \cdot \beta} \\ Z_{ba,0}^* + \frac{-\frac{\delta_0}{\delta_1}}{(\alpha_{ab} \cdot \alpha_{ba} - \beta^2) \cdot l} \cdot \frac{(\alpha_{ba} + \beta) \cdot \phi_{ab} - (\alpha_{ab} + \beta) \cdot \phi_{ba}}{\phi_{ab} \cdot \beta - \phi_{ba} \cdot \alpha_{ab}} \end{pmatrix} \quad (4.11)$$

kde δ_1 , α_{ab} , α_{ba} , β charakterizují samotný (nezatížený) prut, δ_0 , ϕ_{ab} , ϕ_{ba} deformační součinitele prutu závislé na konkrétním zatížení, R , $Z_{ab,0}^*$, $Z_{ba,0}^*$ zatěžovací účinky, l délka prutu [14, 18].

Pro pruty konstrukcí sloupů je použit vztah (4.12) pro jednostranně kloubově připojený prut konstantního průřezu.

$$\bar{\mathbf{R}}_{ab}^* = \begin{pmatrix} \bar{X}_{ab}^* \\ \bar{Z}_{ab}^* \\ \bar{M}_{ab}^* \\ \bar{X}_{ba}^* \\ \bar{Z}_{ba}^* \\ \bar{M}_{ba}^* \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} \cdot n \cdot l \\ -\frac{3}{8} \cdot q \cdot l \\ 0 \\ -\frac{1}{2} \cdot n \cdot l \\ -\frac{5}{8} \cdot q \cdot l \\ -\frac{1}{8} \cdot q \cdot l^2 \end{pmatrix} \quad (4.12)$$

kde q je svislá složka zatížení, n vodorovná složka zatížení a l je délka prutu.

Primární zatěžovací vektor pro pruty konstrukce sloupů je používán pouze v případě zatěžovacího stavu *vlastní tíha konstrukce*, protože v dalších zatěžovacích stavech není na sloupy aplikováno žádné zatížení.

K vyčíslení vnitřních sil obecnou deformační metodou je potřeba vypočítat lokální matici tuhosti prutu. Lokální matice pro prut oboustranně monoliticky připojený obecně proměnného průřezu je vypočítána dle vztahu.

$$\mathbf{k}_{ab}^* = \begin{pmatrix} \frac{1}{\delta_1} & 0 & 0 & -\frac{1}{\delta_1} & 0 & 0 \\ 0 & \frac{\alpha_{ab} + \alpha_{ba} + 2\beta}{D \cdot l^2} & -\frac{\alpha_{ba} + \beta}{D \cdot l} & 0 & -\frac{\alpha_{ab} + \alpha_{ba} + 2\beta}{D \cdot l^2} & -\frac{\alpha_{ab} + \beta}{D \cdot l} \\ 0 & -\frac{\alpha_{ba} + \beta}{D \cdot l} & \frac{\alpha_{ba}}{D} & 0 & \frac{\alpha_{ba} + \beta}{D \cdot l} & \frac{\beta}{D} \\ -\frac{1}{\delta_1} & 0 & 0 & \frac{1}{\delta_1} & 0 & 0 \\ 0 & -\frac{\alpha_{ab} + \alpha_{ba} + 2\beta}{D \cdot l^2} & \frac{\alpha_{ba} + \beta}{D \cdot l} & 0 & \frac{\alpha_{ab} + \alpha_{ba} + 2\beta}{D \cdot l^2} & \frac{\alpha_{ab} + \beta}{D \cdot l} \\ 0 & -\frac{\alpha_{ab} + \beta}{D \cdot l} & \frac{\beta}{D} & 0 & \frac{\alpha_{ab} + \beta}{D \cdot l} & \frac{\alpha_{ab}}{D} \end{pmatrix} \quad (4.13)$$

Lokální matice tuhosti prutu jednostranně kloubově uloženého prutu konstantního průřezu je vypočítána dle vztahu.

$$\mathbf{k}_{ab}^* = \begin{pmatrix} \frac{E \cdot A}{l} & 0 & 0 & -\frac{E \cdot A}{l} & 0 & 0 \\ 0 & \frac{3 \cdot E \cdot I}{l^3} & 0 & 0 & -\frac{3 \cdot E \cdot I}{l^3} & -\frac{3 \cdot E \cdot I}{l^2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -\frac{E \cdot A}{l} & 0 & 0 & \frac{E \cdot A}{l} & 0 & 0 \\ 0 & \frac{3 \cdot E \cdot I}{l^3} & 0 & 0 & \frac{3 \cdot E \cdot I}{l^3} & \frac{3 \cdot E \cdot I}{l^2} \\ 0 & -\frac{3 \cdot E \cdot I}{l^2} & 0 & 0 & \frac{3 \cdot E \cdot I}{l^2} & \frac{3 \cdot E \cdot I}{l} \end{pmatrix} \quad (4.14)$$

Dále je potřeba zavést geometrickou transformaci. Jelikož jsou pruty v prutové soustavě uspořádány libovolně a je výhodnější výpočet v lokálních souřadnicích je nutno zavést geometrickou transformaci. Tu je nutno zavést proto, že parametry deformace pro celou konstrukci jsou globální a tak je potřeba převést lokální parametry na globální. Transformaci lze maticově zapsat vztahem

$$\mathbf{r}_{ab}^* = \mathbf{T}_{ab} \cdot \mathbf{r}_{ab} \quad (4.15)$$

kde \mathbf{r}_{ab}^* je vektor lokálních parametrů deformace, \mathbf{T}_{ab} transformační matice, která definuje geometrickou závislost lokálních složek na globálních a je vyjádřena vztahem (4.16) a \mathbf{r}_{ab} je vektor globálních parametrů deformace dle předpisu (4.17).

$$\mathbf{T}_{ab} = \begin{bmatrix} \cos \gamma_{ab} & \sin \gamma_{ab} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -\sin \gamma_{ab} & \cos \gamma_{ab} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \cos \gamma_{ab} & \sin \gamma_{ab} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -\sin \gamma_{ab} & \cos \gamma_{ab} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (4.16)$$

$$\mathbf{r}_{ab} = \{u_a, w_a, \varphi_a, u_b, w_b, \varphi_b\}^T \quad (4.17)$$

Vektor lokálních parametrů deformace \mathbf{r}_{ab}^* lze tedy v konečném výsledku vyjádřit vztahem

$$\mathbf{r}_{ab}^* = \begin{bmatrix} u_a^* \\ w_a^* \\ \varphi_a^* \\ u_b^* \\ w_b^* \\ \varphi_b^* \end{bmatrix} = \mathbf{T}_{ab} \cdot \mathbf{r}_{ab} = \begin{bmatrix} u_a c + w_a s \\ -u_a s + w_a c \\ \varphi_a \\ u_b c + w_b s \\ -u_b s + w_b c \\ \varphi_b \end{bmatrix} \quad (4.18)$$

Pomocí analýzy prutů získáme vektor výsledných koncových sil v lokálních souřadnicích ve tvaru

$$\mathbf{R}_{ab}^* = \{X_{ab}^*, Z_{ab}^*, M_{ab}^*, X_{ba}^*, Z_{ba}^*, M_{ba}^*\}^T \quad (4.19)$$

Platí tedy

$$\mathbf{R}_{ab}^* = \mathbf{T}_{ab} \cdot \mathbf{R}_{ab} \quad (4.20)$$

Pro momentové složky platí, že $M = M^*$, obdobně pak pro sekundární vektory platí vztah

$$\hat{\mathbf{R}}_{ab} = \mathbf{k}_{ab} \cdot \mathbf{r}_{ab} \quad (4.21)$$

Globální primární vektor lze vyjádřit analyticky vztahem

$$\bar{\mathbf{R}}_{ab} = \begin{Bmatrix} \bar{X}_{ab} \\ \bar{Z}_{ab} \\ \bar{M}_{ab} \\ \bar{X}_{ba} \\ \bar{Z}_{ba} \\ \bar{M}_{ba} \end{Bmatrix} = \mathbf{T}_{ab}^T \cdot \bar{\mathbf{r}}_{ab} = \begin{Bmatrix} \bar{X}_{ab}^* c - \bar{Z}_{ab}^* s \\ \bar{X}_{ab}^* s + \bar{Z}_{ab}^* c \\ \bar{M}_{ab}^* \\ \bar{X}_{ba}^* c - \bar{Z}_{ba}^* s \\ \bar{X}_{ba}^* s + \bar{Z}_{ba}^* c \\ \bar{M}_{ba}^* \end{Bmatrix} \quad (4.22)$$

Pomocí lokalizace můžeme určit primární vektor $\bar{\mathbf{R}}$ a matici tuhosti \mathbf{K} . Prvky jednotlivých matic \mathbf{k}_{ab} musí být umístěny na své odpovídající pozici podle neznámých parametrů deformace. Na svých odpovídajících místech musí být i prvky vektorů $\bar{\mathbf{R}}_{ab}$ ve vektoru $\bar{\mathbf{R}}$. Matice tuhosti nám dává levou stranu rovnice a vektor pravou stranu rovnice.

Postup lokalizace je takový, že si pro každý prut sestavíme vektor globálních parametrů deformace \mathbf{r}_{ab} a počítáme každý prut postupně zvlášť, přičemž dodržujeme pořadí. Kódová čísla jsou nápomocná k dodržení správného pořadí, zároveň definují pořadí globálních parametrů deformace obou konců prutu. Lokalizace typického nosného rámu ocelové konstrukce pro všechny zatěžovací stavy je znázorněna v příloze A.2.

Redukovanou soustavu lineárních algebraických rovnic sestavíme ze dvou parametrů. Těmi parametry jsou globální vektory $\bar{\mathbf{R}}_{ab}$ a matice tuhosti \mathbf{k}_{ab}

$$\mathbf{K} \cdot \mathbf{r} = \mathbf{F} \quad (4.23)$$

kde \mathbf{K} je globální matice tuhosti prutové soustavy, \mathbf{r} je globální vektor parametrů deformace prutové soustavy a \mathbf{F} je zatěžovací vektor prutové soustavy, který určíme vztahem

$$\mathbf{F} = \mathbf{S} - \bar{\mathbf{R}} \quad (4.24)$$

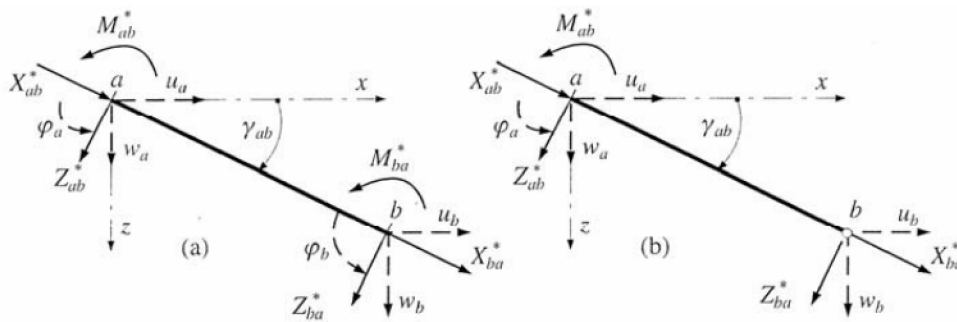
kde \mathbf{S} je globální vektor uzlového zatížení (obsahuje osamělé silové a momentové složky zatížení, které působí v uzlech) a $\bar{\mathbf{R}}$ je primární vektor prutové soustavy.

Záporné znaménko ve vztahu (4.24) vypovídá, že globální koncové síly je potřeba převést na uzlové síly.

V posledním kroku obecné deformační metody je výpočet koncových sil a průběh vnitřních sil. Vektor lokálních složek koncových sil určíme s pomocí \mathbf{R}_{ab} . Je dán vztah (4.25) a posléze je nutná geometrická transformace.

$$\mathbf{R}_{ab} = \bar{\mathbf{R}}_{ab} + \mathbf{k}_{ab} \cdot \mathbf{r}_{ab} \quad (4.25)$$

Díky všem krokům obecné deformační metody už lze vykreslit průběhy vnitřních sil (N, V, M) dle dané konvence, která je zobrazena na obrázku 4.6.



Obrázek 4.6: Globální parametry deformace a lokální koncové síly [14, 18]

Pro výpočet omezujících podmínek napětí jsou vnitřní síly dány do kombinace MSÚ (STR/GEO) podle rovnice 6.10 [2].

$$\sum_{j>1} \gamma_{G,j} G_{k,j} + \gamma_{Q1} Q_{k,1} + \sum_{i>1} \gamma_{Qi} \psi_{0,i} Q_{k,i} \quad (4.26)$$

kde γ_G je dílčí součinitel pro stálá zatížení, γ_Q dílčí součinitel pro proměnná zatížení a ψ_0 součinitel pro kombinační hodnotu proměnného zatížení.

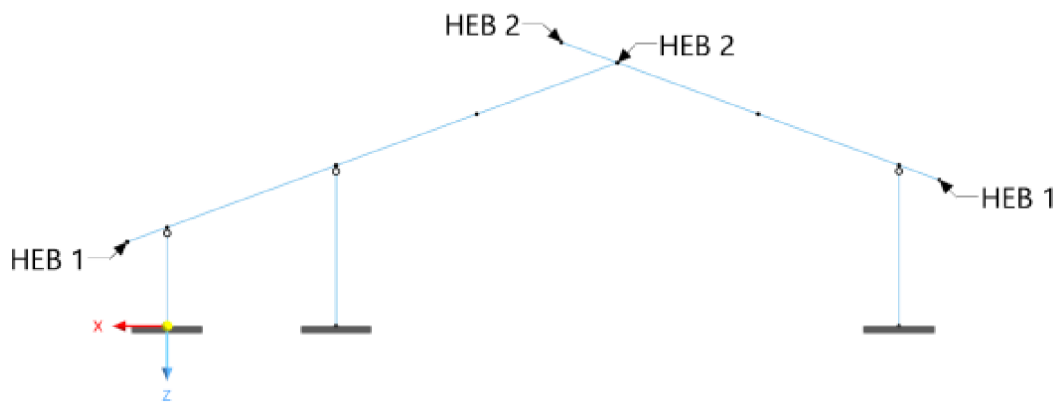
Definovaná oblast optimalizace

Definovaná oblast optimalizace je určena původním statickým návrhem konstrukce. Pruty střešní konstrukce jsou navrženy jako pruty s přímkovými náběhy, počáteční průřez je navržen jako HEB 400 a konečný průřez jako HEB 360. Definovaná oblast optimalizace je tedy od průřezu HEB 360 do průřezu HEB 400.

V definované oblasti optimalizace je kvůli časové náročnosti dílčích výpočtů analytického řešení postupováno po deseti milimetrech. Pro počáteční průřez a konečný průřez prutů střešní konstrukce je tedy možno počítat s pěti variantami. Je tedy dohromady dvacet pět variant pro pravý i levý prut střešní konstrukce. Pro počáteční průřez prutů střešní konstrukce je zvoleno označení HEB 1 a pro konečný průřez prutů střešní konstrukce je zvoleno označení HEB 2. Označení průřezů pro definovanou oblast optimalizace je zobrazeno na obrázku 4.8. Definovaná oblast optimalizace a její možné varianty řešení jsou znázorněny na obrázku 4.7.

	360	370	380	390	400	HEB 1
360	A	B	C	D	E	
370	F	G	H	I	J	
380	K	L	M	N	O	
390	P	Q	R	S	T	
400	U	V	W	X	Y	
HEB 2						

Obrázek 4.7: Definovaná oblast optimalizace a její varianty řešení



Obrázek 4.8: Označení průřezů pro definovanou oblast optimalizace

Omezující funkce optimalizace

Omezující funkce optimalizace je normálové napětí σ a smykové napětí τ . Pro levý prut střešní konstrukce, kde vzniká záporný maximální moment M_y je použit vztah (4.27). Na pravém prutu střešní konstrukce vzniká i přes tlakové namáhání normálovými silami N kladný ohybový moment M_y a je pro tento prut použit vztah (4.28). Výsledné maximální normálové napětí i přes kladný ohybový moment M_y namáhá horní vlákna.

$$\sigma_x = \frac{N}{A} + \frac{M_y}{I_y} \cdot z \quad (4.27)$$

$$\sigma_x = \frac{N}{A} - \frac{M_y}{I_y} \cdot z \quad (4.28)$$

kde N je normálová síla, A plocha průřezu, M_y ohybový moment, I_y moment setrvačnosti průřezu a z je z-ová souřadnice bodu v průřezu.

Jelikož je k dopočítání průřezových charakteristik možných variant řešení používána lineární interpolace, jsou ručně dopočítány průřezové charakteristiky výchozích průřezů HEB. Rozdělení HEB na jednotlivé obrazce a výpočet průřezových charakteristik je součástí přílohy A.1.

Smykové napětí τ je vypočítáno pro kladné a záporné maximální posouvající síly V_z dle vztahu

$$\tau = \frac{V_z \cdot \overline{S}_y}{I_y \cdot t} \quad (4.29)$$

kde V_z je maximální posouvající síla, \overline{S}_y statický moment plochy průřezu odříznuté myšleným řezem vedeným ve směru tloušťky, I_y moment setrvačnosti průřezu a t tloušťka části průřezu v místě řezu.

Omezení optimalizace

Konstrukce typického rámu ocelové haly je z průřezů HEB z konstrukční oceli S235. Mez kluzu oceli S235 je $f_y = 235$ MPa. Horní omezení pro normálové napětí je mez kluzu a tato omezující podmínka je vyjádřena vztahem (4.30). Vztah (4.31) vyjadřuje horní omezení pro smykové napětí.

$$\sigma < f_y \quad (4.30)$$

$$\tau < \frac{f_y}{\sqrt{3} \cdot \gamma_{M0}} \quad (4.31)$$

kde σ je hodnota normálového napětí analytického výpočtu, f_y mez kluzu oceli a γ_{M0} součinitel spolehlivosti materiálu, který je roven jedné.

Jestliže normálové napětí σ dopočítané analytickým výpočtem přesáhne v nějaké variantě mezní hodnotu meze kluzu $f_y = 235$ MPa, nelze tuto variantu považovat za přípustné řešení optimalizace. Tato podmínka platí i pro smykové napětí τ , čili pokud vypočítané smykové napětí přesáhne u některé varianty mezní hodnotu $\frac{f_y}{\sqrt{3} \cdot \gamma_{M0}} = 135,677$ MPa nelze ji považovat za přípustné řešení. *Levý prut střešní konstrukce* je znázorněn na obrázku 4.9 a *pravý prut střešní konstrukce* na obrázku 4.10.

Normálové napětí $\sigma(N+My)$ Levý prut						
$\sigma(N+My)$	360	370	380	390	400	HEB 1
360	-146.429	-145.776	-145.005	-144.855	-143.717	
370	-144.298	-143.612	-142.953	-142.365	-141.633	
380	-142.327	-141.617	-140.908	-140.366	-139.602	
390	-140.375	-139.698	-139.015	-138.4	-137.431	
400	-138.311	-137.663	-136.945	-136.354	-135.64	
HEB 2						
$\sigma(N+My)$	360	370	380	390	400	HEB 1
360	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
370	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
380	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
390	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
400	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
HEB 2						

Smykové napětí $\tau(Vz+)$ Levý prut						
$\tau(Vz+)$	360	370	380	390	400	HEB 1
360	32.50299	31.89711	31.42053	30.79973	30.35431	
370	32.13989	31.53238	31.0853	30.50518	30.06793	
380	31.87693	31.30173	30.83692	30.29298	29.83693	
390	31.52342	30.94221	30.50347	29.91325	29.46844	
400	31.2595	30.69622	30.24964	29.6962	29.27755	
HEB 2						
$\tau(Vz+)$	360	370	380	390	400	HEB 1
360	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
370	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
380	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
390	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
400	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
HEB 2						

Smykové napětí $\tau(Vz-)$ Levý prut						
$\tau(Vz-)$	360	370	380	390	400	HEB 1
360	-25.8493	-25.4755	-25.2055	-24.7942	-24.5861	
370	-25.4259	-25.0476	-24.8039	-24.4395	-24.1926	
380	-25.0959	-24.7336	-24.4687	-24.1266	-23.8791	
390	-24.6766	-24.3234	-24.0809	-23.7178	-23.464	
400	-24.3389	-24.0019	-23.7507	-23.4115	-23.1868	
HEB 2						
$\tau(Vz-)$	360	370	380	390	400	HEB 1
360	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
370	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
380	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
390	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
400	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
HEB 2						

Obrázek 4.9: Řešení omezení optimalizace - levý prut střešní konstrukce

Normálové napětí $\sigma(N-My)$						
Pravý prut						
$\sigma(N-My)$	360	370	380	390	400	HEB 1
360	-111.655	-109.439	-107.067	-105.716	-103.208	
370	-111.206	-108.971	-106.864	-105.937	-103.885	
380	-110.774	-108.558	-106.447	-105.526	-103.469	
390	-108.986	-108.094	-105.6	-104.2	-102.279	
400	-108.015	-106.33	-104.665	-103.172	-101.592	
HEB 2						
$\sigma(N-My)$	360	370	380	390	400	HEB 1
360	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
370	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
380	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
390	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
400	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
HEB 2						

Smykové napětí $\tau(Vz+)$						
Pravý prut						
$\tau(Vz+)$	360	370	380	390	400	HEB 1
360	22.65419	21.78248	21.02692	20.27754	19.66254	
370	22.7812	21.90253	21.21967	20.27416	19.78936	
380	22.92794	22.04505	21.34994	20.55372	19.91042	
390	23.02512	22.14333	21.45209	20.64805	19.99941	
400	23.14575	22.41371	21.57777	20.77978	20.14931	
HEB 2						
$\tau(Vz+)$	360	370	380	390	400	HEB 1
360	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
370	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
380	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
390	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
400	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
HEB 2						

Smykové napětí $\tau(Vz-)$						
Pravý prut						
$\tau(Vz-)$	360	370	380	390	400	HEB 1
360	-13.4837	-13.2983	-13.1045	-12.9868	-12.8487	
370	-12.7188	-12.5409	-12.3958	-12.2451	-12.1142	
380	-12.0876	-11.9185	-11.7709	-11.63	-11.5066	
390	-11.4234	-11.267	-11.1296	-10.9919	-10.8977	
400	-10.8648	-10.7151	-10.5823	-10.4571	-10.3406	
HEB 2						
$\tau(Vz-)$	360	370	380	390	400	HEB 1
360	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
370	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
380	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
390	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
400	Ano	Ano	Ano	Ano	Ano	
HEB 2						

Obrázek 4.10: Řešení omezení optimalizace - pravý prut střešní konstrukce

Účelová funkce hmotnosti

Hmotnost konstrukce můžeme matematicky vyjádřit jako funkci $w(x)$ zapsanou vztahem

$$w(x) = \rho \cdot l_l \cdot A_l + \rho \cdot l_p \cdot A_p \quad (4.32)$$

kde ρ je objemová hmotnost materiálu, l_l je délka levého prutu střešní konstrukce, l_p je délka pravého prutu střešní konstrukce a A_l ; A_p je zprůměrovaná plocha průřezu prutu.

Výpočet účelové funkce hmotnosti je proveden v programu MS Excel. Pomocí podmíněného formátování přechází barevné vyznačení buněk od největší hodnoty (modrá barva) do nejmenší hodnoty (zelená barva). Nejmenší hodnota je zvýrazněna nejen sytou zelenou barvou, ale i tučným písmem. Nejmenší hmotnost konstrukce je dosažena ve variantě A. Varianta A je řešení kdy na začátků a na koncích prutů je stejný průřez o velikosti HEB 360. Nejmenší hmotnost konstrukce je $w = 3725,709$ kg. Graficky je hmotnost jednotlivých variant znázorněna na obrázku 4.11.

m	360	370	380	390	400	HEB 1
360	3725.709	3772.087	3815.587	3856.797	3902.525	
370	3772.087	3818.464	3861.964	3903.174	3948.902	
380	3815.587	3861.964	3905.464	3946.674	3992.402	
390	3856.797	3903.174	3946.674	3987.885	4033.612	
400	3902.525	3948.902	3992.402	4033.612	4079.34	
HEB 2						

Obrázek 4.11: Hmotnost konstrukce jednotlivých variant

4.1.4 Řešení ve výpočetním programu RFEM 6

Řešení optimalizačního problému je provedeno pomocí metody *particle swarm*. Před spuštěním výpočtu, je potřeba programu stanovit globální parametry a omezující podmínky optimalizace.

Globálními parametry jsou výška h průřezů, tloušťka pásnic t_f a tloušťka stojiny t_w a jejich úprava je znázorněna v tabulce níže. Omezujícími podmínkami jsou maximální hodnoty normálového napětí σ a smykového napětí τ . Ty do výpočtu vstupují pomocí přídatného modulu - Analýza napětí a přetvoření. V této analýze jsou nastaveny maximální hodnoty napětí pro posouzení konstrukce.

Tabulka 4.1: Nastavení globálních parametrů

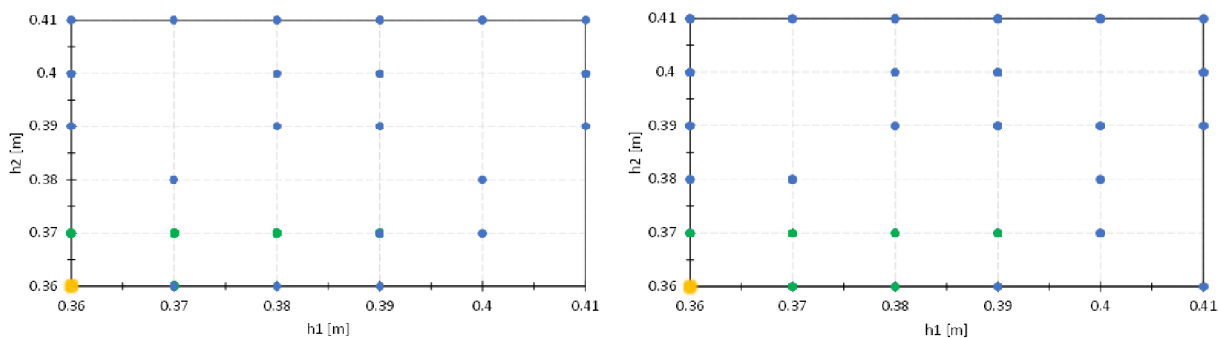
Č.	Název	Symbol	Skupina jednotek	Hodnota	Jednotka	Min	Max	Přírůstek
1	h360	h360	Rozměry	360	mm	360	410	10
2	h400	h400	Rozměry	360	mm	360	410	10
3	tf400	tf400	Rozměry	24	mm	22,5	24	1,5
4	tf360	tf360	Rozměry	22,5	mm	22,5	24	1,5
5	tw400	tw400	Rozměry	13,5	mm	13,5	12,5	1
6	tw360	tw360	Rozměry	12,5	mm	13,5	12,5	1

Vzhledem k tomu, že RFEM 6 neumožňuje vložení vzorce pro optimalizační proceduru přímo do parametrů definovaného průřezu z knihovny, je vytvořen nový parametrický průřez. V sekci průřezy jsou do nedefinovaných průřezů vloženy globální parametry do rozměru výšky h , tloušťky pásnic t_f a tloušťky stojiny t_w . Globální parametry určují svými *Minimálními* a *Maximálními* hodnotami definovanou oblast, ve které bude hledáno optimální řešení. Sloupec s názvem *Hodnota* obsahuje aktuální hodnoty parametrů průřezu, které budou optimalizovány. Hodnoty ve sloupci *Přírůstek* určují po jaké vzdálenosti bude řešení optimalizačního problému hledáno. Program nepřipustil *maximální* hodnotu u parametru výšky $h = 400$ aniž by nezměnil přírůstek na hodnotu 0,8. Parametr výšky h má tedy zadán jako *maximální* hodnotu 410 mm, aby byl přírůstek ponechán v požadované hodnotě 10 mm.

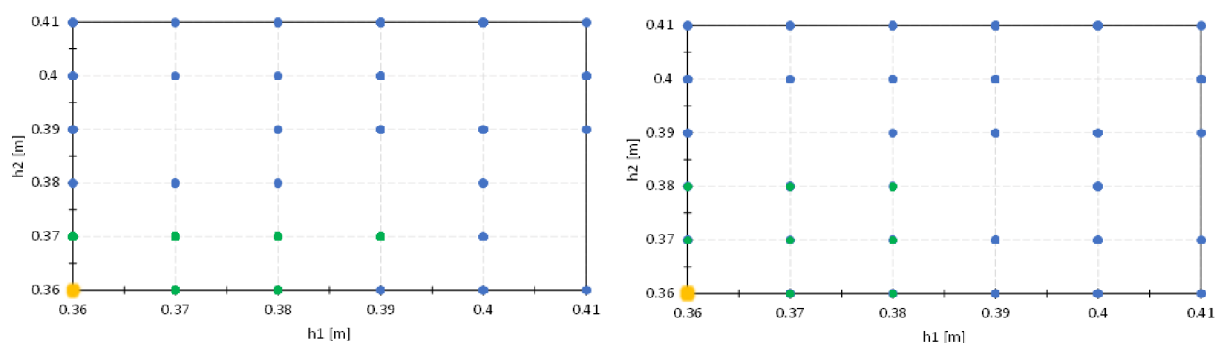
Hledaným optimálním řešením je takový počáteční a koncový průřez konstrukce, kdy bude mít nejmenší hmotnost ale zároveň bude splňovat omezující podmínky.

Globální parametry jsou již nastaveny a zadány jako vzorce pro rozměry průřezu. Před samotným provedením výpočtu optimalizace je nastaveno jakou optimalizační metodu má program použít. Kromě nastavení metody je nastaveno kolik nejlepších řešení má program zachovat v paměti, kolik procent ze všech možných mutací má vypočítat a jaká je účelová funkce výpočtu.

Záměrem výpočtu je nejmenší hmotnost konstrukce. Program uchová deset nejlepších řešení optimalizace. Celkem jsou provedeny čtyři výpočty. První výpočet počítá 25% mutací, druhý 50%, třetí 75% a poslední čtvrtý výpočet celých 100% mutací. Pro každý výpočet je pro optimalizaci výšky průřezu h vytvořen graf populací a graf konvergence účelové funkce. Grafy znázorňující výpočet 25% a 50% mutací je zobrazen na obrázku 4.12 a grafy znázorňující 75% a 100% mutací na obrázku 4.13. Grafy konvergence jsou znázorněny v příloze A.3.



Obrázek 4.12: Grafy částic populací (vlevo 25% vpravo 50%)



Obrázek 4.13: Grafy částic populací (vlevo 75% vpravo 100%)

Na grafech lze pozorovat tečky, které znázorňují částice populace. Modré tečky znázorňují částice populace v první iteraci a zelené naopak částice populace poslední iterace, ve které bylo dosaženo nejlepší pozice. Tečka žluté barvy znázorňuje dosaženou nejlepší možnou pozici částice. Společně tyto částice tvoří roj, který směřuje k optimálnímu řešení. Na jednotlivých grafech lze pozorovat, že čím je spočítáno větší procento mutací, tím je populace částic větší a více je jich schopno se optimální hodnotě přiblížit.

Z grafů lze vypořadovat, že při výpočtech vyhodnotil jako nejlepší variantu možnost, kdy je výška h průřezu na začátku i na konci prutů střešní konstrukce odpovídající průřezu HEB 360.

Výšku průřezu h program sice ve všech variantách výpočtu stanovil jako minimální hodnotu a taktéž vypočítal minimální hodnotu pro tloušťku pásnic t_f , ale nestanovil tak ve všech variantách výpočtu tloušťku stojiny t_w .

Minimální hodnoty pro stojinu t_w je dosaženo pouze ve variantě výpočtu, kdy se počítá všech 100% možných mutací. Výsledky pro tuto variantu, kdy je dosaženo minimálních hodnot u všech parametrů je znázorněn na obrázku 4.14. Výsledky pro ostatní varianty výpočtu na obrázku 4.15.

Pořadí	Název modelu	Cílová hodnota $W_{\Sigma, \min}$ [t]	Optimalizované hodnoty						
			h400 [mm]	h360 [mm]	tf400 [mm]	tf360 [mm]	tw400 [mm]	tw360 [mm]	
1	Model.196	5.580	360.0	360.0	22.5	22.5	12.5	12.5	
2	Model.154	5.593	370.0	360.0	22.5	22.5	12.5	12.5	
3	Model.186	5.593	360.0	370.0	22.5	22.5	12.5	12.5	
4	Model.150	5.606	360.0	380.0	22.5	22.5	12.5	12.5	
5	Model.153	5.606	380.0	360.0	22.5	22.5	12.5	12.5	
6	Model.69	5.606	370.0	370.0	22.5	22.5	12.5	12.5	
7	Model.73	5.619	370.0	380.0	22.5	22.5	12.5	12.5	
8	Model.79	5.619	380.0	370.0	22.5	22.5	12.5	12.5	
9	Model.71	5.625	360.0	370.0	22.5	22.5	13.5	12.5	
10	Model.74	5.632	380.0	380.0	22.5	22.5	12.5	12.5	

Obrázek 4.14: Výsledky pro výpočet 100% mutací

Pořadí	Název modelu	Cílová hodnota $W_{\Sigma, \min}$ [t]	Optimalizované hodnoty						
			h400 [mm]	h360 [mm]	tf400 [mm]	tf360 [mm]	tw400 [mm]	tw360 [mm]	
1	Model.129	5.612	360.0	360.0	22.5	22.5	13.5	12.5	
2	Model.124	5.625	360.0	370.0	22.5	22.5	13.5	12.5	
3	Model.98	5.626	370.0	360.0	22.5	22.5	13.5	12.5	
4	Model.64	5.639	370.0	370.0	22.5	22.5	13.5	12.5	
5	Model.6	5.640	380.0	360.0	22.5	22.5	13.5	12.5	
6	Model.38	5.644	410.0	360.0	22.5	22.5	12.5	12.5	
7	Model.25	5.652	370.0	380.0	22.5	22.5	13.5	12.5	
8	Model.62	5.653	380.0	370.0	22.5	22.5	13.5	12.5	
9	Model.68	5.654	390.0	360.0	22.5	22.5	13.5	12.5	
10	Model.29	5.667	390.0	370.0	22.5	22.5	13.5	12.5	

Obrázek 4.15: Výsledky pro výpočty 25%, 50% a 75% mutací

Program výpočtem došel k výsledku, že optimum dané úlohy je v případě, kdy na začátku a konci prutů střešní konstrukce je průřez HEB 360. Hmotnost konstrukce tak činí i se sloupy $w = 5580$ kg. Po odečtení hmotnosti sloupů, získáme výslednou hmotnost pro pruty střešní konstrukce (4.33)

$$w = 5580 - \left(\rho \cdot \sum l_{si} \cdot A \right) \quad (4.33)$$

kde $\rho = 7850 \text{ kg/m}^3$ je objemová hmotnost materiálu, l_{si} délka sloupů a $A = 0.0197777779 \text{ m}^2$ plocha průřezu HEB 400, ze kterého je sloup uvažován.

Ve výsledku tedy dostaneme hodnotu pro hmotnost optimalizované konstrukce $w = 3726 \text{ kg}$.

4.1.5 Porovnání výsledků

Výsledek analytického výpočtu optimalizačního problému je, že optimální poloha průřez na začátku a na konci prutů střešní konstrukce je HEB 360. V této variantě je dopočítána hmotnost $w = 3725,709$ kg, zaokrouhleně tedy $w = 3726$ kg.

Výsledky z výpočetního programu jsou stejné jako při výpočtu analytickém, tedy počáteční i koncový průřez prutů střešní konstrukce je HEB 360. Výsledek hmotnosti konstrukce se po odečtení hmotnosti sloupů shoduje s analytickým výpočtem, tedy že hmotnost optimalizované konstrukce činí $w = 3726$ kg.

Výsledky analytického výpočtu se shodují s výsledky z výpočetního programu. Tímto analytickým výpočtem je ověřena důvěryhodnost programu RFEM 6.

4.1.6 Závěr analytického výpočtu

Hmotnost konstrukce celého rámu ocelové haly před optimalizací je $w = 5761$ kg. Po optimalizaci činí hmotnost konstrukce 5580 kg. Celkově se tedy ušetřilo 181 kg materiálu.

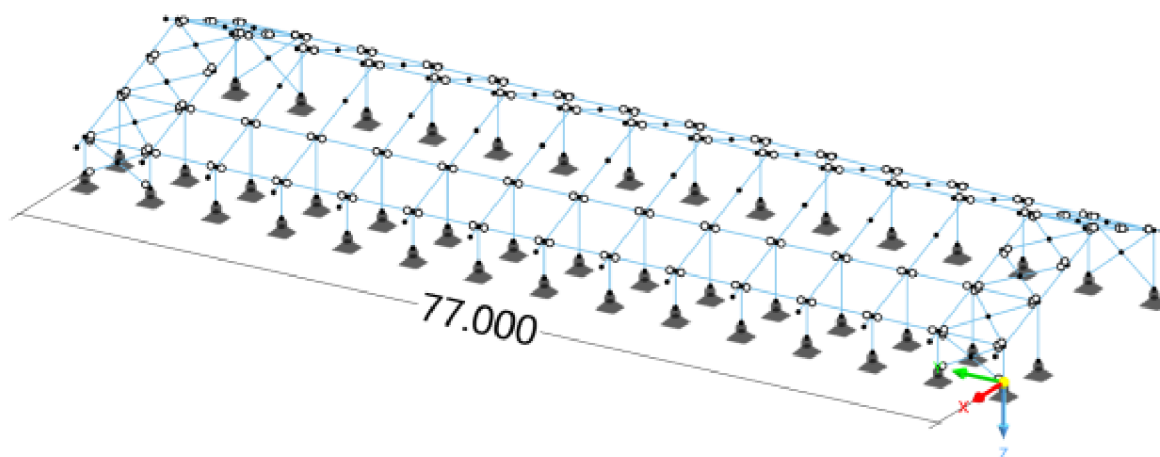
Výpočet prokázal, že i na menším optimalizačním problému je možno dosáhnout poměrného ušetření materiálu, v tomto případě se ušetřilo 3,24%. Díky tomu je možné snížit ekonomické i ekologické hledisko při návrhu konstrukce.

4.2 Optimalizace modelu ocelové haly s pomocí 1D konečných prvků

Tato kapitola se zabývá optimalizací ocelové haly, jejíž model je vytvořen s pomocí 1D konečných prvků. Cílem optimalizační úlohy je najít takové řešení, kdy bude mít konstrukce nejmenší hmotnost. Optimalizovaná konstrukce ocelové haly musí vyhovět na omezující podmínky napětí.

4.2.1 Charakteristika řešené konstrukce

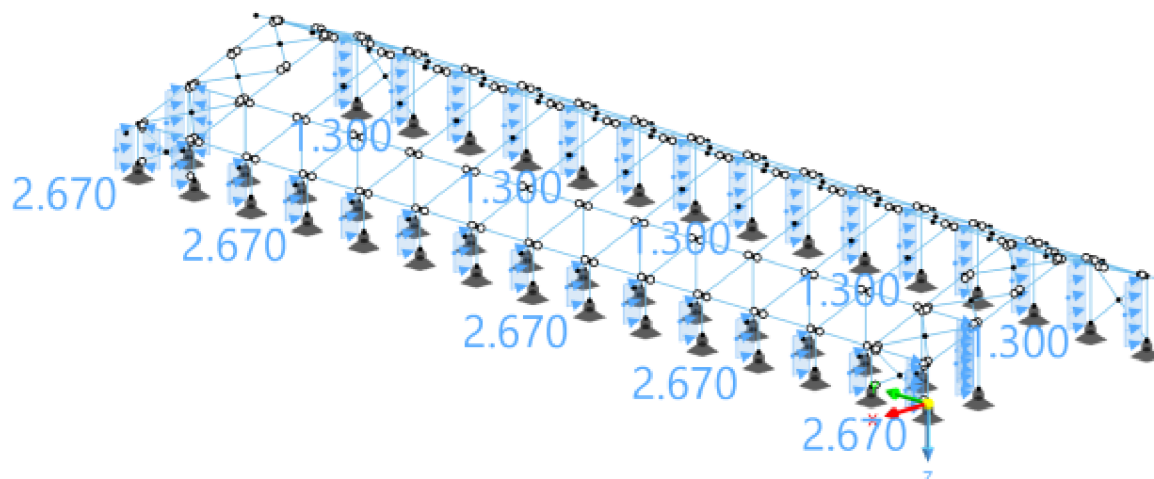
Ocelová hala je tvořena patnácti rámy, které byly řešeny v kapitole (4.1). Geometrie rámu je znázorněna na obrázku 4.1. Rozteč rámu je 5500 mm. Ocelová hala je ztužena podélnými ztužidly o průřezu CHS 101,6x6,3 mm a příčnými ztužidly v první a poslední vazbě o průřezu CHS 140x6,3 mm. Model ocelové haly je zobrazen na obrázku 4.16.



Obrázek 4.16: Model ocelové haly

4.2.2 Zatížení

Zatížení rámu ocelové haly je znázorněno v kapitole (4.1.2). Oproti analytickému výpočtu, je na sloupy rámu haly aplikováno zatížení v kombinaci *levý vítr* $+/+$ a to v příčném směru a v podélném směru v prvním a posledním rámu. Zatížení sloupů touto kombinací je zobrazeno na obrázku 4.17.

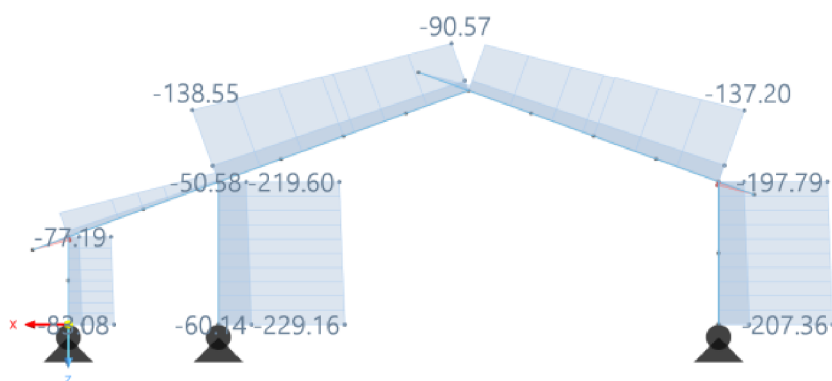


Obrázek 4.17: Zatížení sloupů v kombinaci *levý vítr* $+/+$

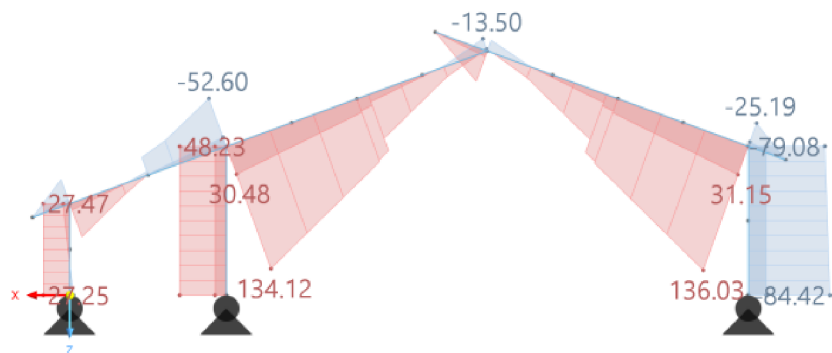
4.2.3 Vnitřní síly a využití průřezů na posudek napětí

Průběh vnitřních sil pro kombinaci MSÚ a využití napětí je zobrazen na jednom typickém rámu, na kterém jsou vnitřní síly maximální. Jedná se o druhý rám v kladném směru osy y souřadnicového systému.

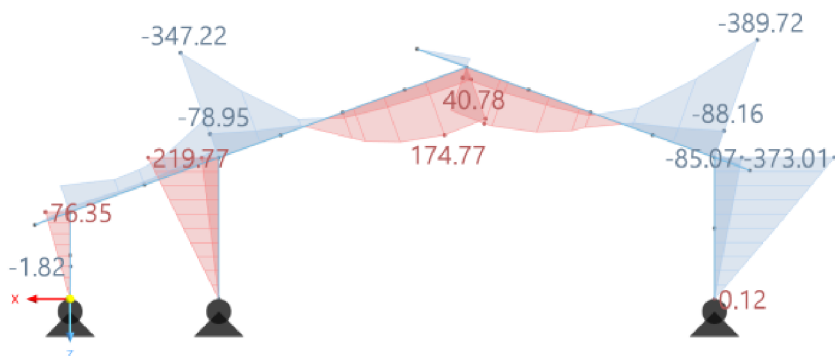
Průběh normálových sil N je zobrazen na obrázku 4.18, posouvajících sil V_z na obrázku 4.19 a ohybových momentů M_y na obrázku 4.20. Zobrazení využití ocelových průřezů v analýze napětí a přetvoření pro normálové napětí σ na obrázku 4.21 a pro smykové napětí τ na obrázku 4.22.



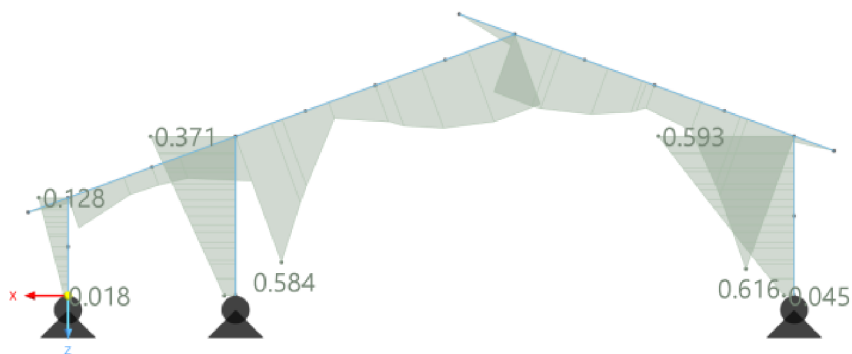
Obrázek 4.18: Průběh normálových sil N



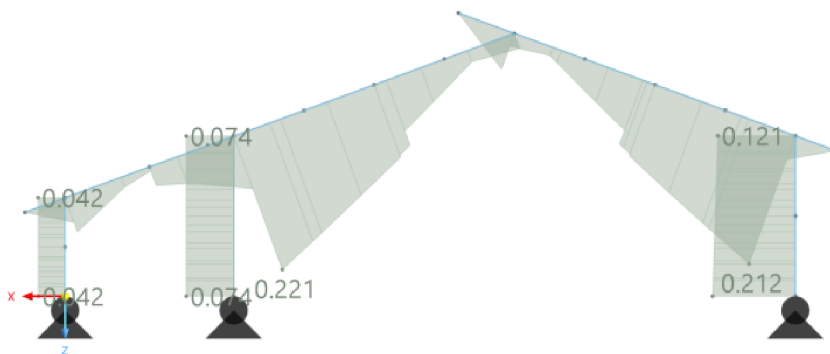
Obrázek 4.19: Průběh posouvajících sil V_z



Obrázek 4.20: Průběh ohybových momentů M_y



Obrázek 4.21: Využití ocelových průřezů pro analýzu napětí a přetvoření - normálové napětí σ



Obrázek 4.22: Využití ocelových průřezů pro analýzu napětí a přetvoření - smykové napětí τ

4.2.4 Optimalizace průřezů prutů střešní konstrukce

Prvním dílčím krokem je optimalizace počátečních a koncových průřezů prutů střešní konstrukce. Tyto průřezy jsou pro větší možnost nalezení minimální hodnoty a pro větší rozšíření optimalizační úlohy upraveny oproti původnímu statickému návrhu. Výchozí počáteční průřez je HEB 450 a koncový průřez HEB 300.

Nastavení globálních parametrů

Optimalizovanými parametry neboli globálními parametry jsou výška průřezu h , tloušťka pásnic t_f a tloušťka stojiny t_w . Šířka průřezu b a poloměr zaoblení r není potřeba považovat za globální parametry, protože jejich rozměr je u obou průřezů totožný. Nastavení globálních parametrů pro komplexní optimalizaci prutů střešní konstrukce ocelové haly je znázorněno v tabulce níže. Globální parametry jsou vloženy do příslušných rozměrů nadefinovaného průřezu.

Tabulka 4.2: Nastavení globálních parametrů pro optimalizaci prutů střešní konstrukce ocelové haly

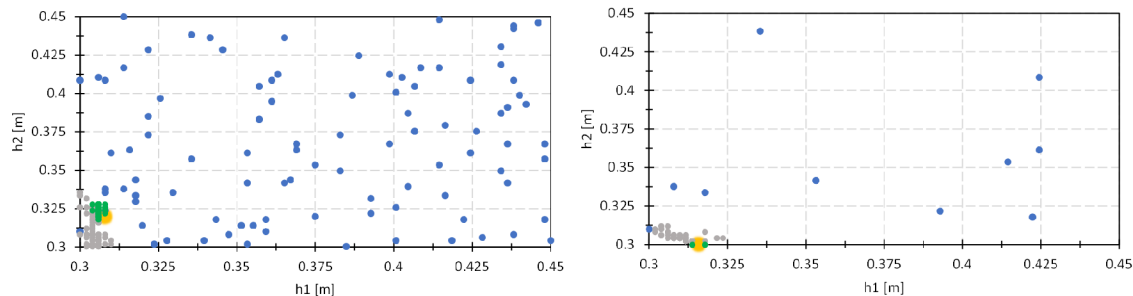
Č.	Název	Symbol	Skupina jednotek	Hodnota	Jednotka	Min	Max	Přírůstek
1	h450	h450	Rozměry	450	mm	300	450	2
2	h300	h300	Rozměry	300	mm	300	450	2
3	tw450	tw450	Rozměry	14	mm	11	14	0,4
4	tw300	tw300	Rozměry	11	mm	11	14	0,4
5	tf450	tf450	Rozměry	26	mm	19	26	0,5
6	tf300	tf300	Rozměry	19	mm	19	26	0,5

Výpočet

Výpočet je proveden metodou *particle swarm*. Program RFEM 6 vyhodnotil celkem přibližně $10 \cdot 10^7$ možných mutací. Je spočítáno 0,001 % z nich a zachováno pět nejlepších variant. Celkem jsou provedeny dva výpočty. První výpočet je proveden pro nastavení programem RFEM 6, kdy ve výpočtu proběhlo 11 iterací s 99 členy populace. Ve druhém výpočtu je provedena úprava pomocí ručního nastavení, kdy je počet iterací větší než počet populací. Je tedy ručně zadáno 132 iterací s 12 členy populace.

Výsledky

Grafy obou výpočtů znázorňující částice populace pro globální parametr h jsou znázorněny na obrázku 4.23. Stejně tak jako na grafech z kapitoly (4.3) lze pozorovat tečky, které znázorňují částice populace.



Obrázek 4.23: Grafy částic populací - střešní konstrukce (vlevo 1. výpočet vpravo 2. výpočet)

Modré tečky v těchto grafech znázorňují částice populace první iterace, zelené naopak částice populace poslední iterace, ve které bylo dosaženo neoptimalnější pozice. Žlutá tečka značí neoptimalnější možnou pozici částice. Oproti předchozím grafům se zde vyskytují i tečky šedé barvy, ty představují varianty, které v daném výpočtu neprošly posudky.

Další grafy znázorňující částice populace a konvergenci účelové funkce jsou obsahem přílohy A.3.

Na grafu vlevo (první výpočet) je zřetelně větší počet částic populací oproti grafu napravo (druhý výpočet). Je to díky obrácenému nastavení, kdy u druhého výpočtu proběhl větší počet iterací a byl zmenšen počet populací. Výsledky prvního výpočtu jsou zobrazeny na obrázku 4.24 a výsledky druhého výpočtu, u kterého byl ručně nastaven vyšší počet iterací na obrázku 4.25.

Výpočet u kterého bylo ručně nastaven vyšší počet iterací, dosáhl o něco lepšího výsledku u parametru výšky h . Hmotnost konstrukce ocelové haly před optimalizací je $w = 92579$ kg. Po optimalizaci jednoho prvku a to střešní konstrukce ocelové haly je celková hmotnost $w = 82783$ kg. Celkem se tedy touto dílčí optimalizací ušetřilo 9796 kg materiálu.

Pořadí	Název modelu	Cílová hodnota $W_{z,min}$ [t]	Optimalizované hodnoty					
			h450 [mm]	h300 [mm]	tw450 [mm]	tw300 [mm]	tf450 [mm]	tf300 [mm]
1	Model.1024	82.984	307.9	319.7	11.0	11.0	19.0	19.0
2	Model.831	83.018	305.9	323.7	11.0	11.0	19.0	19.0
3	Model.925	83.018	307.9	321.7	11.0	11.0	19.0	19.0
4	Model.815	83.051	303.9	327.6	11.0	11.0	19.0	19.0
5	Model.714	83.051	305.9	325.7	11.0	11.0	19.0	19.0

Obrázek 4.24: Výsledky prvního výpočtu optimalizace průřezů prutů střešní konstrukce

Pořadí	Název modelu	Cílová hodnota $W_{z,min}$ [t]	Optimalizované hodnoty					
			h450 [mm]	h300 [mm]	tw450 [mm]	tw300 [mm]	tf450 [mm]	tf300 [mm]
1	Model.421	82.783	315.8	300.0	11.0	11.0	19.0	19.0
2	Model.390	82.816	317.8	300.0	11.0	11.0	19.0	19.0
3	Model.371	82.816	315.8	302.0	11.0	11.0	19.0	19.0
4	Model.250	82.816	313.8	303.9	11.0	11.0	19.0	19.0
5	Model.397	82.850	319.7	300.0	11.0	11.0	19.0	19.0

Obrázek 4.25: Výsledky druhého výpočtu optimalizace průřezů prutů střešní konstrukce

4.2.5 Optimalizace průřezů sloupů nosných rámců ocelové haly

Druhým a zároveň posledním dílčím krokem je optimalizace průřezu sloupů rámců ocelové haly. V původním statickém návrhu jsou sloupy navrženy jako prut konstantního průřezu HEB 400. Pro účely optimalizace je průřez sloupů s lineárním náběhem. Počáteční průřez sloupů je HEB 400 a koncový průřez sloupů HEB 300. Pro tuto druhou optimalizaci je převzat výsledný výpočtový model předchozí optimalizace, kvůli návaznosti zatížení na sloupy hmotností střešní konstrukcí. Tato dílčí optimalizace nebyla počítána současně s první dílčí úlohou, z toho důvodu, aby byl menší počet globálních parametrů a snížila se tak časová náročnost výpočtu.

Nastavení globálních parametrů

Optimalizované parametry a jejich zadání je stejné jak u předchozí dílčí optimalizace. Změna nastává v hodnotách parametrů, a v přírůstků optimalizace. Nastavení globálních parametrů je znázorněno v tabulce.

Tabulka 4.3: Nastavení globálních parametrů pro optimalizaci průřezů prutů sloupů ocelové haly

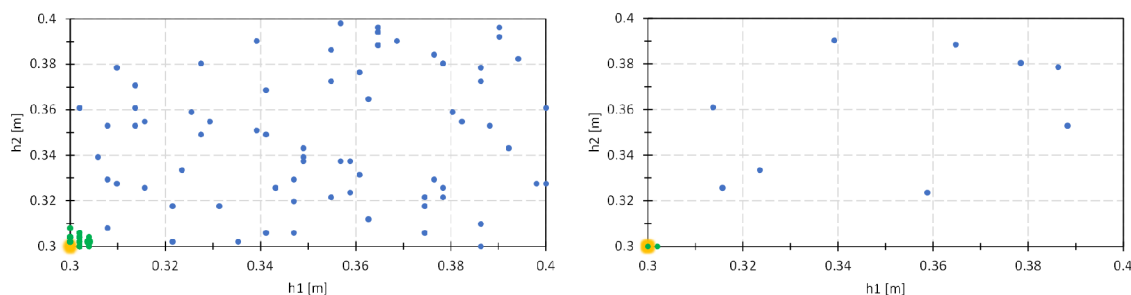
Č.	Název	Symbol	Skupina jednotek	Hodnota	Jednotka	Min	Max	Přírůstek
1	h400	h400	Rozměry	400	mm	300	400	2
2	h300	h300	Rozměry	300	mm	300	400	2
3	tw400	tw400	Rozměry	13,5	mm	11	13,5	0,2
4	tw300	tw300	Rozměry	11	mm	11	13,5	0,2
5	tf400	tf400	Rozměry	24	mm	19	24	0,5
6	tf300	tf300	Rozměry	19	mm	19	24	0,5

Výpočet

Výpočet je proveden stejnou metodou jako při první dílčí optimalizaci, tedy metodou *Particle swarm*. Program vyhodnotil přibližně $6 \cdot 10^7$ možných mutací, ze kterých je vypočítáno 0,001% a je zachováno pět nejlepších variant. Jsou provedeny dva výpočty obdobně jak u první dílčí části. Při prvním výpočtu RFEM 6 stanovil 9 iterací s 72 členy populace. Ve druhém výpočtu bylo ručně nastaveno 100 iterací s 10 členy populace.

Výsledky

Grafy obou výpočtů znázorňující částice populace pro globální parametr h jsou znázorněny na obrázku 4.26.



Obrázek 4.26: Grafy částic populací - konstrukce sloupů (vlevo 1. výpočet vpravo 2. výpočet)

Další grafy znázorňující částice populace pro kombinace globálních parametrů a grafy konvergence účelové funkce jsou obsahem přílohy A.3.

Výsledky prvního výpočtu optimalizace sloupů jsou zobrazeny na obrázku 4.27 a druhého výpočtu na obrázku 4.28.

Pořadí	Název modelu	Cílová hodnota $W_{z,min}$ [t]	Optimalizované hodnoty					
			h_{400} [mm]	h_{300} [mm]	tw_{400} [mm]	tw_{300} [mm]	tf_{400} [mm]	tf_{300} [mm]
1	Model.580	76.128	300.0	300.0	11.0	11.0	19.0	19.5
2	Model.597	76.143	300.0	302.0	11.0	11.0	19.0	19.5
3	Model.546	76.143	302.0	300.0	11.0	11.0	19.0	19.5
4	Model.584	76.158	300.0	303.9	11.0	11.0	19.0	19.5
5	Model.561	76.158	302.0	302.0	11.0	11.0	19.0	19.5

Obrázek 4.27: Výsledky prvního výpočtu optimalizace průřezů prutů sloupů

Pořadí	Název modelu	Cílová hodnota $W_{z,min}$ [t]	Optimalizované hodnoty					
			h_{400} [mm]	h_{300} [mm]	tw_{400} [mm]	tw_{300} [mm]	tf_{400} [mm]	tf_{300} [mm]
1	Model.171	75.979	300.0	300.0	11.0	11.2	19.0	19.0
2	Model.178	75.994	302.0	300.0	11.0	11.2	19.0	19.0
3	Model.166	76.015	300.0	300.0	11.0	11.4	19.0	19.0
4	Model.164	76.030	302.0	300.0	11.0	11.4	19.0	19.0
5	Model.161	76.045	302.0	302.0	11.0	11.4	19.0	19.0

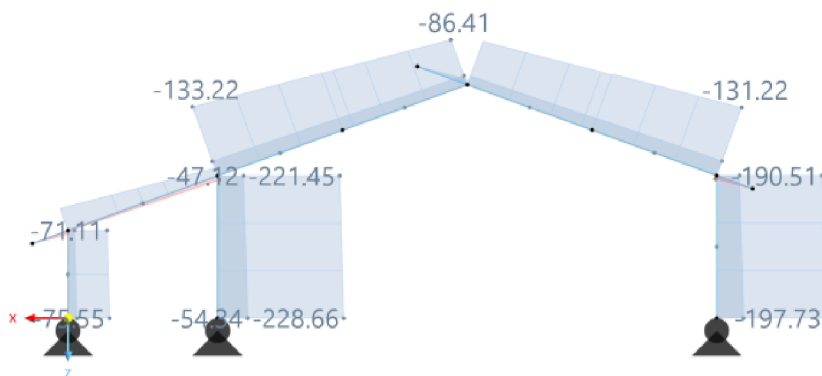
Obrázek 4.28: Výsledky druhého výpočtu optimalizace průřezu prutů sloupů

Stejně tak jako u první dílčí části, je dosaženo lepšího výsledku při druhém výpočtu, kdy je ručně nastaven větší počet iterací. Výpočet zde sice dosáhl u parametru tloušťky stojiny t_w větší hodnoty než první výpočet, ale dosáhl lepší hodnoty pro tloušťku pásnic t_f , která má z hlediska celkové hmotnosti konstrukce větší váhu. Hmotnost konstrukce před optimalizací průřezu sloupů se rovná hmotnosti po optimalizaci střešních prutů střešní konstrukce a rovná se tedy hodnotě 82783 kg. Po této další optimalizaci je celková hmotnost konstrukce $w = 75979$ kg. Bylo tedy ušetřeno dalších 6804 kg materiálu.

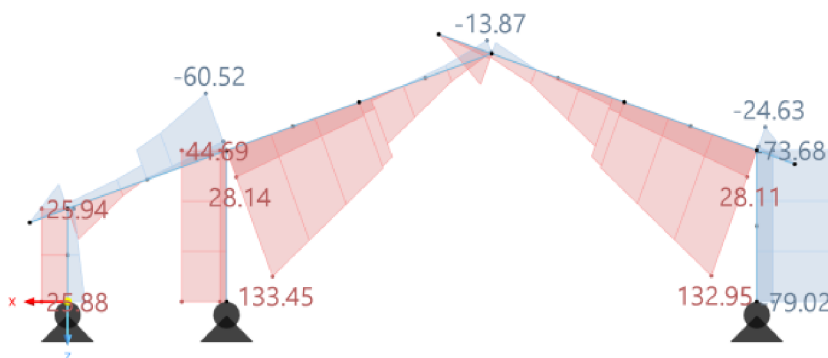
4.2.6 Vnitřní síly a využití průřezů na posudek napětí na optimalizované konstrukci

Průběh vnitřních sil pro kombinaci MSÚ a využití napětí je zobrazen pro porovnání na stejném rámu jako před optimalizačním procesem.

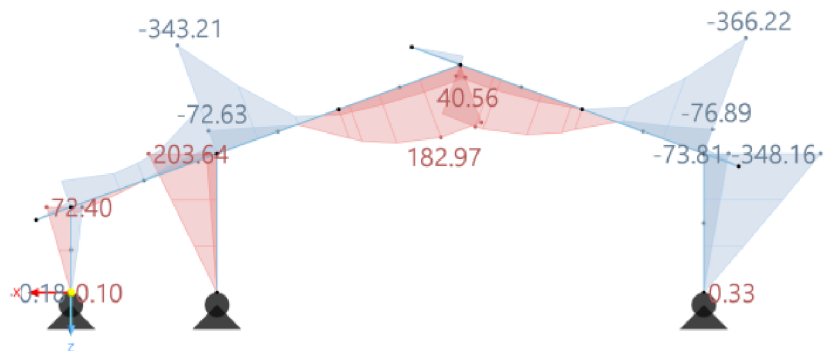
Průběh normálových sil N je zobrazen na obrázku 4.29, posouvajících sil V_z na obrázku 4.30 a ohybových momentů M_y na obrázku 4.31. Zobrazení využití optimalizovaných průřezů v analýze napětí a přetvoření pro normálové napětí σ na obrázku 4.32 a pro smykové napětí τ na obrázku 4.33.



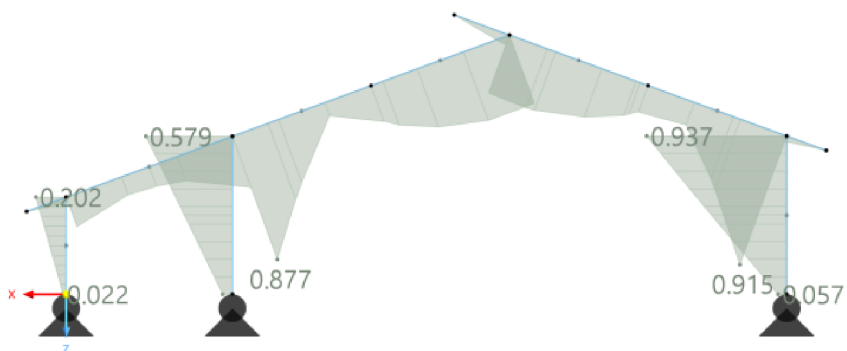
Obrázek 4.29: Průběh normálových sil na optimalizované konstrukci N



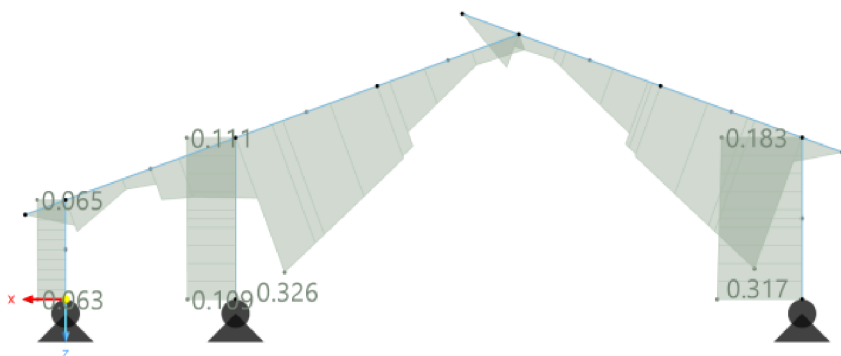
Obrázek 4.30: Průběh posouvajících sil na optimalizované konstrukci V_z



Obrázek 4.31: Průběh ohybových momentů na optimalizované konstrukci M_y



Obrázek 4.32: Využití ocelových průřezů na optimalizované konstrukci pro analýzu napětí a přetvoření - normálové napětí σ



Obrázek 4.33: Využití ocelových průřezů na optimalizované konstrukci pro analýzu napětí a přetvoření - smykové napětí τ

4.2.7 Závěr optimalizace nosného rámu ocelové haly

Před optimalizačním procesem byla celková hmotnost ocelové haly 92579 kg. Jen po optimalizaci průřezů prutů střešní konstrukce se snížila hmotnost na 82783 kg, tedy o 10,58%. Po optimalizaci průřezů sloupů konstrukce se hmotnost konstrukce snížila na 75979 kg, tedy o dalších 8,96%.

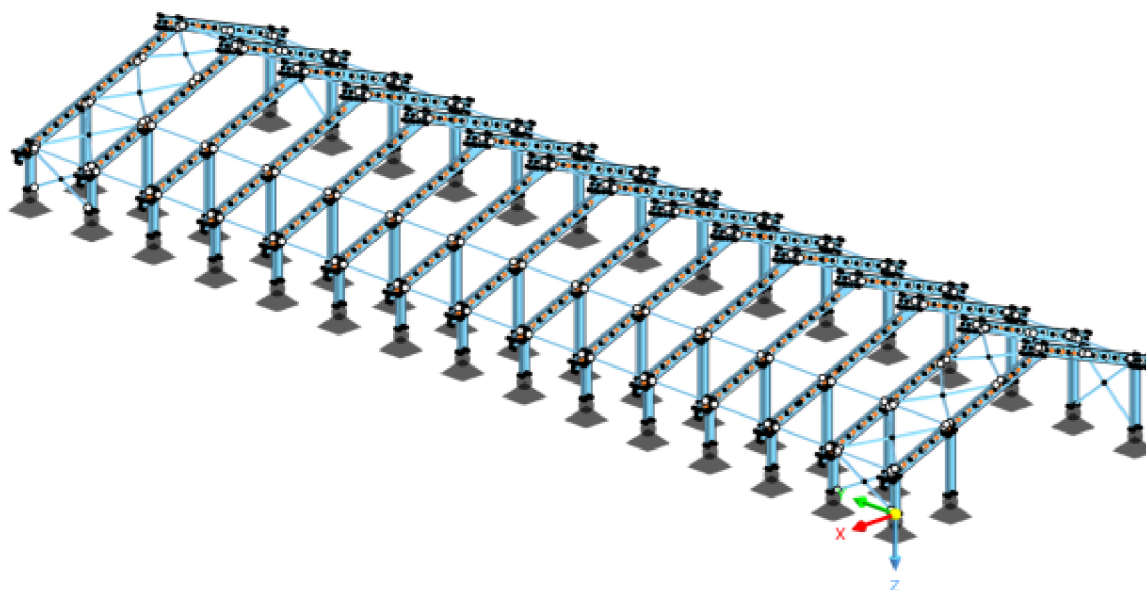
Procesem optimalizace bylo dosaženo příznivých výsledků. Celková hmotnost se dohromady snížila o 16600 kg, to odpovídá přibližně 20%. Snížení hmotnosti konstrukce a tím snížení spotřeby materiálu, má příznivý dopad na ekonomickou a ekologickou stranu návrhu a stavby.

Optimalizační proces má příznivý účinek i na průběhy vnitřních sil. Průřezy konstrukce jsou sice více využity na posudek normálového napětí σ a smykové napětí τ , ale omezující podmínky jsou nadále splněny.

4.3 Optimalizace modelu ocelové haly s pomocí 2D konečných prvků

V této kapitole je řešen model ocelové haly pomocí 2D konečných prvků. Jedná se o stejnou konstrukci ocelové haly jako je řešena v kapitole (4.2) s tím rozdílem, že je model vytvořen pomocí ploch namísto prutových prvků. Střešní konstrukce je upravena na prolamovaný nosník s kruhovými otvory. Optimalizovaná konstrukce musí vyhovět na podmínku mezního normálového napětí.

Kapitola má dvě dílčí části. První dílčí částí je optimalizace celé haly pomocí jednoho globálního parametru. Druhou částí je řešení jednoho typického rámu, kdy je pro každý kruhový otvor zadán globální parametr zvlášť.

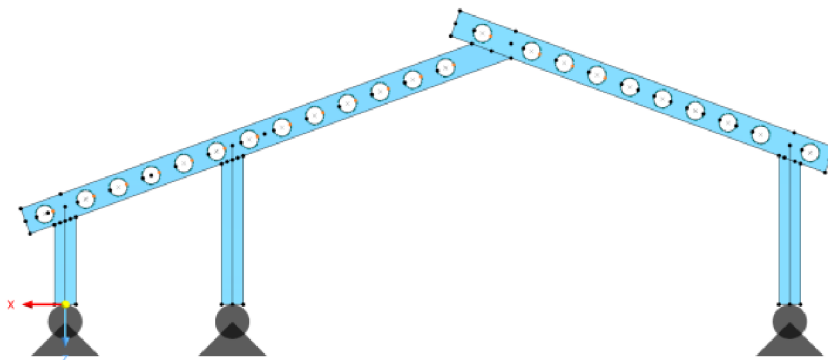


Obrázek 4.34: Model ocelové haly s pomocí 2D konečných prvků

4.3.1 Geometrie

Na obrázku 4.35 je znázorněna geometrie a rozvržení prolamovaných nosníků, který tvoří střešní konstrukci. Tato geometrie je zobrazena na typickém rámu, kde není třeba upravovat vzdálenosti otvorů s ohledem na příčné ztužení ocelové haly.

Prolamovaný nosník má základní profil HEB 600 a je navržen dle tabulek na výšku 770 mm. Vzdálenost otvorů od jejich středu je 1000 mm a jejich poloměr $r = 250$ mm.



Obrázek 4.35: Geometrie prolamovaných nosníků střešní konstrukce ocelové haly

4.3.2 Zatížení

Zatěžovací stavy toho modelu vycházejí ze zatížení v kapitole (4.2). Zatížení střešní konstrukce je zadáno na plochu horních pásnic průřezu. Zatížení sloupů je zadáno na plochu stojiny průřezu.

4.3.3 Optimalizace prolamovaných nosníků střešní konstrukce ocelové haly

Cílem optimalizace je ideální poloměr r kruhových otvorů prolamovaných nosníku, které tvoří střešní konstrukci ocelové haly. Za neoptimálnější variantu je takový poloměr r , kdy se sníží celková hmotnost konstrukce na minimum a zároveň budou nosníky vyhovovat omezující podmínce napětí.

Nastavení globálních parametrů

Globálním parametrem je poloměr r kruhových otvorů prolamovaných nosníků. Je nastaven pouze jeden parametr pro optimalizaci poloměru r , který je zadán do linií kružnic všech kruhových otvorů v rámci celé haly, aby se zajistil stejný konečný výsledek. Nastavení parametru je znázorněno v tabulce.

Tabulka 4.4: Nastavení globálních parametrů pro optimalizaci kruhových otvorů prolamovaných nosníků

Č.	Název	Symbol	Skupina jednotek	Hodnota	Jednotka	Min	Max	Přírůstek
1	r	r	Délky	0,250	m	0,1	0,770	0,01

Výpočet

V RFEM 6 je nastaven výpočet metodou *particle swarm*. Vyhodnotil přibližně 70 mutací. Jsou provedeny celkem čtyři výpočty. Výpočty jsou provedeny pro 25%, 50%, 75% a 100% ze všech mutací.

Výsledek

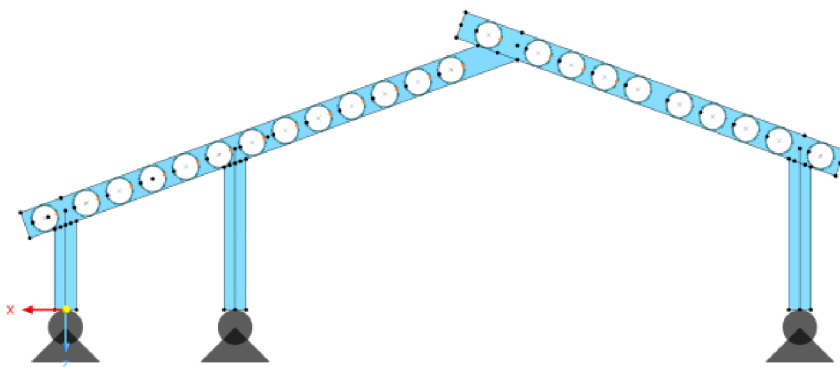
Výsledek je pro všechny čtyři varianty výpočtů totožný a je znázorněn na obrázku 4.36. Grafy znázorňující konvergenci funkce jsou součástí přílohy A.3.

Pořadí	Název modelu	Cílová hodnota $W_{\Sigma, \min}$ [t]	Optimalizované hodnoty polomer_r [m]
1	Model.22	117.203	0.360
2	Model.57	118.150	0.350
3	Model.26	119.070	0.340
4	Model.29	120.831	0.320
5	Model.4	122.486	0.300

Obrázek 4.36: Výsledek výpočtu optimalizace poloměru r prolamovaných nosníků v rámci celé haly

Program vyhodnotil za nejlepší tu variantu, kdy $r = 360$ mm. Hmotnost celé konstrukce před optimalizací je 126530 kg. Po optimalizaci je celková hmotnost konstrukce ocelové haly 117203 kg. Proces optimalizace tedy snížil hmotnost konstrukce o 9327 kg. Procentuálně se ve výsledku snížila hmotnost o 7,37%.

Geometrie prolamovaných nosníků střešní konstrukce po optimalizaci je znázorněna na obrázku 4.37.



Obrázek 4.37: Geometrie prolamovaných nosníků po optimalizaci

4.3.4 Optimalizace typického rámu

Cíl optimalizace je totožný s cílem první dílčí úlohy této kapitoly. V této části je záměrem zjistit, zda se budou lišit výsledky při rozdílném zadání parametrů. Geometrie optimalizované konstrukce je znázorněna v předchozí dílčí úloze na obrázku 4.35.

Nastavení globálních parametrů

Globálním parametrem je opět poloměr r kruhových otvorů prolamovaných nosníků. V této dílčí části do výpočtu vstupuje namísto jednoho globálního parametru dvacet tři globálních parametrů, které jsou zadány pro každou linii jednotlivých kružnic zvlášť. Jelikož se jedná o větší počet parametrů je zmenšen rozptyl hledaného optima a jeho přírůstek. Nastavení globálních parametrů je zobrazeno v tabulce.

Tabulka 4.5: Nastavení globálních parametrů pro optimalizaci prolamovaných nosníků typického rámu

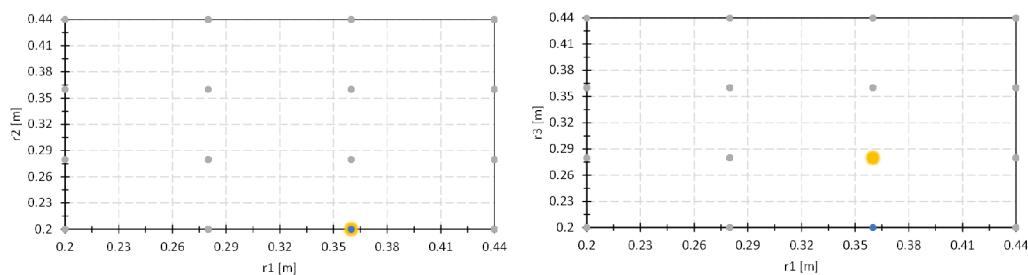
Č.	Název	Symbol	Skupina jednotek	Hodnota	Jednotka	Min	Max	Přírůstek
1	r1	r1	Délky	0,250	m	0,200	0,440	0,08
:	:	:	:	:	:	:	:	:
23	r23	r23	Délky	0,250	m	0,200	0,440	0,08

Výpočet

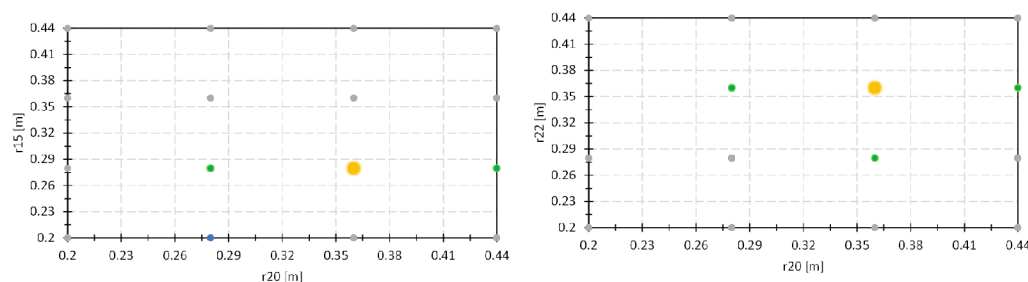
Výpočet je proveden jako obvykle metodou *particle swarm*. Bylo vyhodnoceno přibližně 9^{10} možných mutací. Výpočet je zde proveden jeden a to pro $1 \cdot 10^{-6}\%$ ze všech mutací.

Výsledky

Obrázek 4.38 zobrazuje grafy pro částice populace pro globální parametry $r1$ $r2$ a $r3$. Obrázek 4.39 zobrazuje grafy pro částice populace pro globální parametry $r15$, $r20$ a $r22$. Grafy znázorňující konvergenci funkce jsou součástí přílohy A.3.



Obrázek 4.38: Grafy částic populací (vlevo $r1$ a $r2$, vpravo $r1$ a $r3$)



Obrázek 4.39: Grafy částic populací (vlevo $r20$ a $r15$, vpravo $r20$ a $r22$)

Výsledky této dílčí optimalizační úlohy, které pro všechny globální parametry vyhodnotil program RFEM 6 jsou zobrazeny na obrázku 4.40.

Poradí	Název modelu	Cílová hodnota $W_{\text{min}} [t]$	r1 [m]	r2 [m]	r3 [m]	r4 [m]	r5 [m]	r6 [m]	r7 [m]
1	Model.283	7.537	0.360	0.200	0.280	0.360	0.360	0.360	0.280
2	Model.129	7.596	0.360	0.200	0.280	0.280	0.280	0.280	0.280
3	Model.185	7.661	0.280	0.280	0.280	0.280	0.280	0.280	0.280
4	Model.82	7.610	0.360	0.280	0.280	0.280	0.280	0.280	0.200
5	Model.242	7.615	0.360	0.200	0.280	0.280	0.280	0.280	0.280

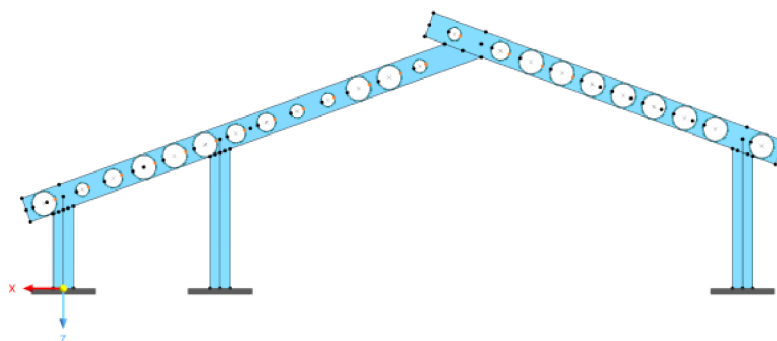
Optimalizované hodnoty							
r8 [m]	r9 [m]	r10 [m]	r11 [m]	r12 [m]	r13 [m]	r14 [m]	r15 [m]
0.280	0.200	0.200	0.360	0.360	0.360	0.200	0.280
0.360	0.200	0.200	0.360	0.280	0.360	0.200	0.280
0.280	0.280	0.280	0.280	0.360	0.360	0.280	0.280
0.360	0.280	0.200	0.360	0.280	0.360	0.280	0.280
0.360	0.200	0.200	0.360	0.280	0.360	0.200	0.280

r16 [m]	r17 [m]	r18 [m]	r19 [m]	r20 [m]	r21 [m]	r22 [m]	r23 [m]
0.360	0.360	0.360	0.360	0.360	0.360	0.360	0.360
0.360	0.360	0.360	0.360	0.360	0.280	0.360	0.360
0.360	0.360	0.360	0.360	0.280	0.280	0.280	0.360
0.280	0.280	0.360	0.360	0.280	0.280	0.360	0.360
0.280	0.360	0.360	0.360	0.360	0.280	0.360	0.360

Obrázek 4.40: Výsledky optimalizace pro všechny globální parametry prolamovaných nosníků střešní konstrukce

Výsledky ukazují, že optimální nalezená hodnota poloměru r není pro všechny otvory totožná. Geometrie konstrukce po optimalizačním procesu je znázorněna na obrázku 4.41.

Hmotnost typického rámu před optimalizací je 7877 kg a po optimalizaci otvorů $w = 7537$ kg. Hmotnost konstrukce se tedy snížila o 340 kg, procentuálně o 4,32%.



Obrázek 4.41: Geometrie konstrukce po optimalizačním procesu

4.3.5 Závěr optimalizace prolamovaných nosníků

V první dílčí části byla provedena optimalizace otvorů prolamovaných nosníků střešní konstrukce ocelové haly s jedním globálním parametrem, který byl zadán pro všechny otvory. V druhé části byl proveden výpočet jednoho typického rámu ocelové haly, kdy byly globální parametry pro každý otvor vytvořeny a zadány samostatně.

Výsledkem první části je, že optimální poloměr otvorů $r = 360$ mm. Ve druhé části je dosaženo výsledku, kdy pro každý kruhový otvor má poloměr r rozdílné hodnoty. Omezující podmínky napětí jsou i po optimalizačním procesu splněny.

V první části se hmotnost konstrukce snížila o 9327 kg a ve druhé části o 340 kg. V první části se však jednalo o snížení hmotnosti konstrukce celé haly, v případě vztažení snížení hmotnosti na jeden rám, kdy hmotnost rámu je 7288 kg, se hmotnost snížila o 589 kg. Tyto výsledky naznačují, že optimalizace kdy je použit jeden parametr pro všechny otvory je nejen efektivnější, ale v reálné výstavbě proveditelná možnost jak snížit ekologickou a ekonomickou stranu výstavby.

5 | Závěr

Cílem diplomové práce bylo pomocí optimalizačního procesu dosáhnout na různých modelech typických rámu ocelové haly nejnížší hmotnosti. Před optimalizací větších úloh v programu RFEM 6 bylo provedeno analytické ověření na jednom modelu, kde bylo cílem stanovit minimální ocelové průřezy prutů s náběhy na řešené konstrukci. Pro tuto analytickou část bylo zapotřebí několik kroků včetně výpočtu vnitřních sil za pomoci deformační metody a výpočet napětí jako omezující podmínky optimalizace. Model, na kterém byl analytický výpočet proveden byl poté vypočítán v programu RFEM 6. Závěrem bylo provedeno porovnání výsledků obou řešení. Výsledky se shodovaly a byla tak ověřena správná funkčnost výpočetního programu.

Další výpočet byl zaměřen na optimalizaci krajních průřezů konstrukce celé ocelové haly na modelu vytvořeného s pomocí 1D konečných prvků. Prvním dílčím úkolem byla optimalizace prutů s náběhy, které představují střešní konstrukci haly. Touto dílčí optimalizací se snížila hmotnost konstrukce z původní hmotnosti 92579 kg na 82783 kg. Dále v návaznosti na tuto dílčí část byla provedena optimalizace sloupů konstrukce. Celková hmotnost se tak snížila na konečnou hodnotu 75979 kg. Celkovou optimalizací se snížila hmotnost konstrukce o 16600 kg tedy o 20%.

Poslední výpočet byl zaměřen na optimalizaci modelu vytvořeného s pomocí 2D konečných prvků. Kdy byla konstrukce haly vymodelována pomocí ploch a střešní konstrukce jako prolamovaný nosník s kruhovými otvory. Prvně byla provedena optimalizace celé haly s jedním globálním parametrem pro všechny otvory a poté s globálními parametry pro každý otvor prolamovaného nosníku zvlášť.

Optimalizace prolamovaného nosníku s jedním globálním parametrem pro všechny kruhové otvory dosáhla výsledku, kdy se hmotnost konstrukce jednoho rámu snížila o 589 kg, tedy o 7,48%. Při optimalizaci typického rámu s globálními parametry individuálně zadanými pro každý kruhový otvor, bylo dosaženo výsledku snížení hmotnosti o 340 kg, tedy o 4,32%. První dílčí výpočet dosáhl optimálnějšího výsledku nejen v rámci snížení hmotnosti, ale i v rámci proveditelnosti výstavby. Lepší výsledky pro druhou dílčí část, by byly možné zajistit pomocí ručního nastavení algoritmu, kdy při navýšení počtu částic a především iterací je možné dosáhnout kvalitnějších výsledků.

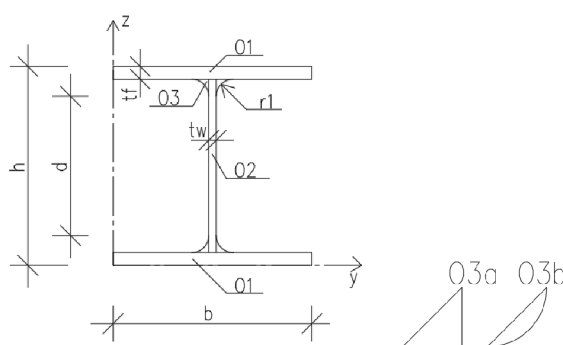
Závěrem lze říci, že optimalizace představuje celkový přístup, který zohledňuje nejen konstrukční účinnost, ale také nákladovou efektivitu, udržitelnost a přizpůsobivost. Cíl optimalizačního procesu se projevuje dosažením vyvážené konstrukce, která splňuje všechna stanovená kritéria a zároveň optimalizuje využití zdrojů a minimalizuje náklady.

A | Přílohy

A.1 Lineární interpolace průřezu

V první příloze je příklad lineární interpolace průřezu pro variantu E. Tedy pro variantu, kdy na začátku prutů střešní konstrukce je průřez HEB 400 a na konci průřez HEB 360. Před samotnou interpolací jsou ručně dopočítány průřezové charakteristiky právě zmíněných průřezů, které jsou základem pro určení definované oblasti optimalizace. Výpočet je proveden v programu MS EXCEL.

Obrázek A.1 znázorňuje rozdělení průřezu na jednotlivé obrazce a souřadný systém pro výpočet průřezových charakteristik.



Obrázek A.1: Rozdělení průřezu na jednotlivé obrazce

Výpočet vychází ze vstupních parametrů A.2, kterými jsou rozměry daného průřezu.

HEB 400					
h [mm]	b [mm]	tf [mm]	tw [mm]	r [mm]	d [mm]
400	300	24	13.5	27	298
Hmotnost G					
$\rho =$	7850	kg/m ³			
A =	0.019778	m ²			
G =	155.2556	kg/m	=	1.552556	kN/m
HEB 360					
h [mm]	b [mm]	tf [mm]	tw [mm]	r [mm]	d [mm]
360	300	22.5	12.5	27	261
Hmotnost G					
$\rho =$	7850	kg/m ³			
A =	0.018063	m ²			
G =	141.8	kg/m	=	1.417967	kN/m

Obrázek A.2: Vstupní parametry

První krok - Jsou dopočítány plochy jednotlivých obrazců a následně celková plocha průřezu A.3. Obrazec 3, který představuje zaoblení u přechodu z pásnic na stojinu, je rozdělen na trojúhelník a kruhovou úseč.

HEB 400 Plocha			HEB 360 Plocha		
Obrazec 1			Obrazec 1		
A1 =	7200	mm ²	A1 =	6750	mm ²
Obrazec 2			Obrazec 2		
A2 =	4752	mm ²	A2 =	3937.5	mm ²
Obrazec 3			Obrazec 3		
A3a =	364.5	mm ²	A3a =	364.5	mm ²
A3b =	208.0552611	mm ²	A3b =	208.0552611	mm ²
A3 =	156.4447389	mm ²	A3 =	156.4447389	mm ²
Plocha HEB 400			Plocha HEB 360		
A =	19777.77896	mm ²	A =	18063.27896	mm ²

Obrázek A.3: Výpočet plochy

Druhý krok - Souřadnice těžiště a statické momenty jednotlivých průřezů a následně celkové těžiště průřezu A.4.

Těžiště			Těžiště		
Obrazec 1			Obrazec 1		
Ty1 =	150	mm	Ty1 =	150	mm
Tz1 =	12	mm	Tz1 =	11.25	mm
Obrazec 2			Obrazec 2		
Ty2 =	6.75	mm	Ty2 =	6.25	mm
Tz2 =	176	mm	Tz2 =	157.5	mm
Obrazec 3			Obrazec 3		
Ty3a =	9	mm	Ty3a =	9	mm
Tz3a =	9	mm	Tz3a =	9	mm
Ty3b =	19.09188309	mm	Ty3b =	19.09188	mm
Tz3b =	3.206652242	mm	Tz3b =	3.206652	mm
Těžiště T3b vzhledem k hlavním osám O3			Těžiště T3b vzhledem k hlavním osám O3		
Ty3b = Tz3b =	11.23255	mm	Ty3b = Tz3b =	11.23255	mm
Těžiště obrazce O3			Těžiště obrazce O3		
Ty3 = Tz3 =	6.030934	mm	Ty3 = Tz3 =	6.030934	mm
Souřadnice jednotlivých těžišť k hlavním osám			Souřadnice jednotlivých těžišť k hlavním osám		
Ty1d =	150	mm	Ty1d =	150	mm
Tz1d =	12	mm	Tz1d =	11.25	mm
Ty1h =	150	mm	Ty1h =	150	mm
Tz1h =	388	mm	Tz1h =	348.75	mm
Ty2 =	150	mm	Ty2 =	150	mm
Tz2 =	200	mm	Tz2 =	180	mm
Ty3Ld =	137.2190656	mm	Ty3Ld =	137.7191	mm
Tz3Ld =	30.03093435	mm	Tz3Ld =	28.53093	mm
Ty3Pd =	162.7809344	mm	Ty3Pd =	162.2809	mm
Tz3Pd =	30.03093435	mm	Tz3Pd =	28.53093	mm
Ty3Lh =	137.2190656	mm	Ty3Lh =	137.7191	mm
Tz3Lh =	369.9690656	mm	Tz3Lh =	331.4691	mm
Ty3Ph =	162.7809344	mm	Ty3Ph =	162.2809	mm
Tz3Ph =	369.9690656	mm	Tz3Ph =	331.4691	mm
Statické momenty k hlavním osám			Statické momenty k hlavním osám		
Sy =	3955555.791	mm ³	Sy =	3251390	mm ³
Sz =	2966666.843	mm ³	Sz =	2709492	mm ³
Těžiště HEB 400			Těžiště HEB 360		
Ty =	150	mm	Ty =	150	mm
Tz =	200	mm	Tz =	180	mm

Obrázek A.4: Výpočet těžiště

Třetí krok - Momenty setrvačnosti jednotlivých průřezů a následně pomocí Steinerovy věty celkový moment setrvačnosti průřezu A.5.

Moment setrvačnosti			Moment setrvačnosti		
ly1 =	345600	mm ⁴	ly1 =	284765.6	mm ⁴
ly2 =	49065984	mm ⁴	ly2 =	32558208	mm ⁴
ly3a =	7381.125	mm ⁴	ly3a =	7381.125	mm ⁴
ly3b =	897.9861181	mm ⁴	ly3b =	897.9861	mm ⁴
ly3 =	4067.013912	mm ⁴	ly3 =	4067.014	mm ⁴
Moment setrvačnosti HEB 400			Moment setrvačnosti HEB 360		
ly =	576805482.7	mm ⁴	ly =	4.32E+08	mm ⁴

Obrázek A.5: Výpočet těžiště

Čtvrtý krok - Lineární interpolace průřezu A.6.

Lineární interpolace									
HEB 400									
h [mm]	b [mm]	tf [mm]	tw [mm]	r [mm]	d [mm]				
400	300	24	13.5	27	298				
HEB 360									
h [mm]	b [mm]	tf [mm]	tw [mm]	r [mm]	d [mm]				
360	300	22.5	12.5	27	261				
Interpolace výšky průřezu h									
n =	6326	mm	a =	0	mm	b =	14842	mm	
(y-x) / (b-a) = j			j =	-0.0027	mm	x =	400	mm	y = 360 mm
n-a = m			m =	6326	mm				
m*j = d			d =	-17.0489	mm				
x+d = V			V =	382.9511	mm				
Interpolace šířky průřezu b									
n =	6326	mm	a =	0	mm	b =	14842	mm	
(y-x) / (b-a) = j			j =	0	mm	x =	300	mm	y = 300 mm
n-a = m			m =	6326	mm				
m*j = d			d =	0	mm				
x+d = V			V =	300	mm				
Interpolace tloušťky pásnice tf									
n =	6326	mm	a =	0	mm	b =	14842	mm	
(y-x) / (b-a) = j			j =	-0.0001	mm	x =	24	mm	y = 22.5 mm
n-a = m			m =	6326	mm				
m*j = d			d =	-0.63933	mm				
x+d = V			V =	23.36067	mm				
Interpolace tloušťky stojiny tw									
n =	6326	mm	a =	0	mm	b =	14842	mm	
(y-x) / (b-a) = j			j =	-6.7E-05	mm	x =	13.5	mm	y = 12.5 mm
n-a = m			m =	6326	mm				
m*j = d			d =	-0.42622	mm				
x+d = V			V =	13.07378	mm				
Interpolace poloměru zaoblení r									
n =	6326	mm	a =	0	mm	b =	14842	mm	
(y-x) / (b-a) = j			j =	0	mm	x =	27	mm	y = 27 mm
n-a = m			m =	6326	mm				
m*j = d			d =	0	mm				
x+d = V			V =	27	mm				
Interpolace výšky stojiny d									
n =	6326	mm	a =	0	mm	b =	14842	mm	
(y-x) / (b-a) = j			j =	-0.00249	mm	x =	298	mm	y = 261 mm
n-a = m			m =	6326	mm				
m*j = d			d =	-15.7702	mm				
x+d = V			V =	282.2298	mm				

Obrázek A.6: Lineární interpolace

Pátý krok - Výpočet plochy průřezu v místě n A.7.

HEB v místě n					
h [mm]	b [mm]	tf [mm]	tw [mm]	r [mm]	d [mm]
382.9511	300	23.36067	13.07378	27	282.2298

HEB v místě n		
Plocha		
Obrazec 1		
A1 =	7008.2	mm ²
Obrazec 2		
A2 =	4395.793	mm ²
Obrazec 3		
A3a =	364.5	mm ²
A3b =	208.0553	mm ²
A3 =	156.4447	mm ²
Plocha HEB v místě n		
A =	19037.97	mm ²

Obrázek A.7: Výpočet plochy průřezu v místě n

Šestý krok - Výpočet těžiště průřezu v místě n A.8.

Těžiště		
Obrazec 1		
Ty1 =	150	mm
Tz1 =	11.68033	mm
Obrazec 2		
Ty2 =	6.536889	mm
Tz2 =	168.1149	mm
Obrazec 3		
Ty3a =	9	mm
Tz3a =	9	mm
Ty3b =	19.09188	mm
Tz3b =	3.206652	mm
Těžiště T3b vzhledem k hlavním osám O3		
Ty3b = Tz3b =	11.23255	mm
Těžiště obrazce O3		
Ty3 = Tz3 =	6.030934	mm
Souřadnice jednotlivých těžišť k hlavním osám		
Ty1d =	150	mm
Tz1d =	11.68033	mm
Ty1h =	150	mm
Tz1h =	371.2708	mm
Ty2 =	150	mm
Tz2 =	191.4755	mm
Ty3Ld =	137.4322	mm
Tz3Ld =	29.3916	mm
Ty3Pd =	162.5678	mm
Tz3Pd =	29.3916	mm
Ty3Lh =	137.4322	mm
Tz3Lh =	353.5595	mm
Ty3Ph =	162.5678	mm
Tz3Ph =	353.5595	mm
Statické momenty k hlavním osám		
Sy =	3645306	mm ³
Sz =	2855696	mm ³
Těžiště HEB v místě n		
Ty =	150	mm
Tz =	191.4755	mm

Obrázek A.8: Výpočet průřezových charakteristik průřezu v místě n

Sedmý krok - Výpočet momentu setrvačnosti průřezu v místě n A.9.

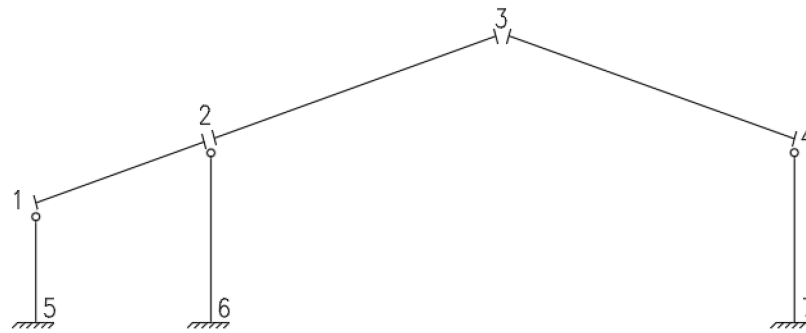
Moment setrvačnosti			
$I_{y1} =$	318710	mm^4	
$I_{y2} =$	41412196	mm^4	
$I_{y3a} =$	7381.125	mm^4	
$I_{y3b} =$	897.9861	mm^4	
$I_{y3} =$	4067.014	mm^4	
Moment setrvačnosti HEB v místě n			
$I_y =$	5.12E+08	mm^4	
Hmotnost G			
$\rho =$	7850	kg/m^3	
$A =$	0.019038	m^2	
$G =$	149.4481	kg/m	$= 1.494481 \text{ kN/m}$

Obrázek A.9: Výpočet momentu setrvačnosti průřezu v místě n

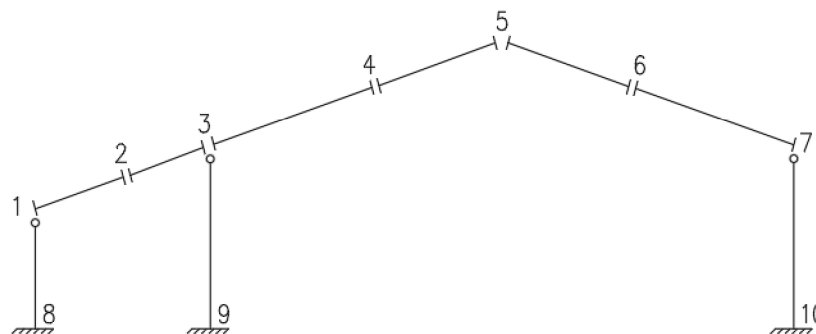
A.2 Deformační metoda

Ve druhé příloze je ukázán výpočet deformační metodou pro variantu E. Tedy pro stejnou variantu jako je uvedena v příloze A.1. Výpočet je proveden v programu MS Excel.

Před výpočtem deformační metodou je vytvořen výpočtový model. Ten je sestaven zvlášť pro zatěžovací stavy *vlastní tíha konstrukce*, *ostatní stálé zatížení*, *plný sníh* a *levý vítr +/-*. Výpočtový model pro první tři zatěžovací stavy je znázorněn na obrázku A.10 a pro poslední zatěžovací stav na obrázku A.11.

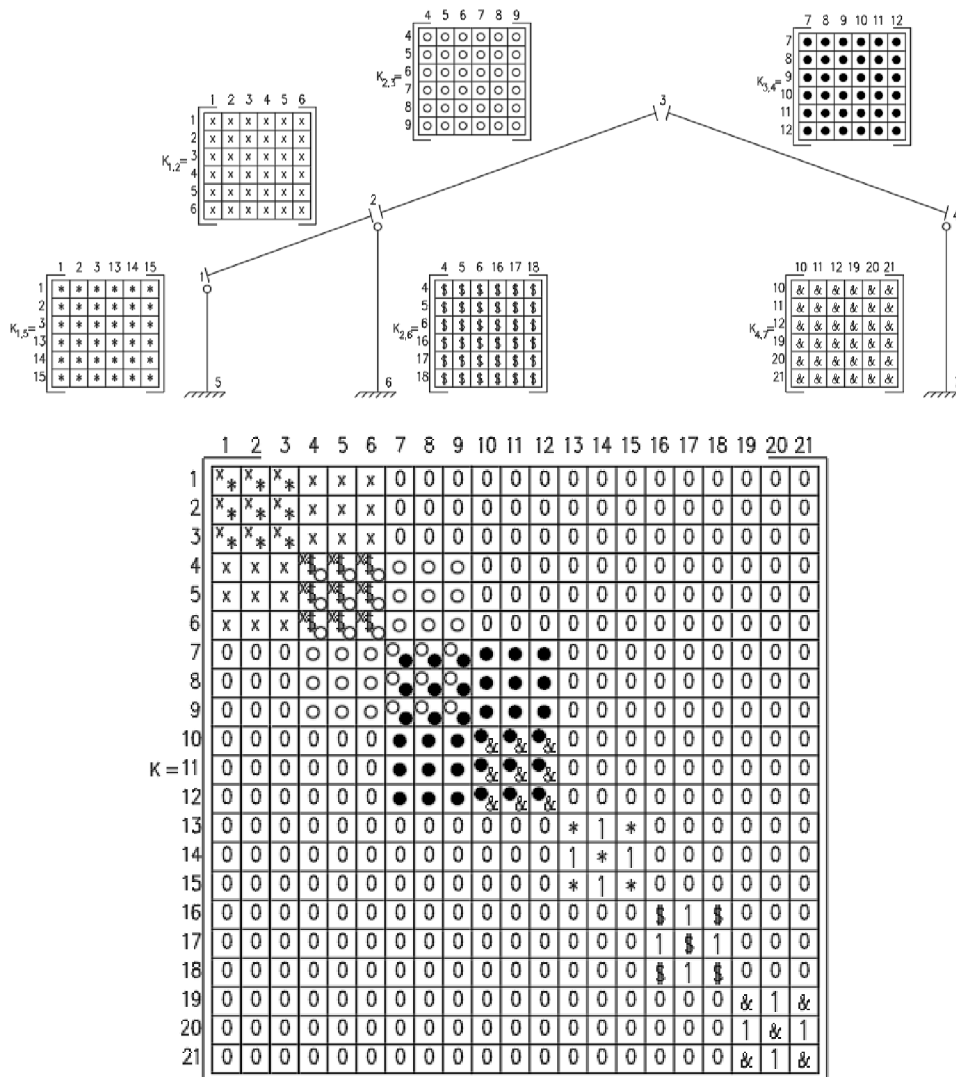


Obrázek A.10: Výpočtový model pro zatěžovací stavy *vlastní tíha konstrukce*, *ostatní stálé zatížení*, *plný sníh*



Obrázek A.11: Výpočtový model pro zatěžovací stav *levý vítr +/-*

Pro sestavení celkového primárního vektoru $\bar{\mathbf{R}}$ a celkové matice tuhosti \mathbf{K} je použita lokalizace. Znázornění lokalizace celkové matice tuhosti je pro zatěžovací stavy *vlastní tíha konstrukce, ostatní stálé zatížení, plný sníh* na obrázku A.12 a pro zatěžovací stav *levý vítr +/-* na obrázku A.13.



Obrázek A.12: Lokalizace matice tuhosti \mathbf{K} pro zatěžovací stavy *vlastní tíha konstrukce, ostatní stálé zatížení, plný sníh*

1. ZS - Vlastní tíha

g1 = 1.519 [kN/m] g2 = 1.456 [kN/m] g3 = 1.488 [kN/m] g4 = 1.554 [kN/m]

Síly v uzlech - Převíslé konce

1. Převíslý konec -> Stýčků 1		2. Převíslý konec -> Stýčků 3		3. Převíslý konec -> Stýčků 4	
I1 =	1.216 [m]	I2 =	1.699 [m]	I3 =	1.22 [m]
lx1 =	1.142 [m]	lx2 =	1.597 [m]	lx3 =	1.146 [m]
F1 =	1.847104 [kN]	F2 =	2.473744 [kN]	F3 =	1.81536 [kN]
M1 =	1.054696 [kNm]	M2 =	1.975285 [kNm]	M3 =	-1.040201 [kNm]

Prut 1-2

Vstupní údaje

I [m]	α [-]	A [m2]	A0 [m2]	I [m4]	I0 [m4]	E [kPa]
5.11	339.95	0.019635	0.019038	0.000564	0.000512	2.1E+08

Dopočítané údaje

cos	sin	cos*sin	q [kN/m]	n [kN/m]
0.939394	-0.34284	-0.322062	1.426939	-0.520774

Deformační součinitele

c	δ1	δ0	α12	α21	β	φ12	φ21	D
1.03295	1.26E-06	-1.68E-06	1.47E-05	1.55E-05	7.55E-06	6.96E-05	7.1E-05	1.71E-10

Primární lokální vektor koncových sil - členy

R	Z*12;0	Z*21;0
-2.661155	3.64583	3.64583

Lokální matice tuhosti

u1	w1	φ1	u2	w2	φ2
795202.4	0	0	-795202.4	0	0
0	10145.97	-26343.12	0	-10145.97	-25502.8
0	-26343.12	90467.16	0	26343.12	44146.16
-795202.4	0	0	795202.4	0	0
0	-10145.97	26343.12	0	10145.97	25502.8
0	-25502.8	44146.16	0	25502.8	86173.16

Transformační matice

0.939394	-0.34284	0	0	0	0
0.34284	0.939394	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0
0	0	0	0.939394	-0.34284	0
0	0	0	0.34284	0.939394	0
0	0	0	0	0	1

Transponovaná transformační matice

0.939394	0.34284	0	0	0	0
-0.34284	0.939394	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0
0	0	0	0.939394	0.34284	0
0	0	0	-0.34284	0.939394	0
0	0	0	0	0	1

Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti

747008.2	3478.446	-9031.475	-747008.2	-3478.446	-8743.382
-272627.2	9531.064	-24746.56	272627.2	-9531.064	-23957.17
0	-26343.12	90467.16	0	26343.12	44146.16
-747008.2	-3478.446	9031.475	747008.2	3478.446	8743.382
272627.2	-9531.064	-24746.56	-272627.2	9531.064	23957.17
0	-25502.8	44146.16	0	25502.8	86173.16

Globální matice tuhosti

1	2	3	4	5	6
702927.4	-252836.7	-9031.475	-702927.4	252836.7	-8743.382
-252836.7	102421	-24746.56	252836.7	-102421	-23957.17
-9031.475	-24746.56	90467.16	9031.475	24746.56	44146.16
-702927.4	252836.7	9031.475	702927.4	-252836.7	8743.382
252836.7	-102421	-24746.56	-252836.7	102421	23957.17
-8743.382	-23957.17	44146.16	8743.382	23957.17	86173.16

Primární lokální vektor koncových sil

1.323389	-3.622191	3.135064	1.337767	-3.669468	-3.349903
-3.622191	3.135064	1.337767	-3.669468	-3.349903	

Primární globální vektor koncových sil

0.001351	-3.856375	3.135064	-0.001351	-3.905715	-3.349903
-3.856375	3.135064	-0.001351	-3.905715	-3.349903	

Prut 2-3

Vstupní údaje

I [m]	α [-]	A [m2]	A0 [m2]	I [m4]	I0 [m4]	E [kPa]
8.516	339.95	0.019038	0.018063	0.000512	0.000432	2.1E+08

Dopočítané údaje

cos	sin	cos*sin	q [kN/m]	n [kN/m]
0.939394	-0.34284	-0.322062	1.367757	-0.499175

Deformační součinitele

c	δ1	δ0	α23	α32	β	φ23	φ32	D
1.058048	2.18E-06	-4.68E-06	2.76E-05	3E-05	1.44E-05	0.00035	0.000362	6.2E-10

Primární lokální vektor koncových sil - členy

R	Z*23;0	Z*32;0
-4.250975	5.823911	5.823911

Lokální matice tuhosti

u2	w2	φ2	u3	w3	φ3
458237.4	0	0	-458237.4	0	0
0	1919.468	-8403.62	0	-1919.468	-7942.57
0	-8403.62	48379.31	0	8403.62	23185.93
-458237.4	0	0	458237.4	0	0
0	-1919.468	8403.62	0	1919.468	7942.57
0	-7942.57	23185.93	0	7942.57	44453

Transformační matice

0.939394	-0.34284	0	0	0	0
0.34284	0.939394	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0
0	0	0	0.939394	-0.34284	0
0	0	0	0.34284	0.939394	0
0	0	0	0	0	1

Transponovaná transformační matice

0.939394	0.34284	0	0	0	0
-0.34284	0.939394	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0
0	0	0	0.939394	0.34284	0
0	0	0	-0.34284	0.939394	0
0	0	0	0	0	1

Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti

430465.4	658.0705	-2881.098	-430465.4	-658.0705	-2723.031
-157102.1	1803.136	-7894.309	157102.1	-1803.136	-7461.201
0	-8403.62	48379.31	0	8403.62	23185.93
-430465.4	-658.0705	2881.098	430465.4	658.0705	2723.031
157102.1	-1803.136	7894.309	-157102.1	1803.136	7461.201
0	-7942.57	23185.93	0	7942.57	44453

Globální matice tuhosti

4	5	6	7	8	9
404602.1	-146962.6	-2881.098	-404602.1	146962.6	-2723.031
-146962.6	5554.76	-7894.309	146962.6	-5554.76	-7461.201
-2881.098	-7894.309	48379.31	2881.098	7894.309	23185.93
-404602.1	146962.6	2881.098	404602.1	-146962.6	2723.031
146962.6	-5554.76	7894.309	-146962.6	5554.76	7461.201
-2723.031	-7461.201	23185.93	2723.031	7461.201	44453

Primární lokální vektor koncových sil

2.1055	-5.758191	8.404647	2.145475	-5.889631	-9.412111
-5.758191	8.404647	2.145475	-5.889631	-9.412111	

Primární globální vektor koncových sil

0.003755	-6.131059	8.404647	-0.003755	-6.268237	-9.412111
-6.131059	8.404647	-0.003755	-6.268237	-9.412111	

Prut 3-4

Vstupní údaje

I [m]	α [-]	A [m2]	A0 [m2]	I [m4]	I0 [m4]	E [kPa]
8.514	20	0.019591	0.018314	0.00056	0.000452	2.1E+08

Dopočítané údaje

cos	sin	cos*sin	q [kN/m]	n [kN/m]
0.939693	0.34202	0.321394	1.398263	0.508926

Deformační součinitele

c	δ1	δ0	α34	α43	β	φ34	φ43	D
1.074246	2.14E-06	4.68E-06	2.83E-05	2.55E-05	1.34E-05	0.000348	0.000333	5.41E-10

Primární lokální vektor koncových sil - členy

R	Z*34;0	Z*43;0
4.332996	5.952404	5.952404

Lokální matice tuhosti

u3	w3	φ3	u4	w4	φ4
468276.6	0	0	-468276.6	0	0
0	2055.991	-8439.07	0	-2055.991	-9065.64
0	-8439.07	47036.52	0	8439.07	24813.72
-468276.6	0	0	468276.6	0	0
0	-2055.991	8439.07	0	2055.991	9065.64
0	-9065.64	24813.72	0	9065.64	52371.14

Transformační matice

0.939693	0.34202	0	0	0	0
-0.34202	0.939693	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0
0	0	0	0.939693	0.34202	0
0	0	0	-0.34202	0.939693	0
0	0	0	0	0	1

Transponovaná transformační matice

0.939693	-0.34202	0	0	0	0
0.34202	0.939693	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0
0	0	0	0.939693	-0.34202	0
0	0	0	0.34202	0.939693	0
0	0	0	0	0	1

Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti

440036	-703.1905	2886.332	-440036	703.1905	3100.632
160160	1932	-7930.132	-160160	-1932	-8518.915
0	-8439.07	47036.52	0	8439.07	24813.72
-440036	703.1905	-2886.332	440036	-703.1905	-3100.632
-160160	-1932	7930.132	160160	1932	8518.915
0	-9065.64	24813.72	0	9065.64	52371.14

Globální matice tuhosti

7	8	9	10	11	12
413739.1	149840.4	2886.332	-413739.1	-149840.4	3100.632
149840.4	56593.44	-7930.132	-149840.4	-56593.44	-8518.915
2886.332	-7930.132	47036.52	-2886.332	7930.132	24813.72
-413739.1	-149840.4	-2886.332	413739.1	149840.4	-3100.632
-149840.4	-56593.44	7930.132	149840.4	56593.44	8518.915
3100.632	-8518.915	24813.72	-3100.632	8518.915	52371.14

Primární lokální vektor koncových sil

-2.14064	-6.037657	8.262887	-2.192356	-5.867151	-7.0
----------	-----------	----------	-----------	-----------	------

Prut 1-5								
Vstupní údaje								
l [m]	α [-]	A [m2]	I [m4]	E [kPa]				
2.805	270	0.019778	0.000577	2.1E+08				
Dopočítané údaje								
cos	sin	cos* \sin	q [kN/m]	n [kN/m]				
0	-1	0	0	-1.554				
Deformační součinitelé								
c	$\delta 1$	$\delta 0$	$\alpha 15$	$\alpha 51$	β	$\varphi 15$	$\varphi 51$	D
0	0	0	0	0	0	0	0	0
Primární lokální vektor koncových sil - členy								
R	Z*15;0	Z*51;0						
-4.35897	0	0						
Lokální matice tuhosti								
u1	w1	$\varphi 1$	u5	w5	$\varphi 5$			
1480689	0	0	-1480689	0	0	u1		
0	16465.36	0	0	-16465.36	-46185.35	w1		
[K*1;5] =	0	0	0	0	0	$\varphi 1$		
-1480689	0	0	1480689	0	0	u5		
0	-16465.36	0	0	16465.36	46185.35	w5		
0	-46185.35	0	0	46185.35	129549.9	$\varphi 5$		
Transformační matice								
0	-1	0	0	0	0			
1	0	0	0	0	0			
[T1;5] =	0	0	1	0	0			
0	0	0	0	-1	0			
0	0	0	0	1	0			
0	0	0	0	0	1			
Transponovaná transformační matice								
0	1	0	0	0	0			
-1	0	0	0	0	0			
[T1;5]T =	0	0	1	0	0			
0	0	0	0	1	0			
0	0	0	0	-1	0			
0	0	0	0	0	1			
Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti								
0	16465.36	0	0	-16465.36	-46185.35			
-1480689	0	0	1480689	0	0			
[T1;5]T*[K*1;5] =	0	0	0	0	0			
0	-16465.36	0	0	16465.36	46185.35			
1480689	0	0	-1480689	0	0			
0	-46185.35	0	0	46185.35	129549.9			
Globální matice tuhosti								
1	2	3	13	14	15			
16465.36	0	0	-16465.36	0	-46185.35	1		
0	1480689	0	0	-1480689	0	2		
[K1;5] =	0	0	0	0	0	3		
-16465.36	0	0	16465.36	0	46185.35	13		
0	-1480689	0	0	1480689	0	14		
-46185.35	0	0	46185.35	0	129549.9	15		
Primární lokální vektor koncových sil								
2.179485								
0								
{R*1;5} =	2.179485							
0								
0								
Primární globální vektor koncových sil								
0								
-2.179485								
{R1;5} =	0							
0								
-2.179485								
0								

Prut 2-6								
Vstupní údaje								
l [m]	α [-]	A [m2]	I [m4]	E [kPa]				
4.557	270	0.019778	0.000577	2.1E+08				
Dopočítané údaje								
cos	sin	cos* \sin	q [kN/m]	n [kN/m]				
0	-1	0	0	-1.554				
Deformační součinitelé								
c	$\delta 1$	$\delta 0$	$\alpha 26$	$\alpha 62$	β	$\varphi 26$	$\varphi 62$	D
0	0	0	0	0	0	0	0	0
Primární lokální vektor koncových sil - členy								
R	Z*26;0	Z*62;0						
-7.081578	0	0						
Lokální matice tuhosti								
u2	w2	$\varphi 2$	u6	w6	$\varphi 6$			
911418.4	0	0	-911418.4	0	0	u2		
0	3840.014	0	0	-3840.014	-17498.95	w2		
[K*2;6] =	0	0	0	0	0	$\varphi 2$		
-911418.4	0	0	911418.4	0	0	u6		
0	-3840.014	0	0	3840.014	17498.95	w6		
0	-17498.95	0	0	17498.95	79742.69	$\varphi 6$		
Transformační matice								
0	-1	0	0	0	0			
1	0	0	0	0	0			
[T2;6] =	0	0	1	0	0			
0	0	0	0	-1	0			
0	0	0	0	1	0			
0	0	0	0	0	1			
Transponovaná transformační matice								
0	1	0	0	0	0			
-1	0	0	0	0	0			
[T2;6]T =	0	0	1	0	0			
0	0	0	0	1	0			
0	0	0	0	-1	0			
0	0	0	0	0	1			
Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti								
0	3840.014	0	0	-3840.014	-17498.95			
-911418.4	0	0	911418.4	0	0			
[T2;6]T*[K*2;6] =	0	0	0	0	0			
0	-3840.014	0	0	3840.014	17498.95			
911418.4	0	0	-911418.4	0	0			
0	-17498.95	0	0	17498.95	79742.69			
Globální matice tuhosti								
4	5	6	16	17	18			
3840.014	0	0	-3840.014	0	-17498.95	4		
0	911418.4	0	0	-911418.4	0	5		
[K2;6] =	0	0	0	0	0	6		
-3840.014	0	0	3840.014	0	17498.95	16		
0	-911418.4	0	0	911418.4	0	17		
-17498.95	0	0	17498.95	0	79742.69	18		
Primární lokální vektor koncových sil								
3.540789								
0								
{R*2;6} =	3.540789							
0								
0								
Primární globální vektor koncových sil								
0								
-3.540789								
{R2;6} =	0							
0								
-3.540789								
0								

Prut 4-7								
Vstupní údaje								
l [m]	α [-]	A [m2]	I [m4]	E [kPa]				
4.564	270	0.019778	0.000577	2.1E+08				
Dopočítané údaje								
cos	sin	cos* \sin	q [kN/m]	n [kN/m]				
0	-1	0	0	-1.554				
Deformační součinitelé								
c	$\delta 1$	$\delta 0$	$\alpha 47$	$\alpha 74$	β	$\varphi 47$	$\varphi 74$	D
0	0	0	0	0	0	0	0	0
Primární lokální vektor koncových sil - členy								
R	Z*47;0	Z*74;0						
-7.092456	0	0						
Lokální matice tuhosti								
u4	w4	$\varphi 4$	u7	w7	$\varphi 7$			
910020.5	0	0	-910020.5	0	0	u4		
0	3822.373	0	0	-3822.373	-17445.31	w4		
[K*4;7] =	0	0	0	0	0	$\varphi 4$		
-910020.5	0	0	910020.5	0	0	u7		
0	-3822.373	0	0	3822.373	17445.31	w7		
0	-17445.31	0	0	17445.31	79620.39	$\varphi 7$		
Transformační matice								
0	-1	0	0	0	0			
1	0	0	0	0	0			
[T4;7] =	0	0	1	0	0			
0	0	0	0	-1	0			
0	0	0	0	1	0			
0	0	0	0	0	1			
Transponovaná transformační matice								
0	1	0	0	0	0			
-1	0	0	0	0	0			
[T4;7]T =	0	0	1	0	0			
0	0	0	0	1	0			
0	0	0	0	-1	0			
0	0	0	0	0	1			
Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti								
0	3822.373	0	0	-3822.373	-17445.31			
-910020.5	0	0	910020.5	0	0			
[T4;7]T*[K*4;7] =	0	0	0	0	0			
0	-3822.373	0	0	3822.373	17445.31			
910020.5	0	0	-910020.5	0	0			
0	-17445.31	0	0	17445.31	79620.39			
Globální matice tuhosti								
10	11	12	19	20	21			
3822.373	0	0	-3822.373	0	-17445.31	10		
0	910020.5	0	0	-910020.5	0	11		
[K4;7] =	0	0	0	0	0	12		
-3822.373	0	0	3822.373	0	17445.31	19		
0	-910020.5	0	0	910020.5	0	20		
-17445.31	0	0	17445.31	0	79620.39	21		
Primární lokální vektor koncových sil								
3.546228								
0								
{R*4;7} =	3.546228							
0								
0								
Primární globální vektor koncových sil								
0								
-3.546228								
{R4;7} =	0							
0								
-3.546228								
0								

Celková globální matice tuhosti

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21		
	719392.8	-252836.7	-9031.475	-702927.4	252836.7	-8743.382	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	
	-252836.7	1583110	-24746.56	252836.7	-102421	-23957.17	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	
	-9031.475	-24746.56	90467.16	9031.475	24746.56	44146.16	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3	
	-702927.4	252836.7	9031.475	1111370	-399799.3	5862.285	-404602.1	146962.6	-2723.031	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	4	
	252836.7	-102421	24746.56	-399799.3	1069394	16062.87	146962.6	-5554.76	-7461.201	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	5	
	-8743.382	-23957.17	44146.16	5862.285	16062.87	134552.5	2881.098	7894.309	23185.93	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	6	
	0	0	0	-404602.1	146962.6	2881.098	818341.2	2877.825	5609.363	-413739.1	-149840.4	3100.632	0	0	0	0	0	0	0	0	0	7	
	0	0	0	146962.6	-5554.76	7894.309	2877.825	112148.2	-468.9311	-149840.4	-56593.44	-8518.915	0	0	0	0	0	0	0	0	0	8	
	0	0	0	-2723.031	-7461.201	23185.93	5609.363	-468.9311	91489.52	-2886.332	7930.132	24813.72	0	0	0	0	0	0	0	0	0	9	
[K]=	0	0	0	0	0	0	-413739.1	-149840.4	-2886.332	417561.5	149840.4	-3100.632	0	0	0	0	0	0	0	0	0	10	
	0	0	0	0	0	0	-149840.4	-56593.44	7930.132	149840.4	966613.9	8518.915	0	0	0	0	0	0	0	0	0	11	
	0	0	0	0	0	0	3100.632	-8518.915	24813.72	-3100.632	8518.915	52371.14	0	0	0	0	0	0	0	0	0	12	
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	16465.36	1	46185.35	0	0	0	0	0	0	0	13
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1480689	1	0	0	0	0	0	0	0	14
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	46185.35	1	129549.9	0	0	0	0	0	0	0	15
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3840.014	1	17498.95	0	0	0	0	16
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	911418.4	1	0	0	0	0	17
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	17498.95	1	79742.69	0	0	0	0	18
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3822.373	1	17445.31	0	0	19
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	910020.5	1	0	20
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	17445.31	1	79620.39	21

Inverzní celková globální matice tuhosti

	4.52E-05	8.33E-08	-1.02E-06	4.48E-05	-1.45E-07	2.32E-06	3.33E-05	-3.12E-05	8.95E-07	2.17E-05	9.94E-09	-6.19E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	{S}	{R}	{S-R}		
	8.33E-08	6.75E-07	1.65E-07	-1.6E-07	1.52E-09	8.93E-08	-1.8E-07	-5.9E-08	-2.3E-08	-1.98E-07	-2.25E-10	7.33E-10	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1.847104	-6.03586	7.882964		
	-1.02E-06	1.65E-07	1.38E-05	-1.32E-06	-2.77E-07	-5.25E-06	2.27E-06	9.68E-06	1.01E-06	5.74E-06	9.73E-09	1.3E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1.054696	3.135064	-2.080368		
	4.48E-05	-1.6E-07	-1.32E-06	4.6E-05	2.5E-07	2.23E-06	3.42E-05	-3.15E-05	9.8E-07	2.25E-05	1.05E-08	-6.29E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0.002404	-0.002404		
	-1.45E-07	1.52E-09	-2.77E-07	2.5E-07	1.09E-06	-1.25E-07	1.13E-07	7.29E-07	1.15E-07	3.75E-07	4.55E-10	7.93E-08	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-13.57756	13.57756	
	2.32E-06	8.93E-08	-5.25E-06	2.23E-06	-1.25E-07	1.09E-05	-5.01E-06	-2.02E-05	-2.16E-06	-1.22E-05	-2.05E-08	-2.69E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	5.054743	-5.054743	
	3.33E-05	-1.8E-07	2.27E-06	3.42E-05	1.13E-07	-5.01E-06	6.03E-05	6.73E-05	-2.02E-06	8.39E-05	1.79E-07	1.33E-05	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0.049702	-0.049702
	-3.12E-05	-5.9E-08	9.68E-06	-3.15E-05	7.29E-07	-2.02E-05	6.73E-05	0.000277	-8.07E-06	0.000166	4.6E-07	5.46E-05	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2.473744	-12.67392	15.14766	
	8.95E-07	-2.3E-08	1.01E-06	9.8E-07	1.15E-07	-2.16E-06	-2.02E-06	-8.07E-06	1.36E-05	-4.84E-06	-7.81E-08	-7.91E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1.975285	-1.149224	3.124508	
	2.17E-05	-1.98E-07	5.74E-06	2.25E-05	3.75E-07	-1.22E-05	8.39E-05	0.000166	-4.84E-06	0.000145	-5.34E-08	3.3E-05	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-0.053457	0.053457
[K-1]=	9.94E-09	-2.25E-10	9.73E-09	1.05E-08	4.55E-10	-2.05E-08	1.79E-07	4.6E-07	-7.81E-08	-5.34E-08	1.1E-06	-8.06E-08	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1.81536	-9.809376	11.62474	
	-6.19E-06	7.33E-10	1.3E-06	-6.29E-06	7.93E-08	-2.69E-06	1.33E-05	5.46E-05	-7.91E-06	3.3E-05	-8.06E-08	3.29E-05	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-1.040201	-7.037305	5.997104	
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-3575784	1.554002	1274789	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1.554002	6.26E-12	-0.554011	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-2.179485	2.179485
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1274789	-0.554011	-454470.3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-1495919	1.281136	328268.4	0	0	0	0	0	0	0	
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1.281136	0	-0.281136	0	0	0	0	0	0	-3.540789	3.540789
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	328268.4	-0.281136	-72036.08	0	0	0	0	0	0	0	
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-1492339	1.280585	326980.6	0	0	0		
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1.280585	-1.31E-12	-0.280584	0	0	-3.546228	3.546228	
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	

Globální vektor parametrů deformace

	-0.000518	u1
	3.63E-06	w1
	0.000153	φ1
	-0.000519	u2
	2.8E-05	w2
	-0.000375	φ2
	0.001117	u3
	0.004594	w3
	-0.000118	φ3
	0.002755	u4
{r}=	1.91E-05	w4
	0.001012	φ4
	3.386924	u5
	1.37E-11	w5
	-1.20746	φ5
	4.536232	u6
	0	w6
	-0.995443	φ6
	4.541247	u7
	-4.64E-12	w7
	-0.995015	φ7

Vnitřní síly																						
Prut 1-2																						
702927.4	-252836.7	9031.475	-702927.4	252836.7	-8743.382	-0.000518	8.535653	0.001351	8.537003	0.939394	-0.34284	0	0	0	8.479443							
-252836.7	102421	-24746.56	252836.7	-102421	-23957.17	3.63E-06	2.515122	-3.856375	-1.341253	0.34284	0.939394	0	0	0	1.666862							
-9031.475	-24746.56	90467.16	9031.475	24746.56	44146.16	x	0.000153	=	-2.080368	+	3.135064	=	1.054696	x	0	0	1	0	0	0	=	1.054696
-702927.4	252836.7	9031.475	702927.4	-252836.7	8743.382	-0.000519	-8.535653	-0.001351	-8.537003	0	0	0	0.939394	-0.34284	0	-5.818288						
252836.7	-102421	24746.56	-252836.7	102421	23957.17	2.8E-05	-2.515122	-3.905715	-6.420837	0	0	0	0.34284	0.939394	0	-8.958521						
-8743.382	-23957.17	44146.16	8743.382	23957.17	86173.16	-0.000375	-24.94669	-3.349903	-28.2966	0	0	0	0	0	1	-28.2966						
Prut 2-3																						
404602.1	-146962.6	-2881.098	-404602.1	146962.6	-2723.031	-0.000519	10.52689	0.003755	10.53065	0.939394	-0.34284	0	0	0	15.21762							
-146962.6	55554.76	-7894.309	146962.6	-55554.76	-7461.201	2.8E-05	-9.401537	-6.131059	-15.5326	0.34284	0.939394	0	0	0	-10.9809							
-2881.098	-7894.309	48379.31	2881.098	7894.309	23185.93	x	-0.000375	=	19.89195	+	8.404647	=	28.2966	x	0	0	1	0	0	0	=	28.2966
-404602.1	146962.6	2881.098	404602.1	-146962.6	2723.031	0.001117	-10.52689	-0.003755	-10.53065	0	0	0	0.939394	-0.34284	0	-10.96665						
146962.6	-55554.76	7894.309	-146962.6	55554.76	7461.201	0.004594	9.401537	-6.268237	3.133299	0	0	0	0.34284	0.939394	0	-0.666926						
-2723.031	-7461.201	23185.93	2723.031	7461.201	44453	-0.000118	24.5846	-9.412111	15.17249	0	0	0	0	0	1	15.17249						
Prut 3-4																						
413739.1	149840.4	2886.332	-413739.1	-149840.4	3100.632	0.001117	10.47719	0.053457	10.53065	0.939394	0.34202	0	0	0	9.666845							
149840.4	56593.44	-7930.132	-149840.4	-56593.44	-8518.915	0.004594	5.746128	-6.405684	-0.659555	-0.34202	0.939693	0	0	0	-4.221473							
2886.332	-7930.132	47036.52	-2886.332	7930.132	24813.72	x	-0.000118	=	-21.46009	+	8.262887	=	-13.1972	x	0	0	1	0	0	0	=	-13.1972
-413739.1	-149840.4	-2886.332	413739.1	149840.4	-3100.632	0.002755	-10.47719	-0.053457	-10.53065	0	0	0	0.939693	0.34202	0	-14.00299						
-149840.4	-56593.44	7930.132	149840.4	56593.44	8518.915	1.91E-05	-5.746128	-6.263148	-12.00928	0	0	0	-0.34202	0.939693	0	-7.683335						
3100.632	-8518.915	24813.72	-3100.632	8518.915	52371.14	0.001012	5.997104	-7.037305	-1.040201	0	0	0	0	0	1	-1.040201						
Prut 1-5																						
16465.36	0	0	-16465.36	0	-46185.35	-0.000518	-8.537003	0	-8.537003	0	-1	0	0	0	0	-3.188337						
0	1480689	0	0	-1480689	0	3.63E-06	5.367822	-2.179485	3.188337	1	0	0	0	0	0	-8.537003						
0	0	0	0	0	0	x	0.000153	=	0	+	0	=	0	x	0	0	1	0	0	0	=	0
-16465.36	0	0	16465.36	0	46185.35	3.386924	8.537003	0	8.537003	0	0	0	0	-1	0	7.547307						
0	-1480689	0	0	1480689	0	1.37E-11	-5.367822	-2.179485	-7.547307	0	0	0	1	0	0	8.537003						
-46185.35	0	0	46185.35	0	129549.9	-1.20746	23.94629	0	23.94629	0	0	0	0	0	1	23.94629						
Prut 2-6																						
3840.014	0	0	-3840.014	0	-17498.95	-0.000519	-1.993645	0	-1.993645	0	-1	0	0	0	0	-21.95343						
0	911418.4	0	0	-911418.4	0	2.8E-05	25.49422	-3.540789	21.95343	1	0	0	0	0	0	-1.993645						
0	0	0	0	0	0	x	-0.000375	=	0	+	0	=	0	x	0	0	1	0	0	0	=	0
-3840.014	0	0	3840.014	0	17498.95	4.536232	1.993645	0	1.993645	0	0	0	0	-1	0	29.03501						
0	-911418.4	0	0	911418.4	0	0	-25.49422	-3.540789	-29.03501	0	0	0	1	0	0	1.993645						
-17498.95	0	0	17498.95	0	79742.69	-0.995443	9.085042	0	9.085042	0	0	0	0	0	1	9.085042						
Prut 4-7																						
3822.373	0	0	-3822.373	0	-17445.31	0.002755	10.53065	0	10.53065	0	-1	0	0	0	0	-13.82464						
0	910020.5	0	0	-910020.5	0	1.91E-05	17.37087	-3.546228	13.82464	1	0	0	0	0	0	10.53065						
0	0	0	0	0	0	x	0.001012	=	0	+	0	=	0	x	0	0	1	0	0	0	=	0
-3822.373	0	0	3822.373	0	17445.31	4.541247	-10.53065	0	-10.53065	0	0	0	0	-1	0	20.9171						
0	-910020.5	0	0	910020.5	0	-4.64E-12	-17.37087	-3.546228	-20.9171	0	0	0	1	0	0	-10.53065						
-17445.31	0	0	17445.31	0	79620.39	-0.995015	-48.06188	0	-48.06188	0	0	0	0	0	1	-48.06188						

2. Z5 - Ostatní stálé zatížení

g = 1.4 [kN/m]

Síly v uzlech - Převíslé konce

1. Převíslý konec -> Stýčník 1

l1 = 1.216 [m]

lx1 = 1.142 [m]

F1 = 1.7024 [kN]

M1 = 0.97207 [kNm]

2. Převíslý konec -> Stýčník 3

l2 = 1.699 [m]

lx2 = 1.597 [m]

F2 = 2.3786 [kN]

M2 = 1.899312 [kNm]

3. Převíslý konec -> Stýčník 4

l3 = 1.22 [m]

lx3 = 1.146 [m]

F3 = 1.708 [kN]

M3 = -0.978684 [kNm]

Prut 1-2

Vstupní údaje						
l [m]	α [-]	A [m ²]	A0 [m ²]	I [m ⁴]	I0 [m ⁴]	E [kPa]
5.11	339.95	0.019635	0.019038	0.000564	0.000512	2.1E+08

Dopočítané údaje				
cos	sin	cos* α	q [kN/m]	n [kN/m]
0.939394	-0.34284	-0.322062	1.315151	-0.479976

Deformační součinitele

c	δ1	δ0	α12	α21	β	φ12	φ21	D
1.03295	1.26E-06	-1.55E-06	1.47E-05	1.55E-05	7.55E-06	6.42E-05	6.55E-05	1.71E-10

Primární lokální vektor koncových sil - členy

R	Z*12;0	Z*21;0
-2.452678	3.360212	3.360212

Lokální matice tuhosti

u1	w1	φ1	u2	w2	φ2
795202.4	0	0	-795202.4	0	0
0	10145.97	-26343.12	0	-10145.97	-25502.8
0	-26343.12	90467.16	0	26343.12	44146.16
-795202.4	0	0	795202.4	0	0
0	-10145.97	26343.12	0	10145.97	25502.8
0	-25502.8	44146.16	0	25502.8	86173.16

Transformační matice

T1;2	0.939394	-0.34284	0	0	0	0
	0.34284	0.939394	0	0	0	0
	0	0	1	0	0	0
	0	0	0	0.939394	-0.34284	0
	0	0	0	0.34284	0.939394	0
	0	0	0	0	0	1

Transponovaná transformační matice

T1;2]T	0.939394	0.34284	0	0	0	0
	-0.34284	0.939394	0	0	0	0
	0	0	1	0	0	0
	0	0	0	0.939394	0.34284	0
	0	0	0	-0.34284	0.939394	0
	0	0	0	0	0	1

Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti

T1;2]T*[K*1;2]	747008.2	3478.446	-9031.475	-747008.2	-3478.446	-8743.382
	-272627.2	9531.064	-24746.56	272627.2	-9531.064	-23957.17
	0	-26343.12	90467.16	0	26343.12	44146.16
	-747008.2	-3478.446	9031.475	747008.2	3478.446	8743.382
	272627.2	-9531.064	24746.56	-272627.2	9531.064	23957.17
	0	-25502.8	44146.16	0	25502.8	86173.16

Globální matice tuhosti

[K1;2]	1	2	3	4	5	6
	702927.4	-252836.7	-9031.475	-702927.4	252836.7	-8743.382
	-252836.7	102421	-24746.56	252836.7	-102421	-23957.17
	-9031.475	-24746.56	90467.16	9031.475	24746.56	44146.16
	-702927.4	252836.7	9031.475	702927.4	-252836.7	8743.382
	252836.7	-102421	-24746.56	-252836.7	102421	23957.17
	-8743.382	-23957.17	44146.16	8743.382	23957.17	86173.16

Primární lokální vektor koncových sil

[R*1;2]	1.219713	-3.338425	2.88946	1.232965	-3.381998	-3.087469
	0.001245	-3.554262	2.88946	-0.001245	-3.599738	-3.087469

Primární globální vektor koncových sil

[R1;2]	0.001245	-3.554262	2.88946	-0.001245	-3.599738	-3.087469
	0.003611	-5.895249	8.081391	-0.003611	-6.027151	-9.051017

Prut 2-3

Vstupní údaje						
l [m]	α [-]	A [m ²]	A0 [m ²]	I [m ⁴]	I0 [m ⁴]	E [kPa]
8.516	339.95	0.019038	0.018063	0.000512	0.000432	2.1E+08

Dopočítané údaje				
cos	sin	cos* α	q [kN/m]	n [kN/m]
0.939394	-0.34284	-0.322062	1.315151	-0.479976

Deformační součinitele

c	δ1	δ0	α23	α32	β	φ23	φ32	D
1.058048	2.18E-06	-4.5E-06	2.76E-05	3E-05	1.44E-05	0.000337	0.000349	6.2E-10

Primární lokální vektor koncových sil - členy

R	Z*23;0	Z*32;0
-4.087476	5.599914	5.599914

Lokální matice tuhosti

u2	w2	φ2	u3	w3	φ3
458237.4	0	0	-458237.4	0	0
0	1919.468	-8403.62	0	-1919.468	-7942.57
0	-8403.62	48379.31	0	8403.62	23185.93
-458237.4	0	0	458237.4	0	0
0	-1919.468	8403.62	0	1919.468	7942.57
0	-7942.57	23185.93	0	7942.57	44453

Transformační matice

T2;3	0.939394	-0.34284	0	0	0	0
	0.34284	0.939394	0	0	0	0
	0	0	1	0	0	0
	0	0	0	0.939394	-0.34284	0
	0	0	0	0.34284	0.939394	0
	0	0	0	0	0	1

Transponovaná transformační matice

T2;3]T	0.939394	0.34284	0	0	0	0
	-0.34284	0.939394	0	0	0	0
	0	0	1	0	0	0
	0	0	0	0.939394	0.34284	0
	0	0	0	-0.34284	0.939394	0
	0	0	0	0	0	1

Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti

T2;3]T*[K*2;3]	430465.4	658.0705	-2881.098	-430465.4	-658.0705	-2723.031
	-157102.1	1803.136	-7894.309	157102.1	-1803.136	-7461.201
	0	-8403.62	48379.31	0	8403.62	23185.93
	-430465.4	-658.0705	2881.098	430465.4	658.0705	2723.031
	157102.1	-1803.136	7894.309	-157102.1	1803.136	7461.201
	0	-7942.57	23185.93	0	7942.57	44453

Globální matice tuhosti

[K2;3]	4	5	6	7	8	9
	404602.1	-146962.6	-2881.098	-404602.1	146962.6	-2723.031
	-146962.6	55554.76	-7894.309	146962.6	-55554.76	-7461.201
	-2881.098	-7894.309	48379.31	2881.098	7894.309	23185.93
	-404602.1	146962.6	2881.098	404602.1	-146962.6	2723.031
	146962.6	-55554.76	7894.309	-146962.6	55554.76	7461.201
	-2723.031	-7461.201	23185.93	2723.031	7461.201	44453

Primární lokální vektor koncových sil

[R*2;3]	2.024519	-5.536722	8.081391	2.062957	-5.663106	-9.051017
	0.003611	-5.895249	8.081391	-0.003611	-6.027151	-9.051017

Primární globální vektor koncových sil

[R2;3]	0.003611	-5.895249	8.081391	-0.003611	-6.027151	-9.051017
	0.003611 <td>-5.895249</td> <td>8.081391</td> <td>-0.003611 <td>-6.027151 <td>-9.051017</td> </td></td>	-5.895249	8.081391	-0.003611 <td>-6.027151 <td>-9.051017</td> </td>	-6.027151 <td>-9.051017</td>	-9.051017

Prut 3-4

Vstupní údaje						
l [m]	α [-]	A [m ²]	A0 [m ²]	I [m ⁴]	I0 [m ⁴]	E [kPa]
8.514	20	0.019591	0.018314	0.00056	0.000452	2.1E+08

Dopočítané údaje				
cos	sin	cos* α	q [kN/m]	n [kN/m]
0.939693	0.34202	0.321394	1.31557	0.478828

Deformační součinitele

c	δ1	δ0	α34	α43	β	φ34	φ43	D
1.074246	2.14E-06	4.4E-06	2.83E-05	2.55E-05	1.34E-05	0.000327	0.000313	5.41E-10

Primární lokální vektor koncových sil - členy

R	Z*34;0	Z*43;0
4.076743	5.60038	5.60038

Lokální matice tuhosti

u3	w3	φ3	u4	w4	φ4
468276.6	0	0	-468276.6	0	0
0	2055.991	-8439.07	0	-2055.991	-9065.64
0	-8439.07	47036.52	0	8439.07	24813.72
-468276.6	0	0	468276.6	0	0
0	-2055.991	8439.07	0	2055.991	9065.64
0	-9065.64	24813.72	0	9065.64	52371.14

Transformační matice

T3;4	0.939693	0.34202	0	0	0	0
	-0.34202	0.939693	0	0	0	0
	0	0	1	0	0	0
	0	0	0	0.939693	0.34202	0
	0	0	0	-0.34202	0.939693	0
	0	0	0	0	0	1

Transponovaná transformační matice

T3;4]T	0.939693	-0.34202	0	0	0	0
	0.34202	0.9396				

Prut 1-5								
Vstupní údaje								
I [m]	α [°]	A [m ²]	I [m ⁴]	E [kPa]				
2.805	270	0.019778	0.000577	2.1E+08				
Dopočítané údaje								
cos	sin	cos ² sin						
0	-1	0						
Deformační součinitelé								
c	$\delta 1$	$\delta 0$	$\alpha 15$	$\alpha 51$	β	$\varphi 15$	$\varphi 51$	D
0	0	0	0	0	0	0	0	0
Primární lokální vektor koncových sil - členy								
R	Z ^{*15;0}	Z ^{*51;0}						
0	0	0						
Lokální matice tuhosti								
u1	w1	$\varphi 1$	u5	w5	$\varphi 5$			
1480689	0	0	-1480689	0	0	u1		
0	16465.36	0	0	-16465.36	-46185.35	w1		
[K*1;5] =	0	0	0	0	0	$\varphi 1$		
-1480689	0	0	1480689	0	0	u5		
0	-16465.36	0	0	16465.36	46185.35	w5		
0	-46185.35	0	0	46185.35	129549.9	$\varphi 5$		
Transformační matice								
0	-1	0	0	0	0			
1	0	0	0	0	0			
[T1;5] =	0	0	1	0	0			
0	0	0	0	-1	0			
0	0	0	1	0	0			
0	0	0	0	0	1			
Transponovaná transformační matice								
0	1	0	0	0	0			
-1	0	0	0	0	0			
[T1;5]T =	0	0	1	0	0			
0	0	0	0	1	0			
0	0	0	-1	0	0			
0	0	0	0	0	1			
Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti								
0	16465.36	0	0	-16465.36	-46185.35			
-1480689	0	0	1480689	0	0			
[T1;5]T*[K*1;5] =	0	0	0	0	0			
0	-16465.36	0	0	16465.36	46185.35			
1480689	0	0	-1480689	0	0			
0	-46185.35	0	0	46185.35	129549.9			
Globální matice tuhosti								
1	2	3	13	14	15			
16465.36	0	0	-16465.36	0	-46185.35	1		
0	1480689	0	0	-1480689	0	2		
[K1;5] =	0	0	0	0	0	3		
-16465.36	0	0	16465.36	0	46185.35	13		
0	-1480689	0	0	1480689	0	14		
-46185.35	0	0	46185.35	0	129549.9	15		
Primární lokální vektor koncových sil								
0								
0								
{R*1;5} =								
0								
0								
Primární globální vektor koncových sil								
0								
0								
{R1;5} =								
0								
0								
0								
0								

Prut 2-6								
Vstupní údaje								
I [m]	α [°]	A [m ²]	I [m ⁴]	E [kPa]				
4.557	270	0.019778	0.000577	2.1E+08				
Dopočítané údaje								
cos	sin	cos ² sin						
0	-1	0						
Deformační součinitelé								
c	$\delta 1$	$\delta 0$	$\alpha 26$	$\alpha 62$	β	$\varphi 26$	$\varphi 62$	D
0	0	0	0	0	0	0	0	0
Primární lokální vektor koncových sil - členy								
R	Z ^{*26;0}	Z ^{*62;0}						
0	0	0						
Lokální matice tuhosti								
u2	w2	$\varphi 2$	u6	w6	$\varphi 6$			
911418.4	0	0	-911418.4	0	0	u2		
0	3840.014	0	0	-3840.014	-17498.95	w2		
[K*2;6] =	0	0	0	0	0	$\varphi 2$		
-911418.4	0	0	911418.4	0	0	u6		
0	-3840.014	0	0	3840.014	17498.95	w6		
0	-17498.95	0	0	17498.95	79742.69	$\varphi 6$		
Transformační matice								
0	-1	0	0	0	0			
1	0	0	0	0	0			
[T2;6] =	0	0	1	0	0			
0	0	0	0	-1	0			
0	0	0	1	0	0			
0	0	0	0	0	1			
Transponovaná transformační matice								
0	1	0	0	0	0			
-1	0	0	0	0	0			
[T2;6]T =	0	0	1	0	0			
0	0	0	0	1	0			
0	0	0	-1	0	0			
0	0	0	0	0	1			
Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti								
0	3840.014	0	0	-3840.014	-17498.95			
-911418.4	0	0	911418.4	0	0			
[T2;6]T*[K*2;6] =	0	0	0	0	0			
0	-3840.014	0	0	3840.014	17498.95			
911418.4	0	0	-911418.4	0	0			
0	-17498.95	0	0	17498.95	79742.69			
Globální matice tuhosti								
4	5	6	16	17	18			
3840.014	0	0	-3840.014	0	-17498.95	4		
0	911418.4	0	0	-911418.4	0	5		
[K2;6] =	0	0	0	0	0	6		
-3840.014	0	0	3840.014	0	17498.95	16		
0	-911418.4	0	0	911418.4	0	17		
-17498.95	0	0	17498.95	0	79742.69	18		
Primární lokální vektor koncových sil								
0								
0								
{R*2;6} =								
0								
0								
0								
Primární globální vektor koncových sil								
0								
0								
{R2;6} =								
0								
0								
0								
0								

Prut 4-7								
Vstupní údaje								
I [m]	α [°]	A [m ²]	I [m ⁴]	E [kPa]				
4.564	270	0.019778	0.000577	2.1E+08				
Dopočítané údaje								
cos	sin	cos ² sin						
0	-1	0						
Deformační součinitelé								
c	$\delta 1$	$\delta 0$	$\alpha 47$	$\alpha 74$	β	$\varphi 47$	$\varphi 74$	D
0	0	0	0	0	0	0	0	0
Primární lokální vektor koncových sil - členy								
R	Z ^{*47;0}	Z ^{*74;0}						
0	0	0						
Lokální matice tuhosti								
u4	w4	$\varphi 4$	u7	w7	$\varphi 7$			
910020.5	0	0	-910020.5	0	0	u4		
0	3822.373	0	0	-3822.373	-17445.31	w4		
[K*4;7] =	0	0	0	0	0	$\varphi 4$		
-910020.5	0	0	910020.5	0	0	u7		
0	-3822.373	0	0	3822.373	17445.31	w7		
0	-17445.31	0	0	17445.31	79620.39	$\varphi 7$		
Transformační matice								
0	-1	0	0	0	0			
1	0	0	0	0	0			
[T4;7] =	0	0	1	0	0			
0	0	0	0	-1	0			
0	0	0	1	0	0			
0	0	0	0	0	1			
Transponovaná transformační matice								
0	1	0	0	0	0			
-1	0	0	0	0	0			
[T4;7]T =	0	0	1	0	0			
0	0	0	0	1	0			
0	0	0	-1	0	0			
0	0	0	0	0	1			
Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti								
0	3822.373	0	0	-3822.373	-17445.31			
-910020.5	0	0	910020.5	0	0			
[T4;7]T*[K*4;7] =	0	0	0	0	0			
0	-3822.373	0	0	3822.373	17445.31			
910020.5	0	0	-910020.5	0	0			
0	-17445.31	0	0	17445.31	79620.39			
Globální matice tuhosti								
10	11	12	19	20	21			
3822.373	0	0	-3822.373	0	-17445.31	10		
0	910020.5	0	0	-910020.5	0	11		
[K4;7] =	0	0	0	0	0	12		
-3822.373	0	0	3822.373	0	17445.31	19		
0	-910020.5	0	0	910020.5	0	20		
-17445.31	0	0	17445.31	0	79620.39	21		
Primární lokální vektor koncových sil								
0								
0								
{R*4;7} =								
0								
0								
0								
Primární globální vektor koncových sil								
0								
0								
{R4;7} =								
0								
0								
0								
0								

Celková globální matice tuhosti

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21		
719392.8028	-252836.7057	-9031.4753	-702927.439	252836.7057	-8743.38222	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	
-252836.7057	1583110.291	-24746.56	252836.7057	-102420.958	-23957.1748	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2
-9031.475298	-24746.55997	90467.16302	9031.475298	24746.55997	44146.1613	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3
-702927.439	252836.7057	9031.475298	1111369.563	-399799.287	5862.284596	-404602.1096	146962.5812	-2723.03	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	4
252836.7057	-102420.9579	24746.55997	-399799.287	1069394.101	16062.86598	146962.5812	-55554.75814	-7461.2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	5
-8743.382217	-23957.1748	44146.1613	5862.284596	16062.86598	134552.4673	2881.097621	7894.308817	23185.93	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	6
0	0	0	-404602.11	146962.5812	2881.097621	818341.2328	2877.824762	5609.363	-413739.1232	-149840	3100.631531	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	7
0	0	0	146962.5812	-55554.7581	7894.308817	2877.824762	112148.1971	-468.931	-149840.406	-56593.4	-8518.915117	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	8
0	0	0	-2723.03107	-7461.20091	23185.92536	5609.36306	-468.9310594	91489.52	-2886.33199	7930.132	24813.71934	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	9
[K] =	0	0	0	0	0	0	-413739.1232	-149840.406	-2886.33	417561.4958	149840.4	-3100.631531	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	10
0	0	0	0	0	0	0	-149840.406	-56593.439	7930.132	149840.406	966613.9	8518.915117	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	11
0	0	0	0	0	0	0	3100.631531	-8518.915117	24813.72	-3100.631531	8518.915	52371.14058	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	12
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	13
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	14
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	15
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	16
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	17
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	18
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	19
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	20
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	21

Inverzní celková globální matice tuhosti

4.52451E-05	8.33028E-08	-1.0243E-06	4.47844E-05	-1.4525E-07	2.32137E-06	3.32739E-05	-3.12074E-05	8.95E-07	2.17274E-05	9.94E-09	-6.18562E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	{S}
8.33028E-08	6.74562E-07	1.64812E-07	-1.6006E-07	1.52311E-09	8.93232E-08	-1.79539E-07	-5.59295E-08	-2.3E-08	-1.98039E-07	-2.2E-10	7.32819E-10	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	{R}
-1.02427E-06	1.64812E-07	1.37678E-05	-1.3189E-06	-2.7747E-07	-5.2537E-06	2.27277E-06	9.67561E-06	1.01E-06	5.73715E-06	9.73E-09	1.30012E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	{S-R}
4.47844E-05	-1.6006E-07	-1.3189E-06	4.59699E-05	2.49507E-07	2.23063E-06	3.41918E-05	-3.15292E-05	9.8E-07	2.2521E-05	1.05E-08	-6.28551E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
-1.45255E-07	1.52311E-09	-2.7747E-07	2.49507E-07	1.09426E-06	-1.2469E-07	1.13331E-07	7.28804E-07	1.15E-07	3.75046E-07	4.55E-10	7.93265E-08	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2.32137E-06	8.93232E-08	-5.2537E-06	2.23063E-06	-1.2469E-07	1.09048E-05	-5.00946E-06	-2.02019E-05	-2.2E-06	-1.22405E-05	-2E-08	-2.68791E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3.32739E-05	-1.79539E-07	2.27277E-06	3.41918E-05	1.13331E-07	-5.0095E-06	6.03206E-05	6.72914E-05	-2E-06	8.39362E-05	1.79E-07	1.32743E-05	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
-3.12074E-05	-5.59295E-08	9.67561E-06	-3.1529E-05	7.28804E-07	-2.0202E-05	6.72914E-05	0.000276566	-8.1E-06	0.000166105	4.6E-07	5.45874E-05	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8.95015E-07	-2.29825E-08	1.00734E-06	9.79644E-07	1.15332E-07	-2.1591E-06	-2.02471E-06	-8.07218E-06	1.36E-05	-4.83956E-06	-7.8E-08	-7.90986E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2.17274E-05	-1.98039E-07	5.73715E-06	2.2521E-05	3.75046E-07	-1.2241E-05	8.39362E-05	0.000166105	-4.8E-06	0.000145399	-5.3E-08	3.29599E-05	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9.93646E-09	-2.24787E-10	9.73353E-09	1.0543E-08	4.54986E-10	-2.0452E-08	1.78622E-07	4.59955E-07	-7.8E-08	-5.33943E-08	1.1E-06	-8.06408E-08	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
-6.18562E-06	7.32819E-10	1.30012E-06	-6.2855E-06	7.93265E-08	-2.6879E-06	1.32743E-05	5.45874E-05	-7.9E-06	3.29599E-05	-8.1E-08	3.29002E-05	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0

Globální vektor parametrů deformace

-0.000493581	u1
1.91926E-06	w1
0.00014851	φ1
-0.000495034	u2
2.29017E-05	w2
-0.000359233	φ2
0.001063093	u3
0.004371724	w3
-0.000108877	φ3
0.002623484	u4
1.43625E-05	w4
0.000960496	φ4
0	u5
0	w5
0	φ5
0	u6
0	w6
0	φ6
0	u7
0	w7
0	φ7

Vnitřní síly																
Prut 1-2																
702927.4	-252836.7057	-9031.475298	-702927.439	252836.7057	-8743.38222	-0.000493581	8.125753	0.001245	8.126998	0.939394	-0.34284	0	0	0	8.025094932	
-252837	102420.9579	-24746.55997	252836.7057	-102420.958	-23957.1748	1.91926E-06	2.414828	-3.55426	-1.13943	0.34284	0.939394	0	0	0	1.715882644	
-9031.48	-24746.55997	90467.16302	9031.475298	24746.55997	44146.1613	0.00014851	-1.91739	2.88946	0.97207	0	0	1	0	0	0.9720704	
-702927	252836.7057	9031.475298	702927.439	-252836.706	8743.382217	-0.000495034	-8.12575	-0.00124	-8.127	0	0	0	0.939394	-0.34284	0	-5.57241722
252836.7	-102420.9579	24746.55997	-252836.706	102420.9579	23957.1748	2.29017E-05	-2.41483	-3.59974	-6.01457	0	0	0	0.34284	0.939394	0	-8.43630585
-8743.38	-23957.1748	44146.1613	8743.382217	23957.1748	86173.16165	-0.000359233	-23.9101	-3.08747	-26.9976	0	0	0	0	0	1	-26.9975927
Prut 2-3																
404602.1	-146962.5812	-2881.097621	-404602.11	146962.5812	-2723.03107	-0.000495034	10.02432	0.003611	10.02793	0.939394	-0.34284	0	0	0	14.51425815	
-146963	55554.75814	-7894.308817	146962.5812	-55554.7581	-7461.20091	2.29017E-05	-2.41483	-3.59975	-14.8585	0.34284	0.939394	0	0	0	-10.5199763	
-2881.1	-7894.308817	48379.30564	2881.097621	7894.308817	23185.92536	-0.000359233	18.9162	8.081391	26.99759	0	0	1	0	0	0	-26.99759269
-404602	146962.5812	2881.097621	404602.1096	-146962.581	2723.03107	0.001063093	-10.0243	-0.00361	-10.0279	0	0	0	0.939394	-0.34284	0	-10.4267819
146962.6	-55554.75814	7894.308817	-146962.581	55554.75814	7461.200908	0.004371724	8.963221	-6.02715	2.936069	0	0	0	0.34284	0.939394	0	-0.67985228
-2723.03	-7461.200908	23185.92536	2723.03107	7461.200908	44453.00021	-0.000108877	23.52119	-9.05011	14.47108	0	0	0	0	0	1	14.47108293
Prut 3-4																
413739.1	149840.406	2886.33199	-413739.123	-149840.406	3100.631531	0.001063093	9.977639	0.050296	10.02793	0.939394	0.34202	0	0	0	9.229513981	
149840.4	56593.439	-7930.131967	-149840.406	56593.439	-8518.91512	0.004371724	5.469383	-6.02685	-0.55747	-0.34202	0.939693	0	0	0	-3.95360562	
2886.332	-7930.131967	47036.52411	-2886.33199	7930.131967	24813.71934	-0.000108877	-20.346	7.774222	-12.5718	0	0	1	0	0	0	-12.5717708
-413739	-149840.406	-2886.33199	413739.1232	149840.406	-3100.63153	0.002623484	-9.97764	-0.0503	-10.0279	0	0	0	0.939693	0.34202	0	-13.3092539
-149840	-56593.439	7930.131967	149840.406	56593.439	8518.915117	1.43625E-05	-5.46938	-5.89275	-11.3621	0	0	0	-0.34202	0.939693	0	-7.24715454
3100.632	8518.915117	24813.71934	-3100.63153	8518.915117	52371.14058	0.000960496	5.642437	-6.62112	-0.97868	0	0	0	0	0	1	-0.978684
Prut 1-5																
16465.36	0	0	-16465.3639	0	-46185.3456	-0.000493581	-8.127	0	-8.127	0	-1	0	0	0	0	-2.84183444
0	1480689.334	0	0	-1480689.33	0	1.91926E-06	2.841834	0	2.841834	1	0	0	0	0	0	-8.12699767
0	0	0	0	0	0	0.00014851	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
-16465.4	0	0	16465.36386	0	46185.34564	0	8.126998	0	8.126998	0	0	0	0	-1	0	2.841834436
0	-1480689.334	0	0	1480689.334	0	0	-2.84183	0	-2.84183	0	0	0	1	0	0	8.126997667
-46185.3	0	0	46185.34564	0	129549.8945	0	22.79623	0	22.79623	0	0	0	0	0	1	22.79622846
Prut 2-6																
3840.014	0	0	-3840.01432	0	-17498.9452	-0.000495034	-1.90094	0	-1.90094	0	-1	0	0	0	0	-20.873035
0	911418.385	0	0	-911418.385	0	2.29017E-05	20.87303	0	20.87303	1	0	0	0	0	0	-1.90093717
0	0	0	0	0	0	-0.000359233	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
-3840.01	0	0	3840.014317	0	17498.94524	0	1.900937	0	1.900937	0	0	0	0	-1	0	20.87303499
0	-911418.385	0	0	911418.385	0	0	-20.873	0	-20.873	0	0	0	1	0	0	1.900937172
-17498.9	0	0	17498.94524	0	79742.69346	0	8.662571	0	8.662571	0	0	0	0	0	1	8.662570692
Prut 4-7																
3822.373	0	0	-3822.37262	0	-17445.3087	0.002623484	10.02793	0	10.02793	0	-1	0	0	0	0	-13.0701306
0	910020.5041	0	0	-910020.504	0	1.43625E-05	13.07013	0	13.07013	1	0	0	0	0	0	10.02793484
0	0	0	0	0	0	0.000960496	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
-3822.37	0	0	3822.372625	0	17445.30866	0	-10.0279	0	-10.0279	0	0	0	0	-1	0	13.07013057
0	-910020.5041	0	0	910020.5041	0	0	-13.0701	0	-13.0701	0	0	0	1	0	0	-10.0279348
-17445.3	0	0	17445.30866	0	79620.38872	0	-45.7675	0	-45.7675	0	0	0	0	0	1	-45.7674946

3.Z5 - Plný snih

gp = 8.266665 [kN/m] gl = 8.269295 [kN/m]

Síly v uzlech - Převíslé konce

1. Převíslý konec -> Styčník 1		2. Převíslý konec -> Styčník 3		3. Převíslý konec -> Styčník 4	
l1 = 1.216 [m]	l2 = 1.699 [m]	l3 = 1.22 [m]			
lx1 = 1.142 [m]	lx2 = 1.597 [m]	lx3 = 1.146 [m]			
F1 = 10.05227 [kN]	F2 = 14.04953 [kN]	F3 = 10.08854 [kN]			
M1 = 5.739843 [kNm]	M2 = 11.21855 [kNm]	M3 = -5.780733 [kNm]			

Prut 1-2

Vstupní údaje

l [m]	α [-]	A [m2]	A0 [m2]	I [m4]	I0 [m4]	E [kPa]
5.11	339.95	0.019635	0.019038	0.000564	0.000512	2.1E+08

Dopočítané údaje

cos	sin	cos*sin	q [kN/m]	n [kN/m]
0.939394	-0.34284	-0.322062	7.765654	-2.834144

Deformační součinitele

c	δ1	δ0	α12	α21	β	φ12	φ21	D
1.03295	1.26E-06	-9.16E-06	1.47E-05	1.55E-05	7.55E-06	0.000379	0.000386	1.71E-10

Primární lokální vektor koncových sil - členy

R	Z*12;0	Z*21;0
-14.48248	19.84125	19.84125

Lokální matice tuhosti

u1	w1	φ1	u2	w2	φ2
795202.4	0	0	-795202.4	0	0
0	10145.97	-26343.12	0	-10145.97	-25502.8
0	-26343.12	90467.16	0	26343.12	44146.16
-795202.4	0	0	795202.4	0	0
0	-10145.97	26343.12	0	10145.97	25502.8
0	-25502.8	44146.16	0	25502.8	86173.16

Transformační matice

0.939394	-0.34284	0	0	0	0
0.34284	0.939394	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0
0	0	0	0.939394	-0.34284	0
0	0	0	0.34284	0.939394	0
0	0	0	0	0	1

Transponovaná transformační matice

0.939394	0.34284	0	0	0	0
-0.34284	0.939394	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0
0	0	0	0.939394	0.34284	0
0	0	0	-0.34284	0.939394	0
0	0	0	0	0	1

Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti

747008.2	3478.446	-9031.475	-747008.2	-3478.446	-8743.382
-272627.2	9531.064	-24746.56	272627.2	-9531.064	-23957.17
0	-26343.12	90467.16	0	26343.12	44146.16
-747008.2	-3478.446	9031.475	747008.2	3478.446	8743.382
272627.2	-9531.064	-24746.56	-272627.2	9531.064	23957.17
0	-25502.8	44146.16	0	25502.8	86173.16

Globální matice tuhosti

1	2	3	4	5	6
702927.4	-252836.7	-9031.475	-702927.4	252836.7	-8743.382
-252836.7	102421	-24746.56	252836.7	-102421	-23957.17
-9031.475	-24746.56	90467.16	9031.475	24746.56	44146.16
-702927.4	252836.7	9031.475	702927.4	-252836.7	8743.382
252836.7	-102421	-24746.56	-252836.7	102421	-23957.17
-8743.382	-23957.17	44146.16	8743.382	23957.17	86173.16

Primární lokální vektor koncových sil

7.202113	-19.7126	17.06157	7.280362	-19.96989	-18.23076
-19.7126	17.06157	7.280362	-19.96989	-18.23076	

Primární globální vektor koncových sil

0.007351	-20.98707	17.06157	-0.007351	-21.25559	-18.23076
-20.98707	17.06157	-0.007351	-21.25559	-18.23076	

Prut 2-3

Vstupní údaje

l [m]	α [-]	A [m2]	A0 [m2]	I [m4]	I0 [m4]	E [kPa]
8.516	339.95	0.019038	0.018063	0.000512	0.000432	2.1E+08

Dopočítané údaje

cos	sin	cos*sin	q [kN/m]	n [kN/m]
0.939394	-0.34284	-0.322062	7.765654	-2.834144

Deformační součinitele

c	δ1	δ0	α23	α32	β	φ23	φ32	D
1.058048	2.18E-06	-2.66E-05	2.76E-05	3E-05	1.44E-05	0.00199	0.002058	6.2E-10

Primární lokální vektor koncových sil - členy

R	Z*23;0	Z*32;0
-24.13557	33.06616	33.06616

Lokální matice tuhosti

u2	w2	φ2	u3	w3	φ3
458237.4	0	0	-458237.4	0	0
0	1919.468	-8403.62	0	-1919.468	-7942.57
0	-8403.62	48379.31	0	8403.62	23185.93
-458237.4	0	0	458237.4	0	0
0	-1919.468	8403.62	0	1919.468	7942.57
0	-7942.57	23185.93	0	7942.57	44453

Transformační matice

0.939394	-0.34284	0	0	0	0
0.34284	0.939394	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0
0	0	0	0.939394	-0.34284	0
0	0	0	0.34284	0.939394	0
0	0	0	0	0	1

Transponovaná transformační matice

0.939394	0.34284	0	0	0	0
-0.34284	0.939394	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0
0	0	0	0.939394	0.34284	0
0	0	0	-0.34284	0.939394	0
0	0	0	0	0	1

Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti

430465.4	658.0705	-2881.098	-430465.4	-658.0705	-2723.031
-157102.1	1803.136	-7894.309	157102.1	-1803.136	-7461.201
0	-8403.62	48379.31	0	8403.62	23185.93
-430465.4	-658.0705	2881.098	430465.4	658.0705	2723.031
157102.1	-1803.136	-7894.309	-157102.1	1803.136	7461.201
0	-7942.57	23185.93	0	7942.57	44453

Globální matice tuhosti

4	5	6	7	8	9
404602.1	-146962.6	-2881.098	-404602.1	146962.6	-2723.031
-146962.6	55554.76	-7894.309	146962.6	-55554.76	-7461.201
-2881.098	-7894.309	48379.31	2881.098	7894.309	23185.93
-404602.1	146962.6	2881.098	404602.1	-146962.6	2723.031
146962.6	-55554.76	-7894.309	-146962.6	55554.76	-7461.201
-2723.031	-7461.201	23185.93	2723.031	7461.201	44453

Primární lokální vektor koncových sil

11.9543	-32.69302	47.71868	12.18127	-33.43929	-53.43872
-32.69302	47.71868	12.18127	-33.43929	-53.43872	

Primární globální vektor koncových sil

0.02132	-34.81004	47.71868	-0.02132	-35.58889	-53.43872
-34.81004	47.71868	-0.02132	-35.58889	-53.43872	

Prut 3-4

Vstupní údaje

l [m]	α [-]	A [m2]	A0 [m2]	I [m4]	I0 [m4]	E [kPa]
8.514	20	0.019591	0.018314	0.00056	0.000452	2.1E+08

Dopočítané údaje

cos	sin	cos*sin	q [kN/m]	n [kN/m]
0.939693	0.34202	0.321394	7.770596	2.828265

Deformační součinitele

c	δ1	δ0	α34	α43	β	φ34	φ43	D
1.074246	2.14E-06	2.6E-05	2.83E-05	2.55E-05	1.34E-05	0.001932	0.001851	5.41E-10

Primární lokální vektor koncových sil - členy

R	Z*34;0	Z*43;0
24.07985	33.07943	33.07943

Lokální matice tuhosti

u3	w3	φ3	u4	w4	φ4
468276.6	0	0	-468276.6	0	0
0	2055.991	-8439.07	0	-2055.991	-9065.64
0	-8439.07	47036.52	0	8439.07	24813.72
-468276.6	0	0	468276.6	0	0
0	-2055.991	8439.07	0	2055.991	9065.64
0	-9065.64	24813.72	0	9065.64	52371.14

Transformační matice

0.939693	0.34202	0	0	0	0
-0.34202	0.939693	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0
0	0	0	0.939693	0.34202	0
0	0	0	-0.34202	0.939693	0
0	0	0	0	0	1

Transponovaná transformační matice

0.939693	-0.34202	0	0	0	0
0.34202	0.939693	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0
0	0	0	0.939693	-0.34202	0
0	0	0	0.34202	0.939693	0
0	0	0	0	0	1

Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti

440036	-703.1905	2886.332	-440036	703.1905	3100.632
160160	1932	-7930.132	-160160	-1932	-8518.915
0	-8439.07	47036.52	0	8439.07	24813.72
-440036	703.1905	-2886.332	440036	-703.1905	-3100.632
-160160	-1932	7930.132	160160	1932	8518.915
0	-9065.64	24813.72	0	9065.64	52371.14

Globální matice tuhosti

7	8	9	10	11	12
413739.1	149840.4	2886.332	-413739.1	-149840.4	3100.632
149840.4	56593.44	-7930.132	-149840.4	-56593.44	-8518.915
2886.332	-7930.132	47036.52	-2886.332	7930.132	24813.72
-413739.1	-149840.4	-2886.332	413739.1	149840.4	-3100.632
-149840.4	-56593.44	7930.132	149840.4	56593.44	8518.915
3100.632	-8518.915	24813.72	-3100.632	8518.915	52371.14

Primární lokální vektor koncových sil

-11.89622	-33.5532	45.91953	-12.18363	-32.60565	-39.10857
-33.5532	45.91953	-12.18363	-32.60565	-39.10857	

Primární globální vektor koncových sil

0.297079	-35.59845	45.91953	-
----------	-----------	----------	---

Prut 1-5									
Vstupní údaje									
I [m]	α [°]	A [m2]	I [m4]	E [kPa]					
2.805	270	0.019778	0.000577	2.1E+08					
Dopočítané údaje									
cos	sin	cos* \sin							
0	-1	0							
Deformační součinitelé									
c	$\delta 1$	$\delta 0$	$\alpha 15$	$\alpha 51$	β	$\varphi 15$	$\varphi 51$	D	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
Primární lokální vektor koncových sil - členy									
R	Z*15;0	Z*51;0							
0	0	0							
Lokální matice tuhosti									
u1	w1	$\varphi 1$	u5	w5	$\varphi 5$				
1480689	0	0	-1480689	0	0	u1			
0	16465.36	0	0	-16465.36	-46185.35	w1			
[K*1;5] =	0	0	0	0	0	$\varphi 1$			
-1480689	0	0	1480689	0	0	u5			
0	-16465.36	0	0	16465.36	46185.35	w5			
0	-46185.35	0	0	46185.35	129549.9	$\varphi 5$			
Transformační matice									
0	-1	0	0	0	0				
1	0	0	0	0	0				
[T1;5] =	0	0	1	0	0				
0	0	0	0	-1	0				
0	0	0	1	0	0				
0	0	0	0	0	1				
Transponovaná transformační matice									
0	1	0	0	0	0				
-1	0	0	0	0	0				
[T1;5]T =	0	0	1	0	0				
0	0	0	0	1	0				
0	0	0	-1	0	0				
0	0	0	0	0	1				
Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti									
0	16465.36	0	0	-16465.36	-46185.35				
-1480689	0	0	1480689	0	0				
[T1;5]T*[K*1;5] =	0	0	0	0	0				
0	-16465.36	0	0	16465.36	46185.35				
1480689	0	0	-1480689	0	0				
0	-46185.35	0	0	46185.35	129549.9				
Globální matice tuhosti									
1	2	3	13	14	15				
16465.36	0	0	-16465.36	0	-46185.35	1			
0	1480689	0	0	-1480689	0	2			
[K1;5] =	0	0	0	0	0	3			
-16465.36	0	0	16465.36	0	46185.35	13			
0	-1480689	0	0	1480689	0	14			
-46185.35	0	0	46185.35	0	129549.9	15			
Primární lokální vektor koncových sil									
0									
0									
{R*1;5} =									
0									
0									
Primární globální vektor koncových sil									
0									
0									
{R1;5} =									
0									
0									
0									
0									

Prut 2-6									
Vstupní údaje									
I [m]	α [°]	A [m2]	I [m4]	E [kPa]					
4.557	270	0.019778	0.000577	2.1E+08					
Dopočítané údaje									
cos	sin	cos* \sin							
0	-1	0							
Deformační součinitelé									
c	$\delta 1$	$\delta 0$	$\alpha 26$	$\alpha 62$	β	$\varphi 26$	$\varphi 62$	D	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
Primární lokální vektor koncových sil - členy									
R	Z*26;0	Z*62;0							
0	0	0							
Lokální matice tuhosti									
u2	w2	$\varphi 2$	u6	w6	$\varphi 6$				
911418.4	0	0	-911418.4	0	0	u2			
0	3840.014	0	0	-3840.014	-17498.95	w2			
[K*2;6] =	0	0	0	0	0	$\varphi 2$			
-911418.4	0	0	911418.4	0	0	u6			
0	-3840.014	0	0	3840.014	17498.95	w6			
0	-17498.95	0	0	17498.95	79742.69	$\varphi 6$			
Transformační matice									
0	-1	0	0	0	0				
1	0	0	0	0	0				
[T2;6] =	0	0	1	0	0				
0	0	0	0	-1	0				
0	0	0	1	0	0				
0	0	0	0	0	1				
Transponovaná transformační matice									
0	1	0	0	0	0				
-1	0	0	0	0	0				
[T2;6]T =	0	0	1	0	0				
0	0	0	0	1	0				
0	0	0	-1	0	0				
0	0	0	0	0	1				
Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti									
0	3840.014	0	0	-3840.014	-17498.95				
-911418.4	0	0	911418.4	0	0				
[T2;6]T*[K*2;6] =	0	0	0	0	0				
0	-3840.014	0	0	3840.014	17498.95				
911418.4	0	0	-911418.4	0	0				
0	-17498.95	0	0	17498.95	79742.69				
Globální matice tuhosti									
4	5	6	16	17	18				
3840.014	0	0	-3840.014	0	-17498.95	4			
0	911418.4	0	0	-911418.4	0	5			
[K2;6] =	0	0	0	0	0	6			
-3840.014	0	0	3840.014	0	17498.95	16			
0	-911418.4	0	0	911418.4	0	17			
-17498.95	0	0	17498.95	0	79742.69	18			
Primární lokální vektor koncových sil									
0									
0									
{R*2;6} =									
0									
0									
0									
Primární globální vektor koncových sil									
0									
0									
{R2;6} =									
0									
0									
0									
0									

Prut 4-7									
Vstupní údaje									
I [m]	α [°]	A [m2]	I [m4]	E [kPa]					
4.564	270	0.019778	0.000577	2.1E+08					
Dopočítané údaje									
cos	sin	cos* \sin							
0	-1	0							
Deformační součinitelé									
c	$\delta 1$	$\delta 0$	$\alpha 47$	$\alpha 74$	β	$\varphi 47$	$\varphi 74$	D	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
Primární lokální vektor koncových sil - členy									
R	Z*47;0	Z*74;0							
0	0	0							
Lokální matice tuhosti									
u4	w4	$\varphi 4$	u7	w7	$\varphi 7$				
910020.5	0	0	-910020.5	0	0	u4			
0	3822.373	0	0	-3822.373	-17445.31	w4			
[K*4;7] =	0	0	0	0	0	$\varphi 4$			
-910020.5	0	0	910020.5	0	0	u7			
0	-3822.373	0	0	3822.373	17445.31	w7			
0	-17445.31	0	0	17445.31	79620.39	$\varphi 7$			
Transformační matice									
0	-1	0	0	0	0				
1	0	0	0	0	0				
[T4;7] =	0	0	1	0	0				
0	0	0	0	-1	0				
0	0	0	1	0	0				
0	0	0	0	0	1				
Transponovaná transformační matice									
0	1	0	0	0	0				
-1	0	0	0	0	0				
[T4;7]T =	0	0	1	0	0				
0	0	0	0	1	0				
0	0	0	-1	0	0				
0	0	0	0	0	1				
Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti									
0	3822.373	0	0	-3822.373	-17445.31				
-910020.5	0	0	910020.5	0	0				
[T4;7]T*[K*4;7] =	0	0	0	0	0				
0	-3822.373	0	0	3822.373	17445.31				
910020.5	0	0	-910020.5	0	0				
0	-17445.31	0	0	17445.31	79620.39				
Globální matice tuhosti									
10	11	12	19	20	21				
3822.373	0	0	-3822.373	0	-17445.31	10			
0	910020.5	0	0	-910020.5	0	11			
[K4;7] =	0	0	0	0	0	12			
-3822.373	0	0	3822.373	0	17445.31	19			
0	-910020.5	0	0	910020.5	0	20			
-17445.31	0	0	17445.31	0	79620.39	21			
Primární lokální vektor koncových sil									
0									
0									
{R*4;7} =									
0									
0									
0									
Primární globální vektor koncových sil									
0									
0									
{R4;7} =									
0									
0									
0									
0									

Celková globální matice tuhosti

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21		
[K] =	719392.803	-252836.7	-9031.475	-702927.4	252836.7	-8743.382	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
	-252836.71	1583110	-24746.56	252836.7	-102421	-23957.17	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2
	-9031.4753	-24746.56	90467.16	9031.475	24746.56	44146.16	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3
	-702927.44	252836.7	9031.475	1111370	-399799.3	5862.285	-404602.1	146962.6	-2723.0311	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	4
	252836.706	-102421	24746.56	-399799.3	1069394	16062.87	146962.6	-55554.76	-7461.2009	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	5
	-8743.3822	-23957.17	44146.16	5862.285	16062.87	134552.5	2881.098	7894.309	23185.9254	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	6
	0	0	0	-404602.1	146962.6	2881.098	818341.2	2877.825	5609.36306	-413739.1	-149840.4	3100.632	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	7
	0	0	0	146962.6	-55554.76	7894.309	2877.825	112148.2	-468.93106	-149840.4	-56593.44	-8518.915	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	8
	0	0	0	-2723.031	-7461.201	23185.93	5609.363	-468.9311	91489.5243	-2886.332	7930.132	24813.72	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	9
	0	0	0	0	0	0	-413739.1	-149840.4	-2886.332	417561.5	149840.4	-3100.632	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	10
	0	0	0	0	0	0	-149840.4	-56593.44	7930.13197	149840.4	966613.9	8518.915	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	11
	0	0	0	0	0	0	3100.632	-8518.915	24813.7193	-3100.632	8518.915	52371.14	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	12
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	13
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	14
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	15
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	16
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	17
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	18
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	19
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	20
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	21

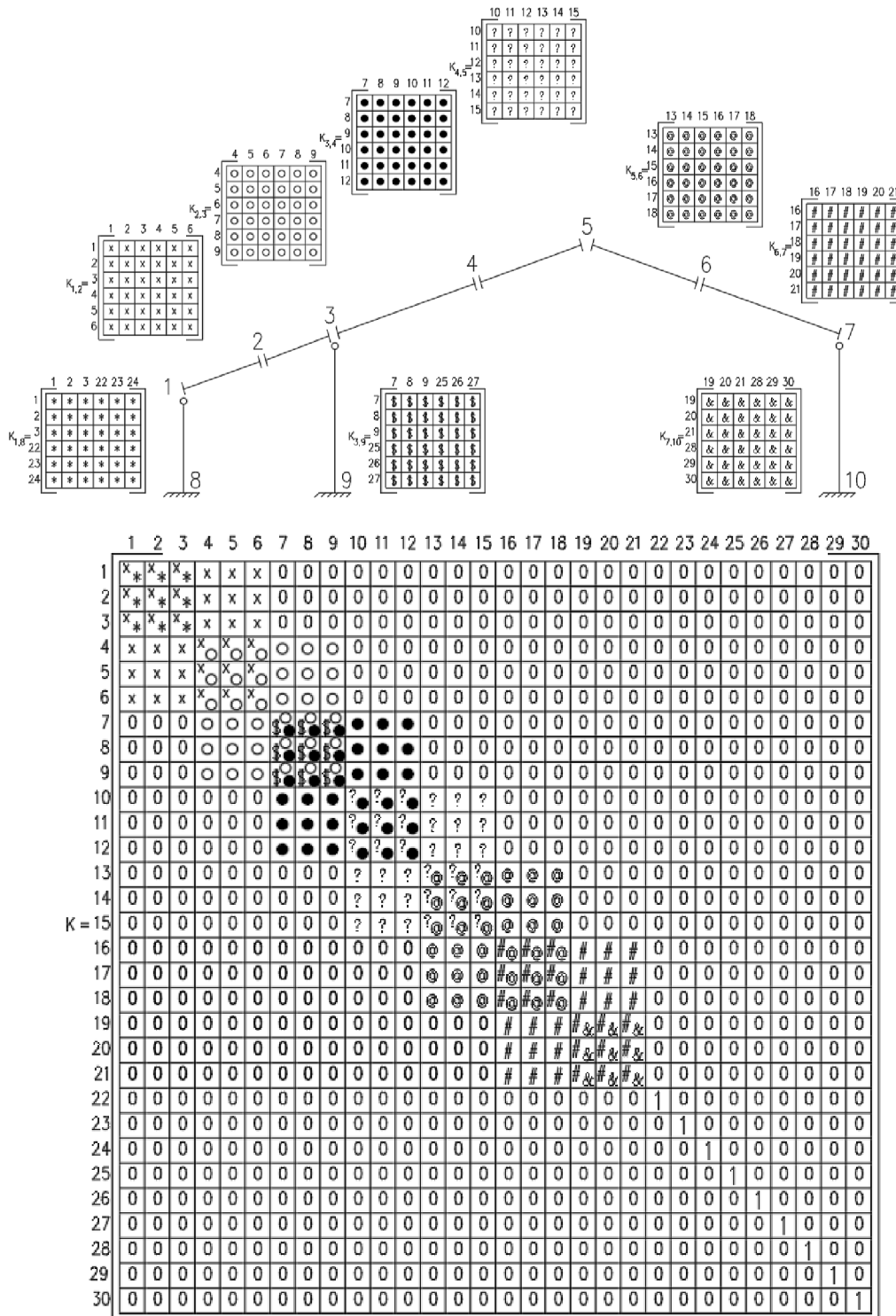
Inverzní celková globální matice tuhosti

	4.5245E-05	8.33E-08	-1.02E-06	4.48E-05	-1.45E-07	2.32E-06	3.33E-05	-3.12E-05	8.9501E-07	2.17E-05	9.94E-09	-6.19E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	{S}		
	8.3303E-08	6.75E-07	1.65E-07	-1.6E-07	1.52E-09	8.93E-08	-1.8E-07	-5.59E-08	-2.298E-08	-1.98E-07	-2.25E-10	7.33E-10	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	10.05227	{R}	
	-1.024E-06	1.65E-07	1.38E-05	-1.32E-06	-2.77E-07	-5.25E-06	2.27E-06	9.68E-06	1.0073E-06	5.74E-06	9.73E-09	1.3E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	5.739843	{S-R}	
	4.4784E-05	-1.6E-07	-1.32E-06	4.6E-05	2.5E-07	2.23E-06	3.42E-05	-3.15E-05	9.7964E-07	2.25E-05	1.05E-08	-6.29E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	-1.453E-07	1.52E-09	-2.77E-07	2.5E-07	1.09E-06	-1.25E-07	1.13E-07	7.29E-07	1.1533E-07	3.75E-07	4.55E-10	7.93E-08	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	2.3214E-06	8.93E-08	-5.25E-06	2.23E-06	-1.25E-07	1.09E-05	-5.01E-06	-2.02E-05	-2.159E-06	-1.22E-05	-2.05E-08	-2.69E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	3.3274E-05	-1.8E-07	2.27E-06	3.42E-05	1.13E-07	-5.01E-06	6.03E-05	6.73E-05	-2.025E-06	8.39E-05	1.79E-07	1.33E-05	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	-3.121E-05	-5.59E-08	9.68E-06	-3.15E-05	7.29E-07	-2.02E-05	6.73E-05	0.000277	-8.072E-06	0.000166	4.6E-07	5.46E-05	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	14.04953	{R}	
	8.9501E-07	-2.3E-08	1.01E-06	9.8E-07	1.15E-07	-2.16E-06	-2.02E-06	-8.07E-06	1.3598E-05	-4.84E-06	-7.81E-08	-7.91E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	11.21855	{S-R}
	2.1727E-05	-1.98E-07	5.74E-06	2.25E-05	3.75E-07	-1.22E-05	8.39E-05	0.000166	-4.84E-06	0.000145	-5.34E-08	3.3E-05	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
[K-1] =	9.9365E-09	-2.25E-10	9.73E-09	1.05E-08	4.55E-10	-2.05E-08	1.79E-07	4.6E-07	-7.811E-08	-5.34E-08	1.1E-06	-8.06E-08	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	10.08854	{R}	
	-6.186E-06	7.33E-10	1.3E-06	-6.29E-06	7.93E-08	-2.69E-06	1.33E-05	5.46E-05	-7.91E-06	3.3E-05	-8.06E-08	3.29E-05	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-5.780733	{S-R}
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0

Globální vektor parametrů deformace

	-0.002915	u1
	1.1332E-05	w1
	0.00087707	φ1
	-0.0029236	u2
	0.00013524	w2
	-0.0021215	φ2
	0.00627854	u3
	0.02581904	w3
	-0.0006433	φ3
	0.01549408	u4
{r} =	8.483E-05	w4
	0.0056728	φ4
	0	u5
	0	w5
	0	φ5
	0	u6
	0	w6
	0	φ6
	0	u7
	0	w7
	0	φ7

Vnitřní síly																
Prut 1-2																
702927.4	-252836.706	-9031.475	-702927.4	252836.7	-8743.382	-0.002915	47.9899986	0.007351	47.99735	0.939394	-0.34284	0	0	0	47.39475	
-252836.7	102420.958	-24746.56	252836.7	-102421	-23957.17	1.13E-05	14.2599103	-20.98707	-6.72716	0.34284	0.939394	0	0	0	10.13596	
-9031.475	-24746.56	90467.16	9031.475	24746.56	44146.16	0.000877	-11.321728	17.06157	5.739843	0	0	1	0	0	5.739843	
-702927.4	252836.706	9031.475	702927.4	-252836.7	8743.382	-0.002924	-47.9899999	-0.007351	-47.99735	0	0	0	0.939394	-0.34284	0	-32.91228
252836.7	-102420.958	24746.56	-252836.7	102421	23957.17	0.000135	-14.25991	-21.25559	-35.5155	0	0	0	0.34284	0.939394	0	-49.81845
-8743.382	-23957.1748	44146.16	8743.382	23957.17	86173.16	-0.002122	-141.20444	-18.23076	-159.4352	0	0	0	0	0	1	-159.4352
Prut 2-3																
404602.1	-146962.581	-2881.098	-404602.1	146962.6	-2723.031	-0.002924	59.2028213	0.02132	59.22414	0.939394	-0.34284	0	0	0	0	85.71726
-146962.6	55554.7581	-7894.309	146962.6	-55554.76	-7461.201	0.000135	-52.93487	-34.81004	-87.7449	0.34284	0.939394	0	0	0	0	-62.12261
-2881.098	-7894.30882	48379.31	2881.098	7894.309	23185.93	x -0.002122	111.716518	+ 47.71868	= 159.4352	x 0	0	1	0	0	0	= 159.4352
-404602.1	146962.581	2881.098	404602.1	-146962.6	2723.031	0.006279	-59.202821	-0.02132	-59.22414	0	0	0	0.939394	-0.34284	0	-61.58169
146962.6	-55554.7581	7894.309	-146962.6	55554.76	7461.201	0.025819	52.9348696	-35.58889	17.34598	0	0	0	0.34284	0.939394	0	-4.009699
-2723.031	-7461.20091	23185.93	2723.031	7461.201	44453	-0.000643	138.905869	-53.43872	85.46715	0	0	0	0	0	1	85.46715
Prut 3-4																
413739.1	149840.406	2886.332	-413739.1	-149840.4	3100.632	0.006279	58.9270628	0.297079	59.22414	0.939394	0.34202	0	0	0	0	54.50734
149840.4	56593.439	-7930.132	-149840.4	-56593.44	-8518.915	0.025819	32.3019962	-35.59845	-3.29645	-0.34202	0.939693	0	0	0	0	-23.3535
2886.332	-7930.13197	47036.52	-2886.332	7930.132	24813.72	x -0.000643	-120.16813	+ 45.91953	= -74.2486	x 0	0	1	0	0	0	= -74.2486
-413739.1	-149840.406	-2886.332	413739.1	149840.4	-3100.632	0.015494	-58.927063	-0.297079	-59.22414	0	0	0	0.939693	0.34202	0	-78.60489
-149840.4	-56593.439	7930.132	149840.4	56593.44	8518.915	8.48E-05	-32.301996	-34.80633	-67.10833	0	0	0	-0.34202	0.939693	0	-42.80535
3100.632	-8518.91512	24813.72	-3100.632	8518.915	52371.14	0.005673	33.3278377	-39.10857	-5.780733	0	0	0	0	0	1	-5.780733
Prut 1-5																
16465.36	0	0	-16465.36	0	-46185.35	-0.002915	-47.997349	0	-47.99735	0	-1	0	0	0	0	-16.77943
0	1480689.33	0	0	-1480689	0	1.13E-05	16.7794253	0	16.77943	1	0	0	0	0	0	-47.99735
0	0	0	0	0	0	x 0.000877	0	+ 0	= 0	x 0	0	1	0	0	0	= 0
-16465.36	0	0	16465.36	0	46185.35	0	47.9973491	0	47.99735	0	0	0	0	-1	0	16.77943
0	-1480689.33	0	0	1480689	0	0	-16.779425	0	-16.77943	0	0	0	1	0	0	47.99735
-46185.35	0	0	46185.35	0	129549.9	0	134.632564	0	134.6326	0	0	0	0	0	1	134.6326
Prut 2-6																
3840.014	0	0	-3840.014	0	-17498.95	-0.002924	-11.226792	0	-11.22679	0	-1	0	0	0	0	-123.2604
0	911418.385	0	0	-911418.4	0	0.000135	123.260405	0	123.2604	1	0	0	0	0	0	-11.22679
0	0	0	0	0	0	x -0.002122	0	+ 0	= 0	x 0	0	1	0	0	0	= 0
-3840.014	0	0	3840.014	0	17498.95	0	11.2267922	0	11.22679	0	0	0	0	-1	0	123.2604
0	-911418.385	0	0	911418.4	0	0	-123.2604	0	-123.2604	0	0	0	1	0	0	11.22679
-17498.95	0	0	17498.95	0	79742.69	0	51.1604919	0	51.16049	0	0	0	0	0	1	51.16049
Prut 4-7																
3822.373	0	0	-3822.373	0	-17445.31	0.015494	59.2241413	0	59.22414	0	-1	0	0	0	0	-77.19687
0	910020.504	0	0	-910020.5	0	8.48E-05	77.196868	0	77.19687	1	0	0	0	0	0	59.22414
0	0	0	0	0	0	x 0.005673	0	+ 0	= 0	x 0	0	1	0	0	0	= 0
-3822.373	0	0	3822.373	0	17445.31	0	-59.224141	0	-59.22414	0	0	0	0	-1	0	77.19687
0	-910020.504	0	0	910020.5	0	0	-77.196868	0	-77.19687	0	0	0	1	0	0	-59.22414
-17445.31	0	0	17445.31	0	79620.39	0	-270.29898	0	-270.299	0	0	0	0	0	1	-270.299



Obrázek A.13: Lokalizace matice tuhosti K pro zatěžovací stav *levý vítr +/-*

4. ZS - Levý vítr +/-

Síly v uzlech - Převísle konce

1. Převísle konec -> Stýčnick 1

g1 = 7.2 [kN/m]	l1 = 1.216 [m]	Q1 = 8.7552 [kN]	M1 = 5.323162 [kNm]	α = 69.95 [-]	Q1x = 3.001633 [kN]	Q1z = 8.224581 [kN]
-----------------	----------------	------------------	---------------------	---------------	---------------------	---------------------

2. Převísle konec -> Stýčnick 5

g2 = 4.8 [kN/m]	l2 = 1.699 [m]	Q2 = 8.1552 [kN]	M2 = 6.927842 [kNm]	α = 70 [-]	Q2x = -2.789243 [kN]	Q2z = 7.663381 [kN]
-----------------	----------------	------------------	---------------------	------------	----------------------	---------------------

3. Převísle konec -> Stýčnick 7

g3 = 5.85 [kN/m]	l3 = 1.22 [m]	Q3 = 7.137 [kN]	M3 = -4.35357 [kNm]	α = 70 [-]	Q3x = -2.440998 [kN]	Q3z = 6.706586 [kN]
------------------	---------------	-----------------	---------------------	------------	----------------------	---------------------

Síly v uzlech - Osově síly

Prut 1-2 -> Stýčnick 2

F1 = 10.54 [kN]	α = 69.95 [-]	F1x = 3.613534 [kN]	F1z = 9.901211 [kN]
-----------------	---------------	---------------------	---------------------

Prut 3-4 -> Stýčnick 4

F2 = 17.53 [kN]	α = 69.95 [-]	F2x = 6.009986 [kN]	F2z = 16.46757 [kN]
-----------------	---------------	---------------------	---------------------

Prut 5-6 -> Stýčnick 6

F3 = 17.53 [kN]	α = 70 [-]	F3x = -5.995613 [kN]	F3z = 16.47281 [kN]
-----------------	------------	----------------------	---------------------

Prut 1-2

Vstupní údaje

l [m]	α [-]	A [m2]	A0 [m2]	I [m4]	I0 [m4]	E [kPa]
2.558	339.95	0.019635	0.001935	0.000564	0.000537	2.1E+08

Dopočítané údaje

cos	sin	cos*sín	q [kN/m]	n [kN/m]
0.939394	-0.34284	-0.322062	0	0

Deformační součinitelé

c	δ1	δ0	α12	α21	β	φ12	φ21	D
1.01623	6.25E-07	0	7.29E-06	7.47E-06	3.69E-06	0	0	4.08E-11

Primární lokální vektor koncových sil - členy

R	Z*12,0	Z*21,0
0	0	0

Lokální matice tuhosti

u1	w1	φ1	u2	w2	φ2	u1	w1	φ1	u2	w2	φ2
1600145	0	0	-1600145	0	0	0	82872.03	-106846.6	0	82872.03	-105140.1

Transformační matice

[T1,2]	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th>	0 <th>0 <th>0 </th></th>	0 <th>0 </th>	0
--------	--	---	--	---	--	---	--	-------------------------------------	--------------------------	---------------	---

Transponovaná transformační matice

[T1,2]T	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th>	0 <th>0 <th>0 </th></th>	0 <th>0 </th>	0
---------	--	---	--	---	--	---	--	-------------------------------------	--------------------------	---------------	---

Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti

[T1,2]T*[K1,2]	1503166	28411.85	-36631.28	-1503166	-28411.85	-36046.24	-548593.7	77849.47	-100371	548593.7	-77849.47	-98767.95
----------------	---------	----------	-----------	----------	-----------	-----------	-----------	----------	---------	----------	-----------	-----------

Globální matice tuhosti

[K1,2]	1421806	-488655.6	-36631.28	-1421806	488655.6	-36046.24	-488655.6	261211.2	-100371	488655.6	-261211.2	-98767.95
--------	---------	-----------	-----------	----------	----------	-----------	-----------	----------	---------	----------	-----------	-----------

Primární lokální vektor koncových sil

(R*1,2)	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
---------	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Primární globální vektor koncových sil

(R1,2)	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
--------	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Prut 2-3

Vstupní údaje

l [m]	α [-]	A [m2]	A0 [m2]	I [m4]	I0 [m4]	E [kPa]
2.552	339.95	0.019335	0.019038	0.000537	0.000512	2.1E+08

Dopočítané údaje

cos	sin	cos*sín	q [kN/m]	n [kN/m]
0.939394	-0.34284	-0.322062	0	0

Deformační součinitelé

c	δ1	δ0	α23	α32	β	φ23	φ32	D
1.016452	6.33E-07	0	7.63E-06	7.82E-06	3.86E-06	0	0	4.48E-11

Primární lokální vektor koncových sil - členy

R	Z*23,0	Z*32,0
0	0	0

Lokální matice tuhosti

u2	w2	φ2	u3	w3	φ3	u2	w2	φ2	u3	w3	φ3
1579456	0	0	-1579456	0	0	0	79496.76	-102265.5	0	79496.76	-100610.2

Transformační matice

[T2,3]	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th>	0 <th>0 <th>0 </th></th>	0 <th>0 </th>	0
--------	--	---	--	---	--	---	--	-------------------------------------	--------------------------	---------------	---

Transponovaná transformační matice

[T2,3]T	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th>	0 <th>0 <th>0 </th></th>	0 <th>0 </th>	0
---------	--	---	--	---	--	---	--	-------------------------------------	--------------------------	---------------	---

Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti

[T2,3]T*[K2,3]	1483732	27254.67	-35060.71	-1483732	-27254.67	-34493.21	-541500.9	74678.76	-96067.58	541500.9	-74678.76	-94512.62
----------------	---------	----------	-----------	----------	-----------	-----------	-----------	----------	-----------	----------	-----------	-----------

Globální matice tuhosti

[K2,3]	1403152	-483079.7	-35060.71	-1403152	483079.7	-34493.21	-483079.7	255801	96067.58	483079.7	-255801	-94512.62
--------	---------	-----------	-----------	----------	----------	-----------	-----------	--------	----------	----------	---------	-----------

Primární lokální vektor koncových sil

(R*2,3)	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
---------	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Primární globální vektor koncových sil

(R2,3)	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
--------	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Prut 3-4

Vstupní údaje

l [m]	α [-]	A [m2]	A0 [m2]	I [m4]	I0 [m4]	E [kPa]
4.629	339.95	0.019038	0.018505	0.000512	0.000467	2.1E+08

Dopočítané údaje

cos	sin	cos*sín	q [kN/m]	n [kN/m]
0.939394	-0.34284	-0.322062	0	0

Deformační součinitelé

c	δ1	δ0	α34	α43	β	φ34	φ43	D
1.030745	1.17E-06	0	1.47E-05	1.54E-05	7.51E-06	0	0	1.69E-10

Primární lokální vektor koncových sil - členy

R	Z*34,0	Z*43,0
0	0	0

Lokální matice tuhosti

u3	w3	φ3	u4	w4	φ4	u3	w3	φ3	u4	w4	φ4
852347.7	0	0	-852347.7	0	0	0	12423.27	-29188.98	0	12423.27	-28318.32

Transformační matice

[T3,4]	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th>	0 <th>0 <th>0 </th></th>	0 <th>0 </th>	0
--------	--	---	--	---	--	---	--	-------------------------------------	--------------------------	---------------	---

Transponovaná transformační matice

[T3,4]T	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th></th>	0 <th>0 <th>0 <th>0 </th></th></th>	0 <th>0 <th>0 </th></th>	0 <th>0 </th>	0
---------	--	---	--	---	--	---	--	-------------------------------------	--------------------------	---------------	---

Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti

[T3,4]T*[K3,4]	800690.2	4259.193	-10007.15	-800690.2	-4259.193	-9708.654	-292218.9	11670.34	-27419.94	292218.9	-11670.34	-26602.05
----------------	----------	----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	----------	-----------	----------	-----------	-----------

Globální matice tuhosti

[K3,4]	753623.6	-270507.6	-10007.15	-753623.6	270507.6	-9708.654	-270507.6	111147.4	-27419.94	270507.6	-111147.4	-26602.05
--------	----------	-----------	-----------	-----------	----------	-----------	-----------	----------	-----------	----------	-----------	-----------

Primární lokální vektor koncových sil

(R*3,4)	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
---------	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Primární globální vektor koncových sil

(R3,4)	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
--------	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Prut 4-5								
Vstupní údaje								
l [m]	α [°]	A [m2]	A0 [m2]	I [m4]	I0 [m4]	E [kPa]		
3.887	339.95	0.018505	0.018063	0.000467	0.000432	2.1E+08		
Dopočítané údaje								
cos	sin	cos* \sin	q [kN/m]	n [kN/m]				
0.939394	-0.34284	-0.322062	0	0				
Deformační součinitelé								
c	$\delta 1$	$\delta 0$	$\alpha 45$	$\alpha 54$	β	$\varphi 45$	$\varphi 54$	D
1.026488	1.01E-06	0	1.35E-05	1.4E-05	6.87E-06	0	0	1.41E-10
Primární lokální vektor koncových sil - členy								
R	Z*45;0	Z*54;0						
0	0	0						
Lokální matice tuhosti								
u4	w4	$\varphi 4$	u5	w5	$\varphi 5$			
988759.6	0	0	-988759.6	0	0	u4		
0	19278.48	-37957.47	0	-19278.48	-36977.99	w4		
[K*4;5] =	0	-37957.47	99001.63	0	37957.47	48539.05	$\varphi 4$	
-988759.6	0	0	988759.6	0	0	u5		
0	-19278.48	37957.47	0	19278.48	36977.99	w5		
0	-36977.99	48539.05	0	36977.99	95194.39	$\varphi 5$		
Transformační matice								
0.939394	-0.34284	0	0	0	0			
0.34284	0.939394	0	0	0	0			
[T4;5] =	0	0	1	0	0			
0	0	0	0.939394	-0.34284	0			
0	0	0	0.34284	0.939394	0			
0	0	0	0	0	1			
Transponovaná transformační matice								
0.939394	0.34284	0	0	0	0			
-0.34284	0.939394	0	0	0	0			
[T4;5]T =	0	0	1	0	0			
0	0	0	0.939394	0.34284	0			
0	0	0	-0.34284	0.939394	0			
0	0	0	0	0	1			
Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti								
928834.6	6609.435	-13013.34	-928834.6	-6609.435	-12677.54			
-338986.4	18110.09	-35657.01	338986.4	-18110.09	-34736.89			
[T4;5]T*[K*4;5] =	0	-37957.47	99001.63	0	37957.47	48539.05		
-928834.6	-6609.435	13013.34	928834.6	6609.435	12677.54			
338986.4	-18110.09	35657.01	-338986.4	18110.09	34736.89			
0	-36977.99	48539.05	0	36977.99	95194.39			
Globální matice tuhosti								
10	11	12	13	14	15			
874807.4	-312232.8	-13013.34	-874807.4	312232.8	-12677.54	10		
-312232.8	133230.6	-35657.01	312232.8	-133230.6	-34736.89	11		
[K4;5] =	-13013.34	-35657.01	99001.63	13013.34	35657.01	48539.05	12	
-874807.4	312232.8	13013.34	874807.4	-312232.8	12677.54	13		
312232.8	-133230.6	35657.01	-312232.8	133230.6	34736.89	14		
-12677.54	-34736.89	48539.05	12677.54	34736.89	95194.39	15		
Primární lokální vektor koncových sil								
0	0	0	0	0	0			
[R*4;5] =	0	0	0	0	0			
0	0	0	0	0	0			
0	0	0	0	0	0			
Primární globální vektor koncových sil								
0	0	0	0	0	0			
[R4;5] =	0	0	0	0	0			
0	0	0	0	0	0			
0	0	0	0	0	0			

Prut 5-6								
Vstupní údaje								
l [m]	α [°]	A [m2]	A0 [m2]	I [m4]	I0 [m4]	E [kPa]		
3.888	20	0.018892	0.018314	0.000499	0.000452	2.1E+08		
Dopočítané údaje								
cos	sin	cos* \sin	q [kN/m]	n [kN/m]				
0.939693	0.34202	0.321394	0	0				
Deformační součinitelé								
c	$\delta 1$	$\delta 0$	$\alpha 56$	$\alpha 65$	β	$\varphi 56$	$\varphi 65$	D
1.033896	9.94E-07	0	1.33E-05	1.27E-05	6.5E-06	0	0	1.27E-10
Primární lokální vektor koncových sil - členy								
R	Z*56;0	Z*65;0						
0	0	0						
Lokální matice tuhosti								
u5	w5	$\varphi 5$	u6	w6	$\varphi 6$			
1005828	0	0	-1005828	0	0	u5		
0	20366.21	-38932.1	0	-20366.21	-40251.74	w5		
[K*5;6] =	0	-38932.1	100068.3	0	38932.1	51299.72	$\varphi 5$	
-1005828	0	0	1005828	0	0	u6		
0	-20366.21	38932.1	0	20366.21	40251.74	w6		
0	-40251.74	51299.72	0	40251.74	105199	$\varphi 6$		
Transformační matice								
0.939693	0.34202	0	0	0	0			
-0.34202	0.939693	0	0	0	0			
[T5;6] =	0	0	1	0	0			
0	0	0	0.939693	0.34202	0			
0	0	0	-0.34202	0.939693	0			
0	0	0	0	0	1			
Transponovaná transformační matice								
0.939693	-0.34202	0	0	0	0			
0.34202	0.939693	0	0	0	0			
[T5;6]T =	0	0	1	0	0			
0	0	0	0.939693	-0.34202	0			
0	0	0	0.34202	0.939693	0			
0	0	0	0	0	1			
Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti								
945168.8	-6965.655	13315.56	-945168.8	6965.655	13766.9			
344013.3	19137.98	-36584.21	-344013.3	-19137.98	-37824.26			
[T5;6]T*[K*5;6] =	0	-38932.1	100068.3	0	38932.1	51299.72		
-945168.8	6965.655	-13315.56	945168.8	-6965.655	-13766.9			
-344013.3	-19137.98	36584.21	344013.3	19137.98	37824.26			
0	-40251.74	51299.72	0	40251.74	105199			
Globální matice tuhosti								
13	14	15	16	17	18			
890550.6	316721.2	13315.56	-890550.6	-316721.2	13766.9	13		
316721.2	135643.3	-36584.21	-316721.2	-135643.3	-37824.26	14		
[K5;6] =	13315.56	-36584.21	100068.3	-13315.56	36584.21	51299.72	15	
-890550.6	-316721.2	-13315.56	890550.6	316721.2	-13766.9	16		
-316721.2	-135643.3	36584.21	316721.2	135643.3	37824.26	17		
13766.9	-37824.26	51299.72	-13766.9	37824.26	105199	18		
Primární lokální vektor koncových sil								
0	0	0	0	0	0			
[R*5;6] =	0	0	0	0	0			
0	0	0	0	0	0			
0	0	0	0	0	0			
Primární globální vektor koncových sil								
0	0	0	0	0	0			
[R5;6] =	0	0	0	0	0			
0	0	0	0	0	0			
0	0	0	0	0	0			

Prut 6-7								
Vstupní údaje								
l [m]	α [°]	A [m2]	A0 [m2]	I [m4]	I0 [m4]	E [kPa]		
4.625	20	0.019591	0.018892	0.00056	0.000499	2.1E+08		
Dopočítané údaje								
cos	sin	cos* \sin	q [kN/m]	n [kN/m]				
0.939693	0.34202	0.321394	0	0				
Deformační součinitelé								
c	$\delta 1$	$\delta 0$	$\alpha 67$	$\alpha 76$	β	$\varphi 67$	$\varphi 76$	D
1.039028	1.14E-06	0	1.43E-05	1.35E-05	6.94E-06	0	0	1.45E-10
Primární lokální vektor koncových sil - členy								
R	Z*67;0	Z*76;0						
0	0	0						
Lokální matice tuhosti								
u6	w6	$\varphi 6$	u7	w7	$\varphi 7$			
874431.7	0	0	-874431.7	0	0	u6		
0	13472.38	-30558.56	0	-13472.38	-31751.19	w6		
[K*6;7] =	0	-30558.56	93317	0	30558.56	48016.36	$\varphi 6$	
-874431.7	0	0	874431.7	0	0	u7		
0	-13472.38	30558.56	0	13472.38	31751.19	w7		
0	-31751.19	48016.36	0	31751.19	98832.89	$\varphi 7$		
Transformační matice								
0.939693	0.34202	0	0	0	0			
-0.34202	0.939693	0	0	0	0			
[T6;7] =	0	0	1	0	0			
0	0	0	0.939693	0.34202	0			
0	0	0	-0.34202	0.939693	0			
0	0	0	0	0	1			
Transponovaná transformační matice								
0.939693	-0.34202	0	0	0	0			
0.34202	0.939693	0	0	0	0			
[T6;7]T =	0	0	1	0	0			
0	0	0	0.939693	-0.34202	0			
0	0	0	0.34202	0.939693	0			
0	0	0	0	0	1			
Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti								
821697	-4607.825	10451.64	-821697	4607.825	10859.55			
299073.2	12659.89	-28715.66	-299073.2	-12659.89	-29836.36			
[T6;7]T*[K*6;7] =	0	-30558.56	93317	0	30558.56	48016.36		
-821697	4607.825	-10451.64	821697	-4607.825	-10859.55			
-299073.2	-12659.89	28715.66	299073.2	12659.89	29836.36			
0	-31751.19	48016.36	0	31751.19	98832.89			
Globální matice tuhosti								
16	17	18	19	20	21			
773718.5	276707	10451.64	-773718.5	-276707	10859.55	16		
276707	114185.5	-28715.66	-276707	-114185.5	-29836.36	17		
[K6;7] =	10451.64	-28715.66	93317	-10451.64	28715.66	48016.36	18	
-773718.5	-276707	-10451.64	773718.5	276707	-10859.55	19		
-276707	-114185.5	28715.66	276707	114185.5	29836.36	20		
10859.55	-29836.36	48016.36	-10859.55	29836.36	98832.89	21		
Primární lokální vektor koncových sil								
0	0	0	0	0	0			
[R*6;7] =	0	0	0	0	0			
0	0	0	0	0	0			
0	0	0	0	0	0			
Primární globální vektor koncových sil								
0	0	0	0	0	0			
[R6;7] =	0	0	0	0	0			
0	0	0	0	0	0			
0	0	0	0	0	0			

Prut 1-8								
Vstupní údaje								
l [m]	α [-]	A [m2]	I [m4]	E [kPa]				
2.805	270	0.019778	0.000577	2.1E+08				
Dopočítané údaje								
cos	sin	cos*sin						
0	-1	0						
Deformační součinitelé								
c	δ1	δ0	α18	α81	β	φ18	φ81	D
0	0	0	0	0	0	0	0	0
Primární lokální vektor koncových sil - členy								
R	Z*18;0	Z*81;0						
0	0	0						
Lokální matice tuhosti								
u1	w1	φ1	u8	w8	φ8	u1	w1	φ1
1480689	0	0	-1480689	0	0	u1	w1	φ1
0	16465.36	0	0	-16465.36	-46185.35	w1	φ1	φ1
0	0	0	0	0	0	φ1	u8	w8
-1480689	0	0	1480689	0	0	u8	w8	φ8
0	-16465.36	0	0	16465.36	46185.35	w8	φ8	φ8
0	-46185.35	0	0	46185.35	129549.9	φ8		
Transformační matice								
T1;8	0	-1	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	-1	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	1
Transponovaná transformační matice								
T1;8]T	0	1	0	0	0	0	0	0
-1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0
0	0	0	-1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	1
Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti								
T1;8]T*[K*1;8]	0	16465.36	0	0	-16465.36	-46185.35		
-1480689	0	0	1480689	0	0	0		
0	0	0	0	0	0	0		
0	-16465.36	0	0	16465.36	46185.35			
1480689	0	0	-1480689	0	0			
0	-46185.35	0	0	46185.35	129549.9			
Globální matice tuhosti								
[K1;8]	1	2	3	22	23	24	1	2
16465.36	0	0	-16465.36	0	-46185.35	1	2	3
0	1480689	0	0	-1480689	0	22	23	24
0	0	0	0	0	0	1	2	3
-16465.36	0	0	16465.36	0	46185.35	22	23	24
0	-1480689	0	0	1480689	0	1	2	3
-46185.35	0	0	46185.35	0	129549.9	22	23	24
Primární lokální vektor koncových sil								
{R*1;8}	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
Primární globální vektor koncových sil								
{R1;8}	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0

Prut 3-9								
Vstupní údaje								
l [m]	α [-]	A [m2]	I [m4]	E [kPa]				
4.557	270	0.019778	0.000577	2.1E+08				
Dopočítané údaje								
cos	sin	cos*sin						
0	-1	0						
Deformační součinitelé								
c	δ1	δ0	α39	α93	β	φ39	φ93	D
0	0	0	0	0	0	0	0	0
Primární lokální vektor koncových sil - členy								
R	Z*39;0	Z*93;0						
0	0	0						
Lokální matice tuhosti								
u3	w3	φ3	u9	w9	φ9	u3	w3	φ3
911418.4	0	0	-911418.4	0	0	u3	w3	φ3
0	3840.014	0	0	-3840.014	-17498.95	w3	φ3	φ3
0	0	0	0	0	0	φ3	u9	w9
-911418.4	0	0	911418.4	0	0	u9	w9	φ9
0	-3840.014	0	0	3840.014	17498.95	w9	φ9	φ9
0	-17498.95	0	0	17498.95	79742.69	φ9		
Transformační matice								
T3;9	0	-1	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	-1	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	1
Transponovaná transformační matice								
T3;9]T	0	1	0	0	0	0	0	0
-1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0
0	0	0	-1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	1
Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti								
T3;9]T*[K*3;9]	0	3840.014	0	0	-3840.014	-17498.95		
-911418.4	0	0	911418.4	0	0	0		
0	0	0	0	0	0	0		
0	-3840.014	0	0	3840.014	17498.95			
911418.4	0	0	-911418.4	0	0			
0	-17498.95	0	0	17498.95	79742.69			
Globální matice tuhosti								
[K3;9]	7	8	9	25	26	27	7	8
3840.014	0	0	-3840.014	0	-17498.95	7	8	9
0	911418.4	0	0	-911418.4	0	8	9	25
0	0	0	0	0	0	7	8	9
-3840.014	0	0	3840.014	0	17498.95	25	26	27
0	-911418.4	0	0	911418.4	0	7	8	9
-17498.95	0	0	17498.95	0	79742.69	25	26	27
Primární lokální vektor koncových sil								
{R*3;9}	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
Primární globální vektor koncových sil								
{R3;9}	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0

Prut 7-10								
Vstupní údaje								
l [m]	α [-]	A [m2]	I [m4]	E [kPa]				
4.564	270	0.019778	0.000577	2.1E+08				
Dopočítané údaje								
cos	sin	cos*sin						
0	-1	0						
Deformační součinitelé								
c	δ1	δ0	α710	α107	β	φ710	φ107	D
0	0	0	0	0	0	0	0	0
Primární lokální vektor koncových sil - členy								
R	Z*710;0	Z*107;0						
0	0	0						
Lokální matice tuhosti								
u7	w7	φ7	u10	w10	φ10	u7	w7	φ7
910020.5	0	0	-910020.5	0	0	u7 <th>w7</th> <th>φ7</th>	w7	φ7
0	3822.373	0	0	-3822.373	-17445.31	w7 <th>φ7</th> <th>φ7</th>	φ7	φ7
0	0	0	0	0	0	φ7	u10	w10
-910020.5	0	0	910020.5	0	0	u10	w10	φ10
0	-3822.373	0	0	3822.373	17445.31	w10	φ10	φ10
0	-17445.31	0	0	17445.31	79620.39	φ10		
Transformační matice								
T7;10	0	-1	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	-1	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	1
Transponovaná transformační matice								
T7;10]T	0	1	0	0	0	0	0	0
-1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0
0	0	0	-1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	1
Transponovaná transformační matice x lokální matice tuhosti								
T7;10]T*[K*7;10]	0	3822.373	0	0	-3822.373	-17445.31		
-910020.5	0	0	910020.5	0	0	0		
0	0	0	0	0	0	0		
0	-3822.373	0	0	3822.373	17445.31			
910020.5	0	0	-910020.5	0	0			
0	-17445.31	0	0	17445.31	79620.39			
Globální matice tuhosti								
[K7;10]	19	20	21	28	29	30	19	20
3822.373	0	0	-3822.373	0	-17445.31	19	20	21
0	910020.5	0	0	-910020.5	0	20	21	28
0	0	0	0	0	0	19	20	21
-3822.373	0	0	3822.373	0	17445.31	28	29	30
0	-910020.5	0	0	910020.5	0	19	20	21
-17445.31	0	0	17445.31	0	79620.39	28	29	30
Primární lokální vektor koncových sil								
{R*7;10}	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
Primární globální vektor koncových sil								
{R7;10}	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0

Celková globální matice tuhosti

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30			
[K]	1493271	-488656	-36631.3	-1421806	488655.6	-36046.2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1		
	-488655.61	1741901	-100371	488655.6	-26121.1	-98768	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2		
	-36631.28	-100371	182941.2	36631.28	100371	90372.29	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3		
	-1421805.6	488655.6	36631.28	2824958	-971735	985.5237	-1403152	483079.7	-34493.2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	4		
	488655.61	-261211.1	100371	-971735	517012.2	2700.37	483079.7	-255801	-94512.6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	5		
	-36046.236	-98768	90372.29	985.5237	2700.37	353272.4	35060.71	96067.58	86285.22	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	6		
	0	0	0	-1403152	483079.7	35060.71	2160616	-753587	24486.06	-753624	270507.6	-9708.65	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	7		
	0	0	0	483079.7	-255801	96067.58	-753587	1278367	67092.68	270507.6	-111147	-26602.1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	8	
	0	0	0	-34493.2	-94512.6	86285.22	24486.06	67092.68	261229.1	10007.15	27419.94	44358.74	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	9	
	0	0	0	0	0	0	-753624	270507.6	10007.15	1628431	-582740	-3304.69	-874807	312232.8	-12677.5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	10
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	11
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	12
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	13
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	14
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	15
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	16
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	17
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	18
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	19
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	20
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	21
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	22
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	23
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	24
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	25
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	26
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	27
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	28
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	29
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	30

Inverzní celková globální matice tuhosti

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30				
[K-1]	4.524E-05	8.33E-08	1.61E-06	4.57E-05	1.96E-06	-2.1E-07	4.48E-05	-1.5E-07	2.32E-06	3.79E-05	-1.9E-05	4.96E-06	3.33E-05	-3.1E-05	8.94E-07	3.06E-05	-2.4E-05	-4.2E-06	2.17E-05	9.93E-09	-6.2E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	(S)		
	8.33E-08	6.75E-07	1.65E-07	-5.5E-08	2.93E-07	1.47E-07	-1.6E-07	1.52E-09	8.93E-08	-2.1E-07	-1.4E-07	-1.1E-08	-1.8E-07	-5.6E-08	-2.3E-08	-2E-07	-6.7E-09	-5.8E-09	-2E-07	-2.2E-10	7.3E-10	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	(R)	
	-1.024E-06	1.65E-07	1.38E-05	-9.4E-06	-1.2E-05	-2.6E-06	-1.3E-06	-2.8E-07	-5.3E-06	2.87E-06	1.13E-05	-5.3E-07	2.27E-06	9.68E-06	1.01E-06	3.75E-06	5.56E-06	1.22E-06	5.74E-06	9.73E-09	1.3E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	(S-R)
	4.574E-05	-5.5E-08	-5.4E-06	4.94E-05	8.59E-06	-1.9E-07	4.61E-05	8.56E-08	5.79E-06	3.65E-05	-2.6E-05	5.36E-06	3.21E-05	-3.8E-05	2.49E-07	2.85E-05	-2.8E-05	-5.1E-06	1.82E-05	3.68E-09	-7.1E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	1.96E-06	2.93E-07	-1.2E-05	8.59E-06	1.87E-05	3.46E-07	2.16E-06	6.39E-07	9.6E-06	-5.5E-06	-2E-05	9.56E-07	-4.4E-06	-1.7E-05	-1.8E-06	-7E-06	-1E-05	-2.2E-06	-1.1E-05	-1.8E-08	-2.3E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	-2.128E-07	1.47E-07	-2E-06	-1.9E-07	3.46E-07	3.79E-06	-4.6E-07	-2.4E-07	-1.3E-06	6.3E-07	2.75E-06	-1.6E-07	5.07E-07	2.43E-06	2.39E-07	8.7E-07	1.41E-06	3.07E-07	1.38E-06	2.41E-09	3.33E-07	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	4.478E-05	-1.6E-07	-1.3E-06	4.61E-05	2.16E-06	-4.6E-07	4.6E-05	2.5E-07	2.23E-06	3.9E-05	-1.8E-05	5.1E-06	3.42E-05	-3.2E-05	9.79E-07	3.15E-05	-2.4E-05	-4.3E-06	2.25E-05	1.05E-08	-6.3E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	-1.453E-07	1.52E-09	-2.8E-07	8.56E-08	6.39E-07	-2.4E-07	2.5E-07	1.09E-06	-1.2E-07	2.61E-07	1.13E-06	8.13E-08	1.13E-07	7.29E-07	1.15E-07	2.46E-07	3.6E-07	8.93E-08	3.75E-07	4.55E-10	7.93E-08	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	2.321E-06	8.93E-08	-5.3E-06	5.79E-06	9.6E-06	-1.3E-06	2.23E-06	-1.2E-07	1.09E-05	-6.4E-06	-2.4E-05	1.01E-06	-5E-06	-2E-05	-2.2E-06	-8.1E-06	-1.2E-05	-2.5E-06	-1.2E-05	-2E-08	-2.7E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	3.794E-05	-2.1E-07	2.87E-06	3.65E-05	-5.5E-06	6.3E-07	3.9E-05	2.61E-07	-6.4E-06	5.33E-05	3.68E-05	-3.7E-06	4.96E-05	2.73E-05	5.21E-06	5.49E-05	1.21E-05	3.25E-06	5.9E-05	8.13E-08	2.51E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	-1.865E-05	-1.4E-07	1.13E-05	-2.6E-05	-2E-05	2.75E-06	-1.8E-05	1.13E-06	-2.4E-05	3.68E-05	0.000155	-2.4E-05	4E-05	0.000165	1.17E-05	6.22E-05	0.000102	2.11E-05	9.89E-05	1.94E-07	2.47E-05	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	4.957E-06	-1.1E-08	-5.3E-07	5.36E-06	9.56E-07	-1.6E-07	5.1E-06	8.13E-08	1.01E-06	-3.7E-06	-2.4E-05	1.35E-05	-1.1E-05	-4.4E-05	-6.1E-07	-1.5E-05	-3.1E-05	-5.8E-06	-2.6E-05	-6.4E-08	-7.8E-06	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	3.327E-05	-1.8E-07	2.27E-06	3.21E-05	-4.4E-06	5.07E-07	3.42E-05	1.13E-07	-5E-06	4.96E-05	4E-05	-1.1E-05	6.03E-05	6.73E-05	-2E-06	6.55E-05	5.2E-05	9.05E-06	8.39E-05	1.79E-07	1.33E-05	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	-3.12E-05	-5.6E-08	9.68E-06	-3.8E-05	-1.7E-05	2.43E-06	-3.2E-05	7.29E-07	-2E-05	2.73E-05	0.000165	-4.4E-05	6.73E-05	0.000277	-8.1E-06	8.95E-05	0.000213	3.73E-05	0.000166	4.6E-07	5.46E-05	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	8.945E-07	-2.3E-08	1.01E-06	2.49E-07	-1.8E-06	2.39E-07	9.79E-07	1.15E-07	-2.2E-06	5.21E-06	1.																							

Globální vektor parametrů deformace

-0.0006949	u1
7.284E-06	w1
0.0002645	q1
-0.0008631	u2
-0.000427	w2
7.401E-05	q2
-0.0007045	u3
3.417E-05	w3
-0.0005906	q3
0.0009549	u4
0.0046757	w4
-0.0010154	q4
0.0016768	u5
0.0007353	w5
-0.001573	q5
0.0019623	u6
0.0058852	w6
0.0008019	q6
0.0040674	u7
2.583E-05	w7
0.0015665	q7
0	u8
0	w8
0	q8
0	u9
0	w9
0	q9
0	u10
0	w10
0	q10

(r) =

Vnitřní síly																
Prut 1-2																
1421806	-488655.61	-36631.3	-1421806	488655.6	-36046.2	-0.00069	14.44415	0	14.44415	0.939394	-0.34284	0	0	0	14.44665	
-488656	261211.21	-100371	488655.6	-261211	-98768	7.28E-06	-2.56069	0	-2.56069	0.34284	0.939394	0	0	0	2.546539	
-36631.3	-100371	182941.2	36631.28	100371	90372.29	x	0.000264	=	5.323162	+	0	0	1	0	5.323162	
-1421806	488655.61	36631.28	1421806	-488656	36046.24	-0.00086	-14.44411	0	-14.44411	0	0	0	0.939394	-0.34284	0	-14.44665
488655.6	-261211.21	100371	-488656	261211.2	98767.95	-0.00043	2.560687	0	2.560687	0	0	0	0.34284	0.939394	0	-2.54654
-36046.2	-98767.954	90372.29	36046.24	98767.95	178576.1	7.4E-05	-11.8372	0	-11.8372	0	0	0	0	0	1	-11.8372
Prut 2-3																
1403152	-483079.72	-35060.7	-1403152	483079.7	-34493.2	-0.00086	18.05768	0	18.05768	0.939394	-0.34284	0	0	0	18.05768	
-483080	255800.97	-96067.6	483079.7	-255801	-94512.6	-0.00043	7.340524	0	7.340524	0.34284	0.939394	0	0	0	13.08654	
-35060.7	-96067.584	174696.4	35060.71	96067.58	86285.22	x	7.4E-05	=	11.83721	+	0	0	1	0	11.83721	
-1403152	483079.72	35060.71	1403152	-483080	34493.21	-0.0007	-18.0577	0	-18.0577	0	0	0	0.939394	-0.34284	0	-14.44665
483079.7	-255800.97	96067.58	-483080	255801	94512.62	3.42E-05	-7.34052	0	-7.34052	0	0	0	0.34284	0.939394	0	-13.0865
-34493.2	-94512.622	86285.22	34493.21	94512.62	170472.1	-0.00059	-45.2341	0	-45.2341	0	0	0	0	0	1	-45.2341
Prut 3-4																
753623.6	-270507.59	-10007.2	-753624	270507.6	-9708.65	-0.0007	20.76289	0	20.76289	0.939394	-0.34284	0	0	0	20.76289	
-270508	111147.4	-27419.9	270507.6	-111147	-26602.1	3.42E-05	-23.8039	0	-23.8039	0.34284	0.939394	0	0	0	-15.2429	
-10007.2	-27419.945	90757.03	10007.15	27419.94	44358.74	x	-0.00059	=	45.23405	+	0	0	1	0	45.23405	
-753624	270507.59	10007.15	753623.6	-270508	9708.654	0.000955	-20.7629	0	-20.7629	0	0	0	0.939394	-0.34284	0	-27.6655
270507.6	-111147.4	27419.94	-270508	111147.4	26602.05	0.004676	23.80393	0	23.80393	0	0	0	0.34284	0.939394	0	15.24291
-9708.65	-26602.053	44358.74	9708.654	26602.05	86726.76	-0.00102	25.32538	0	25.32538	0	0	0	0	0	1	25.32538
Prut 4-5																
874807.4	-312232.83	-13013.3	-874807	312232.8	-12677.5	0.000955	26.77288	0	26.77288	0.939394	-0.34284	0	0	0	26.77288	
-312233	133230.61	-35657	312232.8	-133231	-34736.9	0.004676	-7.33635	0	-7.33635	0.34284	0.939394	0	0	0	2.28709	
-13013.3	-35657.01	99001.63	13013.34	35657.01	48539.05	x	-0.00102	=	-25.3254	+	0	0	1	0	-25.3254	
-874807	312232.83	13013.34	874807.4	-312233	12677.54	0.001677	-26.7729	0	-26.7729	0	0	0	0.939394	-0.34284	0	-27.6655
312232.8	-133230.61	35657.01	-312233	133230.6	34736.89	0.006735	7.336353	0	7.336353	0	0	0	0.34284	0.939394	0	-2.28709
-12677.5	-34736.892	48539.05	12677.54	34736.89	95194.39	-0.00016	16.43546	0	16.43546	0	0	0	0	0	1	16.43546

Prut 5-6																
890550.6	316721.2	13315.56	-890551	-316721	13766.9	0.001677	23.98363	0	23.98363	0.939693	0.34202	0	0	0	0	22.64909
316721.2	135643.3	-36584.2	-316721	-135643	-37824.3	0.006735	0.327029	0	0.327029	-0.34202	0.939693	0	0	0	0	-7.89558
13315.56	-36584.205	100068.3	-13315.6	36584.21	51299.72	x	-0.00016	=	-9.50761	+	0	0	1	0	0	-9.50761
-890551	-316721.2	-13315.6	890550.6	316721.2	-13766.9	0.001962	-23.9836	0	-23.9836	0	0	0	0.939693	0.34202	0	-22.6491
-316721	-135643.3	36584.21	316721.2	135643.3	37824.26	0.005885	-0.32703	0	-0.32703	0	0	0	-0.34202	0.939693	0	7.895579
13766.9	-37824.259	51299.72	-13766.9	37824.26	105199	0.000802	40.20563	0	40.20563	0	0	0	0	0	1	40.20563

Prut 6-7																
773718.5	276706.98	10451.64	-773719	-276707	10859.55	0.001962	17.98802	0	17.98802	0.939693	0.34202	0	0	0	0	22.64909
276707	114185.48	-28715.7	-276707	-114185	-29836.4	0.005885	16.79984	0	16.79984	-0.34202	0.939693	0	0	0	0	9.634421
10451.64	-28715.656	93317	-10451.6	28715.66	48016.36	x	0.000802	=	-40.2056	+	0	0	1	0	0	-40.2056
-773719	-276706.98	-10451.6	773718.5	276707	-10859.5	0.004067	-17.988	0	-17.988	0	0	0	0.939693	0.34202	0	-22.6491
-276707	-114185.48	28715.66	276707	114185.5	29836.36	2.58E-05	-16.7998	0	-16.7998	0	0	0	-0.34202	0.939693	0	-9.63442
10859.55	-29836.358	48016.36	-10859.5	29836.36	98832.89	0.001567	-4.35357	0	-4.35357	0	0	0	0	0	1	-4.35357

Prut 1-8																
16465.36	0	0	-16465.4	0	-46185.3	-0.00069	-11.4425	0	-11.4425	0	-1	0	0	0	0	-10.7853
0	1480689.3	0	0	-1480689	0	7.28E-06	10.78527	0	10.78527	1	0	0	0	0	0	-11.4425
0	0	0	0	0	0	x	0.000264	=	0	+	0	0	1	0	0	0
-16465.4	0	0	16465.36	0	46185.35	0	11.44251	0	11.44251	0	0	0	0	-1	0	10.78527
0	-1480689.3	0	0	1480689	0	0	-10.7853	0	-10.7853	0	0	0	1	0	0	11.44251
-46185.3	0	0	46185.35	0	129549.9	0	32.09625	0	32.09625	0	0	0	0	0	1	32.09625

Prut 3-9																
3840.014	0	0	-3840.01	0	-17498.9	-0.0007	-2.70521	0	-2.70521	0	-1	0	0	0	0	-31.1444
0	911418.39	0	0	-911418	0	3.42E-05	31.14445	0	31.14445	1	0	0	0	0	0	-2.70521
0	0	0	0	0	0	x	-0.00059	=	0	+	0	0	1	0	0	0
-3840.01	0	0	3840.014	0	17498.95	0	2.70521	0	2.70521	0	0	0	0	-1	0	31.14445
0	-911418.39	0	0	911418.4	0	0	-31.1444	0	-31.1444	0	0	0	1	0	0	2.70521
-17498.9	0	0	17498.95	0	79742.69	0	12.32764	0	12.32764	0	0	0	0	0	1	12.32764

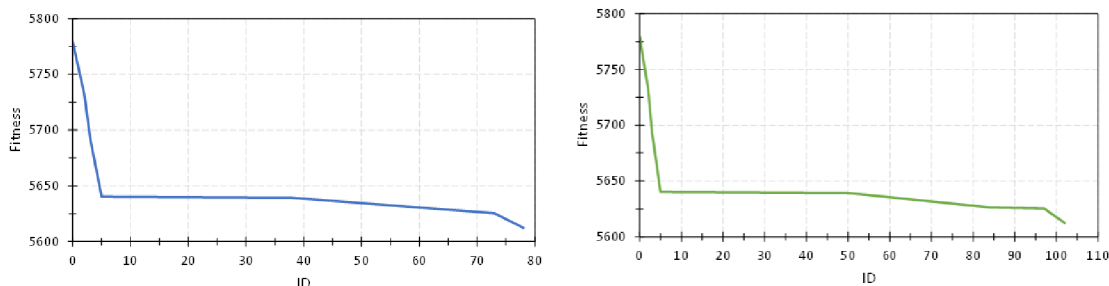
Prut 7-10																
3822.373	0	0	-3822.37	0	-17445.3	0.004067	15.54702	0	15.54702	0	-1	0	0	0	0	-23.5064
0	910020.5	0	0	-910021	0	2.58E-05	23.50643	0	23.50643	1	0	0	0	0	0	15.54702
0	0	0	0	0	0	x	0.001567	=	0	+	0	0	1	0	0	0
-3822.37	0	0	3822.373	0	17445.31	0	-15.547	0	-15.547	0	0	0	0	-1	0	23.50643
0	-910020.5	0	0	910020.5	0	0	-23.5064	0	-23.5064	0	0	0	1	0	0	-15.547
-17445.3	0	0	17445.31	0	79620.39	0	-70.9566	0	-70.9566	0	0	0	0	0	1	-70.9566

A.3 Grafy

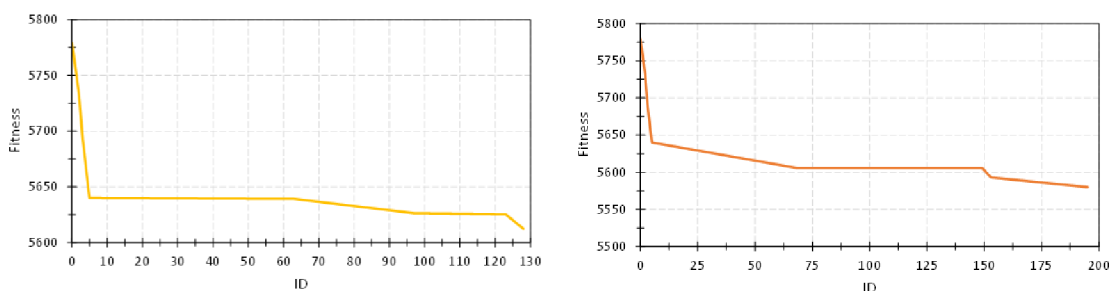
A.3.1 Analytický příklad

Na obrázku A.14 je znázorněn graf konvergence účelové funkce pro výpočet 25% a 50%, pro výpočet 75% a 100% je znázorněn na obrázku A.15.

Tyto grafy jsou pro optimalizační úlohu z kapitoly (4.1).

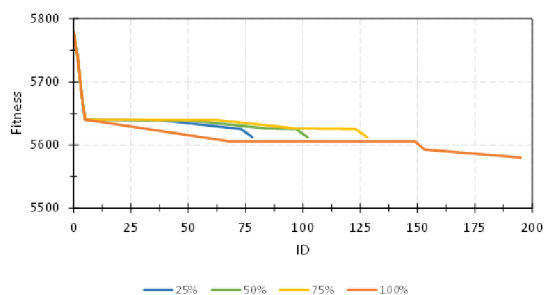


Obrázek A.14: Grafy konvergence účelové funkce optimalizace (vlevo 25% vpravo 50%)



Obrázek A.15: Grafy konvergence účelové funkce optimalizace (vlevo 75% vpravo 100%)

Obrázek A.16 znázornuje sloučení výše uvedených grafů.

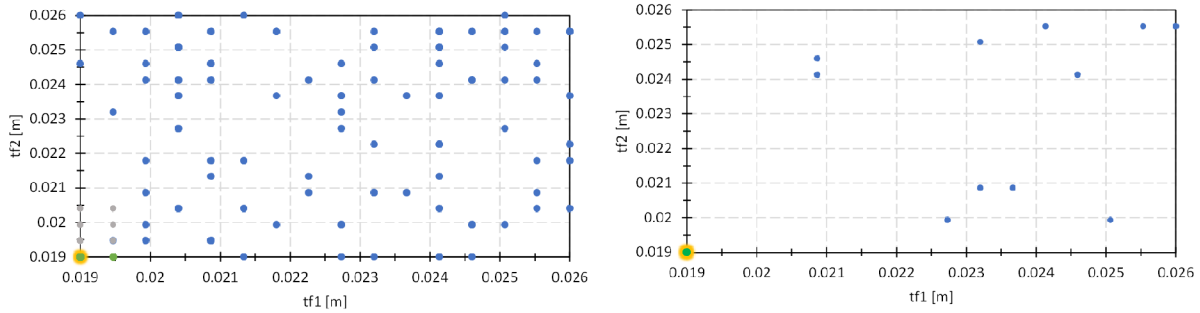


Obrázek A.16: Grafy konvergence účelové funkce optimalizace

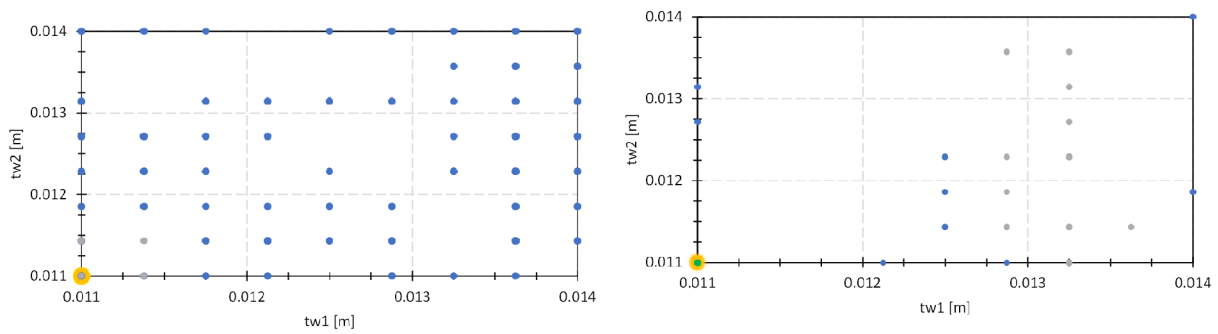
A.3.2 Optimalizace rámu ocelové haly

Níže jsou zobrazeny grafy částic populací v kombinacích pro všechny globální parametry pro optimalizaci prutů střešní konstrukce z kapitoly (4.2).

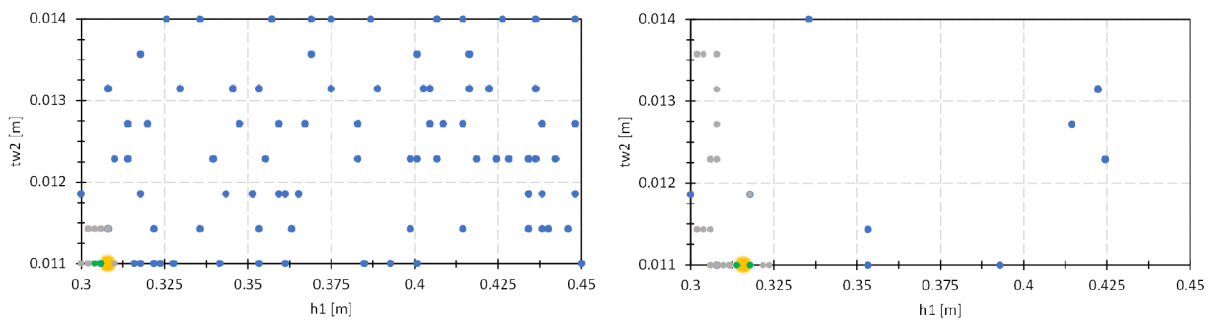
Vlevo je vždy graf pro výsledky kdy je počet iterací 11 s 9 členy populace. Vpravo je vždy graf pro výsledky kdy je počet iterací 132 s 12 členy populace.



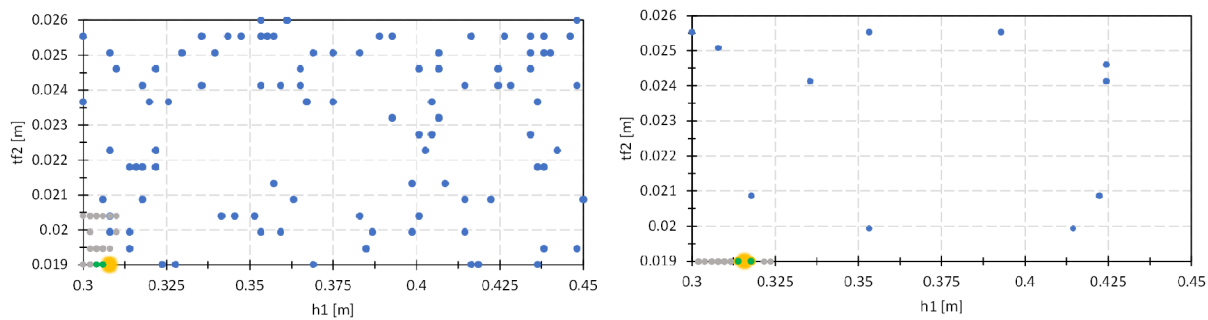
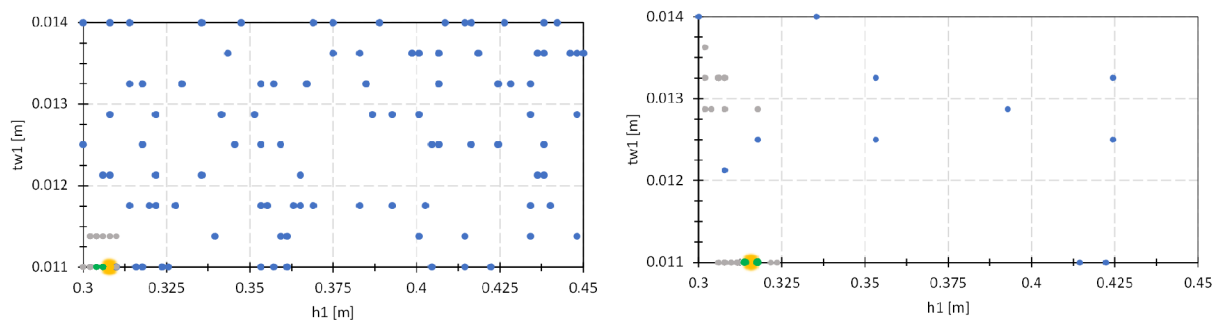
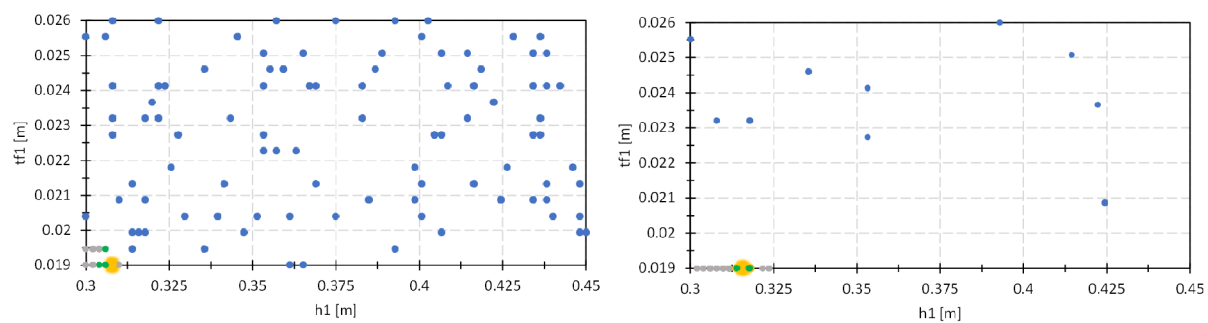
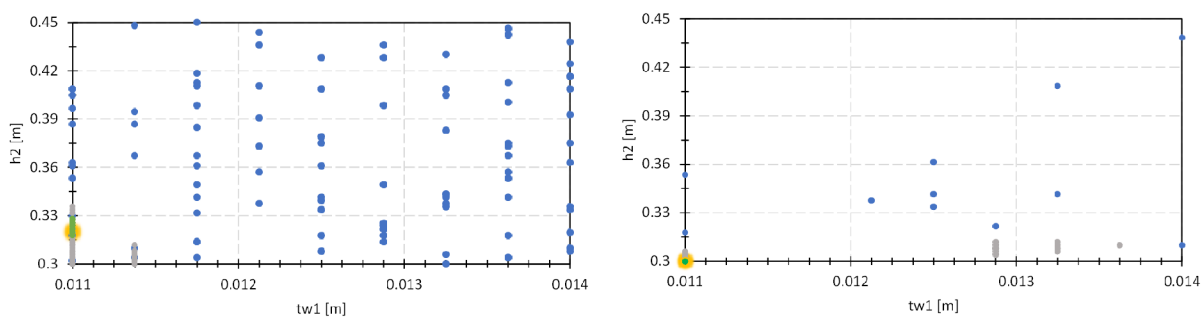
Obrázek A.17: Střešní konstrukce - parametr t_{f1} a t_{f2}

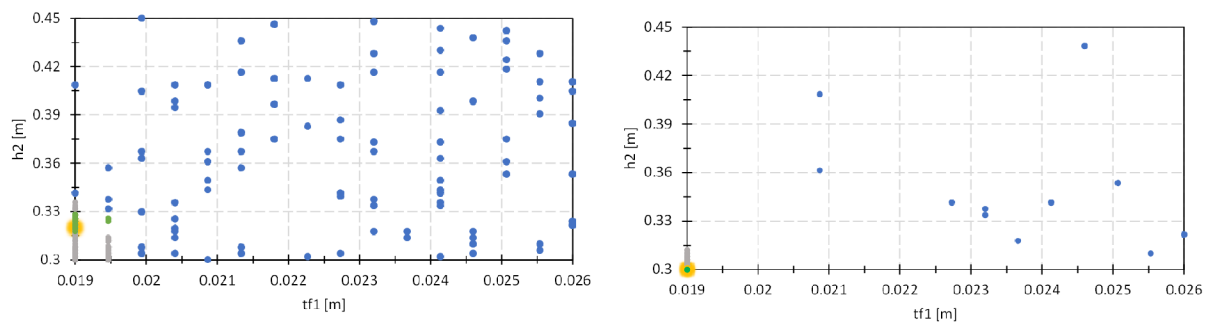
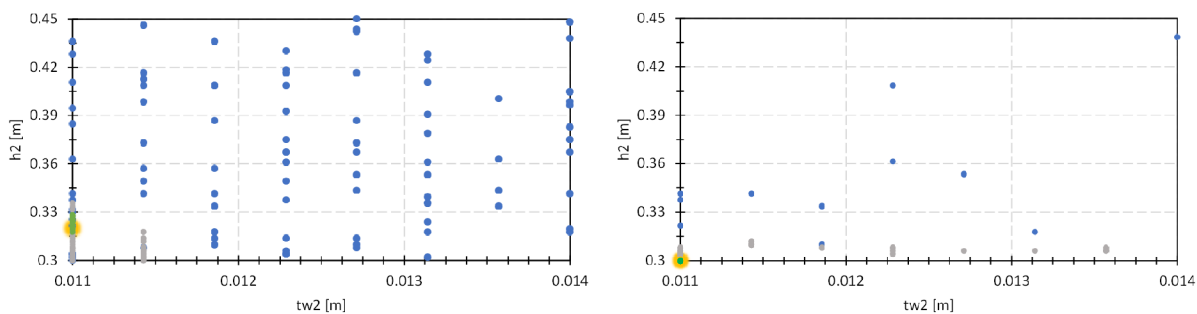
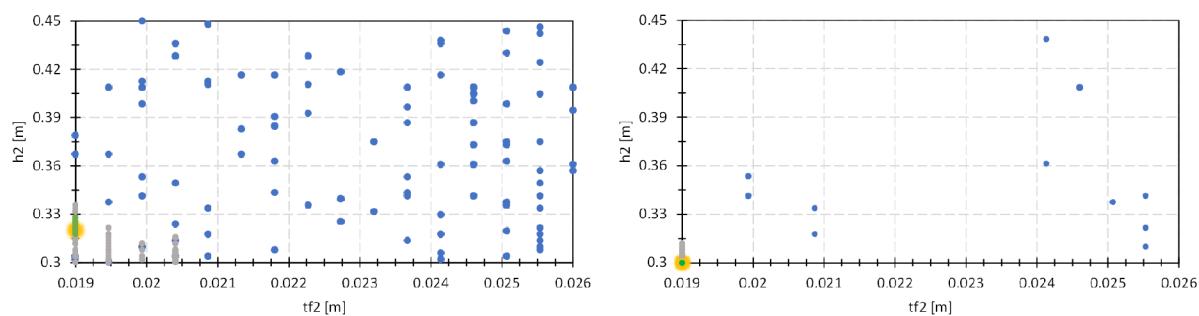


Obrázek A.18: Střešní konstrukce - parametr t_{w1} a t_{w2}

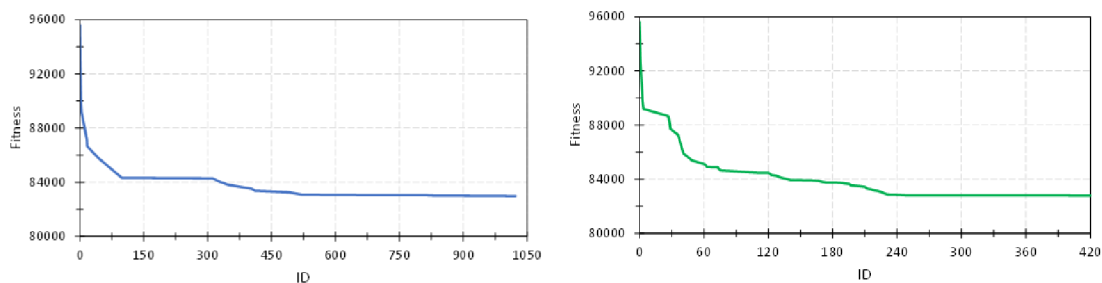


Obrázek A.19: Střešní konstrukce - parametr h_1 a t_{w2}

Obrázek A.20: Střešní konstrukce - Parametr h_1 a t_{f2} Obrázek A.21: Střešní konstrukce - parametr h_1 a t_{w1} Obrázek A.22: Střešní konstrukce - parametr h_1 a t_{f1} Obrázek A.23: Střešní konstrukce - parametr h_2 a t_{w1}

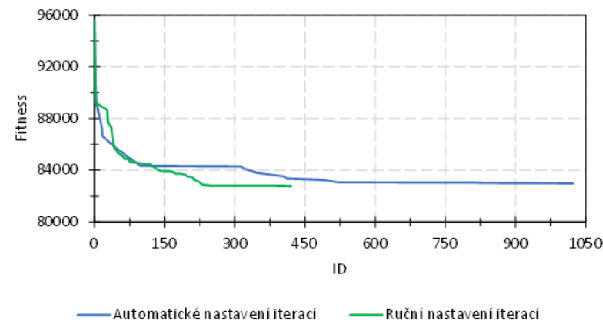
Obrázek A.24: Střešní konstrukce - parametr h_2 a t_{f1} Obrázek A.25: Střešní konstrukce - parametr h_2 a t_{w2} Obrázek A.26: Střešní konstrukce - parametr h_2 a t_{f2}

Následující grafy znázorňují konvergenci účelové funkce optimalizace prutů střešní konstrukce.



Obrázek A.27: Grafy konvergence účelové funkce optimalizace prutů střešní konstrukce (vlevo pro menší počet iterací, vpravo pro větší počet iterací)

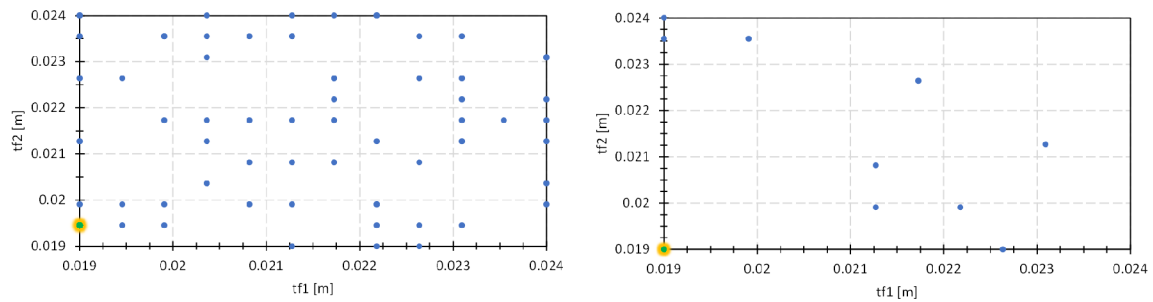
Obrázek A.28 zobrazuje sloučení grafů z obrázku A.27. Automatické nastavení iterací odpovídá menšímu počtu iterací a ruční nastavení iterací odpovídá většímu počtu iterací.



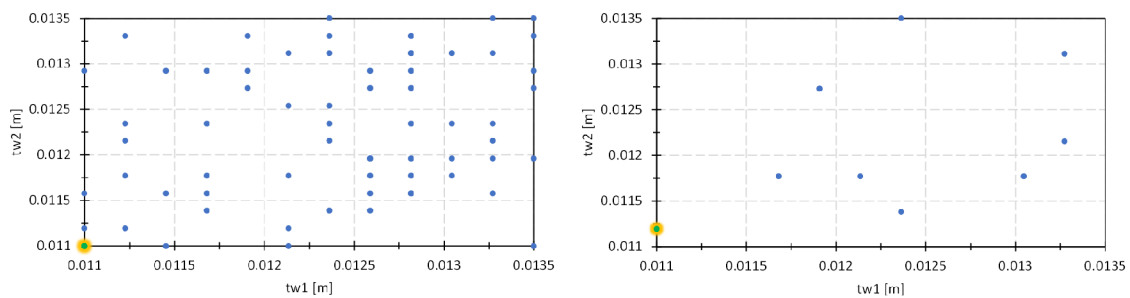
Obrázek A.28: Grafy konvergence účelové funkce optimalizace prutů střešní konstrukce

Níže jsou zobrazeny grafy částic populací v kombinacích pro všechny globální parametry pro optimalizaci prutů sloupů z kapitoly (4.2).

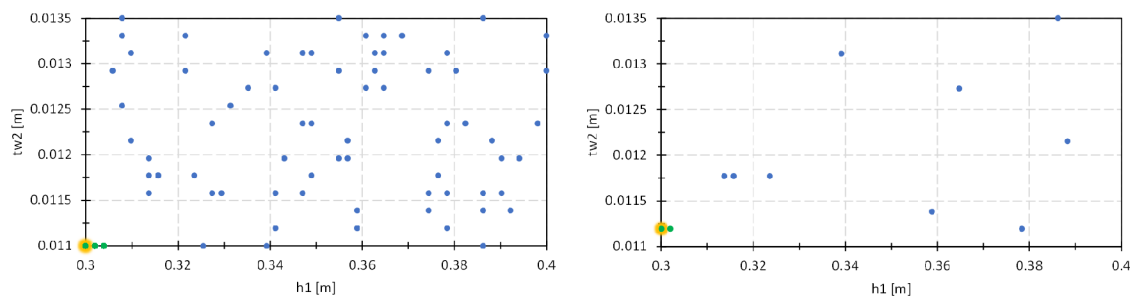
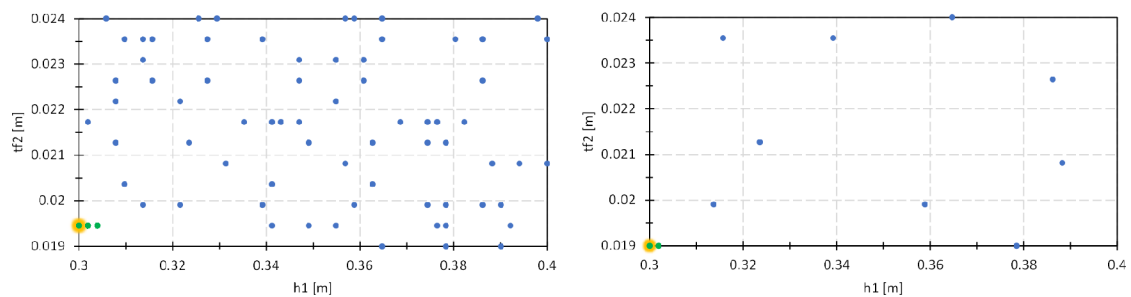
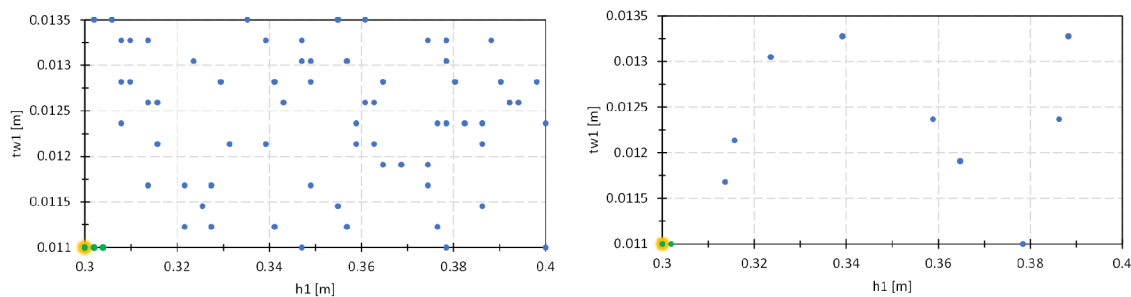
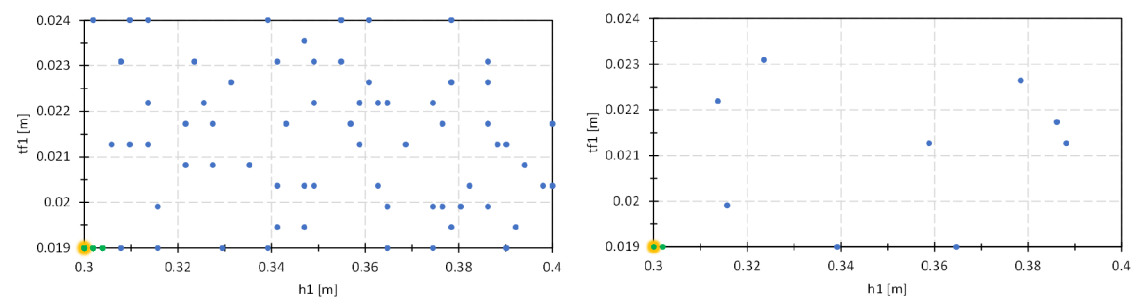
Vlevo je vždy graf pro výsledky kdy je počet iterací 9 s 72 členy populace. Vpravo je vždy graf pro výsledky kdy je počet iterací 100 s 10 členy populace.

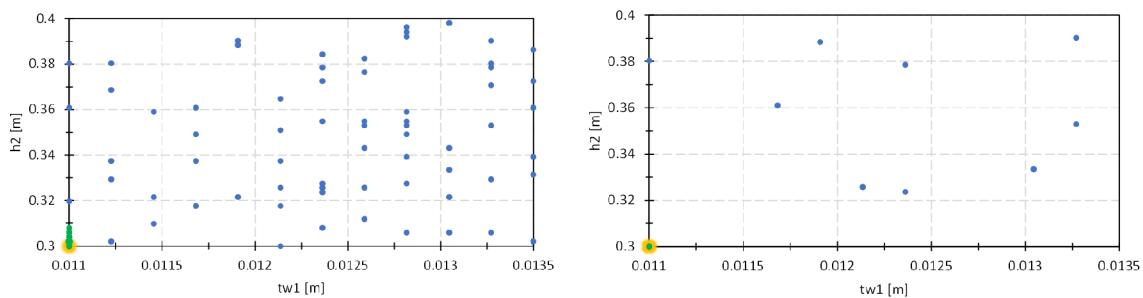
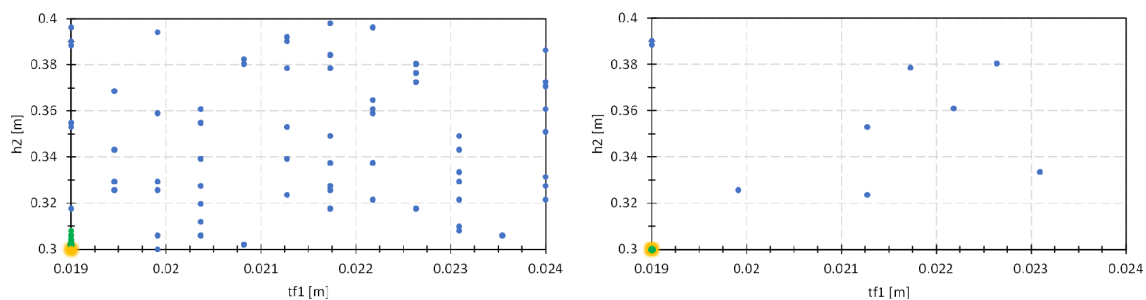
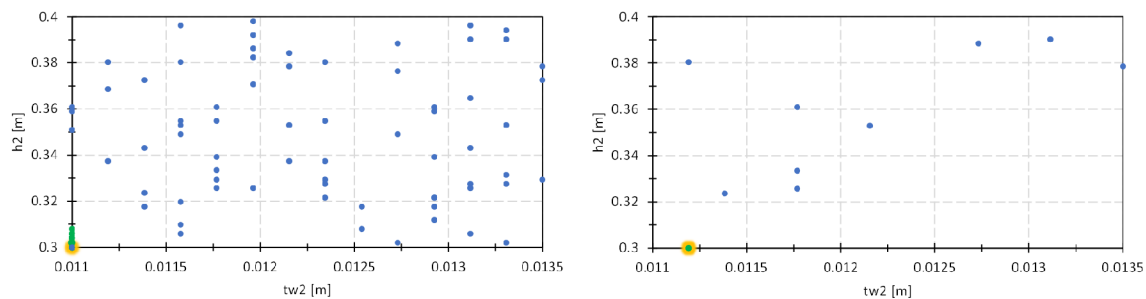
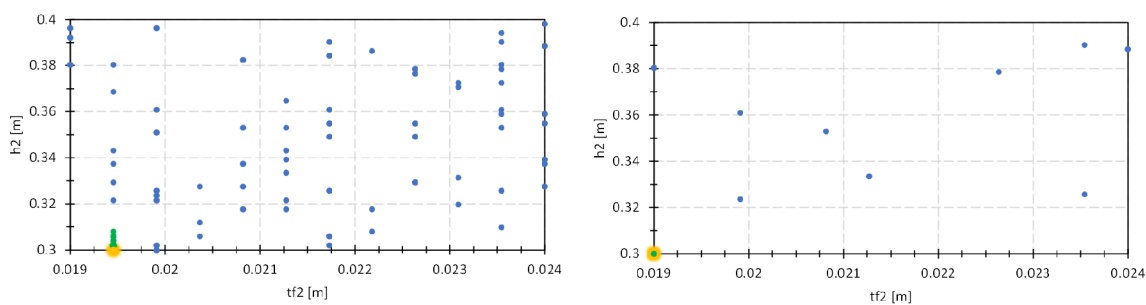


Obrázek A.29: Sloup - parametr t_{f1} a t_{f2}

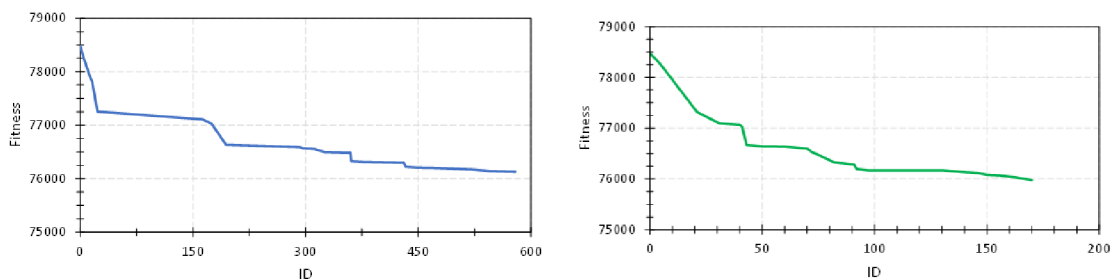


Obrázek A.30: Sloup - parametr t_{w1} a t_{w2}

Obrázek A.31: Sloup - parametr h_1 a t_{w2} Obrázek A.32: Sloup - parametr h_1 a t_{f2} Obrázek A.33: Sloup - parametr h_1 a t_{w1} Obrázek A.34: Sloup - parametr h_1 a t_{f1}

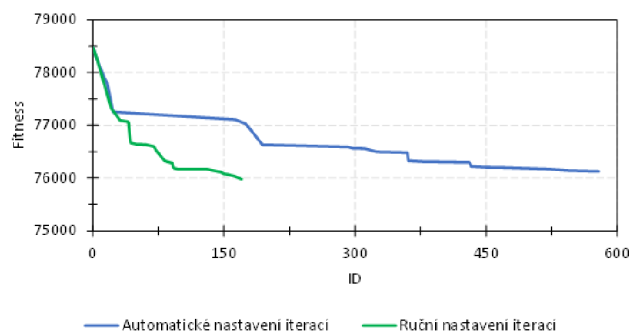
Obrázek A.35: Sloup - parametr h_2 a t_{w1} Obrázek A.36: Sloup - parametr h_2 a t_{f1} Obrázek A.37: Sloup - parametr h_2 a t_{w2} Obrázek A.38: Sloup - parametr h_2 a t_{f2}

Následující grafy znázorňují konvergenci účelové funkce optimalizace prutů sloupů.



Obrázek A.39: Grafy konvergence účelové funkce optimalizace prutů sloupů (vlevo pro menší počet iterací, vpravo pro větší počet iterací)

Obrázek A.40 zobrazuje sloučení grafů z obrázku A.39. Automatické nastavení iterací odpovídá menšímu počtu iterací a ruční nastavení iterací odpovídá většímu počtu iterací.

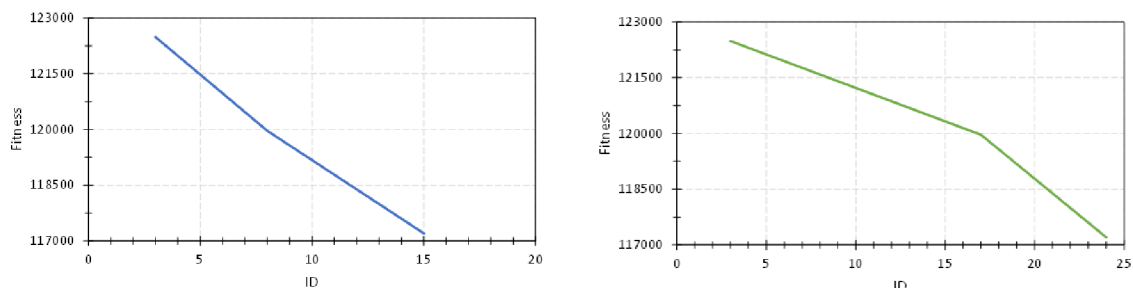


Obrázek A.40: Grafy konvergence účelové funkce optimalizace prutů sloupů

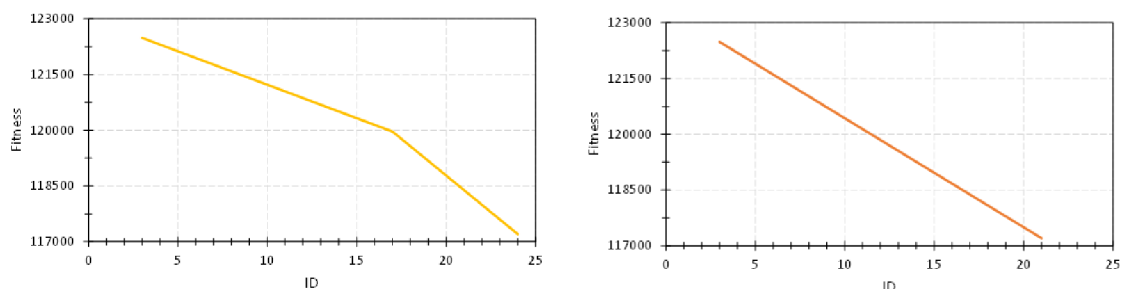
A.3.3 Optimalizace prolamovaných nosníků

Na obrázku A.41 je znázorněna konvergence účelové funkce pro výpočet 25% a 50%, pro výpočet 75% a 100% je znázorněna na obrázku A.42.

Tyto grafy jsou pro optimalizační úlohu z kapitoly (4.3) pro první dílčí výpočet.

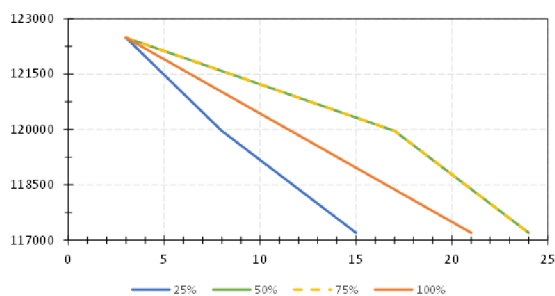


Obrázek A.41: Grafy konvergence účelové funkce optimalizace prolamovaných nosníků (vlevo 25% vpravo 50%)



Obrázek A.42: Grafy konvergence účelové funkce optimalizace prolamovaných nosníků (vlevo 75% vpravo 100%)

Obrázek A.43 znázorňuje sloučení výše uvedených grafů.



Obrázek A.43: Grafy konvergence účelové funkce optimalizace prolamovaných nosníků

Seznam obrázků

1.1	Model řešené ocelové haly	2
2.1	Omezení povrchu v hypotetickém dvourozměrném návrhovém prostoru [31]	4
2.2	Minimum $f(x)$ odpovídá maximu $-f(x^*)$ [31]	5
2.3	Optimální řešení $c f(x)$ nebo $c + f(x)$ je stejné jako řešení $f(x)$ [31]	5
2.4	Tvarová optimalizace (horní obr. znázorňuje původní návrh, dolní obr. stav po optimalizaci) [19]	6
2.5	Topologická optimalizace (horní obr. znázorňuje původní návrh, dolní obr. stav po optimalizaci) [19]	7
2.6	Rozměrová optimalizace (horní obr. znázorňuje původní návrh, dolní obr. stav po optimalizaci) [19]	7
2.7	Příklad diagramu metody větvení a mezí [27]	10
2.8	Příkladné znázornění horolezeckého algoritmu [17]	11
2.9	Metoda simulovaného žíhání - příklad problému s lokálním minimem [23]	12
2.10	Možné blokové schéma algoritmu metody zakázaného hledání [8]	13
2.11	Nalezení optimální cesty z mraveniště za potravou [25]	14
2.12	Vývojový diagram genetického algoritmu [10]	15
3.1	Pohybující se částice [30]	19
4.1	Model typického rámu ocelové haly	22
4.2	Zatížení skladbou střešní konstrukce	23
4.3	Zatížení sněhem - plný sníh	23
4.4	Zatížení větrem - levý vítr +/-	24
4.5	Prut s výškovým přímkovým náběhem [14, 18]	26
4.6	Globální parametry deformace a lokální koncové síly [14, 18]	30
4.7	Definovaná oblast optimalizace a její varianty řešení	30
4.8	Označení průřezů pro definovanou oblast optimalizace	31
4.9	Řešení omezení optimalizace - <i>levý prut střešní konstrukce</i>	32
4.10	Řešení omezení optimalizace - <i>pravý prut střešní konstrukce</i>	33
4.11	Hmotnost konstrukce jednotlivých variant	33
4.12	Grafy částic populací (vlevo 25% vpravo 50%)	35
4.13	Grafy částic populací (vlevo 75% vpravo 100%)	35
4.14	Výsledky pro výpočet 100% mutací	36

4.15 Výsledky pro výpočty 25%, 50% a 75% mutací	36
4.16 Model ocelové haly	37
4.17 Zatížení sloupů v kombinaci <i>levý vítr</i> +/+	38
4.18 Průběh normálových sil N	38
4.19 Průběh posouvajících sil V_z	39
4.20 Průběh ohybových momentů M_y	39
4.21 Využití ocelových průřezů pro analýzu napětí a přetvoření - normálové napětí σ	39
4.22 Využití ocelových průřezů pro analýzu napětí a přetvoření - smykové napětí τ	39
4.23 Grafy částic populací - střešní konstrukce (vlevo 1. výpočet vpravo 2. výpočet)	41
4.24 Výsledky prvního výpočtu optimalizace průřezů prutů střešní konstrukce	41
4.25 Výsledky druhého výpočtu optimalizace průřezu prutů střešní konstrukce	41
4.26 Grafy částic populací - konstrukce sloupů (vlevo 1. výpočet vpravo 2. výpočet)	43
4.27 Výsledky prvního výpočtu optimalizace průřezů prutů sloupů	43
4.28 Výsledky druhého výpočtu optimalizace průřezu prutů sloupů	43
4.29 Průběh normálových sil na optimalizované konstrukci N	44
4.30 Průběh posouvajících sil na optimalizované konstrukci V_z	44
4.31 Průběh ohybových momentů na optimalizované konstrukci M_y	45
4.32 Využití ocelových průřezů na optimalizované konstrukci pro analýzu napětí a přetvoření - normálové napětí σ	45
4.33 Využití ocelových průřezů na optimalizované konstrukci pro analýzu napětí a přetvoření - smykové napětí τ	45
4.34 Model ocelové haly s pomocí 2D konečných prvků	46
4.35 Geometrie prolamovaných nosníků střešní konstrukce ocelové haly	47
4.36 Výsledek výpočtu optimalizace poloměru r prolamovaných nosníků v rámci celé haly	48
4.37 Geometrie prolamovaných nosníků po optimalizaci	48
4.38 Grafy částic populací (vlevo $r1$ a $r2$, vpravo $r1$ a $r3$)	49
4.39 Grafy částic populací (vlevo $r20$ a $r15$, vpravo $r20$ a $r22$)	49
4.40 Výsledky optimalizace pro všechny globální parametry prolamovaných nosníků střešní konstrukce	50
4.41 Geometrie konstrukce po optimalizačním procesu	50
A.1 Rozdělení průřezu na jednotlivé obrazce	52
A.2 Vstupní parametry	52
A.3 Výpočet plochy	53
A.4 Výpočet těžiště	53
A.5 Výpočet těžiště	54
A.6 Lineární interpolace	54
A.7 Výpočet plochy průřezu v místě n	55
A.8 Výpočet průřezových charakteristik průřezu v místě n	55
A.9 Výpočet momentu setrvačnosti průřezu v místě n	56

A.10 Výpočtový model pro zatěžovací stavy <i>vlastní tíha konstrukce, ostatní stálé zatížení, plný sníh</i>	57
A.11 Výpočtový model pro zatěžovací stav <i>levý vítr +/-</i>	57
A.12 Lokalizace matice tuhosti K pro zatěžovací stavy <i>vlastní tíha konstrukce, ostatní stálé zatížená, plný sníh</i>	58
A.13 Lokalizace matice tuhosti K pro zatěžovací stav <i>levý vítr +/-</i>	71
A.14 Grafy konvergence účelové funkce optimalizace (vlevo 25% vpravo 50%)	78
A.15 Grafy konvergence účelové funkce optimalizace (vlevo 75% vpravo 100%)	78
A.16 Grafy konvergence účelové funkce optimalizace	78
A.17 Střešní konstrukce - parametr t_{f1} a t_{f2}	79
A.18 Střešní konstrukce - parametr t_{w1} a t_{w2}	79
A.19 Střešní konstrukce - parametr h_1 a t_{w2}	79
A.20 Střešní konstrukce - Parametr h_1 a t_{f2}	80
A.21 Střešní konstrukce - parametr h_1 a t_{w1}	80
A.22 Střešní konstrukce - parametr h_1 a t_{f1}	80
A.23 Střešní konstrukce - parametr h_2 a t_{w1}	80
A.24 Střešní konstrukce - parametr h_2 a t_{f1}	81
A.25 Střešní konstrukce - parametr h_2 a t_{w2}	81
A.26 Střešní konstrukce - parametr h_2 a t_{f2}	81
A.27 Grafy konvergence účelové funkce optimalizace prutů střešní konstrukce (vlevo pro menší počet iterací, vpravo pro větší počet iterací)	81
A.28 Grafy konvergence účelové funkce optimalizace prutů střešní konstrukce	82
A.29 Sloup - parametr t_{f1} a t_{f2}	82
A.30 Sloup - parametr t_{w1} a t_{w2}	82
A.31 Sloup - parametr h_1 a t_{w2}	83
A.32 Sloup - parametr h_1 a t_{f2}	83
A.33 Sloup - parametr h_1 a t_{w1}	83
A.34 Sloup - parametr h_1 a t_{f1}	83
A.35 Sloup - parametr h_2 a t_{w1}	84
A.36 Sloup - parametr h_2 a t_{f1}	84
A.37 Sloup - parametr h_2 a t_{w2}	84
A.38 Sloup - parametr h_2 a t_{f2}	84
A.39 Grafy konvergence účelové funkce optimalizace prutů sloupů (vlevo pro menší počet iterací, vpravo pro větší počet iterací)	85
A.40 Grafy konvergence účelové funkce optimalizace prutů sloupů	85
A.41 Grafy konvergence účelové funkce optimalizace prolamovaných nosníků (vlevo 25% vpravo 50%)	86
A.42 Grafy konvergence účelové funkce optimalizace prolamovaných nosníků (vlevo 75% vpravo 100%)	86
A.43 Grafy konvergence účelové funkce optimalizace prolamovaných nosníků	86

Seznam tabulek

2.1	Optimalizační metody dle principu činnosti	8
4.1	Nastavení globálních parametrů	34
4.2	Nastavení globálních parametrů pro optimalizaci prutů střešní konstrukce ocelové haly	40
4.3	Nastavení globálních parametrů pro optimalizaci průřezů prutů sloupů ocelové haly	42
4.4	Nastavení globálních parametrů pro optimalizaci kruhových otvorů prolamovaných nosníků	47
4.5	Nastavení globálních parametrů pro optimalizaci prolamovaných nosníků typického rámu	49

Literatura

- [1] Lineární programování. Dostupné z: <https://cs.wikipedia.org/wiki/Line>.
- [2] ČSN EN 1990 (730002) Eurokód: Zásady navrhování konstrukcí, 2004 vydání.
- [3] ČSN EN 1991-1-3. Eurokód 1: Zatížení konstrukcí - Část 1-3: Obecné zatížení - Zatížení sněhem, 2016 vydání.
- [4] ČSN EN 1991-1-4. Eurokód 1: Zatížení konstrukcí - Část 1-4: Obecné zatížení - Zatížení větrem, 2020 vydání.
- [5] ALTAIR. Structural optimization explained. Dostupné z: <https://altair.com/structural-optimization-explained>.
- [6] BEHA projekt. Statický výpočet ocelové haly SO01 Rožnov pod Radhoštěm. 2021.
- [7] Binmore, K. *Teorie her*. Dokořán, 2014 vydání. ISBN 978-80-7363-549-7.
- [8] Christofer Asir Rajan, C. An Evolutionary Programming Based Tabu Search Method for Unit Commitment Problem with Cooling-Banking Constraints. *Journal of Electrical Engineering*. 2011, 62. DOI: 10.2478/v10187-011-0002-6.
- [9] Clausen, J. Branch and bound algorithms - principles and examples., 1999. Dostupné z: https://janders.eecg.utoronto.ca/1387/readings/b_and_b.pdf.
- [10] Dastanpour, A. a Mahmood, R. Feature Selection Based on Genetic Algorithm and Support Vector Machine for Intrusion Detection System. 11 2013. DOI: 10.13140/2.1.4289.4721.
- [11] Eberhart, R. a Kennedy, J. A new optimizer using particle swarm theory. MHS'95. Proceedings of the Sixth International Symposium on Micro Machine and Human Science. 1995. DOI: 10.1109/mhs.1995.494215.
- [12] Eberhart, R. a Kennedy, J. Particle swarm optimization. Proceedings of ICNN'95 - International Conference on Neural Networks. 1995. DOI: 10.1109/icnn.1995.488968.
- [13] Engineering product design. Introduction to Topology Optimization. 2021. Dostupné z: <https://engineeringproductdesign.com/knowledge-base/topology-optimization/>.
- [14] Frantík, P. a Kytýr, J. *Statika II Modul BD04 - MO1 Rozšířený průvodce*. 2005.
- [15] Grant, S. Product and system optimization in engineering simulation. *Fenet Newsletter*. 2003.
- [16] Hashim, H. Umělá inteligence, 2004. Dostupné z: <http://docplayer.cz/919740-Ucebni-texty-ostravske-univerzity.html>.
- [17] Iyer, J., V. Dostupné z: <https://iq.opengenus.org/hill-climbing-algorithm/>.
- [18] Kadlčák, J. a Kytýr, J. *Statika stavebních konstrukcí II*. VUTIUM, 2004. ISBN 978-80-214-3428-8.
- [19] Kato, J. *Material optimization of fiber reinforced composites applying a damage formulation*. PhD thesis, 01 2010.
- [20] Kožíšek, M. a Lorenc, M. Minikurz optimalizace. Dostupné z: <https://www2.humusoft.cz/www/papers/comsol2018/optimalizace-v-cm.pdf>.
- [21] Kočová, M. Možnosti optimalizace ve stavebnictví, 2015. Dostupné z: http://ksm.fsv.cvut.cz/~nemecek/teaching/dmpo/clanky/2015/DMPO_Kocova.pdf.
- [22] Lepš, M. *Single and Multi-Objective Optimization in Civil Engineering with Applications*. PhD thesis, České učení technické v Praze, Praha, 2004. Dostupné z:

- <https://mech.fsv.cvut.cz/~leps/publications/pdf/thesis.pdf>.
- [23] Liang, F. Optimization Techniques - Simulated Annealing, 2020.
- [24] Lin, W., Lian, Z., Gu, X., a Jiao, B. A local and global search combined particle swarm optimization algorithm and its convergence analysis. *Mathematical Problems in Engineering*. 2014, s. 1–11. DOI: 10.1155/2014/905712.
- [25] Liu, Y., Li, H. a Cao, B. Improving ant colony optimization algorithm with epsilon greedy and Levy flight, 2020. Dostupné z: <https://link.springer.com/article/10.1007/s40747-020-00138-3>.
- [26] Matlab a Simulink. What is the genetic algorithm? Dostupné z: <https://www.mathworks.com/help/gads/what-is-the-genetic-algorithm.html>.
- [27] Mehdi, M. Parallel hybrid optimization methods for permutation based problems. 2011.
- [28] Parsopoulos, K. a Vrahatis, M. Recent approaches to global optimization problems through Particle Swarm Optimization. *Natural Computing ACM Computing Classification*. 2002, 116, s. 235–3063. DOI: 10.1023/A:1016568309421.
- [29] Pánek, O. Algoritmus optimalizace hejnem částic: vývoj a jeho aplikace, 2017/2018.
- [30] Rhim, W. How does particle swarm optimization work. 2023. Dostupné z: <https://www.baeldung.com/cs/psa>.
- [31] S. S. Rao. *Engineering optimization*. John Wiley, 4th ed vydání, 2009. ISBN 978-0-470-18352-6.
- [32] Sarode, K. a Javaji, S. Hybrid Genetic Algorithm and Hill Climbing Optimization for the Neural Network, 2023.
- [33] Šedlbauer, D. Optimalizace podrobného návrhu železobetonového skeletu, 2011. Dostupné z: https://mech.fsv.cvut.cz/wiki/images/3/31/Bazant_2011_sedlbauer.pdf.